

UNIVERSAL  
LIBRARY

**OU\_224535**

UNIVERSAL  
LIBRARY









بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

# طبعی مناظر

(برائے بی۔ ایس سی)

تالیف

مولوی محمد عبدالرحمن خاٹنا بی۔ ایس سی آنرز (لندن)

اسوشیٹڈ آف دی رائل کالج آف سائنس (لندن)۔ فیلو آف دی رائل سوسائٹی۔ فیلو آف دی فزیکل سوسائٹی

سابق صدر کلیئہ جامعہ عثمانیہ آبادوکن

۱۳۵۸ھ م ۱۳۵۸ھ م ۱۳۵۸ھ م

طبعی مناظر



## تہذیب منجانب مؤلف

طبعی مناظر پر بطور ایک علیحدہ مضمون کے عموماً بہت کم کتابیں لکھی گئی ہیں۔ مستند اساتذہ کی جتنی بھی درسی کتابیں شائع ہوئی ہیں (مثلاً پرسن - آر ڈبلیو، ووڈ - شو سلیڈ ایڈز وغیرہ کی) ان میں ہندسی و طبعی مناظر دونوں شامل ہیں۔ اس کی وجہ سے مصنف جب علم المناظر کے دونوں حصوں پر مساوی اور خاطر خواہ توجہ کرنا چاہتا ہے تو کتاب ضخیم ہو جاتی ہے اور جامعات کے طیلسان کے خواہشمند طالب علموں کو اپنی ضروریات کی چیزیں دھونڈنے میں بڑی دقت پیش آتی ہے۔

مؤلف نے اپنی اس کتاب میں ان دقتوں کو رفع کرنے کی کوشش کی ہے۔ باوجود اختصار تقریباً ان تمام امور پر بحث کی گئی ہے جن کا جاننا طبعی مناظر کے مبتدی کے لیے لازمی ہے۔ معجزات تحقیقاتِ حالیہ کے سمجھنے کے لیے جن شعبوں پر بطور خاص توجہ کی ضرورت ہے ان کو ممکنہ سہولت اور وضاحت کے ساتھ پیش کرنے کے لیے اساتذہ کی تقریباً تمام درسی کتابوں سے مدد لی گئی ہے۔ طیف نگاری اور نظریہ طیوف پر کافی تفصیل سے لکھا گیا ہے۔ رامن اثر کی بڑھتی اہمیت اور اس کی ہندوستانی نژاد کو پیش نظر رکھ کر اس کے لیے آخری باب مخصوص کر دیا گیا ہے۔

جدید شعبوں کی اہمیت کے ساتھ قدیم شعبوں مثلاً مدخل، انکسار نور، قسیمی مناظر، وغیرہ کا بھی حتی الامکان پورا لحاظ رکھا گیا ہے۔

طلبہ کی سہولت کی خاطر اگرچہ معمولی ریاضی ہی سے کام لیا گیا ہے مگر  
ہر نتیجہ ضروری استدلال اور تجربی مواد پیش کرنے کے بعد حاصل  
کیا گیا ہے۔ فقط

محمد عبدالرحمن خاں

# فہرستِ مباحث

## طبیعی مناظر

### مضامین

الف

الف

باب (۱)۔ نور کے موجی نظریہ کے متعلق مختصر تاریخی واقعات - ہویگنز

( Huygens ) کا اصول - معمولی انعکاس و انعطاف نور

کے کلیوں کا ثبوت - عدسوں اور سادہ مناظری آلات کے  
ضابطوں کا موجی نظریہ کے ذریعہ ثبوت - نور کی اشاعت نقطہ تقیم  
میں - منطقی سختی -

باب (۲)۔ نور کا تداخل اور اس کے متعلق مختلف تجربے - تیلی جینیوں کے

رنگ - نیوٹن کے رنگین حلقے - اصول تداخل نور کے

اطلاعات - تداخل پیمائی اور اس کے آلات -

باب (۳)۔ انکسار نور ( Diffraction ) - تجربی تحقیقات - سیدھی

باڑھ سے نور کا انکسار اور اس کے متعلق فرینیئل ( Fresnel )

کا نظریہ - مسائل انکسار نور کا حل کورنو ( Cornu ) کے

لولی کے ذریعہ - مستوی انکساری جالی کا نظریہ - مقعر جالی میں

صفحہ	مضامین
۶۸	نور کا انکسار - مقعر جالی کی مختلف تنصیبات (mountings) - دائرہ سپرہ سے نور کا انکسار - دور بین کی تحلیلی طاقت - ذرات کے زیر اثر نور کا بکھرنا (Scattering) -
۱۳۹	<b>باب ۳</b> - مناظری طیف - تجربی مطوعات - اقسام طیف - طیفی سلسلے اور ان کے متعلق باہر (Balmer) 'ریڈ برگ' (Rydberg) اور ریش (Ritz) کے ضابطے - بور (Bohr) کا طیفی نظریہ - ناقصی مدار اور سوہر فلڈ (Sommerfeld) کی تصحیح لہذا اصول اضافیت (Relativity) - بندہ طیف -
۲۱۳	<b>باب ۴</b> - طیف پیمائی اور اس کے آلات - میٹر می یازینہ نما (Echelon) جالی - لٹرا گرس کے (Lummer-Gehrcke) کی متوازی تختی - فابری اور پیرو (Fabry and perot) کا تداخلی طیف پیمائے - زیمانی (Zeeman) اثر - اسٹارکی (Stark) اثر - ہیمنٹ (Astronomy) میں تداخل پیمائے کا استعمال - دُورے ستاروں کی تحلیل اور علاقائی (giant) ستاروں کے قطر کی پیمائش -
۲۹۵	<b>باب ۵</b> - تقطیب نور - آئس لینڈ اسپار - مناظری محور - دُورہ انعطاف اور ہوگیکنز کی توجیہ - نیکول (Nicol) کا منشور - دو محوری قلموں میں نور کی اشاعت - نور کی موج کی سطح - اندرونی اور بیرونی مخروطی انعطاف - یک محوری اور دو محوری قلموں کے اندز داخل نور کے مشاہدات اور ان کی تجربی تحقیقات -
۳۳۷	<b>باب ۶</b> - نور کی ناقصی و دائری تقطیبیں اور ان کی پہچان - محلولہ تقطیب - مناظری تحلیل اور شکر پیمائی - انعکاس اور انعطاف نور کے نظر لیے -

صفحہ	مضامین
۳۶۵	<p><b>باب ۸</b> - انتشارِ نور (Dispersion) کا نظریہ - غیر معمولی (Anomalous) انتشارِ نور کی توجیہ اور تجربے -</p> <p><b>باب ۹</b> - مادے اور ایٹم کی اضافی حرکت - نور کی "تغذلات" (Aberration) -</p> <p>فیلسو (Fizeau) کا تجربہ - ایٹم کا یہاؤ - مائیکلسن اور مورلے (Michelson and Morley) کا تجربہ -</p> <p>ٹراؤٹن اور نوبل (Trouton and Noble) کا تجربہ -</p> <p>آلیوس لاج کا تجربہ - فٹزجیرلڈ اور لورنٹس سکڑاؤ (Fitzgerald-Lorentz Contraction) -</p> <p>آئنسٹائن (Einstein) کا اصولِ اضافیت: اختصاصی نظریہ اور عام نظریہ -</p> <p><b>باب ۱۰</b> - انجذاب و افتراقِ نور (بکھراؤ) میں امتیاز - لگی اشعاع اور فلوریسنس (سیل اسپاری تڑپ) - انتخابی انعکاس -</p> <p>چھوٹے ذرات سے نور کا افتراق - رامن اثر (Raman Effect) - تجربی نتائج اور مختصر نظریہ -</p>
۳۶۳	
۳۶۱	





بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ

طبیعی مناظر

پہلا باب

نور کا موجی نظریہ

مختصر تاریخی واقعات — آنکھ کو رویت کا احساس

نور ہی کی وجہ سے ہوتا ہے۔ نور اپنے مبداء سے نکل کر آنکھ تک پہنچنے کے لیے کسی مادی واسطہ کا محتاج نہیں ہے۔ اگر ایسا ہوتا تو آفتاب اور ستاروں کے وجود کا ہمیں احساس نہ ہوتا۔ پس نور کی اشاعت کے لیے مادی واسطہ کی ضرورت نہیں۔ افلاطون کے زمانہ (۴ صدی قبل مسیح) سے لوگوں کو معلوم ہے کہ نور کسی عجانے سطح سے جب ٹوٹتا ہے تو زاویہ وقوع اور زاویہ انعکاس میں مساوی ہوتے ہیں۔

انعطاف نور کے کٹھے اگرچہ اندلس کے عربوں کو ضابطہ کی شکل میں معلوم نہ تھے تاہم انہوں نے دریافت کر لیا تھا کہ پانی میں جب نور مسطفت ہوتا ہے تو زاویہ وقوع کی خاص خاص قیمتوں کے لیے زاویہ انعطاف کی بھی خاص خاص قیمتیں ہوتی ہیں اور یہ قیمتیں جدوہوں کی شکل میں تیار کر لی گئی تھیں۔ انہیں مشاہدات کی بدولت اوائل سترہ صدی عیسوی میں اسنل (Snell) نے ہالینڈ میں اردوڈیکارٹ (Descartes) نے فرانس میں جب زاویہ وقوع اور مرئیہ زاویہ انعطاف کی مستقل نسبت کا کلیہ دریافت کیا۔ عرصہ دراز سے لوگوں کو اس کا

بھی علم چلا آ رہا ہے کہ نور دو شفاف واسطوں کی فاصل سطح سے وقتِ واحد میں منکسر بھی ہوتا ہے اور منعطف بھی۔

نور کی خطِ مستقیم میں اشاعت جس کی وجہ سے سایے پیدا ہوتے ہیں یونان کے علماء بھی بخوبی جانتے تھے۔ البتہ ان کا یہ غلط مفروضہ کہ نور آنکھ سے نکل کر مرئی شے تک سفر کرتا ہے نہ کہ مرئی شے سے آنکھ تک اندلس کے عربوں نے رد کیا۔

۱۶۶۶ء میں نیوٹن نے انتشارِ نور کا تجربہ کر کے بتایا کہ سفید نور چند رنگوں کا مرکب ہے۔

ان تمام واقعات کی کم از کم سرسری توجیہ کے لیے ۱۶۷۵ء سے پہلے یہ مفروضہ کافی سمجھا گیا تھا کہ نور کی شعاعیں دراصل بہت ہی چھوٹے جُسمات ہیں جو مبداء سے نکل کر خطوطِ مستقیم میں حرکت کرتے ہیں۔ اگرچہ ۱۶۷۵ء میں ڈروہمر (Römer) نے مشتری کے چاند کی حرکتوں کا مشاہدہ کر کے نور کی رفتار کا تخمینہ علمی دنیا کے سامنے پیش کر دیا تھا لیکن نور کے جیسی نظریہ کے حامی نور کی اس انتہا درجہ تیز رفتار کی اہمیت سے متاثر ہوئے اور جُسمات کو کافی چھوٹا تصور کر کے مطمئن تھے کہ ان کا نظریہ برقرار رہیگا۔

۱۶۷۷ء میں بارتھولینس (Bartholenus) نے ایک محوری قلموں میں نور کے دو ٹیلے انعطاف کا انکشاف کیا اور ہویگنز (Huygens) نے ۱۶۷۸ء میں نور کے موجی نظریہ کو واضح صورت میں پیش کر کے انعکاس اور انعطاف کی بخوبی توجیہ کی۔ اسی نظریہ کے ذریعہ اُس نے ۱۶۹۰ء میں نور کے دو ٹیلے انعطاف کو بھی سمجھایا۔

ہویگنز نے اگرچہ تقطیبِ نور دریافت کیا لیکن چونکہ اس کے موجی نظریہ میں نور کی موجیں طولی فرض کی گئی تھیں تقطیب کا مسئلہ اس سے حل نہ ہو سکا۔ مہذا نور کا خطِ مستقیم میں اشاعت پانچویں موجی نظریہ کے خلاف ایک بڑا بھاری اعتراض تھا جو ہویگنز سے رفع نہ ہو سکا۔ جیسی نظریہ کے حامی جن میں نیوٹن اور لایلاس جیسی شخصیات کے لوگ شریک تھے موجی نظریہ کے خلاف یہ سوال پیش کرتے تھے کہ

اگر نور موجی حرکت کا نتیجہ ہے تو غیر شفاف اجسام کا سایہ کوئی معنی نہیں رکھتا اس لیے کہ عام طور پر موجیں ایسے اجسام کے بازو سے مڑ جاتی ہیں۔ موجی نظریہ کے طرفداروں کو نور کی موجوں کے طول کا اچھی سمجھ اندازہ نہ تھا اور نہ وہ اس سے واقف ہو سکے تھے کہ نور باڑھ دار اجسام یا باریک تاروں کے پاس فی الحقیقت مڑ جاتا ہے۔ یہ واقعات جواب انکسار نور کے نام سے مشہور ہیں گریمالڈی (Grimaldi) کو ۱۶۶۵ء میں منکشف ہوتے ہوئے رہ گئے۔ اُنیسویں صدی کے آغاز میں تھامس ینگٹ نے تداخل نور کے تجربے کیے اور ان کی مدد سے نور کے موجی نظریے کو بڑی تقویت پہنچائی۔ اگرچہ ینگٹ نے ہویگنز کی طرح نور کی موجوں کو طوی تصور کیا اور اس لیے تقطیب نور کا مسئلہ حل نہ کر سکا۔ تاہم اس نے تداخلی دھاریوں اور پتلی جھلیوں کے رنگوں کی خاطر خواہ توجیہ کی۔

موجی نظریہ کا سب سے زبردست مؤید فرینیل (Fresnel) تھا۔ اس نے ۱۸۱۸ء میں منطاری تحقیقات شروع کی اور سب سے پہلے بتایا کہ نور کی موجیں عرضی تصور ہونی چاہئیں۔ اس تصور سے تقطیب نور کا مسئلہ آسانی سے حل ہو گیا۔ فرینیل ایک غیر معمولی ذہانت اور فراست کا عالم تھا۔ اُس نے نہ صرف نور کی خط مستقیم میں اشاعت ثابت کی بلکہ دو عیلع انعطاف اور انحسار نور کے پیچیدہ سے پیچیدہ مسئلوں کو بھی حل کر کے بتایا۔ ۱۸۱۸ء میں جیسی نظریہ کو شکست قاش نصیب ہوئی جبکہ فو کاؤ (Foucault) نے اپنے مشہور تجربہ سے ثابت کر دیا کہ نور کی رفتار پانی میں بہ نسبت ہوا کے کمتر ہے جیسی نظریہ اس نتیجہ پر پہنچاتا ہے کہ ہوا کی بہ نسبت پانی کی کثافت زیادہ ہونے کی وجہ سے نور کے جسیمات جب ہوا سے نکل کر پانی میں داخل ہوتے ہیں تو ان کی رفتار تیز تر ہو جانی چاہیے۔ جب تک تجربہ سے اس امر کا امتحان نہ ہو سکا تھا جیسی نظریہ بالکل ہی متروک نہیں ہوا تھا۔ لیکن فو کاؤ کے تجربہ کے بعد اس کا کوئی حامی نہ رہا اور موجی نظریہ کو عام مقبولیت حاصل ہوئی۔

کلاؤک میکسول سے قبل موجی نظریہ کا مفہوم یہ تھا کہ فضاء ایتھر سے بھری ہوئی ہے جو باوجود انتہائی رقت کے فولاد سے کروڑوں درجہ زیادہ صلب ہے۔

گو یا ایٹھ کو ایک طرف بہت ہی لچکدار ٹھوس ماننا پڑتا ہے اور دوسری طرف اس قدر رشتہ کہ اس میں زمین اور سیارے وغیرہ نہایت آسانی کے ساتھ بغیر کسی عجیب مزاحمت کے حرکت کرتے ہیں۔

ایٹھ کے اس تصور کا لازمی نتیجہ یہ ہے کہ اس میں جب کبھی نور کی نوعیت کی عرضی موجیں پیدا ہونگی ان کے ساتھ ساتھ طویل موجوں کا وجود بھی لازمی ہو جاتا ہے۔  
نور کے ساتھ ایسی موجیں اب تک باوجود تلاش مشاہدہ نہ ہو سکیں۔

۱۸۶۷ء میں کلارک میکسول نے ان دقتوں سے بچنے کے لیے اور بعض نظری دلائل کی بناء پر نور کا برقی مقناطیسی نظریہ پیش کیا جس میں یہ فرض کیا جاتا ہے کہ نور اس کی دوری طریقہ پر تبدیل ہونے والی برقی قوت اور اس کی متعلقہ دوری مقناطیسی قوت کے مشترکہ عمل کا نتیجہ ہے۔ اس موجی حرکت کی رفتار مقدار برق کے لیے برقی مقناطیسی اور برقی سکونی اکائیوں میں جو قیمتیں برآمد ہوتی ہیں ان کی نسبت کے مساوی برآمد ہوتی ہے۔ عام برقی مقناطیسی موجوں اور نور کی موجوں میں محض طویل موج کا فرق ہے۔ میکسول نے برقی مقناطیسی موجوں کے وجود کا ثبوت نظری دلائل سے پیش کیا تھا۔ ۱۸۹۲ء میں ہرٹس (Hertz) نے عملاً ایسی موجیں پیدا کر کے دکھائیں۔

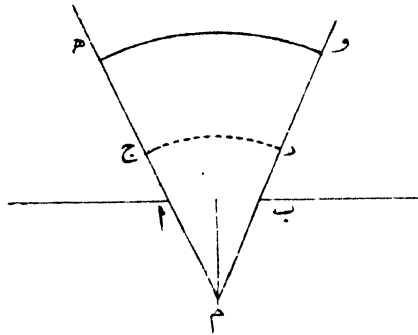
میکسول کے برقی مقناطیسی نظریہ نور کے لیے بھی ایٹھ کا وجود لازمی ہے لیکن اس نظریہ میں ایٹھ کے خواص اور طریقہ عمل سے کوئی بحث نہیں۔  
۱۸۹۷ء - لورنٹس (H. A. Lorentz) نے بعد کم میکسول کے نظریہ کی تکمیل کی۔ اس نے فرض کیا کہ مادے کے سالمات اور جواہر میں جو برقیہ ہیں اپنی وضع توازن سے ہٹ کر جب ہتزاز کرتے ہیں تو نور کی اشاعت عمل میں آتی ہے۔ لورنٹس کا نظریہ مقناطیسی مناظر انتشار نور وغیرہ کے مظاہر کی غور و توجہ کر سکا۔ لیکن طبعیت کی حقیقت اور ضیاء برقی مظاہر پر کافی روشنی نہ ڈال سکا۔

۱۹۰۰ء میں پلانک (Planck) نے اپنا نظریہ قدیم علمی دنیا کے سامنے پیش کیا۔ ابتداء بہت کم عالموں نے اس کو قبول کیا لیکن ۱۹۱۶ء میں

آئنسٹائن (Einstein) نے اس میں چند ترمیمات تجویز کیے اور اس کے ذریعہ ضیاء برقی مظاہر کی توجیہ کی۔ ساتھ ہی بور (Bohr) ، سومرفلڈ (Sommerfeld) وغیرہ نے اس نظریہ قدریہ کا طیف پیمائی پر اطلاق کر کے اس کو نہایت کامیاب ثابت کیا۔

## ہوگینز کا اصول — موجی نظریہ کے ذریعہ انعکاس و انعطاف

کی توجیہ کے لیے ہوگینز نے ایک نتیجہ خیز اصول پیش کیا جس کی رو سے ناصیہ موج کا ہر ذرہ ابتدائی نکل کے مثلثی خصلوں کا مرکز بن جاتا ہے۔ اس طرح ہر جو ثانوی موجیں پیدا ہوتی ہیں ان کا لفاٹ ناصیہ موج کی بعد کو آنے والی شکل کی تعبیر کرتا ہے۔ مثلاً فرض کرو کہ اب بھری میں سے نور کی گروی شکل کی موجیں



شکل ۱۔

نکل رہی ہیں اور م ان کا مرکز ہے۔ اگر قوس ج و ناصیہ موج کی ایک وضع کو تعبیر کرتی ہے تو د ثانیہ بعد کی وضع معلوم کرنے کے لیے ج د پر کے سر نقطہ کو مرکز مان کر س و نصف قطر والے دائروں کی قوسیں کھینچو جہاں س و نور کی رفتار ہے۔ اس طرح جو ثانوی قوسیں دستیاب ہوگی ان کا لفاٹ ہ و ناصیہ موج کی مطلوبہ وضع کو تعبیر کرے گا۔ اس اصول کے ذریعہ ہوگینز کو انعکاس و انعطاف سمجھانے میں کامیابی حاصل ہوئی۔ لیکن اگر بخور دیکھا جائے تو اس اصول کی

نسبت چند اعراض پیش ہو سکتے ہیں :-  
 (۱) کیا وجہ ہے کہ ناصیہ موج نور کی اشاعت کے مخالف سمت میں ثانوی موجوں کا ایک دوسرا ناصیہ موج پیدا نہیں کرتا -  
 (۲) نقاف سطح کے تماس کے علاوہ ثانوی موجوں کے جو ٹکڑے رہ جاتے ہیں کہاں غائب ہو جاتے ہیں -

پہلے اعتراض کا یہ جواب دیا جاسکتا ہے کہ ناصیہ موج پر کے ثانوی غلطوں کے مرکز آزاد بدائے فعل نہیں ہیں بلکہ مبداء م سے آنے والی موجی حرکت کی وجہ سے متحرک ہیں - اس بات کو پیش نظر رکھ کر بغیر کسی غیر معمولی دقت کے یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ پیچھے کی طرف ناصیہ موج کیوں نہیں پھیل سکتا - دوسرے اعراض کے ساتھ وہی امور شامل ہیں جو انکسار نور اور خط مستقیم میں نور کی اشاعت کی توجیہ میں پیش آتے ہیں - ہوینگنز کا سادہ اصول کافی ترسیم بغیر ان مظاہر کو سمجھانے میں قاصر ہے - فرینیل نے یہ فرض کر کے کہ ثانوی موج کا اثر پورے سامنے کے نصف کرہ پر حاوی ہوتا ہے اور مخالف ہیئت کی موجیں ایک دوسرے کو تلف اور مائل ہیئت کی موجیں ایک دوسرے کی تائید کرتی ہیں (یعنی اصول تداخل سے کام لے کر) ان مظاہر کی خاطر خواہ توجیہ کی -  
 اس وقت ہم ہوینگنز کے ابتدائی اصول کے ذریعہ سے مستوی اور گردی موجوں کے انعکاس اور انعطاف کے کلیے ماخوذ کریں گے -

### مائل مستوی موج کا انعکاس — شکل ۱ میں فرض کرد

کہ اب اور ج د علی الترتیب ایک مستوی ناصیہ موج اور انعکاس اگلیہ مستوی سطح کو تعبیر کرتے ہیں جو اس سطح کے مستوی کے علی القوام ہیں - ب سے اب کے علی القوام ایک خط ب و کھینچو جو ج د سے نقطہ و پر ملے - ا خط ب و کے متوازی اور مساوی کھینچ کر ہ اور و کو ملا دو - اگر انعکاس پیدا کرنے والی سطح ج د مائل نہ ہوتی تو خط ہ و ناصیہ موج کی اگلیہ ثانیہ بعد کسی وضع کو تعبیر کرتا جس میں مراور کی رفتار فی ثانیہ ہے - اب پر کوئی ایک نقطہ ف لے کر







ظاہر ہے کہ ۱ھ واقع شعاع کی سمت ہے اور ۲ از منعطف شعاع کی سمت۔ ۱ و ۲ زاویہ وقوع کے مساوی ہے اور ۱ و ۲ زاویہ انعطاف کے مساوی۔ پس ان دو واسطوں کے لیے

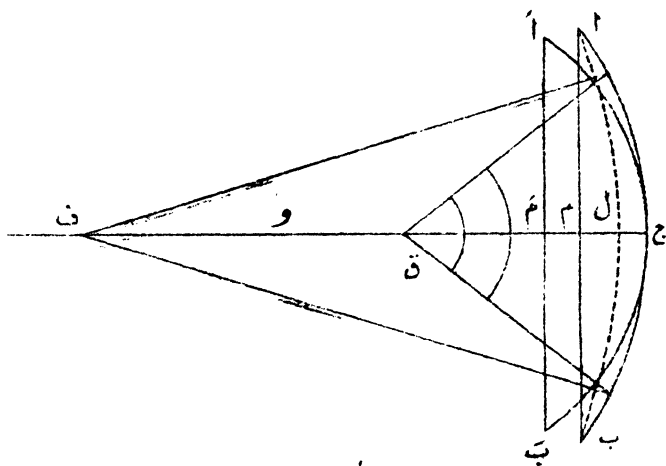
$$\frac{\text{انعطاف نما ہ}}{\text{جیب ادز}} = \frac{\text{جیب ادھ}}{\text{از}} = \frac{\frac{۱۲}{۱۱}}{\frac{۱۱}{۱۲}} = \frac{۱۲}{۱۱} = \frac{۱۱}{۱۲}$$

اگر پہلا واسطہ ہوا اور دوسرا پانی یا شیشہ ہے تو چونکہ مرعینی انعطاف کی قیمت اس صورت میں اکائی سے زیادہ ہے اس لیے ہوگیکن کے اس نظریہ سے ہوا میں نور کی رفتار بہ نسبت پانی یا شیشہ کے زیادہ ہے۔ جیسا کہ ہم آگے چل کر بتائیں گے۔ فو کو کے تجربہ سے بھی یہی ثابت ہوتا ہے۔ نیوٹن کا جیسی نظریہ اس کے خلاف نتیجہ ظاہر کرتا ہے اس لیے غلط مانا جاتا ہے۔

## مقرر آئینہ میں کروی موجوں کے انعکاس کا

ضابطہ — فرض کرو شکل ۱۱ میں نقطہ ف مبدا ہے نور ہے جس سے نکل کر نور کی موجیں مقرر آئینہ ۱ ج ب سے منعکس ہوتی ہیں۔ ہم فرض کریں گے کہ ف مقرر آئینہ کے مرکز و سے دور واقع ہے۔ ایسی صورت میں نور کی کروی موج ۱ ل ب آئینہ کے کناروں ۱ اور ب کو مس کریں گی تو اس کا وسطی حصہ ۱ ل آئینہ کے وسطی حصہ ج سے بقدر فاصلہ ج ل آگے کو بڑھا ہوا ہوگا۔ ل سے نکلی ہوئی ثانوی موجیں جب ج کو مس کریں گی تو ۱ اور ب سے نکلی ہوئی ثانوی موجیں علی الترتیب ۱ اور ب تک پہنچ جائیں گی۔ چونکہ آئینہ کا سہوہ ۱ ج بمقابلہ آئینہ کے مرکز کے بہت چھوٹا مانا جاتا ہے اس لیے ۱ اور ب ۱ ج نہ صرف ل ج کے مساوی بلکہ اس کے متوازی بھی تصور ہو سکتے ہیں۔ پس آج ب منعکس ثانوی موجوں کا لٹاف اور اس لیے منعکس نامیدہ موج ہے۔ سہوہ چھوٹا ہونے کی وجہ سے ہم اس کو بھی کروی مان سکتے ہیں۔ فرض کرو اس کا مرکز ق ہے ق ف سے نکلی ہوئی کروی موجیں آئینہ سے منعکس ہو کر ق میں سے گزریں گی۔ اس لیے ق آئینہ میں

ف کا خیال ہوگا۔



شکل ۱۰

ا ب اور ا ب محور ف ج کو علی الترتیب م اور م نقطوں میں قطع کرتے ہیں۔ اگر ص آئینہ کا نصف قطر ہو تو دائرہ کے خواص سے

$$۲ ص \times م ج = م ا^۲$$

$$\text{پس } \frac{۱}{ص} = \frac{۲ م ج}{م ا^۲}$$

$$م ا = ا م = ص \text{ بالفرض تو } \frac{۱}{ص} = \frac{۲ م ج}{م ا^۲}$$

$$\text{اسی طرح ق ل} = \frac{۲ ل م ج}{ل ا^۲} \text{ اور } \frac{۱}{ص} = \frac{۲ م ج}{م ا^۲}$$

ق ل تقریباً ج ل کے مساوی ہے اس لیے اس کو آئینہ سے شخص کا فاصلہ تصور کر سکتے ہیں ق ج آئینہ سے خیال کا فاصلہ خ ہے۔

$$\text{پس } \frac{۱}{ص} = \frac{۲ م ج}{م ا^۲} \text{ ' } \frac{۱}{ص} = \frac{۲ ل م ج}{ل ا^۲} \text{ اور } \frac{۱}{ص} = \frac{۲ م ج}{م ا^۲}$$

لیکن شکل سے واضح ہے کہ  $\text{م ج} - \text{م ج} = ۱۱ = \text{م ج} - \text{م ل}$

$$\therefore \text{م ج} + \text{م ل} = ۲۲$$

مساوات کی ہر ایک رقم کو  $\frac{۲}{۱۵}$  سے ضرب دینے سے

$$\frac{\text{م ج} \cdot ۲}{۱۵} + \frac{\text{م ل} \cdot ۲}{۱۵} = ۲$$

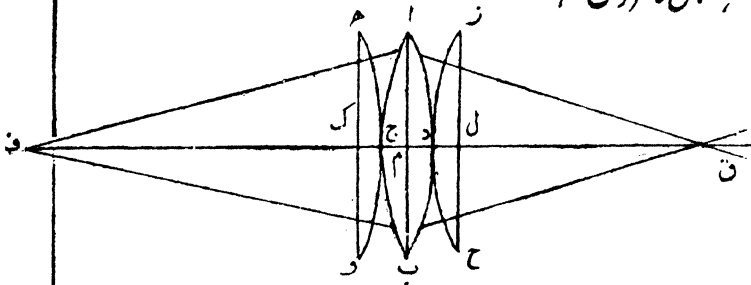
$$\therefore \frac{۱}{۱۵} = \frac{۱}{۱۵} + \frac{۱}{۱۵}$$

جو چھوٹے سہوہ کے گڑی آئینوں کے انعکاس کا ضابطہ ہے۔

**پتلے عدسہ کے ماسکی فضل کا ضابطہ** — شکل ۵ میں

فرض کرو ا ج ب د ایک متحد الطرفین پتلا عدسہ ہے اس کے محور پر ف ایک شخص (نقطہ) ہے جس سے گڑی موجیں نکل کر عدسہ میں داخل ہوتی ہیں۔ ہ ج د ایک گڑی موج عدسہ کو ٹیک نقطہ ج پر سر کر رہی ہے۔ عدسہ میں سے خارج ہونے کے بعد ج کا انحناء دوسری طرف ہوتا ہے یعنی موجیں بجائے موٹے ہونے کے مستقیم ہوتی ہیں اور بالآخر نقطہ ق پر اکٹھی ہوتی ہیں نقطہ ق نقطہ ف کا خیال ہے۔

فرض کرو عدسہ سے ٹیک خارج ہونے کے وقت موج کی تعبیر ز د ح سے ہوتی ہے جس کا مرکز ق ہے۔



شکل ۵

اب کو ملاؤ۔ فرض کرو اس کا تقاطع محور ف ق کے ساتھ نقطہ م پر ہے۔

اسی طرح عمود  $h$  و  $o$  اور زح محور کو علی الترتیب  $k$  اور  $l$  نقطوں میں قطع کرتے ہیں۔

ف سے جو شعاعیں  $q$  تک جاتی ہیں ان سب کا منافی طول مساوی ہے پس

$$۱۵ + از = مر (ج د)$$

$$اس لیے ک م + م ل = مر (ج د)$$

$$\therefore ک ج + ج م + م د + دل = مر (ج م + د)$$

$$\therefore ک ج + دل = (مر - ۱) (ج م + د)$$

پس اگر  $۱ م = ہ ک = زل$  کو  $y$  سے تعبیر کریں تو مساوات کو  $\frac{۲}{y}$  سے

ضرب دینے سے

$$\left( \frac{۲۲}{y} + \frac{۲ ج ۲}{y} \right) (۱ - مر) = \frac{۲ دل}{y} + \frac{۲ ک ج}{y}$$

لیکن از روئے خواص دائرہ  $۲ (ف ج) (ک ج) = ی$   $\therefore \frac{۲ ک ج}{y} = \frac{۱}{ف ج}$

اسی طرح مساوات کی دوسری رقموں کے لیے بھی ایسے ہی نتائج برآمد ہونگے۔ پس

$$\left( \frac{۱}{ص} + \frac{۱}{ص} \right) (۱ - مر) = \frac{۱}{خ} + \frac{۱}{ش}$$

جس میں  $ش = ف ج$  اور  $خ = د ق$ ۔ عام قرار داد کے لحاظ سے ہی مثبت معنی ملائیں فرض کی گئی ہیں۔

$$\therefore \frac{۱}{ش} - \frac{۱}{خ} = (مر - ۱) \left( \frac{۱}{ص} - \frac{۱}{ص} \right) \text{ جو عددوں کا عام}$$

ضابطہ ہے۔

نور کی اشاعت خط مستقیم میں (فرنیل کی توجیہ)۔

فرینیل نے ناصبیہ موج کو نصف دوری عناصر میں تقسیم کر کے کسی دیے ہوئے مقام پر ان کے مجموعی اثر کی تخمین کی اور بتایا کہ وسیع پہلو سے نور کی اشاعت خط مستقیم میں ہوتی ہے۔ فرینیل کے استدلال میں بعض خامیاں ہیں جن کو کیرخ ہوف (Kirchhoff) نے بد کو رفع کیا۔ ہم یہاں فرینیل ہی کا ثبوت دینگے۔ اور اس کے سہم کی طرف اشارہ کرنے پر اکتفا کریں گے۔ فرض کرو  $\lambda$  اب ایک مستوی ہے جس میں سے ایک لونی نور کے مستوی ناصبیہ موج گزر رہے ہیں۔ ہمیں یہ دریافت کرنا مقصود ہے کہ  $\lambda$  ب کے سامنے نقطہ ف پر ناصبیہ موج کا کیا اثر ہوگا۔ یہ تصور کیا جاتا ہے کہ موجوں کا ایک سلسلہ قائم ہے اور ان کی ساخت جیسی ہے۔ ف سے عمود ف و مستوی اب پر گراؤ۔

کھینچو جو ان دائروں کو کن-۱ اور کن نقطوں میں قطع کرے۔ آخری دو دائروں کے درمیانی منطقہ کا رقبہ

$$\pi = (\text{دکن} - \text{دکن-۱})$$

$$\pi = \{ (\text{فک-۱} - \text{ط}) - (\text{فک-۲} - \text{ط}) \}$$

$$\pi = (\text{فک-۱} - \text{فک-۲})$$

$$\pi = \left\{ \left( \text{ط} + \frac{\text{ن}}{۲} \right) - \left( \text{ط} + \frac{\text{ن-۱}}{۲} \right) \right\}$$

$$\pi = \text{ط} - \text{ن}$$

نظر انداز کر دیں۔ چونکہ ن کی کوئی سہی قیمت لی جاسکتی ہے اس لیے کسی بھی دو متصل کردوں کے مابین کا مستوی ۱ ب کا مقطوعہ تقریباً مستقل رقبہ رکھتا ہے۔

چونکہ ۱ ب مستوی ناصبیہ موج ہے اس کا ہر نقطہ حالتِ اتہزاز میں ہے اور کسی وقت بھی ان تمام نقطوں کے اتہزاز کی ہیئت ایک ہی ہے۔ پہلے منطقہ سے نقطہ ف کا فاصلہ ط اور ط + ل کے مابین ہے۔ دوسرے منطقہ سے اس کا فاصلہ ط + ل اور ط + ل کے مابین ہے۔ اسی طرح بقیہ منطقوں کے فاصلے بھی دو حدود کے مابین واقع ہیں۔ پس اگر یہ فرض کیا جائے کہ ف پر پہلے منطقہ سے آنے والی ثانوی موجوں کا حاصل اثر مثبت ہے تو دوسرے منطقہ سے آنے والی موجوں کا حاصل اثر منفی ہوگا۔ اسی طرح طاق عدد والے منطقوں کا مثبت اور جفت عدد والوں کا منفی۔ پس اگر ح حاصل اثر ہے تو

$$\text{ح} = \text{م} - \text{م} + \text{م} - \text{م} + \dots + \text{م} - \text{م} + (۱ - \text{ن})$$

جس میں جملہ کی رقمیں ترتیب وار متناظر منطقوں سے پیدا ہونے والے اثرات کو تعبیر کرتی ہیں۔

خدا ساغود کر کے دیکھنے سے معلوم ہوگا کہ ان منطقوں کا رقبہ صرف ن کی چھوٹی قیمتوں کے لیے مساوی ہو سکتا ہے۔ اس لیے کہ لہ والی قسم

صرف اسی صورت میں نظر انداز ہو سکتی ہے۔ ن کی قیمت اگر زیادہ ہوتی جائے تو منطقوں کا رقبہ بھی خفیف سا بڑھتا جائیگا۔ لیکن اس کے ساتھ ہی ہمیں یہ یاد رکھنا چاہیے کہ ن کی قیمت جیسے جیسے بڑھتی جائے اس کے متعلقہ منطقہ کا فاصلہ بھی ف سے بڑھتا جائیگا اور چونکہ ف پر پہنچنے والی موجوں کا محیط فاصلہ کے بالعکس بدلتا ہے ن کی قیمت بڑھنے سے فاصلہ کی زیادتی کا اثر رقبہ کے اضافہ کے اثر پر ہفت لے جاتا ہے۔ اس لیے اصل اثر کے بدلے ہر رقم اس سے پہلے آنے والی رقم سے خفیف سی کمتر قیمت رکھتی ہے۔

رقموں کے اس سلسلہ کا حاصل جمع معلوم کرنے کے لیے ہم شو میٹر (Schuster) کا طریقہ اختیار کرتے ہیں۔ فرض کرو کہ اس سلسلہ کی آخری رقم طاق ہے تو ہم ان مقسولوں کو دو مختلف طریقوں پر ترتیب دے سکتے ہیں۔

$$ح = \frac{1}{2} + (\frac{3}{2} - 2 + \frac{4}{2}) + (\frac{5}{2} - 4 + \frac{6}{2}) + \dots$$

$$\text{اور } ح = 1 - \frac{1}{2} - (\frac{3}{2} - 2 + \frac{4}{2}) - (\frac{5}{2} - 4 + \frac{6}{2}) - \dots$$

پس اگر ہر ایک رقم اس سے عین پہلے اور عین بعد کی رقموں کے حسابی اوسط سے بڑی ہے تو اوسین کے اندر کے تمام جملے منفی ہوتے ہیں اور مندرجہ بالا مساواتیں اس طرح لکھی جاسکتی ہیں۔

$$ح > \frac{1}{2} + \frac{3}{2}$$

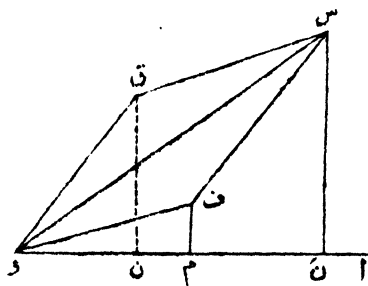
$$\text{اور } ح < 1 - \frac{1}{2} - \frac{3}{2} + \frac{5}{2}$$

لیکن چونکہ قیمت کے لحاظ سے  $1 - \frac{1}{2} - \frac{3}{2} + \frac{5}{2}$  ... من بہت ہی بہت کم گھٹتے ہیں اس لیے  $1 - \frac{1}{2} - \frac{3}{2} + \frac{5}{2}$  اور  $1 - \frac{1}{2}$  کے بجائے من لکھا جاسکتا ہے۔ پس ح جن حدود میں واقع ہے وہ مساوی ہو جاتے ہیں اور اس لیے

$$ح = \frac{1}{2} + \frac{3}{2}$$

یعنی نقطہ ف پر ناصیہ موج کا حاصل اثر صرف پہلے اور آخری منطقوں کے اثروں کا نصف ہے۔

ہم تریسی طریقہ سے بھی اس نتیجہ پر پہنچ سکتے ہیں۔ چنانچہ شکل ۷ کے ملاحظہ کے معلوم ہوگا کہ ایک ہی وقت دور ان کی دو سادہ موسیقی حرکتیں سمیتوں کے متوازی الاضلاع کے ذریعہ مرکب ہو سکتی ہیں۔ فرض کرو ف، دق، دی ہوئی دو سادہ موسیقی حرکتوں کے جیسے ارتعاش ہیں یعنی ان حرکتوں سے نسبت رکھنے والے دائروں کے نصف قطر ہیں۔ ف اور ق ایک ہی زاویہ رفتار سے کے ساتھ اپنے اپنے دائروں میں حرکت کریں گے۔ حوالہ کے خط وا پر ف اور ق سے جو عمود ف م اور ق ن گرے جائیں گے ان کے سروں م اور ن کی حرکت سادہ موسیقی ہوگی۔ دونوں حرکتوں کی زاویہ رفتار

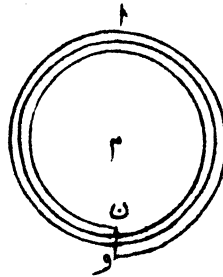


شکل ۷

ایک ہونے کی وجہ سے زاویہ ف وق مستقل ہوگا اور وس حاصل مجموعی سادہ موسیقی حرکت کے دائرہ کا نصف قطر ہوگا۔ یعنی م سے جو عمود م ن خط ا ب پر ڈالا جائیگا۔ اس کے سرے ن کی حرکت حاصل سادہ موسیقی ہوگی۔ اس لیے کہ م ن = د ن اگر د سے زاویہ لیکن ایک ہی زاویہ رفتار کی سادہ موسیقی حرکتوں کا حاصل دریافت کرنا ہو تو سمیتوں کے کثیر الاضلاع کے ذریعہ حاصل موسیقی حرکت کی تعیین ہو سکتی ہے۔ واضح ہو کہ کسی بھی نصف دوری منطقہ کے اندرونی اور



بیرونی کناروں سے آنے والی حرکتوں میں کامل ۳ کا تفاوت ہیئت پایا جاتا ہے۔ پس پہلے منطقہ سے آنے والی ثانوی موجوں کے حامل اثر کی تعبیر خط ۱ سے ہوگی (دیکھو شکل ۷)۔ چونکہ شکل ۷ میں نقطہ ف سے منطقوں کے اندرونی کنارے ان کے بیرونی کناروں سے ذرا سے قریب تر ہوتے ہیں اس لیے شکل ۷ میں ۱ کا مستحی بھٹیک نصف دائرہ نہ ہوگا بلکہ وہ کی بہ نسبت ۱ مرکز م سے خیف سا قریب تر ہوگا۔ اسی طرح دوسرے منطقوں کے اثر کی اگر تعیین کی جائے تو لوبی کی سی شکل بنیگی۔ شکل ۷ میں چند منطقوں کا اثر و ن بتایا گیا ہے۔ اگر مزید منطقوں کا حاصل اثر معلوم کرنا ہو تو اسی ترسیم کا سلسلہ جاری رکھا جاسکتا ہے حتیٰ کہ بالآخر لوبی چل کر مرکز م پر ختم ہو جائیگی۔ جس کا مفہوم یہ ہے کہ جملہ ممکن منطقوں کا حاصل اثر پہلے منطقہ کے حاصل کا تقریباً نصف ہوتا ہے۔



شکل ۷

اگر نقطہ ف پر (شکل ۷) صرف پہلے منطقہ ہی سے نور کی ثانوی موجیں آئینیگی تو ف بہت منور ہوگا اور اگر پہلے دو منطقوں سے تو ف تاریک ہوگا اور اگر ف پر منطقہ کافی بڑی تعداد میں عمل کریں گے تو حامل اثر صرف پہلے منطقہ کے اثر کا نصف ہوگا جیسا کہ ابھی ابھی بیان کیا گیا۔ ہم انکسار نور کے باب میں مکرر ان امور پر بحث کریں گے۔  
واضح ہو کہ اگر پہلے منطقہ کو (شکل ۷) متعدد منطقوں میں تقسیم کریں تو

یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ اس منطقہ کی وجہ سے ف پر حامل موج کی ہیئت ایک ایسی موج کی ہیئت ہوتی ہے جو نقطہ د سے فاصلہ  $\tau + \frac{1}{2}\lambda$  طے کرتی ہے۔ لیکن موج و اور ف کے درمیان فی الواقع فاصلہ  $\tau$  طے کرتی ہے۔ پس ہویگنز کا اصول فریبینیل کے طریقہ عمل کے باوجود آنے والی موج کی ہیئت غلط بتاتا ہے اور اس امر کی بھی توجیہ نہیں کرتا کہ موج پیچھے کیوں نہیں جاتی۔ ڈرود ڈے (Drude) نے اپنی کتاب (Optics) میں اس مسئلہ کو کسی قدر آسان شکل میں ثابت کیا ہے۔ شوقین طالب علم اس کا مطالعہ کر سکتے ہیں۔

منطقی تختی — شکل ۱۷ کے منطقوں میں سے ن۔ ویں منطقہ

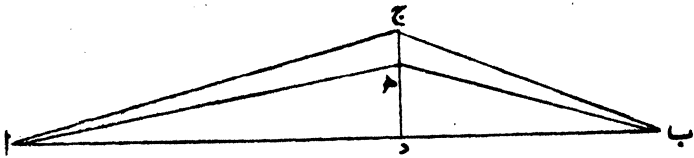
کا نصف قطر

$$r = \left( \tau + \frac{1}{2}\lambda \right) \sqrt{\frac{n}{2}} = \tau \sqrt{\frac{n}{2}}$$

اگر ہم ایک مستوی پردے پر ایسے ہم مرکز دائروں کا سلسلہ کھینچیں جن کے نصف قطروں کی تعیین مندرجہ بالا ضابطہ سے ہو اور یہ منطقے متبادلاً شفاف و غیر شفاف ہوں تو پردے پر جب کبھی ذریعہ کی مستوی موج عمود وار واقع ہوگی پردے کے محور پر فاصلہ  $\tau$  پر جو موجیں واقع ہونگی ان کی ہیئتیں باہم موافق ہونگی۔ پس ایسی منطقی تختی کے محوری فاصلہ  $\tau$  پر تمام شفاف منطقوں سے آنے والے ذریعہ کی موجیں ایک دوسرے کی تائید کرینگیں جس کی وجہ سے نقطہ ف بہت منور ہوگا۔ گویا کہ تختی ایک خاص ماسکی فاصلہ  $\tau$  والے عدسہ کے مشابہ عمل کرے گی۔ ہم اس تختی سے متعلق چند ضابطے اخذ کریں گے۔

فرض کر دو کہ ج د منطقی تختی ہے اور اب اس کا محور ہے۔  
۱ اور ب اس محور پر تختی کے مقابل جانب اور اس سے کافی دور دو نقطے ہیں۔

ج اور ہ تختی کے دو متواتر شفاف منطقوں کے متناظر نقطے



شکل ۹

فرض کر دو چونکہ ج د بمقابلہ ا د اور دب بہت چھوٹا ہے۔ اس لیے

$$ا ج - ا د = ا د (1 + \frac{ج د}{د ا}) = ا د (1 + \frac{1}{\frac{د ا}{ج د}}) = ا د + \frac{ج د^2}{د ا^2}$$

$$اور اسی طرح ج ب = دب + \frac{ج د^2}{د ب^2}$$

$$پس ا ج + ج ب = ا د + دب + \frac{ج د^2}{د ا^2} + \frac{ج د^2}{د ب^2}$$

$$اور ا ہ + ہ ب = ا د + دب + \frac{ہ د^2}{د ا^2} + \frac{ہ د^2}{د ب^2}$$

∴ نور کے راستوں ا ج ب اور ا ہ ب میں تفاوت

$$\frac{1}{ا} (\frac{1}{د ب} + \frac{1}{د ا}) = \frac{1}{ب} (\frac{1}{د ا} + \frac{1}{د ب}) = \frac{1}{ا} (ج د - ہ د)$$

جس میں ط تختی کا مستقل ہے یعنی اس کے نصف دوری منطقے  
اسی فاصلہ کے لحاظ سے تیار کیے گئے ہیں۔

$$(واضح ہو کہ ص ن = (ط + \frac{ن ل}{ا}) - ط^2 = ط ن ل)$$

اگر  $\frac{ن}{ط} = \frac{1}{د ب} + \frac{1}{د ا}$  تو تفاوت راہ ن ل ہے۔  
اور فور کی موہیں کوئی سے دو متواتر شفات منطقوں سے ایک دوسرے  
کی تائید کرتی ہیں۔ واضح ہو کہ ن کوئی ایک صحیح عدد ہو سکتا ہے۔

پس ۱ پر کوئی روشن جسم ہوتا ہے پر اس کا خیال مشروط بہ مساوات ذیل بن سکیگا۔

$$\frac{0}{b} = \frac{1}{b_1} + \frac{1}{b_2}$$

اسی طرح وہ  $ا + د + دب = ا + د + دب$   $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$   $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$

پس تفاوتِ راہ =  $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$   $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$   $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$

=  $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$   $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$   $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$

=  $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$   $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$   $\frac{ا + د - ا}{د} + \frac{ا + د - ا}{د} + دب$

اگر  $\left( \frac{ا}{د} + \frac{ا}{د} \right) = \frac{ن}{ط}$  یعنی پہلی رقم = ن لہ اور دوسری رقم = صفر ہو تو

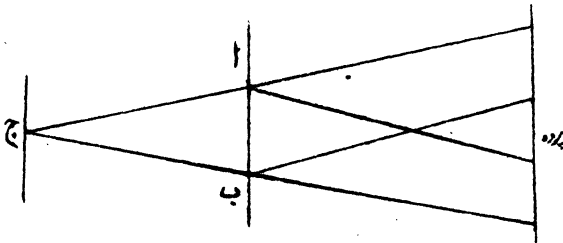
نقطہ ب نقطہ ا کا خیال ہوگا اور نقطہ ز نقطہ و کا خیال ہوگا۔

کیونکہ  $\frac{\text{ما یعنی شخص کی بلندی}}{\text{شخص کا فاصلہ تختی سے}} = \frac{\text{ما یعنی خیال کی بلندی}}{\text{خیال کا فاصلہ تختی سے}}$

پس منطقی تختی چھوٹے طول کے اجسام کے خیال پیدا کرتی ہے اور خیال کے طول کو شخص کے طول کے ساتھ وہی نسبت ہوتی ہے جو عددوں میں پائی جاتی ہے۔

## دوسرا باب

**نور کا تداخل** — تھامس ینگ نے اُنیسویں صدی کے آغاز میں نور کے تداخل کا تجربہ شایع کیا۔ آواز کی موجوں کی طرح اگرچہ اس نے غلطی سے نور کی موجوں کو بھی طولی تصور کیا لیکن تداخل کی حد تک موجی نظریہ سے ذریعہ اُس نے جو نتائج اخذ کیے صحیح ثابت ہوئے۔ اس نے نور کی ایک پینسل جھری ج میں سے گزاری جو دو باریک سوراخوں ۱ اور ب میں سے ہو کر پھیل گئی۔ ان سوراخوں کے سامنے جب ایک پردہ رکھا گیا تو اس پر روشن اور تاریک بند نظر آئے (ملاحظہ ہو شکل ۱۱)۔



شکل ۱۱

اس تجربہ سے ظاہر ہوا کہ دو مبداؤں سے نکل کر نور کہیں روشنی پیدا کرتا ہے اور کہیں تاریکی۔ افسوس ہے کہ اس زمانہ کے سائنس دانوں نے ینگ کے اس تداخل غور نہیں کیا۔ اور چونکہ اُس وقت بھی باریک سوراخوں سے نکلنے والے نور کے انحصاری مظاہر

لوگ کسی قدر واقفیت رکھتے تھے اس لیے یہ رائے قائم کر لی گئی کہ یہ بھی انکسار نور کا ایک معمولی مظہر ہے۔ فرینیل نے بینک کے تجربہ کو کئی طریقوں سے دہرایا اور غالیسن کے اعتراضوں کو دفع کرنے کے لیے باریک سوراخوں کو بطور مبدا رائے نور استعمال کرنے کے عوض بھجری کے دو مناظری خیالوں کو مبدا بنا کر نور کا تداخل ثابت کیا ہم فرینیل کے تجربے آگے چل کر بیان کریں گے۔ یہاں یہ بتانا چاہتے ہیں کہ نور کو ایتھر یا فضاء میں موجی حرکت ماننے سے دو مبداؤں کا ذکر کس طرح تداخل پیدا کرتا ہے۔

اگر ماسے مراد مقام لا پر کا نقل مکان ہے جو عرضی موجی حرکت سے وقوع میں آتا ہے تو

$$۱ = ۱ \text{ جب } \frac{\pi^2}{\lambda} (۱ - \frac{\lambda}{r}) = ۱ \text{ جب } \frac{\pi^2}{\lambda} (۱ - \frac{\lambda}{r})$$

جس میں موجی حرکت کا محیط ارتعاش اور ت اس کا وقت دوران ہے، کسی مقررہ آن سے ناپا ہوا وقت ہے، سما موجوں کی رفتار اور لہ آن کا طول موج ہے۔

اس موجی حرکت میں وقت و اور محل لا کے لیے رفتار کا ضابطہ

$$\frac{r}{\lambda} = ۱ \text{ جب } \frac{\pi^2}{\lambda} (۱ - \frac{\lambda}{r}) = ۱ \text{ جب } \frac{\pi^2}{\lambda} (۱ - \frac{\lambda}{r})$$

پس توانائی محیط ارتعاش ۱ کے مربع کے تناسب ہوگی۔

اب ہم فرض کرتے ہیں کہ دو سادہ موسیقی موجیں ایک ہی محیط ارتعاش اور وقت دوران کی ایک مقام پر سے ایک خط مستقیم اور ایک ہی سمت میں گزرتی ہیں صرف ان کی ہیئتوں میں فرق ہے۔ چونکہ ہر ایک موج آزادانہ اپنا پورا اثر ظاہر کریگی اس لیے نقل مکان ان دونوں موجوں کے نقول مکان کا حاصل ہوگا۔

$$۱ = ۱ \text{ جب } \frac{\pi^2}{\lambda} (۱ - \frac{\lambda}{r}) + ۱ \text{ جب } \frac{\pi^2}{\lambda} (۱ - \frac{\lambda}{r})$$

واضح ہو کہ  $\frac{\pi^2}{\lambda}$  ان موجوں کی ہیئتوں کا تفاوت ہے جو مستقل مانا جاتا ہے۔

یعنی ایک موج دوسری موج سے ہمیشہ پورا فاصلہ نہ آگے بڑھی ہوئی ہوتی ہے۔  
 موجوں کے آنادانہ عمل کا استدلال نور کی موجوں پر بھی عائد کیا جاسکتا ہے۔ اس لیے  
 کہ جیسا کہ وہی یلگنڈز نے بتایا ایک ہری سوراخ سے مختلف اشخاص مختلف اشیاء کو  
 وقت واحد میں دیکھتے ہیں تو اشیاء کی وضع و قطع وغیرہ میں کوئی فرق دکھائی نہیں دیتا۔  
 مندرجہ بالا مساوات میں جملہ کی رقموں کو جمع کرنے سے حاصل نقل مکان

$$۱۲ = ۱۲ \text{ جم } \frac{\pi}{\lambda} \text{ جب } \pi^2 \left( \frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'} \right) \left( \frac{\lambda + \lambda'}{2} \right)$$

جو ایک ایسی موج کی مساوات ہے جس کا وقت دوران اور طول موج ترکیب  
 کھانے والی موجوں کا وقت دوران اور طول موج ہے لیکن حیطہ ارتعاش  
 ۱۲ جم  $\frac{\pi}{\lambda}$  ہے جس کی قیمت علی التواتر ۱۲ سے گھٹتے ہوئے صفر اور  
 - ۱۲ ہو جاتی ہے اور پھر بڑھتے ہوئے صفر ہو کر ۱۲ ہو جاتی ہے۔ پس  
 اس موج کی حدت ۱۲ سے لے کر صفر تک بدلتی رہتی ہے۔ جس سے صاف  
 ظاہر ہوتا ہے کہ نور کی ایسی دو موجوں کے ملنے سے کہیں زیادہ نور اور کہیں تاریکی  
 پیدا ہوتی ہے۔

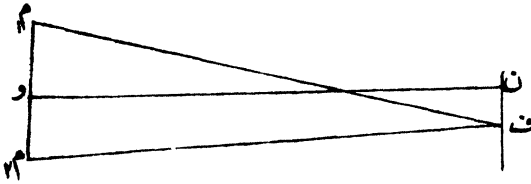
جب  $\frac{\pi}{\lambda} = \pi$  یعنی  $\lambda = \lambda'$  تو ایک موج کے اوج  
 (یا حضیفوں) دوسری موج کے اوجوں (یا حضیفوں) سے منطبق ہوتے ہیں اور  
 اس لیے وہاں نور کی حدت اعظم ہوتی ہے اور جب  $\frac{\pi}{\lambda} = \pi \left( \frac{1}{\lambda} + \frac{1}{\lambda'} \right)$   
 یعنی  $\lambda = \left( \frac{1}{\lambda} + \frac{1}{\lambda'} \right)^{-1}$  تو ایک موج کے اوج دوسری موج کے حضیفوں  
 کے ساتھ منطبق ہوتے ہیں اور اس لیے وہاں نور کی حدت اقل یعنی صفر  
 ہو جاتی ہے۔

اگر کسی کم تعدد ارتعاش کے دو شاخے کے سروں پر مناسب سوئیاں  
 باندھ کر اس کو مرتعش کریں اور پارے سے بھری ہوئی ایک نکابی کے قریب  
 اس کو تھامے رکھیں اس طرح پر کہ سوئیاں پارے کی سطح کو خفیف سا بھرتی رہیں تو  
 ارتعاش کی وجہ سے پارے کی سطح پر لہریں پیدا ہونگی اور اگر ذرا توجہ سے  
 دیکھا جائے تو پارے کی سطح خاص خاص مقاموں پر شدت کے ساتھ متحرک



نظر آئینگی اور بعض دوسرے مقامات پر بالکل ساکن۔ اول الذکر مقامات پر دوڑوں سوئیوں کی حرکت سے پیدا ہونے والی موجیں ایک دوسرے کی تائید کرینگی اور ثانی الذکر مقاموں پر ایک دوسرے کو تلف کرینگی۔ اس طرح امیج کی سطح پر ہم اسکی قطع زائد بنیں گے جن کے اس کے سوئیوں کے تماس کے نقطے ہونگے۔

فرض کرو شکل ۱۲ میں م اور م دو متوازی ہم ہیئت سادہ موسیقی حرکتوں کے نقطئی مبداء ہیں جن کے محیطہ ارتعاش اور وقت دوران بھی مساوی ہیں۔ ف ایک نقطہ ہے جو م اور م کو ملانے والے خط سے دور ہٹ کر۔ لیکن اسی مستوی میں واقع ہے۔ ہمیں یہ معلوم کرنا مقصود ہے کہ ف پر ان موجوں کا حاصل اثر کیا ہوگا۔



شکل ۱۲

خط م م کی نقطہ و پر تنصیف کرو اور ون خط م م کے علی القوائم کھینچو۔ نقطہ ف نے خط ن اس کے علی القوائم کھینچو۔ اگر طول م م کو ۲ ط سے اور ون کو ل سے تعبیر کریں اور فاصلہ ن ف کو لا مانیں تو

$$م ف = ل + (ط + لا) \text{ اور } م ف = ل + (ط - لا)$$

$$\text{ہذا } م ف - م ف = (ط + لا) - (ط - لا) = ۲ ط لا$$

$$\text{اور } م ف - م ف = \frac{۲ ط لا}{م ف + م ف}$$

اگر فاصلہ  $ل$  کے مقابلہ میں  $ط$  اور  $لا$  چھوٹے ہوں تو  $م_۱ ف + م_۲ ف$  کے عوض  $م_۱ ل$  لکھ سکتے ہیں۔ اور اس لیے

$$م_۱ ف - م_۲ ف = \frac{۲ ط لا}{ل}$$

اگر  $م_۱ ف - م_۲ ف$  طول موج کا صحیح عددی ضعف ہے یعنی  $ن ل$  ہے (جس میں  $ن$  ایک صحیح عدد اور  $ل$  طول موج ہے) تو  $\frac{۲ ط لا}{ل} = ن ل$  اور  $لا = \frac{ن ل^۲}{۲ ط}$  اور دونوں موجیں ایک دوسری کی تائید کرتی ہیں اور اس لیے نقطہ  $ف$  پر وحدت اعظم ہے۔ اگر  $م_۱ ف - م_۲ ف$  نصف طول موج کی طاق عددی ضعف ہے یعنی

$$(ن + \frac{1}{۲}) ل = \frac{۲ ط لا}{ل} \quad (ن + \frac{1}{۲}) ل$$

$$اور اس لیے \quad لا = \frac{(ن + \frac{1}{۲}) ل^۲}{۲ ط}$$

یہاں موجیں ایک دوسری کو تلف کرتی ہیں اور اس لیے نقطہ  $ف$  پر وحدت صفر ہوگی یعنی وہ تاریک ہوگا۔

واضح ہو کہ  $ف$  مستوی  $م_۱ م_۲ ن$  میں صرف ایک نقطہ مانا گیا تھا۔ اگر اس مستوی کے علی القوائم  $ف ن$  میں سے ایک پردہ قائم کیا جائے اور  $ف$  اس پردہ میں  $ف ن$  کے علی القوائم ایک چھوٹا خط مستقیم کھینچا جائے تو یہ معلوم کرنے کے لیے کہ  $ف$  قیر نور کی موجوں کا کیا عمل ہوگا ہم  $ف ق = ما$  فرض کرتے ہیں اور دیکھتے ہیں کہ

$$م_۱ ق' = ل' + (ط + لا)' + ما'$$

$$اسی طرح \quad م_۲ ق' = ل' + (ط - لا)' + ما'$$

$$اور \quad م_۱ ق' - م_۲ ق' = (ط + لا)' - (ط - لا)' = ۲ لا' = م_۱ ف' - م_۲ ف'$$

$$پس \quad م_۱ ق - م_۲ ق = \frac{(م_۱ ف - م_۲ ف)(م_۱ ف + م_۲ ف)}{(م_۱ ق + م_۲ ق)}$$



فرینیل (Frenel) کے آئینے۔ ینگ کے تجربے میں چونکہ تداخل دو باریک سورسوں یا جھریوں سے آنے والی موجوں سے پیدا ہوتا ہے، معترضین نے اعتراض کیا کہ یہ انحسار نور کی مثال ہے تداخل کی نہیں۔ انحسار نور کی توجیہ بھی دراصل تداخل نور ہی کے ذریعہ ہوتی ہے لیکن اس وقت لوگ اس کو ایک علیحدہ ہی کیفیت سمجھتے تھے۔ بہر حال اس اعتراض کو رفع کرنے کے لیے فرینیل نے جھریوں سے براہ راست آنے والی موجوں میں تداخل پیدا کرنے کے عوض ایک ہی مبداء کے دو خیالوں کو ایک دوسرے کے قریب ترتیب دے کر ان کی موجوں میں تداخل پیدا کیا۔ ایک تجربے میں دوستوی آئینے ۱ و ۲ استعمال کیے گئے جو اب ہدیگر تقریباً ۱۸۰ پر مائل تھے (دیکھو شکل ۱۳) ان پر نور جھری ج سے نکل کر منعکس ہوا۔ اور اس سے م، م مجاذی خیال پیدا ہوئے۔ گویا نور کی موجیں ان ہی سے نکل کر پ، پ پر پہنچیں امدادیں تداخل روشن امداد ایک بندوں کی شکل میں ظاہر ہوا۔

ج ع کو اتنا آگے بڑھاؤ کہ ع م = ج ع۔ تب م اور م جھری کے مجازی خیال ہونگے۔ ہندی علی سے واضح ہے کہ وج م اور م باہم دیگر سادی ہیں۔ پس دو مرکز ان کر وج نصف قطر کی جو قوس کیسٹی جاسکی م اور م ہا پر واقع ہونگے۔ زاویہ م و م کی خط وپ سے تنصیف کرد۔ اب نصف قطر وج کو ص سے تعبیر کرد اور فاصلہ وپ کو ل سے۔ اگر آئینوں کا درمیانی زاویہ مادہ سے مانا جائے تو زاویہ م ج م بھی سبب چنکر م ج م اور م و م ایک ہی قاعدہ پر واقع ہیں مگر علی الترتیب وار کے محیط اور مرکز پر کے زاویے ہیں اس لیے م و م = ۲ سے اور قوس م م = ۲ ص سے۔ چنکر زاویہ نسبت چھوٹا ہے اس لیے وتر م م بھی ۲ ص سے کے سادی ہے۔ پس خیالوں کا درمیانی فاصلہ (جس کو ہم نے ینگ والے تجربہ میں ۲ ط سے تعبیر کیا تھا) = ۲ ص سے اور پردہ سے ان کا فاصلہ (جو پہلے تجربہ میں ل سے تعبیر ہوا تھا) اب ص + ل ہوگا۔ لہذا

$$\text{دو متصل روشن بندوں کا فاصلہ لا} = \frac{(ص + ل) ل}{۲ ص سے} \text{ اور ل} = \frac{۲ ص سے ل}{ص + ل}$$

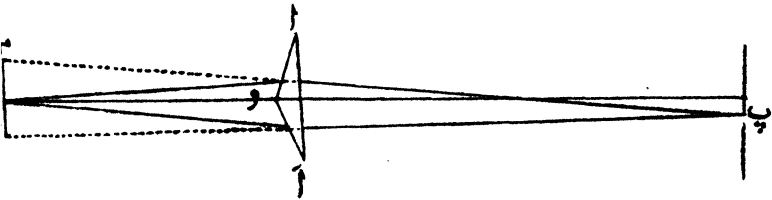
اگر محدب عدسہ استعمال کر کے جھری کو اس کے ماسک پر ترتیب دیں تو شعاعیں متوازی ہونگی اور ص اور ص + ل دونوں نامتناہی بڑے ہو جائیں گے۔ اس لیے ان کی نسبت اکائی ہوگی۔ اور تب ل = ۲ سے لا۔

**فرینیل کا دو سیلا مشور۔** اس تجربہ میں فرینیل نے انعطاف

کے ذریعہ ایک مبداء کے دو مجازی خیال ایک دوسرے کے قریب پیدا کیے اور جن موجوں سے ان کی تکوین عمل میں آتی ہے ان کے تداخل کا انتظام کیا۔ جھری ج کے سامنے ایک بڑے زاویہ منفرد والے حساوی اساقین مشور ۱ و ۱ کو اس طرح ترتیب دیا کہ مشور کا انعطافی کنارہ جھری کے متوازی تھا (دیکھو شکل ۱۳)۔ یہ مشور دو مسادی مشترک قاعدہ کے مشوروں کا مرکب سمجھا جاسکتا ہے جن کے انعطافی زاویے ۱ و ۱ قاعدہ کے باہم دیگر مقابل جانوں پر متساوی واقع ہیں۔

واضح ہے کہ یہ زاویے عائد ہونگے اور اس لیے جبری کے مجازی خیال  $M'$ ،  $M$ ، جبری سے بالکل قریب اور اس کے باہر دیگر مقابل جانبوں پر تشاکلا واقع ہونگے۔ ہم ان کو جبری کے انتصابی مستوی میں تصور کر سکتے ہیں۔ منشور کے سامنے پردہ پ پر نور کے متداخل کا مشاہدہ ہو سکتا ہے۔ عام طور پر جو طریقہ اختیار کیا جاتا ہے اس میں مناظری تختہ سے کام لیا جاتا ہے۔ انتصابی جبری ایک کوئی نور مثلاً سوڈیم کے چراغ یا خلائی نلی کے کسی طبعی خط سے متور کی جاتی ہے۔ دو سیلے منشور کو مناسب ٹیکن پر اس کے سامنے انتصابی کھڑا کر کے مناسب بیچوں کے ذریعہ اس کو اس مستوی میں گھاتے ہیں یہاں تک کہ منشور کا انعطافی کنارہ جبری کے عین متوازی ہو جاتا ہے۔ متداخل نور سے اس طرح جو روشن اور تاریک بند تیار ہوتے ہیں ان کا ایک حرکت پذیر خرد بین کے ماسکی مستوی میں مشاہدہ کیا جاتا ہے۔ واضح ہے کہ جبری، منشور کا انعطافی کنارہ اور خرد بین کے چلیپی تاروں کا نقطہ تقاطع ایک ہی خط تقسیم میں مناظری تختہ کے محور کے متوازی ہونا ضروری ہے۔

خرد بین اس محور کے علی القوام مناسب پیچ کے ذریعہ متوازی الافق حرکت کرتی ہے اور پیچ کو حسب ضرورت گھما کر کسی ایک منور بند کے وسطی حصہ کو چلیپی تاروں کے نقطہ تقاطع سے منطبق کرتے ہیں۔



شکل ۱۲

ان متداخلی بندوں کو بغور ملاحظہ کرنے سے معلوم ہوگا کہ ان میں بعض بند

ترتیب وار بعض دوسرے بندوں سے زیادہ روشن ہے۔ اس کی وجہ یہ ہے کہ مشور کے دونوں پہلو دو مستطیل مبداؤں کی طرح عمل کر کے انگساروز پیدا کرتے ہیں۔ ہمیں چونکہ یہاں محض داخلی بندوں سے کام ہے اس لیے اس انگساروز کے اثر کو نظر انداز کر دیا جاتا ہے۔

اگر متصل کے دو مشور بندوں کا درمیانی فاصلہ لا ہو اور م، م، فاصلہ ۲ ط اور ان کے وسطی مقام کا فاصلہ خود بین کے ماسکی مستوی سے ل ہو تو سابقہ تجربوں کی طرح طول موج  $L = \frac{2\pi}{\lambda}$

عملی طور پر ل کی پیمائش جبری اور خود بین کے ماسکی مستوی کے درمیانی فاصلہ کو براہ راست میٹری پیمانہ کے ذریعہ ناپ لینے سے ہو جاتی ہے۔ ل کی تعین کا بہترین طریقہ غالباً یہ ہو سکتا ہے کہ کوئی دس باہم دیگر متصل روشن بندوں کے نشان پڑھ لیے جائیں اور اس کے بعد چھٹے بند کے نشان میں سے پہلے بند کا نشان تفریق کیا جائے، ساتویں بند کے نشان میں سے دوسرے بند کا نشان تفریق کیا جائے اور اس طرح بالآخر دسویں بند کے نشان میں سے پانچویں بند کا نشان تفریق کیا جائے۔ اور پھر ان سب کے اوسط کو پانچ پر تقسیم کر لیا جائے۔ ل کی یہی صحیح ترین قیمت ہوگی۔

۴، ۴ خیالوں کے درمیانی فاصلہ ۲ ط کی تعین کے دو طریقے ہیں۔ ایک یہ کہ دو سیلے مشور اور خود بین کے مابین کافی بڑا فاصلہ رکھ کر ان کے درمیان ایک مناسب ماسکی طول کا محجب مدسہ مشور کے قریب ایسے مقام پر ترتیب دیا جاتا ہے کہ خود بین میں م، م، کا نہایت واضح خیال نظر آتا ہے۔ خود بین سے اس وضع میں ان خیالوں کا درمیانی فاصلہ فم ناپ لیا جاتا ہے۔ اور پھر مدسہ کو خود بین کے قریب لے جا کر ایک دوسرے مقام پر ترتیب دیتے ہیں جہاں م، م، کا خیال کم واضح نظر آتا ہے۔ خود بین کے ذریعہ اس دوسری وضع میں خیالوں کے درمیانی فاصلہ کی دوبارہ پیمائش کی جاتی ہے۔ اگر اس کو فم قرار دیں تو م، م، کا حقیقی طول =  $\frac{F_m}{F_m}$  فم

دوسرے طریقہ میں طبعی پیمانہ کے ذریعہ دو سیلے مشور کے علاقہ زاویہ ۱ اور ۲ کے مابین لے جاتے ہیں۔ اگر ان کو فم سے تعبیر کیا جائے تو چونکہ انحراف بہت قلیل

ہوگا اس لیے مشور کے انعطاف نماہر کے ضابطے

$$\text{مر} = \frac{\text{جب } \frac{(1+ح)}{2}}{\text{جب } \frac{1}{2}} \text{ میں جس میں ح زاویہ اقل انحراف}$$

ہے ہم بجائے جیب زاویہ خود زاویہ ہی کی قیمت درج کر سکتے ہیں۔ پس

$$\text{مر} = \frac{1+ح}{1} = 1 + \frac{ح}{1}$$

اور اس لیے ح = ۱ (مر - ۱)

پس زاویہ م و م = ۲۲ (مر - ۱) اور م و م کا طول = ۱۲ (مر - ۱) جس میں م مشور سے بھری کا فاصلہ ہے۔

یعنی ط ۲ = ۱۲ (مر - ۱) م

ظاہر ہے کہ اس طریقہ میں یہ فرض کر لیا جاتا ہے کہ مشور کا انعطاف نما پہلے ہی سے معلوم ہے۔

تداخل نور کے تجربے صرف اسی وقت کامیاب ہوتے ہیں جبکہ مبداء جن نور کی موجیں نکلتی ہیں خود ایک ہی مبداء سے پیدا ہوتے ہیں۔ یہ ایک امر واقعی ہے کہ دو بالکلیہ مختلف مبداءوں کی موجوں سے سمجھی تداخل عمل میں نہیں آتا ہے۔ اس کی دو طریقوں سے توجیہ کی جاتی ہے۔

پرانے طریقہ کی رو سے یہ فرض کیا جاتا ہے کہ ہر مبداءے نور کے ارتعاش کی ہیئت ایک ثانیہ میں آپ سے آپ کئی مرتبہ تبدیل ہو جاتی ہے۔ جن سالمات کے ارتعاش سے نور پیدا ہوتا ہے ممکن ہے کہ وہ آپس میں ٹکرا کر اپنا ایک ہیئت ارتعاش بدل دیتے ہوں۔ دو مبداءوں کی اضافی ہیئت جب بدل جاتی ہے تو پھر وہ پر تداخل کے بند بھی اپنا مقام تبدیل کر دیتے ہیں۔ اگر غمیل ایک ثانیہ میں بار بار وقوع میں آئے تو تداخل کے بند بھی جلد جلد مقام بدلتے جائینگے جس کی وجہ سے ان کا مشاہدہ نامکن ہوگا۔ اگر دونوں مبداء ایک ہی مبداء سے مشتق ہوں تو تبدیلی ہیئت کا اثر دونوں مبداءوں میں یکساں ہوگا اور اس لیے

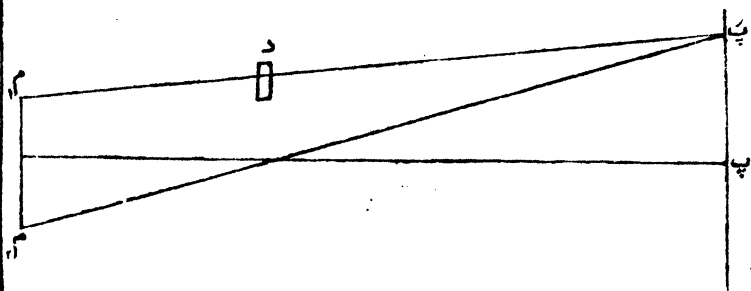


تداخل نور سے مستقل بند پیدا ہونگے۔ شوسٹر (Schuster) کا اس پر اعتراض ہے کہ نور کی کسی بھی موج کو جب اس کے تاریک اجزاء میں تحلیل کرتے ہیں تو یہ اجزاء کبھی اپنی ہیئت اچانک نہیں بدلتے۔ اس لیے اس نے یہ توجیہ کی کہ خاص ایک فونی نور کا استعمال ناممکن ہے۔ دو بالکل جداگانہ مبداؤں کے نوروں کی یہ کیفیت ہوتی ہے کہ کسی ایک طبل موج کے نور کے ساتھ اس کے متصل کے طول موج والے جو دوسرے نور جوتے ہیں ان کی اضافی ہیئتیں کبھی ایک نہیں ہوتی ہیں۔ اس لیے ان متصل طول موج والی موجوں کے تداخل سے جو بند بنتے ہیں ان کے وسطی حصے پردہ کے مختلف مقاموں پر واقع ہوتے ہیں۔ اس کا نتیجہ یہ ہوتا ہے کہ مختلف نظاموں کے بند ایک دوسرے کے ساتھ منطبق ہو کر اپنی وضاحت کھودیتے ہیں۔ پُرانی توجیہ کو نئی توجیہ پر اس لیے سبقت حاصل ہے کہ اس میں نور کی موجوں کی حامل مجموعی شکل ہی سے بحث کی جاتی ہے نہ کہ اس کے فوہاٹوں (Fourier) والے اجزائے ترکیبی سے۔ معذرا ان اجزائے ترکیبی کا وجود کس حد تک حقیقی ہے اس کا اندازہ کرنا مشکل ہے۔

### تداخل نور کے ذریعہ پتلی شفاف پرت کی موٹائی کی تعین

دو نیلے منشور کے تجربہ میں اگر ایک خیال سے آنے والی موجوں کے راستہ میں معلوم انعطاف نما کی ایک پتلی متوازی اسطوح شفاف پرت استادہ کر دی جائے تو چونکہ پرت میں رفتار نور کمتر ہوگی اس لیے مرکزی روشن بند اب کسی دوسرے مقام پر نظر آئیگا۔ فرض کرو کہ انعطاف نما ہے اور مرکزی روشن بند پہلے تجربہ کے ن۔ ویں بند کی جگہ نظر آتا ہے۔ م، م، خیال ہیں جن کی موجوں کے تداخل سے پردہ پ پر روشن اور تاریک بند پیدا ہوتے ہیں دیکھو شکل ۱۱۔ پرت م سے آنے والی موجوں کے راستہ میں رکھی گئی ہے۔ اور مقام پ پر پرت کی عدم موجودگی میں ن۔ والے روشن بند مشاہدہ ہوا تھا۔ اب پرت کی موجودگی میں پ پر مرکزی روشن بند دکھائی دیتا ہے۔

پس مہ پ - م پ = ن ل جہاں ل ہوا میں نور کا طولی موج ہے۔



شکل ۱۵

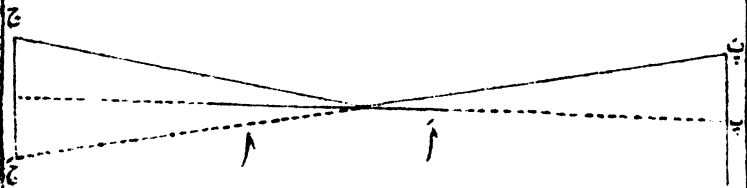
شفاف پرت کے حائل ہونے کی وجہ سے اب م، پ - م، پ = ۰ اس لیے کہ پرت میں نور کی رفتار سست ہونے کی وجہ سے دونوں مناظری راستہ سے مساوی ہو گئے۔ اگر پرت کی موٹائی د فرض کی جائے تو اس کے اندر نور کا راستہ ہوا کے مرد راستے کے مساوی ہوتا ہے - اس لیے م، مبداء سے نکل کر پ تک جانے والی موجوں کے راستہ میں اضافہ بقدر مرد - د یعنی (م - ا) د ہوتا ہے -

پس (مر-ا) د = ن لہ  
 مر اور لہ اگر پہلے سے معلوم ہوں تو د کی تعیین ہو جاتی ہے۔

لائسٹ (Lloyd) کے مجرورائینہ کا طریقہ۔

یہ فرینیل کے تجربوں سے سادہ اور آسان تر ہے۔ دیکھو شکل ۱۶۔  
 آئینہ ۱۱ انتصافاً استادہ کیا جاتا ہے۔ جھری ج سے اس پر نور کی شعاعیں  
 قائم سے ذرا ہی جھوٹا زاویہ وقوع بناتے ہوئے منعکس ہوتی ہیں اور ج سے  
 ایک مجازی خیال بنتا ہے۔ ج سے راست اور منعکس ہو کر آنے والی  
 (گویا ج اور ج سے آنے والی) موجوں میں تداخل ہوتا ہے اور اس سے

جو بند پیدا ہوتے ہیں مقام پ پر چشمہ کے ذریعہ ان کا مشاہدہ ہو سکتا ہے۔ معمولی شیشہ کی پرت کے سامنے کی سطح کو منقوض کر کے یا اس کے پیچھے کی سطح کو کجلا کر بطور آئینہ استعمال کر سکتے ہیں تاکہ دوسری سطح سے انعکاس ہو کر دوسرا خیال پیدا ہونے نہ پائے۔ ظاہر ہے کہ اس تجربہ میں عام طور پر تداخلی بندوں کی صرف آدھی تعداد دکھائی دیگی اس لیے کہ منکس شعاعیں آئینہ کی سطح کے پیچھے نہیں جا سکتی ہیں۔ اگر جلد تداخلی بندوں کا مشاہدہ مقصود ہو تو راستہ پنسل ج پ کے راستہ میں ایک پتلی شفاف پرت حائل کی جا سکتی ہے۔ تب تداخلی بندوں کا مرکز آئینہ کے سامنے ہسٹ کر آئیگا اور جلد بند نظر آ سکیں گے۔



شکل ۱۶

لائبڈ نے یہ تجربہ ۱۸۳۲ء میں شائع کیا۔ اور بتایا کہ عام صورت میں جبکہ جھری سے راست آنے والی موجوں کے راستہ میں کوئی پرت حائل نہیں ہوتی ہے تداخلی بندوں کا مرکز آئینہ کے مستوی میں واقع نہیں ہوتا ہے بلکہ دو متصل بندوں کے نصف فاصلہ کے برابر آگے کو ہٹا ہوا ہوتا ہے۔ پس منکس پنسل کی ہیئت انعکاس کی وجہ سے بقدر ۳۳ بڑھ جاتی ہے۔

لائبڈ کے آئینہ اور فرینیل کے آئینوں یا دو پیلے منشور کے تجربوں میں ایک اہم فرق یہ ہے کہ فرینیل کے تجربوں میں تداخل نور کی غرض سے جھری کے جو دو خیال بطور مبدا، استعمال کیے جاتے ہیں وہ باہم دیگر مشابہ ہوتے ہیں یعنی ایک خیال کی سیدھی جانب دوسرے خیال کی سیدھی جانب کی متناظر ہے اور اسی طرح ایک خیال کی بائیں جانب دوسرے خیال کی بائیں جانب کی متناظر ہے لیکن لائبڈ کے تجربہ میں چونکہ ایک مبدا مشخص تھا اور دوسرا اس کا خیال

اس لیے ایک کی سیدھی جانب دوسرے کی بائیں جانب کی متناظر ہے اور اس وجہ سے لائیٹ کا یہ تجربہ بے رنگ بندوں کی تیاری کے لیے استعمال ہو سکتا ہے۔

چونکہ دو متصل بندوں کا درمیانی فاصلہ  $\lambda = \frac{\lambda}{2}$  ہے جس میں  $\lambda$  مبداء کے پرودہ سے فاصلہ ہے اور  $\frac{\lambda}{2}$  دونوں مبداءوں کے مابین فاصلہ۔

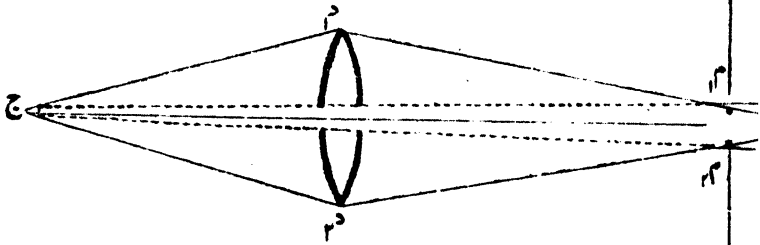
اس لیے لا نور کے طول موج  $\lambda$  کے متناسب ہے۔ اگر سفید نور استعمال ہو تو ہر رنگ کا طول موج اپنا متعلقہ داخلی نظام تیار کرتا ہے۔ ان تمام نظاموں کا مرکزی بند سفید ہے لیکن باقی تمام بند مختلف مقاموں پر تیار ہوتے ہیں اور اس لیے ایک دوسرے کو مدغم کر دیتے ہیں۔ جس کی وجہ سے ایک مرکزی سفید بند کے گرد چھوٹے طول موج کے رنگوں سے شروع ہوتے ہیں چند بند ہوتے ہیں اور پھر ان کے بعد عام تنویر ہوتی ہے۔ لیکن اگر کسی طریقہ سے  $\frac{\lambda}{2}$  کو مختلف رنگوں کے لیے مختلف اور اس کے متناسب بنائیں تو مختلف رنگوں کے تداخلی نظام ٹھیک ایک دوسرے پر منطبق ہونگے اور بند بے رنگ۔

اس غرض کو حاصل کرنے کے لیے انکساری جالی کے ذریعہ جھری ج پر ایک تنگ جھری کا طیف بنانا چاہیے۔ چونکہ انکساری جالی کے طیف میں مختلف رنگوں کا انحراف تقریباً اس کے طول موج کے متناسب ہوتا ہے۔ اس لیے اگر جھری ج پر طیف آئینہ ۱۱ کے علی القوائم اس طرح ترتیب دیا جائے کہ بنفشی رنگ آئینہ کے مستوی کے قریب ترین ہو تو خیال میں بھی بنفشی رنگ آئینہ کے قریب ترین ہوگا اور طیف اور اس کے خیال کے درمیانی فاصلہ کو احتیاط کے ساتھ گھٹانے بڑھانے سے طول  $\lambda$  کو نور کے طول موج  $\lambda$  کے متناسب بنا سکتے ہیں۔

دو خیالوں کے ذریعہ تداخل نور کے دیگر تجربے - جھری کے

قریب متشاکلاً دو خیال پیدا کر کے ان سے آنے والی موجوں کا تداخل اور طریقوں سے بھی بہ آسانی کیا جاسکتا ہے۔ چنانچہ بلیٹ (Billet) نے معتدب عدسہ کو اس کے محیط کے علی القوائم مستوی سے دو مساوی ٹکڑوں میں قطع کر کے ان ٹکڑوں کو ایک دوسرے سے دہرا ہٹا کر ٹکڑا کیا (یکچر شکل ۱۸)۔

ج جھری ہے د، د م علسہ کے دو نصف ٹکڑے۔ د سے حقیقی خیال م بنتا ہے

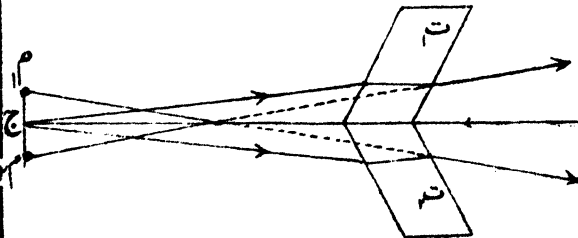


شکل ۱۷

اور د سے حقیقی خیال م۔ ان خیالوں سے نور کی شعاعیں پھیل کر پردہ پر تداخلی بند پیدا کریں گی۔

دو شفاف مساوی موٹائی کی ایک ہی مادے سے بنی ہوئی تختیوں کے ذریعہ بھی تداخلی بند تیار کیے جاسکتے ہیں۔ چنانچہ اس "دو ٹکڑی تختی" کے استعمال کا طریقہ شکل ۱۸ میں بتایا گیا ہے۔ یہ تہ تختیاں ہیں جو جھری ج کے لحاظ سے متشاکل جانی گئی ہیں۔ کچھ شعاعیں تہ میں سے ہو کر مجازی خیال م بناتی ہیں اور کچھ شعاعیں تہ میں سے ہو کر مجازی خیال م بناتی ہیں۔

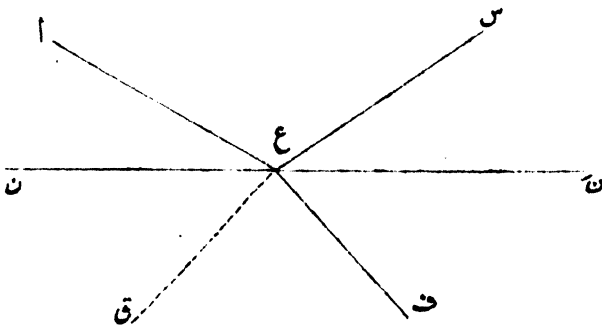
تختیوں کو مناسب وضعوں میں رکھنے سے د اور م جھری کے بالکل قریب بنیں گے۔ اور پردہ پر تداخلی بند پیدا کریں گے۔



شکل ۱۸

## انعکاس نور کے متعلق اسٹوکس کا طریقہ عمل - فرض کرو کہ

اکائی حیطہ ارتعاش کی ایک شعاع  $اع$  انعطاف انگیز سطح  $ن$  سے نقطہ  $ع$  پر دو چار ہوتی ہے۔ چونکہ یہاں شعاع کچھ منعکس ہو کر  $ع$  سے راستے چلی جاتی ہے اور کچھ منعطف ہو کر  $ع$  کی سمت اختیار کرتی ہے اس لیے فرض کرو کہ منعطف شعاع کا حیطہ ارتعاش  $عہ$  اور طہ ہے جہاں  $عہ$  اور طہ دونوں اکائی سے کم ہوں۔ اگر ان منعکس اور منعطف شعاعوں کے راستوں کو الٹ دیا جائے تو منعکس شعاع  $ع$  سے سمت  $ع$  میں  $عہ$  حیطہ ارتعاش کی ایک شعاع پیدا کرتی ہے اور سمت  $ع$  ق میں  $عہ$  حیطہ ارتعاش کی ایک منعطف شعاع پیدا کرتی ہے۔ منعطف شعاع  $ع$  سے سمت  $ع$  ق میں طہ  $عہ$  حیطہ ارتعاش کی ایک منعکس شعاع بناتی ہے اور سمت  $ع$  میں طہ  $عہ$  حیطہ ارتعاش کی ایک منعطف شعاع۔ لیکن  $ع$  میں اور  $ع$  ف سمتوں کی منعکس اور منعطف شعاعیں جب واپس ٹوٹائی جاتی ہیں تو ان کی ترکیب سے اکائی حیطہ ارتعاش والی ابتدائی واقع شعاع پیدا ہوتی ہے۔



شکل ۱۱۱

$$پس \quad ۱ = عہ + طہ + طہ = ۰$$

یعنی  $طہ = - طہ$

پس کسی واسطہ کی سطح پر دو شعاعیں واقع ہوں، ایک شعاع واسطہ کے باہر سے

کسی زاویہ پر اور دوسری شعاع اس باہر سے واقع ہونے والی شعاع کے متناظر زاویہ انعطاف پر، تو باہر منعکس ہونے والی شعاع کے حیظ ارتعاش کو اس کی متعلقہ واقع شعاع کے حیظ ارتعاش کے ساتھ وہی نسبت ہوتی ہے جو اندر منعکس ہونے والی شعاع کے حیظ کو اس کی متعلقہ واقع شعاع کے حیظ کے ساتھ، لیکن ان کی علامتیں مخالف ہوتی ہیں۔

### مستوی متوازی پہلوؤں والی شفاف تختی میں نور کا

ضعیفی انعکاس و انعطاف۔ پتلی جلیوں کے رنگوں کی توجیہ کے لیے مصرعہ بالا ضوابط انعکاس و انعطاف استعمال کر کے ہم بتا سکتے ہیں کہ شفاف تختی پر واقع موج نور کی حدت منعکس موجوں میں کس قدر تقسیم ہوتی ہے اور بعد انعطاف تختی سے خارج ہونے والی موجوں میں کس قدر۔ چونکہ ہر انعکاس کے ساتھ انعطاف اور ہر انعطاف کے ساتھ انعکاس واقع ہوتا ہے اس لیے ہمیں انعکاس و انعطاف دونوں کا لحاظ کر کے نور کی حدت کی تعیین کرنی پڑتی ہے۔

شکل ۱۔ میں اکائی حدت کی مستوی موج متوازی پہلوؤں والی شفاف تختی ع ف پر سمت ۱ ع میں واقع ہوتی ہے، ع پر اس کا ایک جزو ع س کی سمت میں منعکس ہوتا ہے اور باقی جزو ع ن کی سمت میں منعطف ہوتا ہے، ف پر پہنچ کر اس کا کچھ حصہ ف ع کی سمت میں منعکس ہوتا ہے اور کچھ ف ل کی سمت میں منعطف ہو کر تختی کے باہر منتقل ہو جاتا ہے۔ اسی طرح ضعیفی انعکاس و انعطاف سے ع س، ع م، ع ہ، ع ی وغیرہ شعاعیں تختی کی سامنے کی سطح سے خارج ہوتی ہیں اور ف ل، ف ہ، ف ی وغیرہ اس کے پیچھے کی سطح سے خارج ہوتی ہیں۔ چونکہ تختی کے پہلو مستوی متوازی ہیں اس لیے ع س، ع م، ع ہ وغیرہ باہر گئے متوازی ہیں اور ف ل، ف ہ، وغیرہ باہر گئے متوازی۔

فرض کرو کہ تختی کی سامنے والی سطح پر شعاع ۱ ع کا زاویہ وقوع فہ ہے اور اس کا متناظر زاویہ انعطاف فہ م۔ تختی کی موٹائی ف ٹ ہے اور عہ، عہ طہ، ہوا اور تختی کے مادے میں منعکس اور منعطف موجوں کے حیظ ارتعاش کر

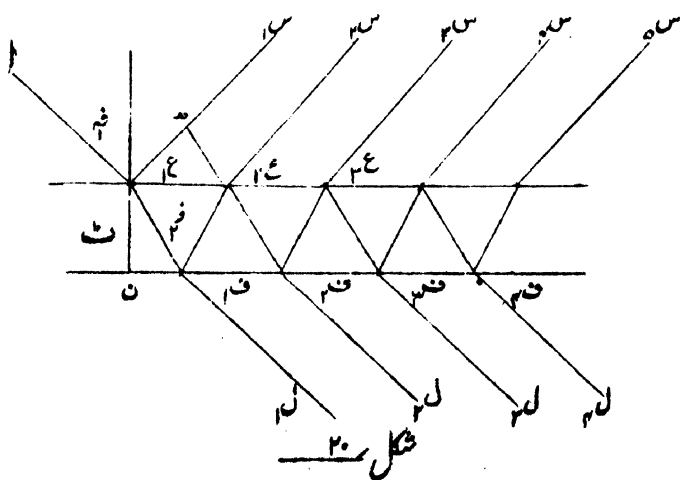
بصیر کرتے ہیں۔ مریختی کا انعطاف نا ہے، ع ن تختی کی سطحوں پر عمود اور ع ہ خط ع س پر عمود۔ فرض کرو کہ سمت ع س میں منعکس ہونے والی موج اور ع ف ع کی راہ لے کر سمت ع س میں جانے والی موج میں تفاوتِ راہ کی وجہ سے تفاوتِ ہیئت ہے۔ شکل سے ظاہر ہے کہ ہر دو متواتر منعکس موجوں کا تفاوتِ ہیئت تہ ہی ہوگا۔

$$ع ف = \frac{\text{ٹ}}{\text{جم فہ}} = ع ہ = ع ع جم > ع ع ہ$$

پس ع ہ = ۲ ن ف جب فہ = ۲ ٹ مس فہ جب فہ = ۲ مرٹ جب فہ = ۲ جم فہ

اس لیے تہ =  $\frac{\pi}{\lambda} (۲ مر ع ف - ع ہ) = \frac{\pi}{\lambda} (۲ مرٹ - ۲ جم فہ) = \frac{\pi}{\lambda} (۲ مرٹ - ۲ جم فہ)$

یعنی تفاوتِ ہیئت تہ =  $\frac{\pi}{\lambda} \left( \frac{۲ مرٹ}{\text{جم فہ}} - \frac{۲ مرٹ}{\text{جم فہ}} \right) = \frac{\pi}{\lambda} (۲ مرٹ - ۲ جم فہ)$  اور تفاوتِ راہ = ۲ مرٹ جم فہ





فرض کرو کہ واقع شعاع جب  $\frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r})$  ہے۔ پہلی منعکس موج

ع جب  $\frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r})$  ہوگی۔ دوسری منعکس موج

ع ط ط جب  $\left\{ \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - 2\pi \right\}$  اور تیسری ع ط ط جب  $\left\{ \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - 4\pi \right\}$

اور چوتھی ع ط ط ط جب  $\left\{ \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - 6\pi \right\}$ ۔ اسی طرح بقیہ منعکس

موجوں کے لیے بھی جملے لکھے جاسکتے ہیں۔ پس حاصل مجموعی منعکس موج

ص جب  $\left\{ \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - \text{منہ} \right\}$  سے تعبیر کی جاسکتی ہے جس میں حیطہ ارتعاش

ص اور ہیئت منہ دریافت شدنی ہیں۔ پس

$$\text{ص جب } \left\{ \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - \text{منہ} \right\} = \text{ع جب } \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) +$$

$$\text{ع ط ط جب } \left\{ \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - 2\pi \right\} + \text{ع ط ط ط جب } \left\{ \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - 4\pi \right\} - 2\pi$$

$$+ \dots + \text{ع }^{(2-2\pi)} \text{ ط ط ط جب } \left\{ \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - (ن-1)2\pi \right\} + \dots$$

پس ان کو پھیلانے سے ص جب  $\frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r})$  جم منہ۔ ص جم  $\frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r})$  جب منہ

$$= \text{ع جب } \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) + \text{ع ط ط جب } \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - 2\pi$$

$$- \text{ع ط ط ط جب } \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - 4\pi + \dots$$

$$+ \text{ع }^{(2-2\pi)} \text{ ط ط ط جب } \frac{\pi_2}{\tau} - (و - \frac{\lambda}{r}) - (ن-1)2\pi$$

- عہ<sup>(۲-۵۲)</sup> طہ طہ جم  $\frac{۲۲}{ت}$  (و-  $\frac{لا}{سر}$ ) جب (ن-۱) تہ + .....

یہ مساوات (و-  $\frac{لا}{سر}$ ) کی تمام قیمتوں کے لیے صادق آتی ہے۔ اس لیے

جب  $\frac{۲۲}{ت}$  (و-  $\frac{لا}{سر}$ ) اور جم  $\frac{۲۲}{ت}$  (و-  $\frac{لا}{سر}$ ) کے سر صفر کے مساوی ہیں، یعنی

ص جم ضہ = عہ + عہ طہ (جم تہ + عہ جم ۲ تہ + عہ جم ۳ تہ + .....  
+ عہ<sup>(۲-۵۲)</sup> جم ن تہ) + .....

اور ص جب ضہ = عہ طہ (جب تہ + عہ جب ۲ تہ + عہ جب ۳ تہ + .....  
+ عہ<sup>(۲-۵۲)</sup> جب ن تہ) + .....

آخذاً لذكر مساوات کی ہر رقم کو  $\frac{۱}{۱-۱}$  یا  $\frac{۱}{۱-۱}$  سے ضرب دے کر دونوں مساواتوں کو جمع کرنے سے

ص (جم ضہ + خ جب ضہ) = ص فو<sup>خ</sup> = عہ + عہ طہ (فو<sup>خ</sup> تہ + عہ فو<sup>خ</sup> ۲ تہ +

+ عہ<sup>۳</sup> فو<sup>خ</sup> ۳ تہ + ..... عہ<sup>(۲-۵۲)</sup> فو<sup>خ</sup> ن تہ + ..... - )  
توسین کے اندر کے جملہ کی رتیں ایک ہندی سلسلی میں ہیں اور وہ صفر کی جانب

مستقل ہوتی ہیں۔ اس لیے ان کا حاصل جمع = عہ طہ (۱- عہ<sup>۲</sup> فو<sup>خ</sup> تہ)

پس ص فو<sup>خ</sup> ضہ = ص جم ضہ + خ ص جب ضہ = عہ + عہ طہ (۱- عہ<sup>۲</sup> فو<sup>خ</sup> تہ)

= عہ +  $\frac{عہ طہ فو<sup>خ</sup> تہ (۱- عہ<sup>۲</sup> فو<sup>خ</sup> تہ)}{(۱- عہ<sup>۲</sup> فو<sup>خ</sup> تہ) (۱- عہ<sup>۲</sup> فو<sup>خ</sup> تہ)}$

= عہ +  $\frac{عہ طہ (فو<sup>خ</sup> تہ - عہ<sup>۲</sup>)}{۱- عہ<sup>۲</sup> فو<sup>خ</sup> تہ - عہ<sup>۲</sup> فو<sup>خ</sup> ۲ تہ + عہ<sup>۴</sup> فو<sup>خ</sup> ۳ تہ + .....}$

چونکہ فو<sup>خ</sup> = جم تہ - خ جب طہ اور جم تہ =  $\frac{۱}{۲} (فو<sup>خ</sup> تہ + فو<sup>خ</sup> ۲ تہ)$

$$\text{اس لیے ص جم منہ} + \text{خ ص جم منہ} = \text{ع} + \frac{\text{ع ط طہ (جم تہ - خ جب تہ - عہ)}}{\text{ا - ۲ عہ جم تہ + عہ}}$$

ساوات کی حقیقی اور خیالی مقدار کو علیحدہ علیحدہ جمع کرنے سے

$$\text{ص جم منہ} = \text{ع} + \frac{\text{ع ط طہ (جم تہ - عہ)}}{\text{ا - ۲ عہ جم تہ + عہ}}$$

$$\text{اور ص جب منہ} = \frac{\text{ع ط طہ جب تہ}}{\text{ا - ۲ عہ جم تہ + عہ}}$$

$$\therefore \text{ص}^1 = \left\{ \text{ع} + \frac{\text{ع ط طہ (جم تہ - عہ)}}{\text{ا - ۲ عہ جم تہ + عہ}} \right\} + \left\{ \frac{\text{ع ط طہ جب تہ}}{\text{ا - ۲ عہ جم تہ + عہ}} \right\}$$

نسب نما (ا - ۲ عہ جم تہ + عہ) کو سہولت کی خاطر ص سے تعبیر کرو۔  
چونکہ عہ = ع اور ط طہ = (ا - عہ) لہذا

$$\text{ص}^1 = \left\{ \text{ع} - \frac{\text{ع (ا - عہ) (جم تہ - عہ)}}{\text{س}} \right\} + \frac{\text{عہ (ا - عہ) جب تہ}}{\text{س}}$$

$$= \left[ \frac{\text{عہ (ا - عہ) جب تہ}}{\text{س}} + \left\{ \frac{\text{ع (ا - عہ) (جم تہ - عہ)}}{\text{س}} \right\} \right]$$

$$= \frac{\text{عہ}}{\text{س}} \left\{ \text{س}^1 - \text{س}^2 \text{ (ا - عہ) (جم تہ - عہ)} \right\}$$

$$+ \left\{ \text{عہ (ا - عہ) (جم تہ - عہ) (ا - عہ) جب تہ} \right\}$$

$$= \frac{\text{عہ}}{\text{س}} \left\{ \text{س}^1 - \text{س}^2 \text{ (ا - عہ) (جم تہ - عہ)} + \text{عہ (ا - عہ) (ا - عہ) (ا - عہ) جب تہ} \right\}$$

$$= \frac{\text{عہ}}{\text{س}} \left\{ \text{س}^1 - \text{س}^2 \text{ (ا - عہ) (جم تہ - عہ)} - \text{عہ (ا - عہ) (ا - عہ) جب تہ} \right\}$$

$$= \frac{\text{عہ}}{\text{س}} \left\{ \text{س}^1 - \text{س}^2 \text{ (ا - عہ) (جم تہ - عہ)} - \text{عہ (ا - عہ) (ا - عہ) جب تہ} \right\}$$

$$= \frac{\text{عہ}}{\text{س}} \left\{ \text{س}^1 - \text{س}^2 \text{ (ا - عہ) (جم تہ - عہ)} - \text{عہ (ا - عہ) (ا - عہ) جب تہ} \right\}$$

$$\begin{aligned}
 \frac{e^2}{s} &= \{ s + (1 - e^2)(1 - 2 \text{ جم } 2 + e^2) \} \\
 \frac{e^2}{s} &= \{ s + 1 - e^2 - 2 \text{ جم } 2 + e^2 \text{ جم } 2 + e^2 - e^2 \} \\
 \frac{e^2}{s} &= (1 - 2 \text{ جم } 2 + e^2 \text{ جم } 2 + e^2 - e^2 - e^2) \\
 \frac{e^2}{s} &= \frac{e^2 (2 - 2 \text{ جم } 2)}{s} = \frac{e^2 (2 \text{ جب } 2)}{s} \\
 \frac{2 \text{ جم } 2 \text{ جب } 2}{2 \text{ جب } 2 + (1 - e^2)} &= \frac{2 \text{ جم } 2 \text{ جب } 2}{2 \text{ جب } 2 + e^2} =
 \end{aligned}$$

اگر ہم چاہیں تو تختی کی دوسری سطح سے بعد انعطاف خارج ہونے والی موجوں کا حاصل ص<sub>۲</sub> بھی مضرہ بالا طریقہ سے دریافت کر سکتے ہیں۔ لیکن یہ فرض کر کے کرتختی میں نور ذرا بھی جذب نہیں ہوتا ہے اصول بقائے توانائی کے ذریعہ ص<sub>۲</sub> کی تعیین بہت آسانی سے ہو جاتی ہے۔ چنانچہ

$$ص^2 = ص^2 + 1$$

$$\therefore ص^2 = \frac{(1 - e^2)}{2 - 2 \text{ جم } 2 + e^2}$$

جہاں جب<sub>۲</sub> = ۰ وہاں ص<sub>۲</sub> = ۰ یعنی منعکس موجوں کی مدت صفر ہوتی

ہے جبکہ  $\frac{2}{s}$  یعنی  $\frac{2}{s}$  مرٹ جم فہ = ن ۲ یعنی ۲ مرٹ جم فہ = ن ۱ جس میں ن ایک صحیح عدد ہے۔

پس اگر دو متواتر منعکس موجوں کا تفاوت راہ طول موج کا ایک صحیح عددی ضعف ہے تو منعکس نور کی مدت صفر ہوگی۔

$$چونکہ ص^2 = \frac{2 \text{ جم } 2}{2 \text{ جب } 2 + \frac{2(1 - e^2)}{2 \text{ جب } 2}}$$

اور اس کی قیمت اعظم ہوتی ہے جبکہ جب  $\frac{1}{r} = 1$

پس جہاں  $\frac{1}{r}$  یعنی  $\frac{\pi_2}{r}$  مرت جم فہ  $= \frac{\pi}{4} (1 + n_2)$

یا ۲ مرت جم فہ  $= \frac{\pi}{4} (1 + n_2)$  وہاں منعکس نور کی حدت اعظم ہوگی۔ ہم نے ابھی دیکھا ہے کہ ص  $\frac{1}{r}$  کی اقل قیمت صفر ہے۔ اس کی اعظم قیمت  $\frac{\pi}{4} (1 + n_2)$  ہے جہاں ص  $\frac{1}{r}$  اقل ہے تو ص  $\frac{1}{r}$  کی قیمت اعظم اور اکائی ہے۔ اور جہاں ص  $\frac{1}{r}$  کی قیمت اعظم یعنی  $\frac{\pi}{4} (1 + n_2)$  ہے تو وہاں ص  $\frac{1}{r}$  کی قیمت اقل اور  $\frac{\pi}{4} (1 - n_2)$  ہے۔

تقریبی نظریہ — اگر تختی مفضل نہ ہو تو دوسری منعکس شعاع حدت میں پہلی منعکس شعاع کے تقریباً مساوی ہوتی ہے اور باقی دوسری شعاعیں بہت مدہم ہوتی ہیں۔ پس اگر صرف پہلی دوسری شعاعوں ہی کی حدتوں پر غور کیا جائے اور بقیہ شعاعیں نظر انداز کر دی جائیں تو بھی نتیجہ قریب قریب ویسا ہی برآمد ہوگا جیسا کہ سابقہ نظریہ میں ہم نے ثابت کیا تھا کہ ان دو متواتر موجوں یا شعاعوں میں تفاوتِ راہ ۲ مرت جم فہ ہے۔

پس اگر یہ فرض کیا جائے کہ تختی کی پہلی سطح پر کے انعکاس اور دوسری سطح پر کے انعکاس میں کوئی فرق نہیں تو ہمیں توقع ہو سکتی ہے کہ اگر یہ تفاوتِ راہ  $n$  کے مساوی ہو یعنی

$$2 \text{ مرت جم فہ } = n \text{ لہ}$$

جس میں  $n$  کوئی ایک صحیح عدد ہے تو مرجیں ایک دوسری کی اعانت کریں گی۔ اور وہاں نور کی حدت اعظم ہوگی۔ لیکن ہم نے دیکھا ہے کہ اسٹوکس کے استدلال سے  $e = e - e$  پس تختی کی بیرونی اور اندرونی سطحوں پر کے انعکاسوں میں علامتیں مخالف ہیں۔ اس کا یہ مفہوم ہے کہ ایسے انعکاسوں میں مثبتوں کا فرق بقدر  $\pi$  واقع ہوتا ہے گویا تفاوتِ راہ میں  $\frac{1}{4}$  لہ کا اضافہ عمل میں آتا ہے۔ پس اعظم حدت کی صورت میں

۲۔  $n = \left(\frac{1}{p} + n\right)$  جم فہ =  
 نتیجہ سابقہ نتیجہ سے منطبق ہوتا ہے جس میں جلا منعکس شعاعوں کو ملحوظ رکھا گیا تھا۔  
 تیل کی پتلی جھلیوں یا صابون کے مبلبلوں کا رنگ۔  
 زیر سار مٹی کا تیل یا پٹرول جب پانی کی سطح پر پھیل جاتا ہے تو اس پر طرح طرح کے خوبصورت رنگ نظر آتے ہیں۔ اسی طرح صابون کے مبلبلے جب چھوٹے جاتے ہیں تو ان کی سطح بھی مختلف رنگوں سے آراستہ دکھائی دیتی ہے۔ صابون کی جھلی کی موٹائی جیسے جیسے بڑھتی جاتی ہے ویسے ہی رنگوں میں بھی تبدیلی واقع ہوتی ہے۔ چھوٹے سے پہلے مبلبلے کا اوپر والا سب سے پتلا حصہ سیاہ نظر آتا ہے۔

اس کی وجہ نور ہی کا تدخل ہے جو جھلی کی اوپر اور نیچے کی سطحوں سے منعکس ہو کر یہ کیفیت پیدا کرتا ہے۔ چونکہ  $n = \frac{1}{p} + n$  نہ تو طول موج لے والے نور کے انکسار کا ضابطہ ہے جہاں جھلی کی موٹائی اس مساوات کی شرط کو پورا کر چکی وہاں نہ طول موج کا نور غائب ہوگا اور اس لیے وہ حصہ باقی ماندہ نور سے رنگین نظر آئے گا۔ چونکہ اسی صورت میں تصویر ایک ہی مبداء مثلاً آسمان کے منور خطے یا مکان وغیرہ کی سفید سطح سے ہوتی ہے اس لیے نور کا تدخل بھی ممکن ہے۔ جو شعاعیں جھلی سے نکل کر آنکھ تک پہنچتی ہیں بالکل متوازی نہیں ہوتی ہیں اس لیے ان سب کے لیے جم فہ کی قیمت ایک ہی نہیں ہو سکتی۔ پس جھلی کے رنگوں میں سے طیف کا کوئی خاص خطہ غیر موجود ہونے کے لیے ضروری ہے کہ ضابطہ مالا میں  $n$  ایک چھوٹا صحیح عدد ہو یعنی جھلی کافی پتلی ہو۔ کیچڑ بانی کے ذروں میں جب تیل گر کر پھیل جاتا ہے تو رنگ زیادہ شوخ اس لیے نظر آتے ہیں کہ جھلی کے نیچے کی سطح سے جو نور خارج ہوتا ہے پورا جذب ہو جاتا ہے اور تدخل نور کے اثرات میں خلل نہیں پیدا کرتا۔ صدمہ وغیرہ نیم خفاف پرت دار اجسام کے خوبصورت رنگ بھی اسی قسم کے تدخل نور سے وقوع میں آتے ہیں۔

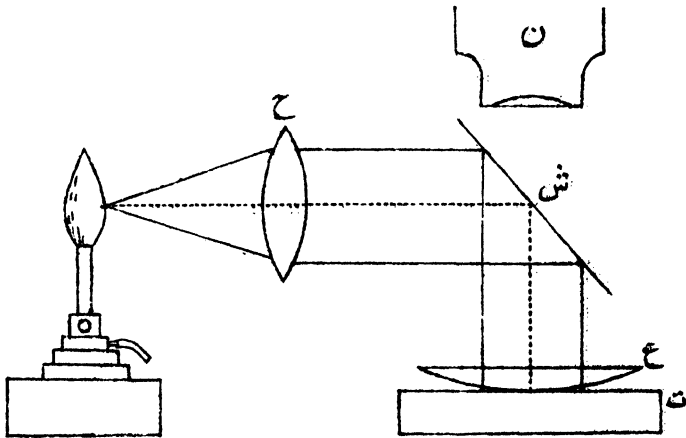
نیوٹن کے رنگین حلقوں کی پیدائش اور ان کے ذریعہ نور کے طول موج کی تعیین۔ نیوٹن نے دوربین کے دوارہ والے عدسہ کو

جس کے نصف قطر انحراف کی فٹ لمبے تھے شیشہ کی ایک مناسب تختی پر رکھ کر دیکھا تو اس کے عدرسہ اور تختی کے نقطہ تماس کے گرد ہم مرکز سیاہ اور زنگین حلقے نظر آئے جو مرکز سے بیسے دور واقع تھے ویسے ایک دوسرے کے قریب بھی تھے۔ نیوٹن نے براہ راست خالی آنکھ سے ان کے نصف قطر ناپے اور ان کا باہمی ربط دریافت کیا۔ اس سے پہلے ہوک (Hooke) نے شیشہ ۱۶۶۷ء میں ان حلقوں کا مشاہدہ کیا تھا اور ایک حد تک ان کی سمجھ تو جیہ کی بھی کوشش کی تھی جو تقریباً ایک سو سال بعد ینگ (Young) کے اجتہاد سے کامیاب ہوئی۔

محل میں یہ تجربہ آسانی ترتیب پاسکتا ہے۔ شیشہ کی کسی قدر موٹی تختی پر ایک چھوٹا لیکن تقریباً ۱۰۰ سسٹی میٹر ماسکی طول کا عدرسہ رکھ کر نقطہ تماس نزدیک زمین میں سے دیکھا جائے تو اس کے گرد اس قسم کے متعدد حلقے نظر آئینگے۔ شکل ۲۱ میں ع عدرسہ اور تختی ہے۔ شیشہ کی پتلی تختی ہے جو عدرسہ کے اوپر کو افق کے ساتھ ۴۵° پر استادہ کی جاتی ہے۔ ح ایک عذب عدرسہ ہے جس کے ماسکے پر ایک وسیع ایک لونی مشعل مثلاً سوڈیم کا چراغ روشن کیا جاتا ہے۔ شعاعیں جب اس عدرسہ (ح) میں سے متوازی نکلیں گی تو تختی ش سے منعکس ہو کر عدرسہ ع اور تختی ت پر انعکاس پاتا واقع ہونگی۔ بعد انعکاس اوپر کی طرف کو واپس لگی۔ اور تختی ش میں سے ہو کر خردبین ن میں داخل ہونگی۔

اس تجربہ میں عدرسہ ع اور تختی ت کے مابین ہوا کی جو پتلی جھلی ہے اس کی اوپر اور نیچے والی سطحوں سے نور کی شعاعوں کا انعکاس ہو کر متداخل پیدا ہوتا ہے۔ منعکس شعاعوں کے متداخل سے جو حلقے بنتے ہیں ان کا سب سے اندرونی حلقہ سیاہ ہوتا ہے۔ ان حلقوں کے مشاہدہ کے لیے خردبین کو اس طرح ترتیب دینا چاہیے کہ جھلی ماسکے پر آئے۔ خارج شدہ شعاعوں کے متداخل سے بھی حلقے دکھائی دیتے ہیں لیکن ان کا سب سے اندرونی حلقہ روشن ہوتا ہے۔ منعکس شعاعوں کے متداخل سے جہاں سیاہ حلقہ نظر آتا ہے وہاں خارج شدہ شعاعوں کے متداخل سے روشن حلقہ دکھائی دیتا ہے۔ گویا یہ ایک دوسرے کی تکمیل کرتے ہیں۔

نقطہ تماس و کے قریب میں (ملاحظہ ہو شکل ۲۱) عدسہ اور تختی کے



شکل ۲۱

بیج کی ہوا کی جھلی مستوی متوازی پہلوؤں والی تختی تصور کی جاسکتی ہے جس کی موٹائی آج میں جیسے جیسے ۱ کا فاصلہ نقطہ تماس و سے بڑھتا جاتا ہے بتدریج اضافہ ہوتا ہے۔ اگر آج کو ٹ خط تماس و ج کے طول کو ط مانا جائے اور عدسہ کی نیچے والی گروی سطح کے نصف قطر کو ص تو از روئے خواص دائرہ

$$ط^۲ = ۲ ص - ٹ$$

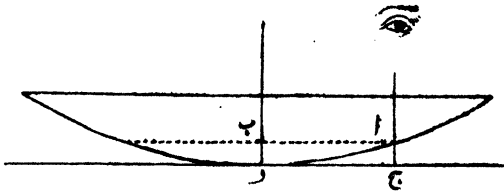
ٹ کے مقابلہ میں عدسہ کا نصف قطر ص ایک بہت بڑی مقدار ہے اس لیے تقریباً

$$ط^۲ = ۲ ص ٹ اور ٹ = \frac{ط^۲}{۲ ص}$$

ہوا کی اس جھلی میں نور کی شعاع کا زاویہ وقوع ۴۵ ہو تو جیسا کہ شکل ۲۱ سے بحث کرتے ہوئے بتایا گیا تھا جھلی کی اوپر اور نیچے والی سطحوں سے منعکس ہونے والی



شاموں میں تفاوتِ راہ ۲ مرٹ جم فہ ہے جس میں مرہوا کا انعطاف بنا



شکل ۲۲

یعنی اکائی ہے۔ یہ تفاوتِ راہ اگر ن ل کے مساوی ہو جس میں ن ایک صحیح عدد ہے تو یہاں تداخل کی وجہ سے نور کی موجیں ایک دوسرے کو تلف کر دیں گی اور نقطہ ج پر سیاہی نظر آئے گی۔ پس وج نصف قطر والا حلقہ سیاہ ہوگا۔ ن ل تفاوتِ راہ والے حلقہ کے نصف قطر کو ہم طن سے تعبیر کریں گے۔

$$\text{پس اس کے پاس تبدیلی کی موٹائی ٹ} = \frac{\text{طن}}{\text{ص}} = \frac{\text{ن ل}}{۲ \text{ جم فہ}} \therefore \text{طن} = \frac{\text{ص ن ل}}{۲ \text{ جم فہ}}$$

یعنی ان حلقوں کے نصف قطر فطری اعداد کے جذر المرجع کے متناسب ہیں۔  
اسی طرح اعظم تنویر والے حلقوں کے نصف قطر کا منابطہ

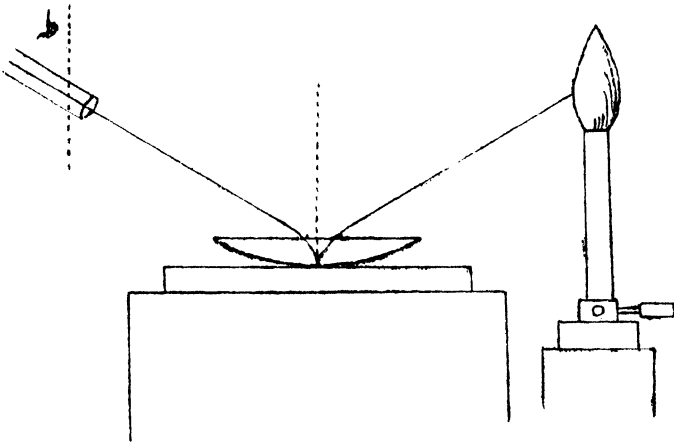
$$\text{طن} = \frac{\text{ص} (ن + \frac{۱}{۲})}{۲ \text{ جم فہ}}$$

اگر طن = ن۔ ویں روشن حلقہ کا نصف قطر ارد طن = ن۔ ویں روشن حلقہ کا نصف قطر

$$\text{تو } \text{طن} - \text{طن} = \frac{\text{ص} (ن + \frac{۱}{۲})}{۲ \text{ جم فہ}} - \frac{\text{ص} (ن + \frac{۱}{۲})}{۲ \text{ جم فہ}} = \frac{\text{ص} (ن - ن)}{۲ \text{ جم فہ}}$$

$$\therefore \text{ن} = \frac{(\text{طن} - \text{طن})}{\text{ص} (ن - ن)}$$

واضح ہے کہ جب شعاعیں شکل (۲۱) کی طرح عمود وار واقع ہوتی ہیں تو جھلی میں وقوع کا زاویہ صفر ہوتا ہے اور اس لیے ہم  $\phi = 0$  اس تجربہ سے کسی بھی ذرا کا طول موج یا سانی دریافت کیا جاسکتا ہے۔ شکل (۲۲) کی طرح بھی خرد بین کے محور کو انتصابی سمت کے ساتھ زاویہ  $\phi$  پر مائل رکھ کر نیوٹن کے حلقوں کا تجربہ کیا جاسکتا ہے۔ جوشعاعیں نکلتی ہیں عدسہ کی اوپر والی سطح کے عمود کے ساتھ تفتہ رہا ہی زاویہ  $\phi$  بناتی ہیں۔ چونکہ اس تجربہ میں حلقے ترچھی وضع میں مشاہدہ ہوتے ہیں اس لیے وہ دائری نہیں بلکہ قطع ناقص کے ایک نظام کی شکل میں دکھائی دینگے۔



شکل ۲۲

منکس موجوں کے تداخل سے جو حلقے بنتے ہیں ہم نے ابھی بیان کیا ہے کہ ان کا مرکزی حلقہ سیاہ ہوتا ہے۔ اس لیے کہ ایک انعکاس شیشہ میں ہوا کی جھلی کے اوپر واقع ہوتا ہے اور دوسرا ہوا میں شیشہ کی سطح کے اوپر۔ اس لیے تغادبت راہ کی تعیین میں ایک نصف طول موج کا اضافہ وقوع میں

آتا ہے۔ لیکن اگر عدسہ کراؤن شیشہ اور اس کے نیچے کی تختی فلٹ شیشہ کی ہو اور ان دونوں کے بیچ میں سستا فراس کا تیل پھیلا یا جائے جس کا انعطاف نما کراؤن شیشہ کے انعطاف نما سے بڑا اور فلٹ شیشہ کے انعطاف نما سے چھوٹا ہے تو چونکہ نور کی شعاعیں تیل کی اوپر اور نیچے کی سطح سے جب منعکس ہوتی ہیں تو دونوں صورتوں میں کمتر انعطاف نما سے زائد تر انعطاف نما والے واسطہ میں انعکاس واقع ہوتا ہے اس لیے تفاوتِ راہ کی تعیین میں مزید نصف طول موج کے اضافہ کی ضرورت نہیں ہوتی اور مرکزی حلقہ روشن دکھائی دیتا ہے۔ چنانچہ ینگ سب سے پہلا شخص ہے جس نے یہ تجربہ کر کے بتایا۔

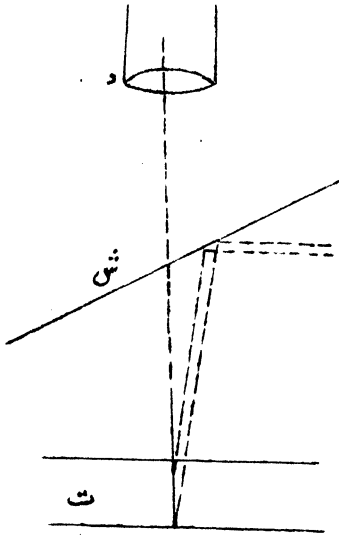
جب واقع شعلع ایک لونی نہیں بلکہ سفید ہوتی ہے تو اس کے مختلف لونی اجزاء ایک دوسرے پر متراکب ہوتے ہیں جس کا نتیجہ یہ ہوتا ہے کہ مرکزی سیاہ حلقہ کے گرد رنگین حلقے دکھائی دیتے ہیں اور ان کی تعداد بھی کم ہوتی ہے۔ نیوٹن نے ان رنگوں کے سات مندرجہ ذیل سلسلے مشاہدہ کیے :-

- (۱) سیاہ، نیلا، سفید، زرد، سُرخ (۲) بنفشی، نیلا، سبز، زرد، سُرخ  
(۳) ارغوانی، نیلا، سبز، زرد، سُرخ (۴) سبز، سُرخ (۵) سبزی مائل نیلا  
سُرخ (۶) سبزی مائل نیلا، ہلکا سُرخ (۷) سبزی مائل نیلا، سُرخ مائل سفید۔  
سی۔ وی۔ بائز (C. V. Boys) نے ”پیلاؤس قزح“ کے نام سے

ایک آلہ اختراع کیا ہے جس سے سفید نور میں ان رنگین حلقوں کا بخوبی مطالعہ ہو سکتا ہے۔ یہ پیتل کے ایک حلقہ پر مشتمل ہے جس کا قطر تقریباً چار انچ ہے اور جو سرعت کے ساتھ ایک انتصابی محور کے گرد گھمایا جاسکتا ہے۔ گھمانے سے پہلے اس حلقہ پر صابون کے پانی کی ایک جھلی پھیلا دی جاتی ہے۔ گردش جیسے جیسے تیز ہوتی جاتی ہے جھلی کے مرکز پر موٹائی کمتر ہوتی جاتی ہے اور ساتھ ہی اس کے محیط کی طرف بڑھتی جاتی ہے۔ بالآخر مرکز پر ایک سیاہ دھبہ اور اس کے گرد رنگین حلقے دکھائی دیتے ہیں، جن کے قطروں کے طول گردش کے ساتھ تبدیل کیے جاسکتے ہیں۔

ہیڈنجر (Haidinger) کی جھالیں - ہیڈنجر نے

۱۸۳۹ء میں مشاہدہ کیا کہ کسی قدر موٹی شفاف متوازی پہلوؤں والی تختی میں بھی تداخل نور ہے رنگین ملتے جلتے ہیں۔ لیکن اس امر کی تحقیق مینسکار (Mascart) اور لٹمر (Lummer) نے کی۔ شفاف تختی اگر ۳ یا ۴ ملی میٹر موٹی ہو تو ان حلقوں کے مشاہدہ کے لیے اس کے پہلوؤں کا ٹھیک مستوی اور متوازی ہونا ضروری ہے اس لیے کہ تختی کی متوازی سطحوں سے منعکس ہو کر تداخل پیدا کرنے والی شعاعیں ان سطحوں کو جن نقطوں میں منقطع کرتی ہیں ان کا درمیانی فاصلہ بہت زیادہ ہوتا ہے۔ لہذا ان کے دیکھنے کے لیے آنکھ لا تنہا ہی پر ماسک پر لائی جانی چاہیے یا دور بین



شکل ۲۴

سے مدد لی جائے۔ ساتھ ہی نور بھی ایک لونی ہونا چاہیے۔ اس لیے کہ تداخل کے ضابطہ ۲<sup>ا</sup> مروجہ =  $n\lambda$  سے ظاہر ہے کہ تختی کی موٹائی  $t$  بمقابلہ  $\lambda$  ایک بڑی مقدار ہونے کی وجہ سے  $n$  کسی ایک قیمت کے لیے  $n$  کی ایسی قیمتیں مل سکتی ہیں جو طیف کے ہر رنگ کے لیے درست ہو سکتی ہیں۔ شکل ۲۴ میں ت شفاف موٹی تختی ہے۔ اس پر شعاعیں ۴۵° پر مائل پتلی غیر منفصض شیشہ کی تختی ش سے منعکس ہو کر گرتی ہیں۔ اور پھر اس کی اوپر اور نیچے والی سطحوں سے منعکس ہو کر دور بین میں داخل ہوتی ہیں۔ ت کی سطحیں جب

ٹھیک متوازی ہوتی ہیں تو جہاں ہم مرکز حلقوں کی شکل میں نظر آتی ہیں جن کا مشیک مرکز دور بین کے محور پر واقع ہوتا ہے۔ حلقوں کی تعداد معتد ہوتی ہے۔ سب سے اندر کا حلقہ تختی کی موٹائی اور شعاعوں کی انعطاف پذیری کے لحاظ سے کبھی سیاہ ہوتا ہے

اور کبھی روشن۔ ہیڈلنگھو کی ان جہازوں کے معائنہ سے سختی کے پہلوؤں کے ہٹیک متوی متوازی ہونے کا امتحان ہو سکتا ہے۔ کسی سطح کے متوی ہونے کا امتحان مقصود ہو تو آسان طریقہ یہ ہے کہ اس کو ایک ایسی سطح پر رکھا جائے جس کا متوی ہونا مناظری طریقہ سے ثابت ہو چکا ہو۔ زیر امتحان سطح اور اس سطح کی درمیانی ہوا کی جمعی کر یکا لونی نور سے منور کر کے تداخلی جہازوں کا امتحان کرنے سے پتہ چل جاتا ہے کہ سطح کس حد تک متوی ہے۔

**دقیق پیمائشوں میں داخل نور کے اطلاقات۔** چونکہ نور کا طول موج بہت چھوٹا ہے اس لیے تداخل نور کے تجربوں کے ذریعہ سے نہایت باریکی کی پیمائشیں عمل میں لائی جاسکتی ہیں۔ ابھی بھی بیان کیا گیا کہ تداخل نور کا طریقہ استعمال کر کے تختیوں کی سطحوں کو بالکل متوی متوازی بنا سکتے ہیں۔ اس کے علاوہ یہ طریقہ شفاف اشیاء کے انعطاف نما کی خفیف تبدیلیوں مثلاً تپش یا دباؤ کی تبدیلی سے گیس کے انعطاف نما کی تبدیلی کی پیمائش میں استعمال ہوتا ہے۔ بعض معیاری اشعا عمل کے طول موج کی قیمت بھی اس کے ذریعہ طول کی اکائی کی درجوں میں ناپی جاسکتی ہے۔ طیفی خطوط کی ساخت بھی اس سے دریافت ہو سکتی ہے کہ آیا وہ مفرد ہیں یا مرکب۔

سہر دست ہم تداخل نور کے طریقہ سے انعطاف نما کی خفیف تبدیلیوں کی پیمائش پر بحث کریں گے۔ اور بتائیں گے کہ طیف پیمائش کے طریقہ سے یہ طریقہ کیوں زیادہ حساس ہے۔ واضح ہو کہ طیف پیمائش کا استعمال زاویہ پیمائی پر منحصر ہے۔ عمدہ سے عمدہ طیف پیمائشوں میں۔ انسانیہ تک کا زاویہ پڑھا جاسکتا ہے اور اس طرح کسی شے کا انعطاف نما اعشاریہ کے چوتھے مقام تک صحت کے ساتھ معلوم ہو سکتا ہے۔ جن تجربوں میں ٹھوس یا مائع کے انعطاف نما کی مطلق قیمت دریافت کرنی مقصود ہو ان کے لیے طیف پیمائش بہترین آلہ ہے۔ لیکن گیسوں کے انعطاف نما یا ٹھوس یا مائع اشیاء کے انعطاف نما کی خفیف تبدیلیوں کے لیے تداخل نور کے طریقہ زیادہ حساس ہوتے ہیں۔ اگر بالفرض کسی شے کے اندر نور کی موجیں ۱۰ سہر راستہ طے کرتی ہیں اور اس شے کے انعطاف نما کی تبدیلی سے اس راستہ

طول میں لچ یعنی ایک طول موج کی ن۔ دیں کسر کا فرق پیدا ہو جاتا ہے تو

$$\frac{10}{10} = \frac{م + فرم}{م} \therefore \frac{فرم}{م} = \frac{ل}{10}$$

پس اگر طول موج  $10 \times 5 = 50$  سم (جو ایک سبز رنگ سے تعلق ہے) ہو تو

$$فرم = \frac{10 \times 5}{10} = 5 \text{ م۔ کسی مناظری راستہ کے طول میں طول موج کے پانچویں}$$

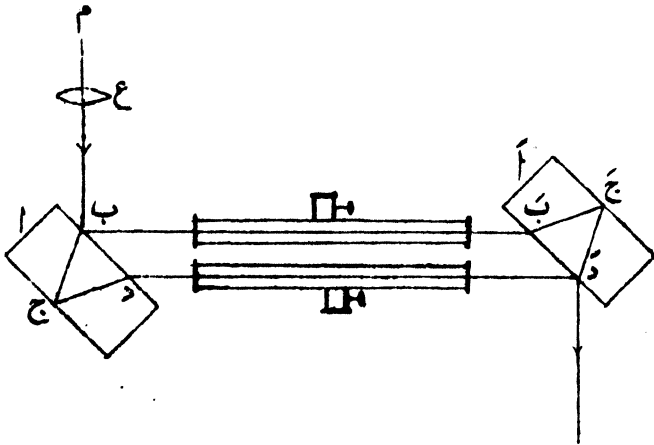
حصہ تک کی تبدیلی بھی باسانی ناپ لی جاسکتی ہے۔ پس اس طریقہ سے انعطاف پیمائی کی تبدیلی اس کے  $10$  حصہ تک یعنی اعشاریہ کے چھٹے مقام تک ناپنے میں کوئی وقت نہیں۔ بالفاظ دیگر یہ طریقہ طیف پیمائش کے طریقہ سے سو گنا زیادہ حساس ہے۔ جن آلات کے ذریعہ ایسی پیمائشیں عمل میں آتی ہیں ان کو تداخل پیمائش (Refractometer) کہتے ہیں۔

ژامان (Jamin) کا تداخل پیمائش - ۱ اور ۲ شیشے کی دو

عین مساوی موٹی تختیاں ہیں جو ایک ہی کوندے سے تراشی گئی ہیں ملاحظہ ہو شکل ۲۵۔ ان کی سطحیں مناظری طریقہ سے مستوی اور متوازی بنائی گئی ہیں۔ ان کی پیچھے کی سطحیں منقوض ہیں۔ اور وہ تقریباً ایک میٹر کے فاصلے سے مناظری بیج پر باہد گر متوازی اسنادہ کی گئی ہیں۔ ۱ کو پہلے اس طرح کھڑا کرتے ہیں کہ اس کی تیار کردہ سطحیں انتصافی اور بیج کے محور سے ۵۴ مائل ہوتی ہیں۔ مبداء م سے جو شعاعیں نکلتی ہیں محذب عدسہ کے ذریعہ متوازی بن کر تختی ۱ کے ساتھ ۵۴ زاویہ پر واقع ہوتی ہیں۔ سامنے کی سطح سے ان کا کچھ حصہ منعکس ہو کر سمت ب ب میں بیج کے محور کے راستہ سے گزرتا ہے اور کچھ تختی میں داخل ہو کر اس کے پیچھے کی سطح سے نقطہ ج پر منعکس ہوتا ہے اور بالآخر سامنے کی سطح سے خارج ہو کر پہلے جزو کی متوازی سمت د د میں چلا جاتا ہے۔ پہلی تختی ۱ میں ب ج کی سمت میں منعکس ہوتی ہے اور پھر ج د کی سمت میں منعکس ہو کر اسی راستہ سے خارج ہوتی ہے جس راستہ سے دوسری تختی ۲ کی

سامنے والی سطح سے منعکس ہوتی ہے۔ تختی  $\alpha$  انتصابی محور کے گرد حسب ضرورت خفیف سی گھمائی جاسکتی ہے۔ اگر دونوں تختیاں ٹھیک مشابہ اور متوازی ہوں گی تو تمام شعاعوں کے لیے دونوں راستے ایک ہی طول کے ہونگے۔ اس منزل پر پہنچنے کے بعد اگر اجزاء شیشہ کی یکسانیت میں سقم یا تختیوں کی سطحوں میں بناوٹ کے کچھ عیوب رہ گئے ہوں تو آنکھ کو بھڑکی بے قاعدہ شکلیں نظر آنے لگیں گی۔ تختیاں جس قدر ٹھیک متوازی ہوں گی اتنا ہی تداخل نور سے پیدا ہونے والے بند چوڑے نظر آئیں گے۔ ایسے بندوں کو بروسٹو (Brewster) کے بند کہتے ہیں اس لیے کہ بروسٹو نے سب سے پہلے ان کا مشاہدہ کیا تھا۔

تختی  $\alpha$  کو ذرا سا گھمانے سے پسلوں کے طول راہ میں خفیف سا فرق پیدا ہو گا اور متبادل روشن اور تاریک بند دکھائی دیں گے۔ اب مساوی اور مشابہ نلیاں  $L$  جن کے دونوں سرے مناظری طریقہ پر مساوی تیار کردہ شیشہ کے



شکل ۲۵

ٹکڑوں سے بند ہو سکتے ہیں۔ ب ب اور دو پنسلوں کے راستے میں رکھی جاتی ہیں۔ ابتداً دونوں نلیوں میں کی ہوا خارج کی ہوئی ہوتی ہے۔ اگر ضرورت ہو تو تختیوں کو کرکڑ ٹھیک وضع میں ترتیب دیا جاتا ہے تاکہ دور بین میں صحیح شکل کے بند نظر آئیں۔ دور بین کے صلیبی تار اب ایک روشن بند کے ٹھیک وسط میں اس کے پرلائے جاتے ہیں۔ پھر ایک نلی کے اندر بتدریج دی ہوئی گیس داخل کی جاتی ہے اور فشار پیم کے ذریعہ اس کا دباؤ معلوم کر لیا جاتا ہے۔ جیسے جیسے گیس کا دباؤ بڑھتا جائیگا تداخلی بند دور بین کے میدان نظر میں سے حرکت کرتے ہوئے دکھائی دینگے۔ بند جب صلیبی تاروں پر سے گزرتے ہوئے دکھائی دیتے ہیں تو ان کی تعداد گن لی جاتی ہے۔ اس طرح فشار پیم کی قراءت اور بندوں کی تعداد جو صلیبی تاروں پر سے گزرے ہیں قلمبند کر لیے جاتے ہیں اور ان کی ایک ترمیم تیار کی جاتی ہے۔ اور اس طرح معلوم کر لیا جاتا ہے کہ کامل خلا سے لے کر گرہ ہوائی کے دباؤ تک کتنے بند تاروں پر سے گزر چکے۔ فرض کرو کہ ان کی تعداد  $n$  ہے تو اس کے یہ معنی ہونگے کہ خالی نلی اور گرہ ہوائی پر دی ہوئی گیس سے بھری نلی میں منظر کی راستہ کا فرق  $n\lambda$  ہے۔

اگر نلی کا طول  $L$  ہے، نخلائی نلی میں انعطاف نما ہر اور گرہ ہوائی پر گیس سے بھری نلی میں انعطاف نما ہر اور خلا میں نور کا طول موج  $\lambda$  ہے تو

$$L = (m - \frac{1}{2})\lambda \quad \text{لیکن} \quad m = 1, 2, 3, \dots \quad \therefore L = \frac{n\lambda}{2}$$

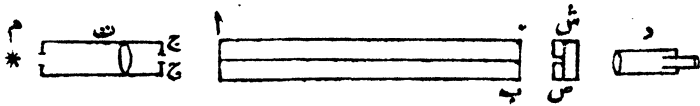
صلیبی تاروں پر سے گزرنے والے بند گھٹنے کی بجائے مساوی (Compensator) استعمال کر کے ایک ہی بند کو تاروں پر قائم رکھ سکتے ہیں۔ ذیل میں ریلے (Rayleigh) کے تداخل پیم کی تشریح کے ساتھ اس کا بھی ذکر کیا جائیگا۔

ریلے کا تداخل پیم۔ ہم یہاں گیسوں کے تداخل پیم کی مختصر تشریح کریں گے۔ مایعات کے انعطاف نما کا تداخل پیم اس سے مشکل اور ساخت میں مختلف ہوتا ہے لیکن اصول کے لحاظ سے دونوں ایک ہیں۔



اب ایک ہوا بند فلزی ڈبہ ہے جو دو علامہ مساوی کمروں میں تقسیم کیا گیا ہے (دیکھو شکل ۱۱۷)۔ دونوں کمروں میں کی گیس کا دباؤ گھٹایا بڑھایا جاسکتا ہے اور اس کی پیمائش فشار پیمائوں سے کی جاتی ہے۔ کمروں کے سرے دو مساوی مناظر غیش کی تختیوں سے بند ہیں۔ ت توازی گر ہے جو مبدارم سے آنے والے نور کو متوازی پنسل میں تبدیل کر کے دو جہریوں ج ج میں سے گزرنے دیتا ہے، ج را ب کے کمروں کے عین سامنے ایک پردہ پر بنی ہوئی ہیں اور ڈبہ کی لمبائی سے کسی قدر زیادہ لمبی ہوتی ہیں تاکہ نور کی پنسلوں کمروں کے اندر سے اور کچھ باہر سے بھی گزر کر دورین د میں داخل ہوں۔

جھریاں دورین کے ماسکی مستوی میں داخل بند پیدا کر دیتی ہیں اور اگر اب کے کمروں میں گیس کا دباؤ مساوی ہے تو دورین کے میدان نظر کے نیچے کے



شکل ۱۱۷

حصہ کے بند جو کمروں کی گیس میں سے گزرنے والی شعاعوں سے پیدا ہوتے ہیں میدان کے اوپر کے حصہ کے بندوں کے ساتھ مسلسل دکھائی دیتے ہیں جو ڈبہ کے اوپر سے آنے والی شعاعوں سے بنتے ہیں۔ میدان نظر کے ان اوپر اور نیچے والے بندوں کا باہم گیر آسانی کے ساتھ مقابلہ کرنے کے لیے مشور ش استعمال کیا جاتا ہے جو اوپر والی پنسل کو نیچے کی طرف منحرف کرتا ہے۔

مبدلے نور سوڈیم یا پارے کا چراغ ہو سکتا ہے۔ اگر سفید نور استعمال کیا جائے تو رنگین بندوں کے دو سلسلے نظر آئیں گے جن کا مرکزی بند سفید ہو گا۔ اگر دونوں

کروں میں دباؤ کا تفاوت ہو تو نیچے کے تداخلی بندوں میں ہٹاؤ واقع ہوگا اس لیے کہ اب منظر کی راستے غیر مساوی ہونگے۔

معاوض ض شبشہ کی دو تختیوں سے بنا ہوا ہے جو باہد گر ایک جھوٹے زاویہ پر مائل ہیں اور اب میں سے آنے والی پسلوں کے راستہ میں رکھا جاتا ہے۔ جب یہ معاوض پسلوں کے راستہ میں متشاکلاً واقع ہوتا ہے تو اس کی وجہ سے کوئی مزید تفاوت راہ پیدا نہیں ہوتا لیکن اس کو جب گھما کر دوسری وضع میں لاتے ہیں تو پسلوں کے راستوں میں تفاوت واقع ہوتا ہے۔ اب کے کمروں کی گیس میں دباؤ کے اختلاف سے جو تفاوت راہ پیدا ہوتا ہے اور اس کی وجہ سے مرکزی تداخلی بند اپنی پہلی وضع سے ہٹ جاتا ہے وہ ض کو مناسب سمت میں حسب ضرورت گھما کر اپنے ابتدائی مقام پر واپس لایا جاسکتا ہے۔ ض کے ساتھ ایک نمایندہ ہوتا ہے جو اس کے ساتھ ایک پیمانہ پر گردش کرتا ہے۔ نمایندہ کو پیمانہ کے نشانات پر سے باقسط گھما کر دیکھ لیا جاتا ہے کہ پیچے کے کتنے بند اوپر کے ایک ثابت بند پر سے گزر جاتے ہیں۔ اسی طرح معاوض کی تعبیر کر کے اس کے پیمانہ کی قرأت اور تفاوت طول موج میں تعلق معلوم کر لیا جاتا ہے۔ یہ طریقہ اس قدر حساس ہے کہ دباؤ کے خفیف اختلاف سے تداخلی بندوں کی ایک معتد بہ تعداد صلیبی تاروں پر سے گزر جاتی ہے اس لیے طبعی دباؤ اور پیش کے تحت کسی گیس کا انعطاف نما دریافت کرنے کے لیے حسب ذیل حسابی عمل سے کام لیا جاتا ہے:-

گیسوں کے لیے ضابطہ  $\frac{m-1}{\rho} = \text{مستقل کافی صحیح مانا جاتا ہے جس میں}$   
 $m$  گیس کا انعطاف نما اور  $\rho$  اس کی کثافت ہے۔

اگر  $t$  گیس کی مطلق تپش اور  $d$  اس کا دباؤ ہو تو ازروئے کلیات

$$\text{گیس} = \frac{1}{\rho} = \frac{\text{مستقل}}{t}$$

پس  $\frac{1}{\rho} = \text{مستقل}$

اگر گیس کا انعطاف نماطبیعی تپش اور وباؤ کے تحت م۔ ہے تو

$$\frac{1-m}{d} = \frac{1-m}{242} \times \frac{1-m}{4}$$

اب فرض کرو کہ نلیوں میں گیس کا طول ط ہے اور د۔ د۔ دباؤں کے تحت اس کا انعطاف نما م۔ ہے اور اس میں نور کا طول موج لم۔ لم۔ ہے۔ پس نلیوں میں نور کی موجوں کی تعدادوں کا تفاوت

$$\left( \frac{1}{\lambda_m} - \frac{1}{\lambda_d} \right) \frac{\tau}{d} = \left( \frac{1}{\lambda_m} - \frac{1}{\lambda_d} \right) \frac{\tau}{d} \quad \text{جس میں } \lambda \text{ نور کا طول موج ظہا میں ہے۔}$$

$$\left\{ \frac{\tau}{d} - \frac{\tau}{d} \right\} = \left\{ \frac{\tau}{d} - \frac{\tau}{d} \right\} \quad \text{پس موجوں کی تعدادوں کا تفاوت}$$

$$= \frac{\tau}{d} \frac{1-m}{242} \frac{1-m}{4} = \frac{\tau}{d} \frac{1-m}{242} \frac{1-m}{4}$$

معاوض کے نمائندہ کی مدد سے اس تفاوت کی قیمت معلوم کر لی جاتی ہے  
فرض کرو وہ ع ہے

$$\text{پس } 1 + \frac{1}{242} \frac{1-m}{4} = \frac{1}{242} \frac{1-m}{4} \quad \text{م۔}$$

معاوض کی تعمیر کے لیے جو ترسیم کھینچی گئی ہے اس سے نسبت  $\frac{1}{d}$  دریافت کرنی جاتی ہے۔

ماثعات کے انعطاف نما کی خفیف تبدیلیاں ناپنے کے لیے مثلاً جبکہ ان میں کوئی شے حل ہوتی ہے گیس والے ڈبہ سے چھڑا ڈبہ استعمال کیا جاتا ہے۔ اس کے بھی دو کمرے ہوتے ہیں۔ حرکت پذیر تختی ڈبہ کے اوپر سے آنے والی پنسل کے سید راہ ہوتی ہے۔ مرکزی بند واضح نظر آنے کے لیے جھریاں سفید نور سے روشن کی جاتی ہیں۔ لیکن انعطاف نما کی

تبدیلی کے ضابطہ

(م م م) ط = ن ل

میں لہ وہی طول موج ہے جو آلہ کے پیمانہ کی تصویر کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔  
تعبیر کا طریقہ گیمینی تداخل پیمیا کے پیمانہ کی تصویر کے مائل ہے۔

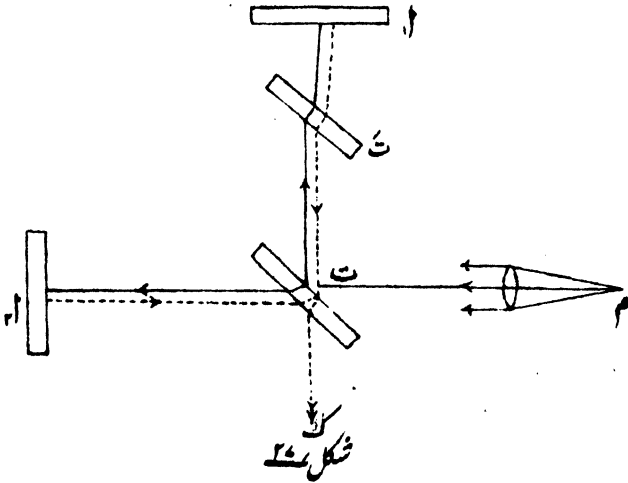
مانکلسن کا تداخل پیمیا - ہم اس باب میں صرف اس آلہ کی

تشریح اور اس کا نظریہ بیان کر کے بتائینگے کہ اس کے ذریعہ اشیاء کا انعطاف نما  
کیونکر دریافت ہو سکتا ہے۔ طیف پیمائی اور طبیعی ہیئت (Astrophysics) میں  
بھی اس آلہ کا استعمال بہت مفید ہے۔ ان امور پر طیف پیمائی کے باب میں بحث  
کی جائیگی۔

نور کا تداخل پیدا کرنے کے متعلق اب تک جو طریقے بیان ہوئے ہیں  
ان میں دو امور قابل غور ہیں جن کی وجہ سے تجربہ کی کامیابی محدود ہو جاتی ہے۔ ایک  
یہ کہ جھری کے استعمال سے نور کی حدت بہت گھٹ جاتی ہے۔ دوسرے  
یہ کہ جن راستوں سے نور کی پٹیلیں پرودہ وغیرہ پہنچ کر تداخل پیدا کرتی ہیں ان کا  
ایک دوسرے کے قریب ہونا ضروری ہے تاکہ ان کا درمیانی زاویہ چھوٹا ہو۔  
انہی صورت میں ضروریات تجربہ کے لحاظ سے ایک پنسل کے راستہ میں بعض  
مناظری اشیاء کا داخل کرنا مشکل ہو جاتا ہے۔ یہ وقتیں مانکلسن کے  
تداخل پیمیا میں نہایت کامیابی کے ساتھ رفع ہو جاتی ہیں۔ شکل ۲ میں اس کا  
حاکم بتایا گیا ہے۔

مبدأئے نور ہے جو ایک محدب عدسہ کے اسکرہ پر واقع ہے۔ متوازی  
شعاعوں کی پنسل مناظری غیشہ کی تختی پر گرتی ہے جس کی سامنے کی سطح اس قدر  
مففض ہوتی ہے کہ واقع نور کا آدھا حصہ اس پر سے منعکس ہوتا ہے اور آدھا  
اس میں سے گزر جاتا ہے۔ جو حصہ منعکس ہوتا ہے وہ ایک دوسری مساوی  
اور متوازی تختی میں سے گزر کر مستوی آئینہ ۱ پر علی القراءم واقع ہوتا ہے۔  
آئینہ کی سامنے کی سطح مففض ہے۔ اس پر سے شعاعیں منعکس ہو کر واپس ٹوٹتی

ہیں اور ہوا اور تختی ت میں سے اُسی راستہ واپس ہوتی ہیں جس راستہ سے آئی تھیں۔  
تختی ت پر جب پہنچتی ہیں تو اس میں سے سرایت کر کے آنکھ ک میں داخل  
ہوتی ہیں۔ نور کا جو حصہ تختی ت میں سے گزرتا ہے آئینہ ۱ پر سے منعکس ہو کر  
تختی ت پر اُسی راستہ کو ٹٹتا ہے جس راستہ سے کہ آیا تھا۔ یہاں وہ منعکس ہو کر  
نور کے پہلے جزو کے ساتھ منطبق ہوتا ہے۔ تختی ت محض اس لیے استعمال  
کی جاتی ہے کہ پینسل کے دونوں جزو مساوی راستے طے کریں ورنہ پینسل کا دوسرا  
جزو ت میں سے تین مرتبہ گزرتا اور پہلا جزو صرف ایک ہی مرتبہ۔



تختیاں ت، ت ایک ہی موٹی تختی کو دو مساوی حصوں میں تراش کر  
بنائی گئی ہیں اور ان کی سطحیں مناظری طریقہ پر مستوی اور صاف کی گئی ہیں۔  
ایک بمباری فلزی تختے ۱ پر جس کو ہم قاعدہ کہیں گے ت اور ت کھڑے  
کیے جاتے ہیں۔

بیشہ کی تختی ت ایک فلزی چوکٹے میں قاعدہ پر مضبوط بندھی ہوئی ہوتی ہے۔  
تختی ت کا چوکٹا انتصابی محور پر خفیف سا گھمایا جاسکتا ہے تاکہ ت کے ساتھ وہ

ٹھیک متوازی بنایا جاسکے۔ آئینہ ا مائیوں کے ذریعہ تین بیچوں کے مقابل ٹکا ہوا ہوتا ہے جو ایک انتصابی تختی میں لگے ہوئے ہیں۔ یہ تختی قاعدہ کے سر سے ہے پیرستہ ہے۔ دونوں آئینوں ا اور ا م کی سامنے کی سطح منصفی ہے۔ آئینہ ا م جس چوکھٹے میں پکڑا ہوا ہے ایک فلزی پھسلاں تختہ پر مضبوط جما دیا گیا ہے اور تختہ ایک ٹھیک مستقل گھائی والے لمبے پیچ کے ذریعہ قاعدہ میں آگے پیچھے بغیر ذرا بھی گھماؤ کے حرکت کرتا ہے۔

چونکہ اس تداخل پیمائیں جبری نہیں ہے اور جن میسر میں تداخل واقع ہوتا ہے وہ باہر گیر علی القوائم ہیں اس لیے سابقہ تجربوں کے اسقاط اس کے تجربوں میں نہیں پائے جاتے ہیں۔ یہی وجہ ہے کہ ایک نونی فور جب استعمال کرتے ہیں تو اس آلہ میں ہزاروں کی تعداد میں تداخلی بند دکھائی دیتے ہیں۔ اس کی ایک اور خوبی یہ ہے کہ تداخل کے لیے یہ ایک ہوائی بجلی کا کام دیتا ہے جس کی موٹائی ہم جتنا چاہیں گھٹا سکتے ہیں۔ اس لیے کہ تداخل صرف ہوا کے اس حصہ میں ہوتا ہے جو آئینہ ا اور تختی ت میں آئینہ ا کے خیال کے درمیان واقع ہوتی ہے۔ واضح ہے کہ ہم ا کے خیال کو نہ صرف ا کے نہایت ہی قریب لے جاسکتے ہیں بلکہ ا کے اندر سے بھی گزار سکتے ہیں۔

جب مبدلے نور کافی وسیع ہوتا ہے تو کسی بیرونی مقام پر اس کی تصویر اس کے فاصلہ شکل یا وضع کے غیر تابع ہوتی ہے۔ پس ہم ان آئینوں ہی کو مبدلے نور تصور کر سکتے ہیں۔ ب ج دھ اور ب ج دھ آئینہ ا اور آئینہ ا م کے خیال کے متناظر رقبے ہیں۔ ت اور ت ابھی ٹھیک متوازی نہیں کیے گئے ہیں۔ ان کے مابین ایک چھوٹا زاویہ ۲۰ فیصد ہے (دیکھو شکل ۲)۔ ۲ ان رقبوں کے مابین د اور د کا درمیانی فاصلہ ہے اور ۲ ان ہی رقبوں کے مابین ب اور ب کا درمیانی فاصلہ ہے۔ ق ایک نقطہ ہے جو سطح ب ج دھ کے سامنے اس کے عمود دق پر کافی دور واقع ہے۔ ق ب، ق ج اور ق ہ خطوط کھینچو۔ زاویہ ب ق د کو منہ سے تعبیر کرو،  $\angle$  ب ق د کو منہ سے اور ہ ق د کو



۱۱ اور ۱۲ کے خیال سے ق کا وہ فاصلہ جہاں تداعلی بند واضح ترین ہوتے ہیں متذکرہ صدر استدلال کی رُو سے وہی فاصلہ ہے جس کے لیے یہ کی قیمت اقل ہے۔ یہ چونکہ دو غیر تابع متغایروں کے لحاظ سے بدلتا ہے اس لیے یہ کی اقل قیمت کے لیے  $\frac{\text{فرقہ}}{\text{فرقہ}} = ۱۰$  اور  $\frac{\text{فرقہ}}{\text{فرقہ}} = ۰$  تفرقی عمل سے معلوم ہو گا کہ

پہلی شرط ط = ۰ ہے اور دوسری شرط ل =  $\frac{\text{ٹ}}{\text{مس}} = ۰$  ہے۔ (۲)

آخر الذکر شرط پر غور کرنے سے ہم اس نتیجہ پر پہنچتے ہیں کہ اگر ٹ = ۰ یعنی ۱۱ اور ۱۲ کا خیال ایک دوسرے کو مس کرتے ہیں تو تداعلی بند ان کی سطح پر بنتے ہیں۔ اور اگر ق = ۰ یعنی آئینہ ۱۲ اور ۱۱ کے خیال باہر یکساں متوازی ہیں تو تداعلی لاٹھاری پر واقع ہوتے ہیں۔ جب ۱۱ اور ۱۲ خیال متوازی ہوتے ہیں یعنی ق = ۰۔ تو مساوات (۲) سے  $\text{ٹ} = ۲$  جم صہ اور اگر نور کے عمودی وقوع کی صورت میں (یعنی صہ = ۰) تفاوت راہ کو تیر سے تعبیر کیا جائے تو

تیر = ۲ = (۱ - جم صہ) = ۲ ٹ جب ۲ صہ = صہ ٹ تقریباً پس طول موج کی رقموں میں  $\frac{\text{تیر}}{\text{ٹ}} = \frac{\text{صہ}}{\text{ٹ}}$

اور اگر  $\frac{\text{تیر}}{\text{ٹ}} =$  ایک صحیح عدد نہ ہو تو  $\frac{\text{تیر}}{\text{ٹ}} = ۰.۵$ ..... (۵)

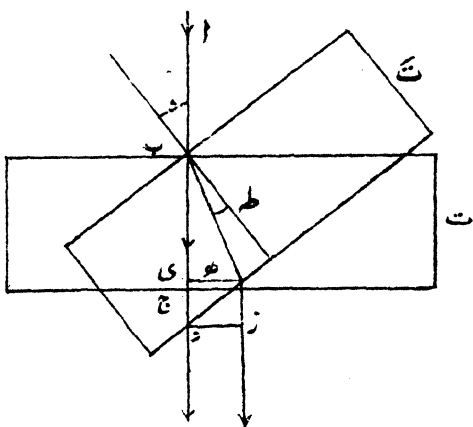
چونکہ اس مساوات میں سمت کی کوئی رقم نہیں ہے اس لیے جو کیفیت ظاہر کی جاتی ہے سمت کے غیر تابع ہے یعنی تداعلی بند دائرے ہیں اور مساوات (۵) ان دائروں کے زاویائی قطر کی تعبیر ہوتی ہے۔

تداخل پیدا کرنے کے ذریعہ شفاف شے کے انعطاف کا

کی تعبیریں - جس شے کا انعطاف نہ دریافت کرنا مقصود ہو اس کی دو تختیاں تراشی جاتی ہیں اور ان کی سطحیں مناظری طریقہ پر مستوی متوازی بنائی جاتی ہیں۔



ایک تختی آئینہ  $\Gamma$  کے سامنے اور اس کے ٹیک متوازی استادہ کی جاتی ہے اور دوسری آئینہ  $\Lambda$  کے سامنے ایک چوکھٹے پر جو ایک جُل اور ماسی بیج کے ساتھ بھیا ہوتا ہے قائم کی جاتی ہے تاکہ انقباضی محور پر بتدریج گھمائی جائے سکے۔ تختی کو اس طرح گھمانے سے نور کی پینل کو تختی کی پہلے سے زیادہ موٹائی میں سے گزرنا پڑتا ہے۔ اس لیے مناظر پر راستہ کا طول بڑھ جاتا ہے۔ تختی کے چوکھٹے پر ایک آئینہ جما دینا چاہیے تاکہ دور بین اور ملی میٹری پیمانہ کے ذریعہ تختی کے گھومنے کا زاویہ معلوم ہو سکے۔



شکل ۲۹

شکل ۲۹ میں بتایا گیا ہے کہ ت تختی کی پہلی وضع جبکہ وہ آئینہ  $\Gamma$  کے متوازی تھی اور نور کی پینل اس میں سے عمودوار اب  $\Gamma$  کی سمت میں گزرتی تھی۔ تختی زاویہ  $\theta$  میں گھومنے کے بعد اس کی وضع  $\Lambda$  سے تعبیر کی گئی ہے۔ اس وضع میں نور کی پینل با  $\Lambda$  کی سمت میں منطف ہو کر اب کے متوازی خارج ہو جاتی ہے۔ نور کا زاویہ وقوع اب  $\theta$  ہے۔ تختی کے گھومنے سے اگر  $\Gamma$  بند میدانِ نظر میں سے گزرتے ہوئے شمار ہوتے ہیں تو تختی کے اندر

نور کو زیادہ لمبا راستہ طے کرنے کی وجہ سے تفاوتِ راہ =  $n$  لہ جس میں  $n$  لہ نور کا طویل موج ہے۔

بہلی وضع میں نور کا راستہ  $b$  سے مستوی زد تک بقدر  $b$  ج تختی کے واسطے میں طے ہوتا تھا اور بقدر  $d$  ہوا میں۔ یعنی مجموعی طول مرٹ +  $d$  ج تھا جس میں مر تختی کے واسطے کا انعطاف نہا ہے۔ دوسری وضع میں نور کا راستہ  $m$  (ب  $h$ ) +  $h$  ز ہے۔ پس تفاوتِ راہ

$$= \{m(bh) + (h)z\} - \{m(d) + (j)h\} = n \text{ لہ}$$

لیکن (ب  $h$ ) =  $\frac{\text{ٹ}}{\text{جم ط}}$  جس میں ط زاویۂ انعطاف ہے۔

$$h \text{ ز} = (d) \text{ مس} > h \text{ د ز} = (d) \text{ مس و} = (b) \text{ جب (و-ط) مس و}$$

$$= \frac{\text{ٹ جب (و-ط) مس و}}{\text{جم ط}} = \text{ٹ جب و (مس و-مس ط)}$$

$$j \text{ د} = \frac{\text{ٹ}}{\text{جم و}} - \text{ٹ} = \frac{\text{ٹ (ا-جم و)}}{\text{جم و}}$$

$$\text{پس مرٹ} + \frac{\text{ٹ جب و (مس و-مس ط)}}{\text{جم ط}} - \left\{ \frac{\text{ٹ (ا-جم و)}}{\text{جم و}} + \text{مرٹ} \right\} = n \text{ لہ}$$

$$\therefore \frac{\text{مرٹ}}{\text{جم ط}} + \frac{\text{ٹ جب و}}{\text{جم و}} - \frac{\text{ٹ جب و جب ط}}{\text{جم ط}} - \text{مرٹ} - \frac{\text{ٹ}}{\text{جم و}} + \text{ٹ} = n \text{ لہ}$$

$$\therefore \text{ٹ} \left\{ \frac{m}{\text{جم ط}} - \frac{j}{\text{جم و}} - m + 1 \right\} = n \text{ لہ}$$

$$\text{ٹ (م جم ط-جم و-م+۱)} = n \text{ لہ}$$

تجربہ سے ٹ، د اور  $n$  معلوم ہو جاتے ہیں جم ط کو  $\omega$  کی رقموں میں لکھنا چاہیے۔

$$\text{چونکہ جم ط} = (۱-ج ب ط) = \frac{1}{2} = (۱-ج ب و) = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} (م-ج ب ط) = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \{ (م - جب) \frac{1}{2} - جم - م + 1 \} = ن$$

$$\therefore (م - جب) = \left( \frac{ن}{2} + جم + م - 1 \right)$$

مساوات کے بائیں جانب کے جملہ کو پھیلا کر م کو جو مساوات کے دونوں جانب پایا جاتا ہے خارج کر کے تمام رقموں کو ۲ پر تقسیم کرنے سے

$$م \left( \frac{ن}{2} + جم - 1 \right) = \frac{ن}{2} (1 - جم) - \left( \frac{ن}{2} \right) (1 - جم)$$

چونکہ لہ ایک بہت ہی چھوٹی مقدار ہے اس لیے  $\left( \frac{ن}{2} \right)$  کو نظر انداز کرنے سے

$$م \left\{ \frac{ن}{2} - (1 - جم) \right\} = \frac{ن}{2} (1 - جم) - (1 - جم) \left( \frac{ن}{2} \right)$$

$$= (1 - جم) \left( \frac{ن}{2} - 1 \right)$$

$$\therefore م = \frac{(1 - جم) \left( \frac{ن}{2} - 1 \right)}{\frac{ن}{2} - (1 - جم)}$$

# تیسرا باب

## انکسار نور

جب نور کی موجیں کسی سیدراہ جسم کے کنارہ پر سے مڑ کر سایہ کی فضا میں داخل ہوتی ہیں اور سایہ سے آگے کی فضا میں باہمی تداخل سے اعظم و اقل تنویری بند پیدا کرتی ہیں تو ان مظاہر کو انکسار نور سے منسوب کیا جاتا ہے۔ سب سے پہلے فرینیل (Fresnel) نے ہویگن کے ناصیہ موج کے نظریہ اور ریاضی کی مدد سے انکسار نور کے اکثر مظاہر کی تشنیع توجیہ کی۔ اس سے پہلے ینگ (Young) نے ان کے متعلق رائے قائم کی تھی کہ یہ مظاہر سیدراہ جسم کے سامنے سے بلاروک آنے والی موجوں اور جسم کے کنارہ پر سے منعکس ہونے والی موجوں کے تداخل سے پیدا ہوتے ہیں۔ اگرچہ سومر فلڈ (Sommerfeld) نے اس خیال سے بعد کو اتفاق کر کے اعلیٰ ریاضی کے ذریعہ انکسار نور کے مشاہدات کی نظریہ کے ساتھ تطبیق کی لیکن ینگ کے پیش کردہ نظریہ میں تفصیلی فروگزاشتیں اور خامیاں تھیں جن کی وجہ سے وہ کامیاب نہ ہو سکا۔ ہم پہلے فرینیل کے نظریہ کے ذریعہ ان مظاہر کی سرسری توجیہ کرینگے اس کے بعد زیادہ راسخ طریقہ اختیار کر کے صحیح ترتیب اخذ کریں گے۔

انکسار نور کے مظاہر کی دو قسموں میں تقسیم کی جاتی ہے جو انکساری بند مبدائے نور اور پردہ کو انکسار انگیز کنارے سے محدود فاصلہ پر ترتیب دے کر

پیدا کیے جاتے ہیں فریڈیل سے منسوب بند کہلاتے ہیں۔ مثلاً اگر کسی پتے دھاتی پرت میں باریک سوئی سے سوراخ کر کے سوراخ پر عدسہ کے ذریعہ آفتاب کی شعاعیں مرکز کی جائیں اور اس منفذ سے نکلنے والی نور کی موجوں کو ایک تار ایک کمرے میں پھیل کر دو زمین میٹر فاصلہ پر رکھے ہوئے ایک وسیع سفید پردے سے ٹکرانے دیا جائے۔ اور پردے اور منفذ کے بیچ میں ایک غیر شفاف قرص لٹکا یا جائے تو قرص کے کنارے نور صرف منور نظر آئینگے بلکہ ان کے ارد گرد خوبصورت رنگین حلقے بھی مشاہدہ ہونگے۔ اگر ان موجوں کے رستے میں ہوا کے اندر تھوڑا سا لائیکو پو ڈیم کا فبار چھڑک دیا جائے تو ہر ذرہ کے سایہ کے گرد خوش رنگ حلقے دکھائی دیں گے۔ جن کی وجہ سے اس تار ایک کمرہ میں ایک بہت دلچسپ کیفیت پیدا ہوگی۔

اگر مبداء اور پردہ لاتنا ہی پر واقع ہوں تو انکسار نور کی تحقیق میں ریاضی کی دقیق بہت کم ہو جاتی ہیں۔ اس کے لیے منفذ سے نکلنے والی موجوں کو ایک محدب عدسہ کے ذریعہ متوازی بنا کر ایک دوسرا محدب عدسہ استعمال کر کے ان موجوں کو پردہ پر مرکز کر سکتے ہیں۔ ایسی صورت میں حامل جسم کو متوازی شعاعوں کے رستہ میں یعنی دونوں عدسوں کے مابین لیکن آخر الذکر عدسہ کے بہت قریب رکھنا پڑیگا۔ جو انکساری بند ان حالات کے تحت پیدا ہوتے ہیں فواڈن ہوف سے منسوب بند کہلاتے ہیں۔ سیدھا کنارے سے نور کا انکسار (ابتدائی نظریہ)۔ اس کے لیے منور بھری کی ضرورت ہوتی ہے اور بھری سے نکلنے والی پینل کا ناصیہ موج اسطوائی ہوتا ہے جس ہم ایسے ناصیہ موج کے نصف دائری منطقوں کے لیے ضابطے حاصل کرینگے اور دیکھینگے کہ کسی مقام پر ان کا مجموعی تصویریں اثر کیا ہوتا ہے۔

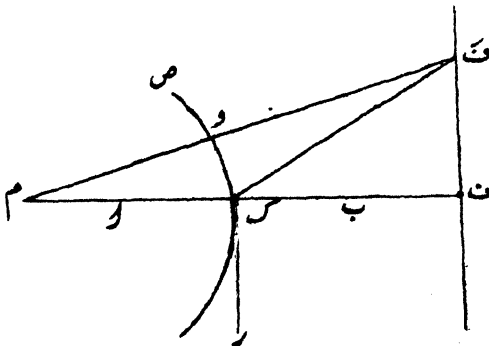
شکل ۳۔ میں فرض کروں کہ م کاغذ کے متوی کے علی التوأم ایک لمبی منور بھری ہے جس سے اسطوائی موجیں نکلتی ہیں۔ ا ب ایک ایسا اسطوائی ناصیہ موج ہے ہم معلوم کرنا چاہتے ہیں کہ اس کا اثر نقطہ ف پر کیا ہوگا۔ م ف کو ملاؤ اور اس کو ا ب سے نقطہ و پر متقاطع ہونے دو۔ اسطوائی سطح کا نصف قطر فرض کروں ہے اور م ف = ب۔ ف کو مرکز مان کر ب + ۱/۲ لہ، ب + لہ، ب + ۱/۲ لہ وغیرہ نصف قطر کی دائری قوسیں کھینچو جو ا ب کو کم، کم، کم، کم وغیرہ نقطوں میں قطع کریں۔



ہوں گے۔ شکل ۳۱ میں اسطوانی کی ایک تراش بتائی گئی ہے جو اس کے محور اور نقطہ ف میں سے گزرنے والے مستوی سے بنتی ہے۔ ف م، ف م، ف م.....  
 علی الترتیب ب + پ ل، ب + ل، ب + پ ل..... طول کے  
 خطوط ہیں جو اسطوانہ کی پہلی پٹی یا دھاری کو نصف دوری منطوقوں میں تقسیم کرتے ہیں۔  
 دوسری دھاریوں کے ساتھ بھی ایسا ہی عمل متصور ہو سکتا ہے۔ غور کرنے سے معلوم  
 ہوگا کہ ان نصف دوری منطوقوں کا رقبہ ابتداء بہت سرعت کے ساتھ اور پھر آہستہ  
 آہستہ گھٹتا ہے۔ اور ہر پٹی یا دھاری کا مجموعی اثر صرف ابتدائی چند منطوقوں  
 کے اثر کا نتیجہ ہوتا ہے اور اس اثر کی علامت (+ یا -) اس کے پہلے نصف  
 دوری منطقہ کی علامت ہوتی ہے۔

پس نقطہ ف پر ان تمام پٹیوں کا اثر ایک سلسلہ کی شکل میں ظاہر  
 کیا جاسکتا ہے جس کی طاق اور جفت رقعوں کی علامتیں باہدیکہ متضاد ہوتی ہیں  
 اور جن کی مقداریں ابتداء سرعت کے ساتھ لیکن بعد کو آہستہ آہستہ گھٹتی ہیں۔ مجموعی  
 اثر سلسلہ کی صرف چند ابتدائی رقعوں ہی کا نتیجہ ہوتا ہے اس لیے کہ بعد کو آنے والی  
 رقعوں کا اثر ایک دوسرے کو تلف کر دیتا ہے۔

اب شکل ۳۲ میں فرض کرو کہ م پر کاغذ کے علی القوائم ایک منور تنگ جھری  
 واقع ہے۔ ک ر ایک پتلی دھاتی پرت ہے جس کا سیدھا کنارہ ک جھری کے



شکل ۳۲

متوازی ہے اور ف ف ایک سفید پردہ ہے جس میں ف خط م ک پرواقع ہے اور پرت کے ہندسی سایہ کے کنارہ کو تعبیر کرتا ہے۔ ہندسی منظر کے قواعد کی رو سے پردہ کے پرت کے پیچھے کا حصہ بالکل تاریک ہونا چاہیے اور اس کا باقی حصہ ف ف نیساں منور ہونا چاہیے۔ لیکن ہم دیکھتے ہیں کہ ایسا نہیں ہوتا ہے۔ ف پردہ پر کوئی ایک نقطہ ہے۔

ک و ص اسطوانی ناصیہ موج ہے۔ م ک = و اور ف ک = ب فرض کرو ف ف = لا۔ ہم معلوم کرنا چاہتے ہیں کہ ف پر ناصیہ موج کی تنویر کا مجموعی اثر کیا ہے۔ م ف ناصیہ موج کو نقطہ و میں قطع کرتا ہے۔ ف مرکز اور نصف قطر ف و + ل، ف و + ل، ف و + ل، ... وغیرہ ان کے ناصیہ موج پر نشان کرو اور ان نشانوں میں سے اسطوانی سطح پر اس کے محور کے متوازی خطوط کھینچو۔ اس طرح اسطوانی ناصیہ موج بیروں کے ایک سلسلہ میں منقسم ہو جائیگا۔ و ص کی جانب ناصیہ موج کے نصف دوری منطوقوں کا سلسلہ مکمل ہوگا اور اس لیے ناصیہ موج کے اس حصہ سے نقطہ ف پر تنویری ارتعاشوں کا حامل حیطہ کامل موج کے ارتعاش کے حیطہ کا نصف ہوگا۔ وک کی جانب ناصیہ موج کے نصف دوری منطوقوں کا سلسلہ حائل پرت ک ر کی وجہ سے نامکمل ہوگا۔ اگر ف ایسے مقام پر واقع ہو کہ وک صرف ایک نصف دوری منطفہ پر مشتمل ہے تو ف پر وک سے حائل شدہ تنویری ارتعاش کا حیطہ اعظم ہوگا۔ اگر وک پہلے دو نصف دوری منطوقوں پر مشتمل ہے تو ان منطوقوں کے ارتعاش ایک دوسرے کو تفریباً تلف کر دیں گے۔ پس ایسی صورت میں وک سے حائل شدہ ارتعاش کا حیطہ اقل ہوگا۔ اسی طرح اگر وک تین منطوقوں پر مشتمل ہے تو ف پر حیطہ ارتعاش دوبارہ اعظم ہوگا لیکن سابقہ اعظم حیطہ سے کمتر۔ المختصر اگر وک پر منطوقوں کی تعداد طاق عدد ہے تو ف پر حیطہ ارتعاش اعظم ہے۔ اور اگر ان کی تعداد جفت عدد ہے تو حیطہ ارتعاش اقل ہے۔

یہ مان کر کہ ف ف حاصلہ ف ف یعنی لا بمقابل ب چھوٹا ہے

$$ف ک = \sqrt{ب^2 + لا^2} = ب (1 + \frac{لا^2}{ب^2})^{\frac{1}{2}}$$



$$\frac{لا}{ب} + ب = (\frac{لا}{ب} + 1) ب =$$

$$\frac{لا}{(ب+1)^2} + ب + 1 = \sqrt{لا + 1(ب+1)^2} =$$

$$\frac{لا}{(ب+1)^2} + ب =$$

نقطہ ف پر محیط ارتعاش اقل ہونے کے لیے ف ک - ف و = ن ل  
جس میں ن کوئی سا ایک صحیح عدد ہے۔

$$\text{یعنی } (ب + \frac{لا}{ب}) - (\frac{لا}{(ب+1)^2} + ب) = ن ل$$

$$\therefore \frac{لا}{ب} (\frac{1}{ب} - \frac{1}{(ب+1)^2}) = \frac{ن ل}{ب} =$$

$$\sqrt{\frac{ب(ب+1)ن ل}{ب}} = ل$$

اسی طرح ف پر محیط اعظم ہونے کے لیے

$$\sqrt{\frac{ب(ب+1)(ن-1)ل}{ب}} = ل$$

اس سے ظاہر ہے کہ پردہ پر جیسے جیسے نقطہ ف کا فاصلہ ف سے آگے کو بڑھتا جاتا ہے اس پر علی الترتیب تنویر اعظم اور اقل ہوتی جاتی ہے۔ پس ہندی سایہ سے آگے کو پردہ پر نسبتاً روشن اور تاریک بند حاصل کنوارہ کے متوازی پیدا ہوتے ہیں۔ مندرجہ بالا ضابطہ محض تقریبی ہیں اس لیے کہ ابتدائی چند نصف دوری منظموں کا تنویری اثر مساوی نہیں ہے۔ عین نقطہ ف پر جو ہندی سایہ کا مقام ہے تنویر کی حدت ف سے آگے کو بہت دور ہے ہونے کا مقام کی حدت کی جو تھائی ہے اس لیے کہ یہاں صرف نصف نامیہ موج کی تنویر عمل کرتی ہے جس کا حاصل مجموعی محیط  $\frac{1}{4}$  ہے۔

نقطہ ف جیسا جیسا ہندی سایہ کے اندر واقع ہوتا ہے اس پر تنویر مسلسل

اور بتدریج گھٹتی جاتی ہے اس لیے کہ و حائل کنارہ کے پیچھے آ جاتا ہے اور ف پر اب نصف ناصیہ موج سے کمتر حصہ کا تنویری اثر عمل کرتا ہے۔ تھوڑی دور پر یہ اثر گھٹ کر صفر ہو جاتا ہے۔ اور اس لیے حقیقی سایہ اس مقام سے شروع ہوتا ہے۔ سیدھے کنارے سے انکسار نور کے متعلق فرینیل کا نظریہ۔ شکل ۲۲ میں مثل سابق م مبدار اور ک ر حائل سیدھا کنارہ ہے۔ دیگر حروف بھی وہی ہیں جو شکل ۲۱ میں دیے گئے ہیں ف سے ایک خط مستقیم ق ق کھینچا گیا ہے جو اسطوانی ناصیہ موج سے نقطہ ق پر ملتا ہے۔

فرض کر دو قوسی طول وق = س اور وف = ج چونکہ ق نقطہ و سے ذرا ہٹا ہوا ہے اس لیے ف ق اس فاصلہ ج سے صرف ذرا ہی بڑا ہے فرض کرو ف ق = ج + ضہ  
س کو چھوٹا مان کر ہم وق کو خط وف کے علی القوائم تصور کر سکتے ہیں۔  
اس لیے (ف ق) = (وق) + (ضہ) = س + ج<sup>۱</sup>  
چونکہ ضہ ایک چھوٹی مقدار ہے اس لیے مساوات مندرجہ بالا میں ضہ ناقابل لحاظ مقدار سمجھی جاسکتی ہے۔

$$\text{پس ضہ} = \frac{\text{س}}{\text{ج}} \text{ تقریباً}$$

ہو یلگن کے اصول کے بموجب ناصیہ موج کے ہر نقطہ سے نقطہ ف پر ثانوی موجیں آتی ہیں۔ ان نقطوں کا ارتعاش جب  $\frac{\text{س}}{\text{ج}}$  کے تناسب ہے جس میں و = دقت اور و = ارتعاش کا وقت دور ان۔ نقطہ ق کے پاس سے بھری کے متوازی فرس چوڑائی کی ناصیہ موج کی ایک پٹی سے نکل کر ف پر جو موج پہنچتی ہے اس کا ارتعاش

$$\text{جب } \frac{\text{و}}{\text{س}} - \left( \frac{\text{ج} + \text{ضہ}}{\text{س}} \right) \text{ فرس کے تناسب ہے۔}$$

جس میں و طول موج ہے۔ یہ ارتعاش حقیقت میں فاصلہ وف ق کے بالعکس تناسب



$$\text{س۔} \int \text{جب} \left\{ \pi_2 \left( \frac{ج}{د} - \frac{و}{و} \right) - \frac{\pi_2}{د} \right\} \text{ضہ فرس}$$

$$= \text{جب} \pi_2 \left( \frac{ج}{د} - \frac{و}{و} \right) \text{س۔} \int \text{جم} \pi_2 \text{ضہ فرس} - \text{جم} \pi_2 \left( \frac{ج}{د} - \frac{و}{و} \right) \text{س۔} \int \text{جب} \pi_2 \text{ضہ فرس}$$

لکھ سکتے ہیں۔ اور یہ ص جب  $\left\{ \pi_2 \left( \frac{ج}{د} - \frac{و}{و} \right) - \frac{\pi_2}{د} \right\}$  کے مساوی ہے

جس میں ص جم طہ =  $\int \text{جم} \pi_2 \text{ضہ فرس}$  اور ص جب طہ =  $\int \text{جب} \pi_2 \text{ضہ فرس}$   
پس نقطہ ف پر حاصل ارتعاش کی مدت

$$\left( \int \text{جم} \pi_2 \text{ضہ فرس} \right)^1 + \left( \int \text{جب} \pi_2 \text{ضہ فرس} \right)^2 \text{ کے تناسب ہے۔}$$

اوپر بتایا گیا ہے کہ ضہ =  $\frac{س}{ج}$  تقریباً۔ اب غ ایک ایسا متغیر اختیار کیا جائے کہ

$$س = \sqrt{\frac{ج}{د}} \text{ غ}$$

تب  $\frac{\pi_2}{د} \text{ ضہ} = \frac{\pi_2}{د} \frac{س}{ج} \text{ غ}$  اور فرس =  $\sqrt{\frac{ج}{د}} \text{ فرغ}$   
فرض کرو کہ جب س = س تو غ = غ، جب س = س تو غ =  $\frac{س}{ج} \text{ غ}$

یہاں س محدود ہے اور لہ ایک بہت چھوٹی مقدار ہے اس لیے مکمل کی  
اوپر والی حد کے تناظر غ کی قیمت بہت بڑی ہے اور  $\infty$  کے مساوی  
لکھی جاسکتی ہے۔ پس اس نئے متغیر غ کی رقموں میں ف کے پاس

ارتعاش کی مدت  $\left( \int \text{جم} \pi_2 \text{غ فرغ} \right)^1 + \left( \int \text{جب} \pi_2 \text{غ فرغ} \right)^2$  کے تناسب ہے۔

قوسین کے درمیان جو تھکے لکھے گئے ہیں فرینیئل کے تھکے کہلاتے ہیں۔ اور ان کو مختلف ریاضی دانوں نے مثلاً خود فرینیئل (Fresnel) ، نوخنہاوس (Knochenhauer) ، کوشی (Cauchy) اور گیلبرٹ (Gilbert) نے صفر اور دیگر بالائی حدود کے درمیان سلسلوں کی شکل میں محسوب کر کے جدولوں میں شائع کیا ہے۔

بالائی حد جیسے جیسے بلند تر ہوتی جاتی ہے ان تکتوں کی قیمتیں با ترتیب اعظم اور اقل صورتیں اختیار کرتی ہوئی بالآخر انتہائی قیمت  $\frac{1}{4}$  پر جا کر ٹھہرتی ہیں۔ اس لیے کہ

$$\text{کججم م لا فرلا} = \text{کج جب م لا فرلا} = \sqrt{\frac{\pi}{m}} \text{ پس}$$

$\text{کججم م لا فرلا} = \sqrt{\frac{\pi}{m}} \text{ فرغ} = \text{کج جب } \frac{\pi}{4} \text{ فرغ} = \sqrt{\frac{\pi}{m}} \text{ فرغ} = \frac{1}{4}$   
ہم ان جدولوں کی مدد سے نقطہ ف پر کی تنویر کی حدت محسوب کر سکتے ہیں۔ لیکن کورنو (Cornu) نے ایک دلچسپ تریسی طریقہ سے اس مسئلہ کو آسان بنا دیا ہے۔ ہم یہ طریقہ بیان کرنا چاہتے ہیں۔ کورنو کے مخروط (Cornu's spiral) کے ذریعہ انکسار نور کے مسائل کا حل۔

کورنو کے مخروط کی تعریف مندرجہ ذیل کا ریسی محدودوں سے کی جاتی ہے۔

$$\text{لا} = \text{کججم م لا فرلا} = \sqrt{\frac{\pi}{m}} \text{ فرغ} = 1 = \text{کج جب } \frac{\pi}{4} \text{ فرغ}$$

یہ منحنی مبدا میں سے گزرتا ہے اس لیے کہ جب  $\text{فرغ} = 0$ ، تو  $\text{لا} = 1$  اور  $\text{فرغ}$  کی علامت تبدیل کرنے سے لا اور ما کی قیمتیں نہیں بدلتی ہیں صرف ان کی علامت بدلتی ہے۔ اس لیے منحنی مبدا کے لحاظ سے متشاکل ہے۔  
منحنی کے کسی نقطہ (لا، ما) پر کا خط ما س اگر لا کے محور کے ساتھ زاویہ یہ بنائے تو

$$\text{مس پ} = \frac{\text{فرلا}}{\text{فرلا}} = \text{مس } \frac{\pi}{4} \text{ فرغ} \text{ اس لیے کہ}$$

فرما = جب  $\frac{2}{3} \text{ غ}$  فرغ اور فلا = جم  $\frac{2}{3} \text{ غ}$

$$\frac{2}{3} \text{ غ} = \text{پہ}$$

مبدأ پر جہاں غ = پہ = ۰ یعنی منحنی یہاں محور لا کو مس کرتا ہے۔  
 جہاں غ = ۱ وہاں منحنی محور لا کے متوازی ہے۔ جہاں غ = ۲ وہاں  
 محور لا کے متوازی۔ اسی طرح جہاں غ = ۳، ۴، ۵، ۶ وغیرہ وہاں منحنی  
 محور لا کے متوازی ہے اور جہاں غ = ۴، ۶، ۸، ۱۰ وغیرہ وہاں محور لا کے  
 متوازی۔

$$\text{اس کا نصف قطر انحناء} = \frac{\text{فرس}}{\text{فر پہ}} = \frac{1}{\frac{2}{3} \text{ غ}}$$

$$\text{چونکہ فرس} = \left\{ 1 + \left( \frac{\text{فرما}}{\text{فلا}} \right)^2 \right\}^{\frac{1}{2}} \text{ فلا} = (1 + \text{مس}^2 \frac{2}{3} \text{ غ})^{\frac{1}{2}} \text{ جم} \frac{2}{3} \text{ غ} \text{ فرغ}$$

$$= \text{قط} \frac{2}{3} \text{ غ} \text{ جم} \frac{2}{3} \text{ غ} \text{ فرغ} = \text{فرغ}$$

اس لیے س = غ اور چونکہ یہ =  $\frac{2}{3} \text{ غ}$  لہذا پہ =  $\frac{2}{3} \text{ س}$  منحنی کی  
 ذاتی مساوات ہے۔ منحنی کے نصف قطر انحناء کے ضابطہ سے  $\frac{1}{\frac{2}{3} \text{ غ}}$  سے  
 ظاہر ہے کہ مبدأ کے پاس اس کا نصف قطر  $\infty$  ہے اور وہاں اس کا  
 نقطہ عطف بھی واقع ہے جیسے جیسے غ یا س کی قیمت بڑھتی ہے ویسے ہی  
 اس کا نصف قطر انحناء گھٹتا جاتا ہے اور بالآخر منحنی بیچ کھاتے کھاتے  
 دو متقارب نقطوں نہ اور نہ پر ختم ہوتا ہے۔ جہاں غ کی قیمت  $\infty$   
 اور  $\infty$  ہوتی ہے۔ ملاحظہ ہو شکل ۳۲۔

(۱) سیدھے کنارہ سے نور کا انکسار۔

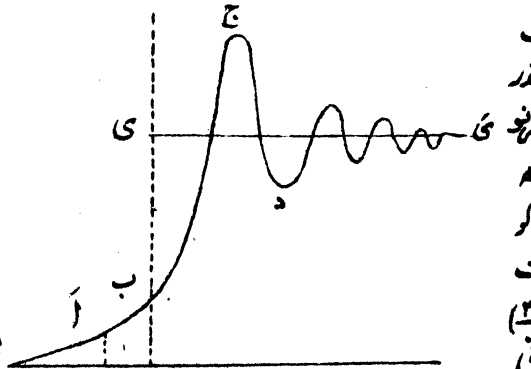
شکل ۳۲ میں نقطہ ف ہندی سایہ کے باہر لیا گیا ہے۔ اس مقام پر



پس یہاں نور کی مدت صفر ہے۔

اب ف ت جیسے جیسے نقطہ ف یعنی ہندسی سایہ کے شروع ہونے کے مقام سے نزدیک تر ہوتا ہے مرغولہ پر ط نقطہ ھ سے ہٹ کر نقطہ و کے قریب تر ہوتا جاتا ہے۔ اس لیے (ط ھ) ۲ جو ف پر نور کی مدت کو تعبیر کرتا ہے مسلسل بتدریج بڑھتا جاتا ہے۔ جب ط مرغولہ کے نقطہ م سے منطبق ہوتا ہے جو ھ سے مرغولہ کا بصیر ترین نقطہ ہے تو وہاں حیض ارتعاش (ط م) اعظم ہوگا۔ ط اگر بڑھتے بڑھتے نقطہ ل سے منطبق ہو جو مرغولہ کے زیرین لمبے پرکا ھ سے قریب ترین مقام ہے تو یہاں حیض ارتعاش ھ ل سایہ کے باہر کی فضا میں اقل ہوگا۔ ف اگر اسی طرح پرودہ پر ہندسی سایہ سے دور ہوتا چلا جائے تو نقطہ ط مرغولہ کے زیرین لمبے کے چکروں میں داخل ہوتا جائیگا اور اس لیے حیض ارتعاش باری باری سے اعظم و اقل ہوتا جائیگا۔ یہاں تک کہ جب ف پرودہ پرکا فی دور واقع ہوتا ہے تو نقطہ ط مرغولہ کے زیرین متقاربی نقطہ ھ سے منطبق ہوتا ہے اور وہاں نور کا حیض ارتعاش ھ ھ ہوتا ہے جو یعنی عین ہندسی سایہ کے آغاز ہونے کے مقام پر کے حیض ھ و کا ٹھیک دو چندان ہے۔

پرودہ کے مختلف مقاموں پر کی نور کی مدت شکل ۲۵ میں ایک ترسیم کے ذریعہ بتائی گئی ہے۔



شکل ۲۵

پرودہ کا نقطہ ف جب ہندسی سایہ کے خوب اندر واقع ہوتا ہے تو کوہند کے مرغولہ پرکا نقطہ ھ (شکل ۲۴) اس کیفیت کو تعبیر کرتا ہے اور مدت کے متغی پر یعنی شکل (۲۵) میں اس کی ترجمانی نقطہ ۱ سے ہوتی ہے۔



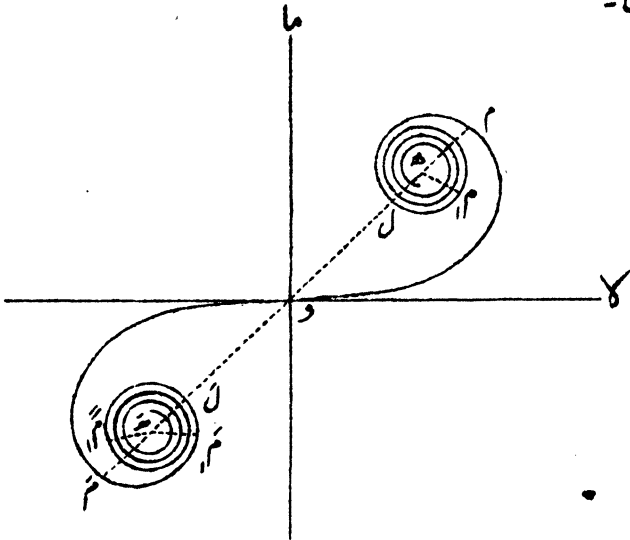
جب ف مرغولہ کے نقطہ ط سے منطبق ہوتا ہے تو شکل ۳۵ میں نقطہ آ اس کا تناظر ہوتا ہے۔ اسی طرح ف جب میں ہندسی سایہ کے شروع ہونے کے مقام ف پر (شکل ۳۶) ہوتا ہے تو مرغولہ پر کا نقطہ و اس کیفیت کو تعبیر کرتا ہے اور شکل ۳۷ میں اس کی ترجمانی نقطہ ب سے ہوتی ہے۔ ایسا ہی مرغولہ پر کے نقطہ م اور ل حدت کے منحنی یعنی شکل ۳۷ کے نقطوں ج اور د کے متناظر ہیں۔ واضح ہو کہ اس منحنی کے اوج و حضیض کے نقطہ مقطوعوں کے محور کے متوازی خطی سی سے بہت جلد قریب تر ہوتے جاتے ہیں۔ حتیٰ کہ بالآخر حدت کا منحنی اس خط سے منطبق ہو جاتا ہے۔ یہی صورت کے نور سے سی کا فاصلہ ب کے فاصلہ کا چار چند ہے۔ نقطہ سی مرغولہ پر کے نقطہ ہ کا متناظر ہے۔

(ب) تنگ مستطیل سہوہ یا شکاف سے نور کا انکسار۔

چونکہ مرغولہ کا جزو قوس نور کے ناصیہ موج کے متناظر جزو کے حاصل حیثہ کو تعبیر کرتا ہے اس لیے مرغولہ کی اس پوری قوس کا طول جو سہوہ سے آنے والے ناصیہ موج کو تعبیر کرتا ہے سہوہ کی چوڑائی کے راست متناسب ہے۔ پس پردہ پر کے کسی نقطہ پر کا حیثہ تنویر مرغولہ کے ایک ایسے مستقل قوسی طول کے سرورق کو طانے والے وتر کی لمبائی کے متناسب ہوگا جو سہوہ کی چوڑائی کے متناسب ہے۔ نقطہ جب ہندسی سایہ کے اندر ہو تو مرغولہ کی قوس کا وہ حصہ جو اس نقطہ پر کی تنویر محسوب کرنے کے لیے استعمال ہوگا مرغولہ کے وسطی نقطہ و میں سے گزرے گا اور مرغولہ کے دونوں نصف حصوں پر واقع ہوگا۔ واضح ہے کہ تمام صورتوں میں پردہ کے مختلف مقامات پر عموماً حدت نور کی کمی بیشی ہوگی۔ دیکھو شکل ۳۷۔

اگر سہوہ بہت تنگ ہو تو مرغولہ کا متناظر قوسی طول چھوٹا ہوگا اور اس لیے ہندسی سایہ کے اندر دور تک حدت تنویر تقریباً مستقل اور سہوہ کی چوڑائی کے مربع کے متناسب ہوگی۔ اس لیے کہ اس صورت میں مرغولہ کی قوس اس کے وتر سے قریب قریب منطبق ہوگی۔ اگر پردہ کے سہوہ کے عین سامنے کا کوئی نقطہ سہوہ سے اتنی دور واقع ہے کہ

نقطہ مذکور کے لیے سہوہ کی چوڑائی پہلے نصف دوری منطقہ کے برابر ہے تو وہاں تنویر عظیم ہوگی۔



شکل ۳۶

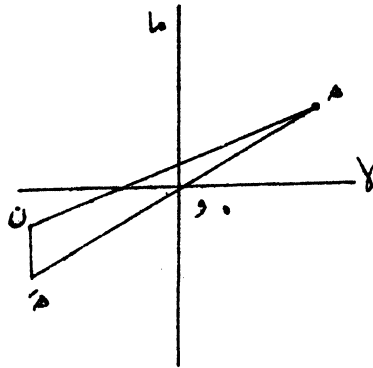
اب اگر سہوہ اتنا بڑا کر دیا جائے کہ اس کی چوڑائی پردہ کے نقطہ زیر بحث کے لیے پہلے دو نصف دوری منطقوں کے برابر ہے تو ایسی صورت میں نقطہ پر تنویر اقل ہوگی۔ شکل ۳۷ پر غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ پہلی صورت میں مرغولہ کا قوسی طول م و م' عامل تھا اس لیے خط مستقیم م م' حیطہ تنویر کو تعبیر کرتا تھا۔ سہوہ کو چوڑا کرنے سے مرغولہ کا قوسی طول ل م و م' ل عامل ہوتا ہے اور اس لیے حیطہ تنویر کی اب خط مستقیم ل ل' سے تعبیر ہوتی ہے۔

(ج) غیر شفاف باریک تار سے نور کا انکسار۔

غیر شفاف باریک تار کا انکسار تنگ سہوہ کے انکسار کا جواب ہے۔ نقطہ ف جب ہندی سایہ کے اندر ہوتا ہے تو شکل ۳۷ میں وتر م م' تار کے

ایک بازو سے گزرنے والے حصہ ناصبیہ موج کے اثر کو تعبیر کرتا ہے۔ م مرغولہ کے بالائی بیچوں میں سے کسی ایک بیچ پر واقع ہے۔ وتر  $h$  م ناصبیہ موج کے اس حصہ کے اثر کو تعبیر کرتا ہے جو تار کے دوسرے بازو سے گزرتا ہے۔ م مرغولہ کے زیرین بیچوں میں سے ایک بیچ پر ایسے مقام پر واقع ہے کہ قوسی طول  $m$  م تار کی موٹائی کے متناسب ہے۔ اگر تار کی موٹائی پر وہ پر کے بالمقابل نقطہ کو مقتد بہ نصف دوری منطوق کی تنویر سے محروم کر دے تو  $m$  اور  $m$  قوسیں مرغولہ کے کئی بیچوں پر مشتمل ہونگی اور خطوط مستقیم  $h$  م اور  $h$  م تقریباً مساوی ہونگے۔ پس ایسی صورت میں اگر یہ خطوط مستقیم مخالف سمتوں میں ہوں تو متداخل نور سے تنویر کا حیطہ تقریباً صفر ہوگا اور اگر یہ خطوط ایک ہی سمت میں ہوں تو تنویر کا حیطہ اعظم ہوگا۔ یعنی تار کے ہندسی سایہ کے اندر متداخل نور کے سے روشن اور بار یک اتساوی الفضل بند پیدا ہوں گے۔ نقطہ ف جیسا جیسا سایہ کے کناروں کے قریب ہوتا جائیگا ویسا ہی  $m$  یا  $m$  (بجائے اس کے کہ نقطہ ف سایہ کے کس کنارہ کی طرف جارہا ہے)۔ فرض کرو کہ  $m$  مرغولہ کے وسطی نقطہ کی طرف حرکت کرے گا اور چونکہ قوسی طول  $m$  و  $m$  مستقل رہنا چاہیے  $m$  مرغولہ کے متقارب بنی نقطہ  $h$  کی طرف حرکت کریگا۔ ایسی صورت میں  $h$  م اور  $h$  م وتر کے طولوں میں بہت تفاوت ہوگا۔ اس لیے اگر وہ متوازی اور مخالف سمتوں میں ہوں تو بھی پر وہ کے تناظر مقام پر کچھ نہ کچھ حاصل تنویر ضرور ہوگی یعنی یہاں اقل تنویر کے مقام بالکل تاریک نہ ہوں گے۔ ہندسی سایہ کے باہر تار کے ایک بازو سے ایک مکمل نصف ناصبیہ موج اور ایک دوسرے نصف ناصبیہ کی کسر عامل ہوگی اور ان کا اثر علی الترتیب وتر  $h$  اور  $m$  کے متناسب ہوگا۔ تار کی دوسری جانب سے جو جزو ناصبیہ موج عمل کریگا اس کا اثر وتر  $h$  م کے متناسب ہوگا جس میں  $m$  مرغولہ پر  $h$  سے قریب کوئی نقطہ ہے۔ اس کے یہ معنی ہوں گے کہ قوسی طول  $m$  کا اثر مفقود ہے۔ یہ طول مستقل اور تار کی موٹائی کے متناسب ہے۔ پس اگر شکل  $h$  میں نقطہ  $h$  سے سمتی  $h$  ن قوس  $m$  کے وتر کے متوازی اور مساوی کیمنیں تو چونکہ  $h$  کا مل سمتی موج کے اثر کو تعبیر کرتا ہے اس لیے سمتی  $h$  باقی ماندہ اور عامل حصہ موج کے

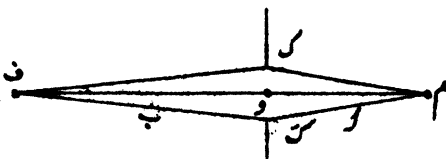
اثر کو تعبیر کریگا۔ یعنی  $h$  ن ہندسی سایہ کے باہر کے ایک نقطہ پر کے



شکل ۲۷

جسطہ تصویر کو ظاہر کرتا ہے۔ اور پردہ پر کا نقطہ (ف) جیسے جیسے سایہ کے کنارہ سے دور ہوتا جاتا ہے سمتی  $h$  ن نقطہ  $h$  کے گرد گھومتا ہے اور اس لیے حامل تصویر کے سمتی  $h$  ن کا طول علی الترتیب اعظم اور اقل ہوتا جاتا ہے۔ اس طرح ہندسی سایہ کے باہر کے روشن اور تاریک بند پیدا ہوتے ہیں۔

تنگ دائری سہوہ سے نور کا انکسار۔



شکل ۲۸

اس مسئلہ کا باضابطہ حل  
سیر دست قنوی کر کے آسان اجائی  
طریقوں سے یہاں بتایا جاتا ہے کہ  
دائری سہوہ سے نور کس طرح  
منکسر ہوتا ہے۔ شکل ۲۸ میں  
م مبداء نور ہے، ک ک دائری

سہوہ اور د سہوہ کا مرکز ف ایک نقطہ ہے جو سہوہ کے محور پر واقع ہے۔

$$م و = ل و اور ف و = ب$$

چونکہ مدار م سے نکل کر محور اور سہوہ کے کناروں پر سے گزرتے ہوئے ف تک جانے والی ذر کی موجوں میں تفادیتِ راہ  $ف = (م ک + ک ف) - (ل و + ب)$  اور آگے بتا دیا گیا ہے کہ جب سہوہ کا نصف قطر ص بمقابل ل و اور ب کافی چھوٹا ہے تو

$$م ک = ل + \frac{ص}{۱۲} اور ک ف = ب + \frac{ص}{۲۲} تقریباً$$

$$پس تفادیتِ راہ  $ف = \frac{ص}{۲} \left( \frac{۱}{ل} + \frac{۱}{ب} \right)$$$

$$\therefore ف = \frac{ص (ل + ب)}{۲ ل ب}$$

اگر تفادیتِ راہ  $ف = ن \frac{ل}{۲}$  یعنی ن نصف طولِ موج جس میں ن ایک صحیح عدد ہے تو

$$ص = \frac{ن ل ب ل}{ل + ب}$$

$$اور سہوہ کا رقبہ  $\frac{ص}{۲} = \frac{ن ل ب}{(ل + ب)}$$$

اگر ن ایک جفت عدد ہے تو سہوہ کا رقبہ نقطہ ف پر جفت عدد نصف دوری منطبقہ بناتا ہے اس لیے ف پر تنویر تقریباً صفر ہوگی اور اگر ن ایک طاق عدد ہے تو ف پر تنویر اعظم ہوگی۔ یعنی سہوہ کے محور پر نقطہ ف کا فاصلہ جیسے جیسے بدلتا جاتا ہے۔ اس پر تنویر علی الترتیب اعظم اور اقل ہوتی جاتی ہے۔ اگر ف محور سے ذرا ہٹ کر واقع ہو تو سہوہ کا کنارہ نصف دوری منطبقوں کے ساتھ ہم مرکز نہیں ہوتا ہے اور اس لیے ف پر تنویر کی حدت آسان ریاضی کے

طریقہ سے محسوب نہیں ہو سکتی البتہ تریسی طریقہ پر حساب ہو سکتا ہے۔ سہوہ اور اس پر جو بھی منطقہ کھینچے جاسکتے ہیں ان کو بڑے پیمانہ پر کھینچ کر سطح پیمایا مربع دار کاغذ کے ذریعہ طاق اور جفت منطقوں یا جزد منطقوں کے رقبہ معلوم کر کے حاصل مجموعی اثر دریافت کیا جاسکتا ہے۔ واضح ہے کہ طاق منطقوں کا اثر مثبت ہوگا اور جفت کا منفی۔ اس طرح عمل کرنے سے معلوم ہوگا کہ سہوہ اگر کافی چھوٹا ہے تو محور کے گرد اقل اور اعظم تنویر کے ہم مرکز حلقے پیدا ہوتے ہیں۔

اگر سہوہ اس قدر تنگ ہے کہ اس کا رقبہ پہلے نصف دوری منطقہ کے مساوی ہونے کے لیے نقطہ ف کو محور پر بہت دور لے جانے کی ضرورت ہو (تاکہ سہوہ کے مرکزی اور حاشیائی فاصلوں کا تفاوت نصف طول موج کے برابر ہو) تو ایسی صورت میں نور ہندسی سایہ کے باہر بہت دور پھیل جاتا ہے۔

چونکہ  $(1 + b) = v = n \cdot 1$

$$\text{اس لیے } b = \frac{1}{n \cdot 1 - v}$$

اس مساوات میں  $n$  کی قیمت طاق یا صحیح عدد لکھنے سے علی الترتیب اعظم و اقل تنویر کے محوری فاصلوں کی قیمتیں معلوم ہو سکتی ہیں۔ اگر مبدائے فوڈ لا تنہا ہی پر واقع ہو تو  $1 = \infty$  اور موجیں مستوی ہوتی ہیں۔ ایسی صورت میں

$$v = 1 \quad b = \frac{1}{1 + 1} = \frac{1}{2}$$

$$\text{اس لیے } \frac{1}{1 + b} = 1 \quad \text{جبکہ } 1 = \infty$$

$$\text{اور } b = \frac{v}{n \cdot 1}$$

## دائری غیر شفاف جسم سے نور کا انکسار۔

پواسان (Poisson) نے فریچ الیڈمی کی طرف سے جب فرینیل کے موجی نظریہ نور کا امتحان کیا تو اس سے فوراً نتیجہ اخذ کیا کہ چھوٹے قرص کے ہندسی سایہ کے مرکز پر ایسی ہی تصویر ہونی چاہیے کہ جیسی قرص کی عدم موجودگی میں آراگو (Arago) نے اس کے متعلق تجربے کیے اور ثابت کر کے بتایا کہ حقیقت میں ایسا ہی ہوتا ہے۔

یہ تجربہ معمل میں آسانی کیا جاسکتا ہے بشرطیکہ ایک دو اتنی کے برابر فلزی قرص کو لے کر اس کے کناروں کو صاف اور ٹھیک مدور بنایا جائے۔ جب ایسا قرص باریک تاگوں سے تاریک کمرہ میں ایک ثقبہ کے سامنے تقریباً بیس فٹ فاصلہ پر متشاکل وضع میں انتصاباً لٹکایا جاتا ہے۔ اور ثقبہ تیز دھوپ یا برقی قوس کی روشنی سے منور کیا جاتا ہے تو قرص کے پیچھے اس کے اور ثقبہ کے محور پر پندرہ یا بیس فٹ فاصلہ پر چشمہ کے ذریعہ معائنہ کرنے سے منور نشان دریافت ہو جاتا ہے۔ چشمہ میں قرص کے ہم مرکز جن نصف دوری منطقوں سے نور آتا ہے اس کا محیط قرص کے کنارے پر سے کھینچے ہوئے پہلے نصف دوری منطقہ سے آنے والے نور کے محیط کا نصف ہوتا ہے۔ چونکہ قرص چھوٹا ہے اس لیے اس پہلے نصف دوری منطقہ کے نور کا محیط قرص کی عدم موجودگی میں پہلے نصف دوری منطقہ کے نور کی جو حدت ہوتی ہے اس کے تقریباً مساوی ہوتا ہے۔

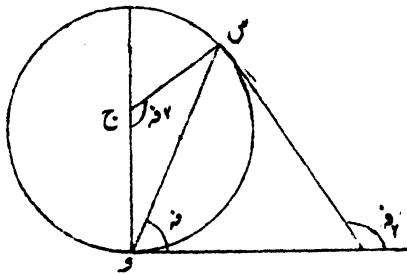
## فراون ہونے کے نام سے منسوب انکسار نور کے مظاہر۔

ان مظاہر میں انکسار سے پہلے نور کی موجیں ستوی ہوتی ہیں اور بعد انکسار محدب عدسہ کے ذریعہ ماسکہ پر جمع کی جاتی ہیں۔ اس لیے یہ مظاہر زیادہ واضح ہوتے ہیں اور ان کا حسابی عمل بھی نسبتاً آسان ہوتا ہے۔ ہم تریسی طریقہ استعمال کر کے ایک دو اور متعدد مستطیل جھریوں کے انکسار نور پر تفصیل کے ساتھ





بہت بڑی تعداد م میں تقسیم کی جاتی ہے۔ ان مساوی حصص میں سے ہر ایک حصہ پردہ کے کسی دیے ہوئے مقام پر حیطہ ارتعاش پیدا کرتا ہے۔ لیکن ان ارتعاشوں کی ہیئتوں میں ایک دوسرے سے لے کر دوسرے دوسرے تک مسلسل یکساں اضافہ پایا جائیگا۔ پس ان ارتعاشوں کا حاصل دائری قوس کا وتر و س ہے۔  
(ملاحظہ ہو شکل نمبر ۴)۔



شکل نمبر ۴

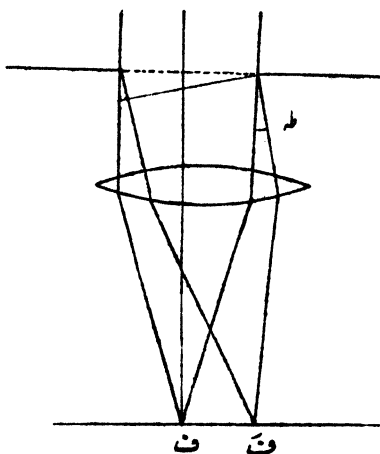
چونکہ قوس کا طول م ہے جس میں م کافی بڑا عدد اور م بہت چھوٹی مقدار ہے۔ اس لیے متعلقہ دائرہ کا نصف قطر  $\frac{م}{2}$  ہے۔  
جھری سے نکلنے والی مستوی موجوں کے حاصل ارتعاش کی ہیئت ذ ہے

پس حاصل حیطہ ارتعاش =  $\frac{م}{2}$  جب  $\frac{م}{2} = \frac{م}{2}$  جب  $\frac{م}{2} = \frac{م}{2}$  جب  $\frac{م}{2} = \frac{م}{2}$   
جھری کی چوڑائی ۱ ہے اس لیے م  $\infty$  ۱ = م ۱ جس میں م ایک مستقل ہے۔ پس پردہ کے دیے ہوئے نقطہ پر حاصل حیطہ ارتعاش

$$= \frac{م}{2} \text{ جب } \frac{م}{2}$$

شکل نمبر ۵ میں جھری ۱ ب کے سامنے ایک محدب عدسہ رکھا گیا ہے۔ نور کی مستوی موجیں جھری کے علی التوابع واقع ہوتی ہیں اور

پرودہ ف ف پر انکسارِ نور کے مظاہر پیدا کرتی ہیں ماسک ف پر تنویرِ غلظ ہے



شکل ۳۱

اس کے دونوں طرف تنویر بتدریج گھٹتی جاتی ہے۔ چنانچہ ف پر چونکہ جھری کے کناروں سے آنے والی موجوں کا تفاوتِ راہ لجب ط ہے اس لیے تفاوتِ ہیئت ۲ ذ =  $\frac{\pi^2}{\lambda}$  لجب ط ہے حاصل تفاوتِ ہیئت

اس کا نصف یعنی  $\frac{\pi}{\lambda}$  لجب ط ہے ہذا ف پر حاصل حیطہ ارتعاش

$$\text{مرا} \quad \frac{\text{جب } \frac{\pi}{\lambda} \text{ لجب ط}}{\frac{\pi}{\lambda} \text{ لجب ط}} \quad \text{ہے۔}$$

(۱) اگر شکل ۳۱ کی طرح موجیں علی التوائکم واقع نہ ہوں تو تفاوتِ راہ (لجب ط + جب ط) اور تفاوتِ ہیئت ذ =  $\frac{\pi}{\lambda}$  (جب ط + جب ط) ہوگا۔

(۲) اگر شکل مذکور میں جھری کے کنارہ ب سے آنے والی موج کے ارتعاش کا ضابطہ  
 $\text{ما} = \text{و جب سہ و لکھا جائے جس میں و حیطہ ارتعاش سہ وقت دوران اور}$   
 $\text{و وقت ہے و کنارہ ا سے آنے والی موج کے ارتعاش کا ضابطہ ما = و جب (سہ و + ذ) (ذ)}$   
 ہوگا اور حاصل ارتعاش کا ضابطہ  $\text{ما} = \text{و جب ذ جب (سہ و + ذ) -}$

جھری کے انکسار نور سے پردہ پر تنویر کے  
 اعظم و اقل مقامات کی تعیین —

چونکہ ف پر (شکل ۱۲) حاصل حیطہ ارتعاش  $\text{ما} = \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ط}}$  ہے

اس لیے نور کی مدت  $\text{ما} = \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ط}}$  ہے

اس جملہ کی اعظم و اقل قیمتیں معلوم کرنے کے لیے اس کو شکل  $\text{ما} = \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ط}}$  لکھ کر

اس کو تفرق کرنے سے  $\text{فر} = \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ط}} = \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ذ}} \times \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ذ}} = \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ذ}}$

پس  $\text{و جب ذ} = \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ذ}}$  اور  $\text{و جب ذ} = \frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ذ}}$

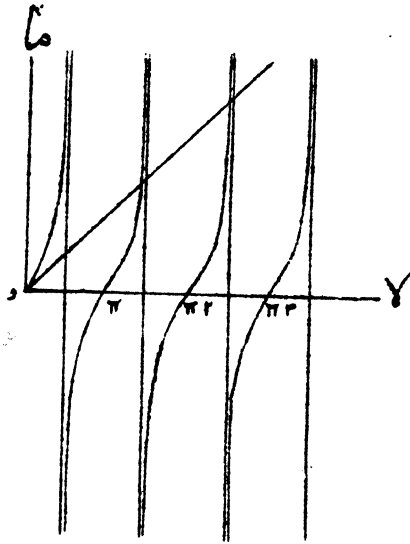
یعنی جب ذ = . اور ذ = مس ذ

مساوات جب ذ = . سے اقل تنویر کے مقام حاصل ہوتے ہیں یعنی  
 ذ = م = م سے جس میں م = جملہ صحیح اعداد باستثنائے صفر اس لیے کہ  
 م کی قیمت جب صفر ہوتی ہے تو وہاں تنویر اعظم ہوتی ہے۔

چونکہ ذ =  $\frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ط}}$  (جب ع + جب ط) یا اگر نور کی شعاعیں جھری  
 پر علی التوا عم واقع ہوں تو ذ =  $\frac{\text{و جب ذ}}{\text{و جب ط}}$  اس لیے سمت ط میں

تنویر اقل یعنی منفر ہوتی ہے اگر

جب  $\mu = m$  لہ جس میں  $m$  باشتنائے صفر کوئی سا صحیح عدد ہے۔  
 اعظم تنویر کے مقام  $\mu = m$  کے حل سے ماہل ہوتے ہیں۔  $\mu$  کی  
 کئی قیمتیں  $\mu$  میں جو ترسیبی طریقہ سے باسانی دریافت ہو سکتی ہیں۔ ملاحظہ ہو  
 شکل ۴۲۔ جس میں  $\mu$  کو فصلہ اور  $m$  کو معین مان کر ترسیم کھینچی گئی ہے  
 اور میدان  $\mu$  میں سے خط  $\mu = m$  لاجو محدودوں کے درمیانی زاویہ کی تنصیف  
 کرتا ہے کھینچا گیا ہے۔ اس خط کا  $m$  کے ترسیموں کے ساتھ جہاں جہاں تقاطع  
 ہوتا ہے ان کے متعلقہ فصلہ سے  $\mu$  کی قیمتیں دریافت ہو جاتی ہیں۔



شکل ۴۲

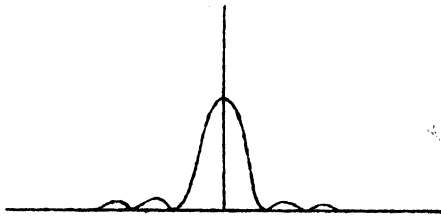
شویروڈ (Schwerd) نے اعظم تنویر کے ان متناظر فصلوں (فصلہ)  
 کی حسب ذیل قیمتیں دی ہیں :-

$$\mu = 0 \quad \mu = 1.54303 \quad \mu = 1.54590$$

فہم =  $\pi ۲۶۴۶۰۹$  فہم =  $\pi ۲۶۴۶۰۹$  فہم =  $\pi ۲۶۴۶۰۹$   
 فہم =  $\pi ۲۶۴۶۰۹$  فہم =  $\pi ۲۶۴۶۰۹$  فہم =  $\pi ۲۶۴۶۰۹$   
 پس جیسے جیسے  $n$  کی قیمت بڑھتی ہے فن جملہ  $(1 + \frac{1}{n}) \pi$  سے قریب تر ہوتا جاتا ہے۔ حدتِ تنویر

$$C \propto \frac{1}{n^2}$$

اعظم تنویر کے مقامات پر تقریباً  $1, (\frac{2}{\pi ۲۶})^2, (\frac{2}{\pi ۲۵})^2, (\frac{2}{\pi ۲۴})^2, \dots$  وغیرہ کی نسبتوں کے لحاظ سے گنلتی جاتی ہے۔ جس سے ظاہر ہے کہ بہت جلد اس کی قیمت کم ہو جاتی ہے۔ فوڈن ہوف نے ایکلی تنگ جھری سے اس طرح پیدا ہونے والی اعظم تنویر کے خطوں کے لیے (Spectra of the first class) پہلے درجہ کے اکیوٹ نام تجویز کیا۔ حدتِ تنویر کے لیے ملاحظہ ہو شکل ۲۲۔



شکل ۲۲

دائری سہولہ کے محور پر انکسار نور سے جو تنویر پیدا ہوتی ہے اس کی حد بھی اسی طریقہ سے دریافت ہو سکتی ہے۔ جیسا کہ قبل ازین بتایا گیا ہے۔ محور کے کسی نقطہ کے لحاظ سے سہولہ کے رقبہ کو ہم مرکز اور ہم تفاوت ہیئت دائری رقبوں میں تقسیم کرنے سے نقطہ مذکور پر ان رقبوں کے اثر سے پیدا ہونے والا حیطہ ارتعاش تقریباً مساوی ہوگا اور اس لیے ماضی حیطہ دائری قوس کا دتر ہوگا۔

پس اگر قوس کا طول  $s$  فرض کیا جائے تو محوری نقطہ پر محل مجموعی حدت تنویر

$$H \infty s^2 \text{ جب } \frac{1}{f^2}$$

جس میں  $2$  ذہنہ کے مرکز اور حاشیہ کے ارتعاشوں کا مجموعی تفاوت ہیئت ہے اور چونکہ تفاوت راہ (مک ف - م وف) - ملاحظہ ہو شکل (۳۵) -

$$= \frac{s^2 (1 + b)}{2b}$$

$$\text{اس لیے تفاوت ہیئت } 2 \text{ ذہنہ} = \frac{\pi^2}{2b} = \frac{s^2 (1 + b)}{2b} = \pi^2 \frac{s^2 (1 + b)}{2b}$$

س سہوہ کے رقبہ کے متناسب ہوگا۔ اس طرح مثل سابق محد کے مختلف مقامات پر تنویر کی حدت محو کی جاسکتی ہے۔ ہم اس مسئلہ پر آگے چل کر زیادہ تفصیل کے ساتھ بحث کریں گے۔

دو متوازی جھریوں کا انکسار نور - ایک جھری کے

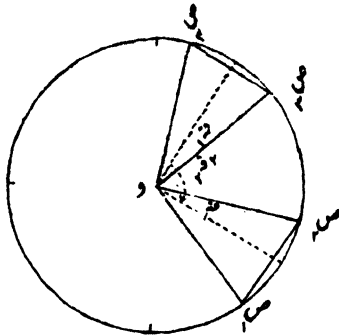
انکسار کے لیے جو تریبی طریقہ استعمال ہوا تھا وہ دو جھریوں کے لیے بھی بخوبی کام دے سکتا ہے۔ فرض کرو جھریاں ایک دوسری کے متوازی ایک مستوی سطح پر واقع ہیں ان کی چوڑائی  $1$  ہے اور ان کے مابین فاصلہ  $b$  ہے۔ شکل ۳۶ میں دائرہ کی قوسیں  $m, m'$  اور  $m, m'$  جو باہر مگر مساوی ہیں ان دو جھریوں سے پیدا ہونے والی تنویر کو تعبیر کرتی ہیں۔ فرض کرو ان میں ایک ایک کا طول  $2$  ذہنہ ہے پس

$$\text{ذہنہ} = \frac{1}{2} \pi (b + c) \text{ جب } b$$

مذا غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ  $m$  کے مابین قوسی طول  $2$  ذہنہ جھریوں کے درمیان فاصلہ  $b$  کے ساتھ وہی رشتہ رکھتا ہے جو  $1$  کے ساتھ ہے، یعنی

$$\text{ذہنہ} = \frac{1}{2} \pi (b + c) \text{ جب } b$$

جہریوں کی تنویر کا حاصل حیطہ علی الترتیب وتر  $ص_۱$   $ص_۲$  اور  $ص_۳$  کے متناسب ہے۔  
یعنی  $\frac{۱}{۲}$  جب  $\frac{ف_۱}{ف_۲}$  کے



شکل ۲۲

ہر جہری کی حاصل مجموعی تنویر کی ہیئت اور اس کے کناروں پر کی تنویر میں تفاوت  $ف_۱$  ہے اس لیے ان دونوں جہریوں کی حاصل مجموعی تنویر کی ہیئت  $ف_۱ + ۲ ف_۲ + ف_۳$  ہے یعنی  $۲ (ف_۱ + ف_۲)$  ہے پس حاصل مجموعی تنویر سمتیوں کے متوازی الاضلاع کے ذریعہ معلوم کی جاسکتی ہے۔

چونکہ ایک ایک سمتی کی قیمت  $\frac{۱}{۲}$  جب  $\frac{ف_۱}{ف_۲}$  ہے اور ان کے مابین زاویہ  $۲ (ف_۱ + ف_۲)$  ہے۔

اس لیے حاصل سمتی  $۲ \frac{۱}{۲}$  جب  $\frac{ف_۱}{ف_۲}$  حجم  $(ف_۱ + ف_۲)$  ہے

پس حاصل تنویر کی حدت  $ح = (۱۲) \frac{۲}{۲} \frac{ف_۱}{ف_۲}$  حجم  $(ف_۱ + ف_۲)$   
اگر حاصل ارتعاش معلوم کرنا ہو تو چونکہ وتر  $ص_۱$  سے حاصل ارتعاش

$۱ = \frac{۱}{۲}$  جب  $\frac{ف_۱}{ف_۲}$  جب  $(س + و + ف_۱)$  ہے

اور وتر  $ص_۱$  سے متعلق حاصل ارتعاش

$$۱ = \frac{۱}{۲} \text{ جب } ۱ \text{ جب } (س + و + ۱, ۲ + ۱, ۲ + ۲)$$

$$= \frac{۱}{۲} \text{ جب } ۱ \text{ جب } (س + و + ۱, ۳ + ۱, ۲ + ۲) \text{ ہے۔}$$

لہذا ان دونوں کا حاصل  $۱ + ۱ = ۲$

$$یعنی ۲ = \frac{۱}{۲} \text{ جب } ۱ \text{ جب } (۱ + ۲) \text{ جب } (س + و + ۱, ۲ + ۱, ۲ + ۲) \text{ ہے}$$

جو دونوں جھریوں کے درمیان حائل چوڑائی  $۱$  کے وسطی نقطہ پر کے متعلقہ ارتعاش کے متناظر ہے۔

$$\text{حدت تنویر } ح = (۱ + ۱) \frac{۱}{۲} \text{ جب } ۱ \text{ جب } (۱ + ۲) \text{ دو متغیر}$$

اجزائے ضربی کے تابع ہے۔ ایک جزو  $\frac{۱}{۲}$  جب  $۱$  جب واحد جھری کے انعکاسی بندوں کو تعبیر کرتا ہے اور دوسرا جزو  $(۱ + ۲)$  دو جھریوں سے آنے والی موجوں کے تداخلی بندوں کو ظاہر کرتا ہے۔ آخراً لہذا کمزور ہوتا ہے جبکہ

$$\frac{\pi}{۲} (۱ + ۲) = (۱ + ۲)$$

یعنی اس مقام پر جہاں  $(۱ + ۲)$  (جب  $۱ + ۲$ ) (جب  $۱ + ۲$ )  $\frac{\pi}{۲} (۱ + ۲)$  لے  
 ذرا سا غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ اس مساوات کا مفہوم یہی ہے کہ  
 دونوں جھریوں کو اگر چھوٹی مساوی مقدار کے کثیر التعداد حصوں میں تقسیم کیا جائے  
 تو دوسری جھری کے کسی حصے سے آنے والی موج پہلی جھری کے متناظر حصے سے  
 آنے والی موج سے بقدر رفاق عددی ضعیف نصف طول موج پیچھے ہے۔ اس لیے  
 یہ موجیں ایک دوسری کو تداخل سے تلف کر دیتی ہیں۔

لیکن اگر  $(۱ + ۲) = \pi$  یعنی  $(۱ + ۲)$  (جب  $۱ + ۲$ )  $\pi = ۱$  لے  
 تو دونوں موجیں ایک دوسری کی تائید کرتی ہیں اور وہاں تنویر اعظم ہے۔



اس اعظم و اقل تنویر کے نقشہ کے لیے فراؤن ہو فرنے (Spectra of the second class) دوم درجہ کے طیف نام تجریر کیا۔

پس دو جھریوں کے انکسار کے مظاہر کو ایک جھری کے انکساری نظام اور دو جھریوں کے متداخلی نظام کے حاصل تصور کر سکتے ہیں۔ اہل الذکر نظام جزو ضربی جھری کے تابع ہے اور آخر الذکر جم (فہ + فہ) کے۔ جہاں کہیں ان دونوں اجزائے ضربی میں سے کوئی بھی معدوم ہوتا ہے وہاں حدت تنویر صفر ہے۔

چونکہ متداخلی نظام میں انتشار (۱ + ب) کا بالعکس ہے اور انکساری نظام میں انتشار محض ۱ کا بالعکس۔ اس لیے اگر جھریاں ایک دوسرے سے بہت قریب نہ واقع ہوں (یعنی ب بہت چھوٹا نہ ہو) تو متداخلی نظام تقریباً بالکلیہ انکساری نظام کے پہلے دو بندوں کے اندر سما جاتا ہے۔

چھوٹی مستطیل جھری کا انکسار۔ اس سے قبل جھری کی صرف چوڑائی کو چھوٹا مان کر نتائج اخذ کیے گئے تھے اور جھری کی لمبائی سے بحث نہیں کی گئی تھی۔ اب ہم اس کے طول و عرض دونوں کو کافی چھوٹا مان کر اس کے انکسار کی تحقیق کریں گے۔ فرض کرو جھری کا طول ۱، انتصافاً واقع ہے اور عرض ۱، انفاً ایسی تنگ جھری کی صورت میں انکساری نقشہ مستطیل شکل کے بندوں پر مشتمل ہوتا ہے جو جھری کے طول کے متوازی ہیں۔ ان کی پیدائش کا باعث جھری کی تنگی یعنی ان کی چوڑائی کی قلت ہے۔ طول بڑا ہونے کی وجہ سے واقعہ ناصبیہ موج کو جب اس طول کے متوازی پٹیوں میں تقسیم کر کے ان کے اثرات کا موازنہ کیا جاتا ہے تو ہر پٹی کا پورا پورا اثر بلا کم و کاست منتقل ہو جاتا ہے۔ لیکن جب جھری کا طول عرض کی طرح کافی چھوٹا ہوتا ہے تو دونوں سمتوں میں تنگی واقع ہونے کی وجہ سے ان سمتوں میں انکساری بند نمایاں ہوتے ہیں۔ جھری کے طول کے متوازی بند اس کی چوڑائی کی قلت کی وجہ سے پیدا ہوتے ہیں اور اس کے عرض کے متوازی بند اس کے طول کی قلت کے باعث صورت پذیر ہوتے ہیں۔ ان کی حدت تنویر محسوب کرنے کے لیے جھری کو اس کے طول ۱، کے متوازی کثیر التعداد چھوٹے حصص میں تقسیم کرو۔ ہر ایسی پٹی کا طول ۱، ہو گا۔ اور چونکہ یہ کافی چھوٹا مانا گیا ہے اس لیے کسی زیر بحث نقطہ

ہر ایسی پٹی سے آنے والی موج کا محیط ارتعاش جیسا کہ قبل ازیں بتایا گیا ہے

$$\text{ح}_۱ = \lambda_۱ \frac{\text{جب}^۱ \text{ف}_۱}{\text{ف}_۱} \text{ جس میں ف}_۱ = \frac{\pi}{\lambda_۱} (\text{جب}^۱ \text{ع}_۱ + \text{جب}^۱ \text{ط}_۱) \text{ ہے}$$

یہاں یہ فرض کیا گیا ہے کہ واقع موج جھری کے طول کے ساتھ ۹۰° - زاویہ بناتی ہے اور منکسر موج ۹۰° - طہ زاویہ - ان تمام پٹیوں سے پیدا ہونے والے حاصل محیط کی تعیین کے لیے ہمیں یہ یاد رکھنا چاہیے کہ جھری کی چوڑائی کے انتہائی سروں سے آنے والے ارتعاشوں کا تفاوت ہدیت ۲ فہ ہے - جس میں

$$\text{ف}_۲ = \frac{\pi}{\lambda_۲} (\text{جب}^۲ \text{ع}_۲ + \text{جب}^۲ \text{ط}_۲)$$

یہ فرض کر کے کہ واقع اور منکسر موجیں جھری کے عرض  $\lambda_۱$  کے ساتھ علی الترتیب ۹۰° - عہ اور ۹۰° - طہ زاویے بناتی ہیں - چونکہ نقطہ زیر بحث پر جھری کے طول کے متوازی قطع کی ہوئی ہر پٹی سے محیط ارتعاش  $\text{ح}_۱$  حاصل ہوتا ہے اس لیے حاصل مجموعی محیط ارتعاش

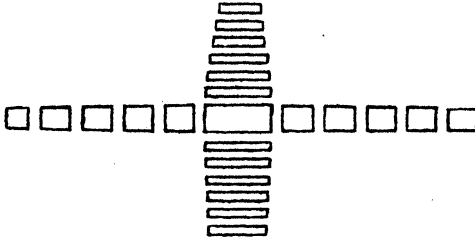
$$\text{ح}_۱ = \lambda_۱ \frac{\text{جب}^۱ \text{ف}_۱}{\text{ف}_۱} \text{ اور حدت تنویر}$$

$$\text{ح} = \lambda_۱ \frac{\text{جب}^۱ \text{ف}_۱}{\text{ف}_۱} \frac{\text{جب}^۲ \text{ف}_۲}{\text{ف}_۲}$$

اگر یہ فرض کیا جائے کہ واقع موجوں کا مستوی جھری کے مستوی کے متوازی ہے تو عہ اور عہ دونوں صفر ہو جاتے ہیں اور

$$\text{ح} = \lambda_۱ \frac{\text{جب}^۱ (\frac{\pi}{\lambda_۱} \text{جب}^۱ \text{ط}_۱)}{(\frac{\pi}{\lambda_۱} \text{جب}^۱ \text{ط}_۱)} \frac{\text{جب}^۲ (\frac{\pi}{\lambda_۲} \text{جب}^۲ \text{ط}_۲)}{(\frac{\pi}{\lambda_۲} \text{جب}^۲ \text{ط}_۲)}$$

پس ہر نقطہ پر حدتِ تنویر دو متغیر ازلے ضربی کے تابع ہے۔ ان میں سے ایک جزو



شکل ۲۵

جہری کے طول ۱ کے متوازی پٹیوں کا سلسلہ پیدا کرتا ہے اور دوسرا جزو عرض ۱ کے متوازی پٹیوں کا سلسلہ۔ اس طرح انحسارِ نور سے شکل ۲۵ کا سا نقشہ تیار ہوتا ہے جو مستطیلوں پر مشتمل ہے۔ نقشہ کا ہر ایک مستطیل جہری کے مستطیل ۱ کے تقریباً مشابہ ہے لیکن باعتبار وضع اس سے ۹۰ گھوما ہوا ہے۔ جہری کا کوئی بازو جتنا لمبا ہوگا اس کے علی القوائم بند اتنے ہی تنگ ہونگے۔ اس لیے تنگ لمبی جہری کے انحسار سے صرف جہری کی چوڑائی کے علی القوائم بند دکھائی دیتے ہیں۔ اس کی لمبائی کے علی القوائم بند مستحکم معدوم ہو جاتے ہیں۔

اگر ۵۰ سمر ماسکی طول کے عدسہ کی پشت پر  $2 \times 4$  سمر البعاد کی جہری پر وہ کو چسپاں کر کے اس کے پیچھے ۱۰۰ سمر پر ایک ثقبہ کو آفتاب کے نور یا قوسی لب سے منور کریں اور عدسہ کے سامنے اسی قدر فاصلے پر یعنی ۱۰۰ سمر پر چشمہ رکھ کر دیکھیں تو شکل ۲۵ کا سا نقشہ باسانی دکھائی دیگا۔

مستطیل جہری کے ٹیلٹ (Talbot) بندوں

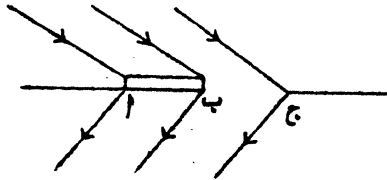
کی توجیہ —

ٹیلیٹ نے ۱۷۳۵ء میں اپنا ایک مشاہدہ بیان کیا کہ اوسطاً انتقاری طاقت کے منشور سے پیدا شدہ مکمل طیف کو آنکھ کی پتلی کے برابر گول سہوہ میں سے دیکھیں اور سہوہ کے ایک نصف حصہ کو شیشہ یا برق کی پتلی پر ت سے ڈھانپ دیں تو طیف کے ایک سرے سے دوسرے سرے تک ایوڈین کے بخار کے انجڑابی بندوں کی طرح متوازی تاریک بند نظر آتے ہیں۔ یہ بند طیف پیمائی کی مدد سے بخوبی مشاہدہ کیے جاسکتے ہیں۔ توازی گراور دُور بین کو حسب معمول طیف کے مطالعہ کے لیے ترتیب دے کر نصف سہوہ کو پتلی شفاف پر ت سے چھپا دیا جائے۔ پر ت یا تو دُور بین کے چشمہ اور آنکھ کے بیچ میں رکھی جاسکتی ہے یا دُور بین کے دبانہ اور منشور کے بیچ میں یا منشور اور توازی گر کے درمیان۔

خود ٹیلیٹ نے محض تداخل نہ کہ ذریعہ ان بندوں کے سمجھانے کی اس طرح کوشش کی کہ پر ت میں سے آنے والی شعاعیں بقیہ شعاعوں سے بلحاظ ہیئت پیچھے رہ جاتی ہیں اور ان دونوں کے تداخل سے بند پیدا ہوتے ہیں۔ اگر لہ طول موج کی شعاع پر ت میں سے آتی ہوئی بقدر ط راستہ پیچھے رہ جائے اور  $\tau = 2\lambda$  نہ لے چاں نہ کوئی ایک صحیح عدد ہے تو سہوہ کے ان دو نصف حصوں میں سے (یعنی پر ت میں سے ہوتی ہوئی اور پر ت کے باہر سے آنے والی شعاعیں ایک دوسری کی تائید کرنیکی لیکن اگر  $\tau = (2n+1)\lambda$  نہ لے تو وہ عین مخالف ہیئتوں میں ہونگی اور ایک دوسری کو تلف کر دیگی۔ چونکہ مختلف رنگوں کے لیے لہ کی قیمت مختلف ہے اس لیے طیف کے ایک سرے سے دوسرے سرے تک باری باری سے نور کی موجیں ایک دوسری کی مدد کرینگی یا مخالفت۔ لہذا سارے طیف میں جا بجا سیاہ بند نظر آئینگے۔

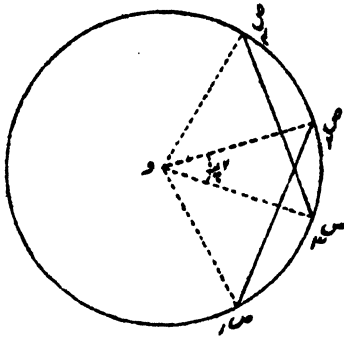
اب ہم انکسار نور کے ذریعہ اس منظر کی زیادہ صحیح توجیہ کرنا چاہتے ہیں۔ شکل ۴۶ میں فرض کرو ج پوری جبری کی چوڑائی ہے اور ا ب اس کا نصف حصہ پتلی شفاف پر ت سے ڈھانپا ہوا ہے۔ پر ت ا ب میں سے ہو کر آنے والی موجوں کی تنوید کو ترسیبی طریقہ پر شکل ۴۷ میں دائری قوس ص ص،  $\tau = 2\lambda$  سے تعبیر کر سکتے ہیں۔ جبری کے باقی نصف حصہ

ب ج سے آنے والی تنویر کو ص ص = ۲ قد سے اس لیے کہ اب = ب ج۔



شکل ۲۶

یہاں یہ یاد رکھنا چاہیے کہ ب کے قریب سے تنویر کا جو جزو بلا روک جہری کے نصف حصہ ب ج سے آتا ہے نصف حصہ اب سے رکاوٹ کے ساتھ آنے والے جزو سے ہیئت میں آگے کو بڑھا ہوا ہوتا ہے۔ اس لیے شکل ۲۶ میں



شکل ۲۷

قوس ص ص کا کچھ حصہ قوس ص ص کے ساتھ مشترک ہے۔ فسر ض کرو قوس ص ص = ۲ پ اور یہ پتری کی رکاوٹ سے وقوع میں آنے والے ابصار کو تعبیر کرتا ہے۔ ہندسہ سے واضح ہے کہ ص ص اور ص ص دتروں کے مابین زاویہ = ۲ (فہ - پ) پس اگر مستطیل جہری کا طول ل و اور

نصف عرض ۱، ہر دو مستطیل جھری کے ضابطہ سے وتر ص ص = وتر ص ص  

$$= \frac{۱, ۱}{۲} \text{ جب فہ جب پے اور سمتیوں کے متوازی الاضلاع کی رُو سے}$$
  
 حاصل حیظہ ارتعاش فہ

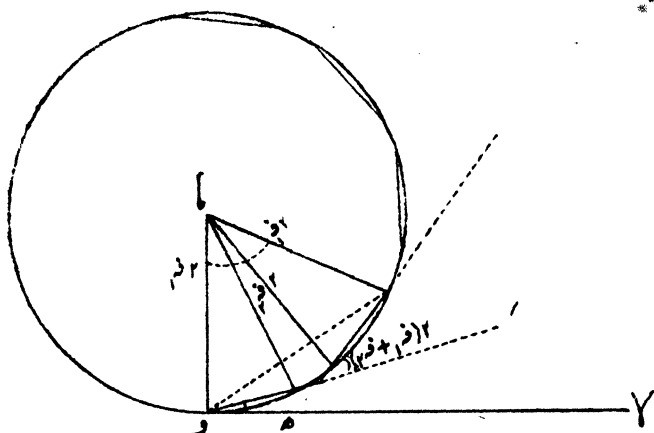
۲ ۱, ۱ جب فہ جب پے جم (فہ - پے)

ایری (Airy) نے یہی ضابطہ تحلیلی طریقہ سے اخذ کیا تھا اور فہ اور پے کی مختلف قیمتوں کے لیے اس نے مندرجہ بالا ضابطہ کے ضلیعہ حدت تنویر کی ترسیم بھیج کر تنویر کا آثار چڑھاؤ ظاہر کیا۔

مستوی انکساری جالی - یعنی متوازی مساوی  
 اور متساوی لفصل تنگ مستطیل کثیر التعداد جھریوں سے  
 نور کا انکسار۔

فرض کرو کہ اس نظام میں جھریوں کا طول بہت لمبا ہے جھری کی چوڑائی ۱ ہے اور متصل غیر شفاف حصوں کی چوڑائی ب - اس نظام میں سے آنے والی مستوی موجوں کا حاصل حیظہ ترسیبی طریقہ پر دریافت کرنے کے لیے شکل ۷۷ کی طرح مناسب نصف قطر کا دائرہ کھینچو۔ وک، وک لا وک کے محور ہیں۔ دائرہ کے محیط پر و میں سے قوسوں کا ایک سلسلہ قطع کرو جن کے طول علی الترتیب ۱ اور ب کے متناسب ہیں۔ جیسا کہ شکل ۷۷ میں بتایا گیا ہے۔ یہ طول دائرہ کے مرکز پر علی الترتیب زاویے ۲، ۲، ۲، ۲ بناتے ہیں جو جھری کی چوڑائی ۱ اور غیر شفاف حصہ کی چوڑائی کے سروں کے تفاوت ہیئت کو تعبیر کرتے ہیں۔ تمام جھریوں سے آنے والی موجوں سے پردہ کے کسی مقام پر حاصل حیظہ تنویر

معلوم کرنے کے لیے ہم لا و ما کے محوروں کی سمت میں اُس کے اجزائے تحلیلی دریافت کرتے ہیں۔



شکل ۴۸

اگر ان کو لا و ما سے تعبیر کیا جائے اور یہ فرض کیا جائے کہ پہلی بھری کے حاصل ارتعاش کو تعبیر کرنے والا وتر (جو شکل ۴۴ کے دائرہ کا استوائی اور سب سے نیچے کا وتر ہے) محور لا کے ساتھ زاویہ  $\theta$  بنا تا ہے تو

لا = س [جم + ۵ جم + (ج + ۵) جم + (ج + ۵) جم + ..... + {جم + ۵} + (۱-ن) ج] جس میں س دائرہ کے ہر وتر کا طول ہے اور ج = ۲ فم، ۲ فم = ۲ (فم + فم)

پس لا = س  $\frac{\text{جم} \cdot \left\{ \frac{1}{n} + \frac{(1-n)}{2} \right\}}{\text{جب} \cdot \frac{1}{n}}$

واضح ہو کہ واحد لمبی جھری کے انکسار نور سے متعلق ہم نے ثابت کیا ہے کہ

$$r = \frac{\text{جب فدا}}{\text{فدا}}$$

اسی طرح محرما پر جھریوں کے حامل ارتعاشوں کے ظسل جمع کرنے سے

$$\text{ما} = \text{سر} [\text{جب } ۵ + \text{جب } (۸ + \text{جب}) + \text{جب } (۲ + ۵) + \dots + \text{جب } (۵ + (۱ - \text{ن}) + \text{جب})] \\ = \frac{\text{جب } \{ ۵ + \frac{۱}{۲} (۱ - \text{ن}) + \text{جب} \}}{\text{جب } \frac{۱}{۲}}$$

$$\text{پس حدت تنویر ح} \equiv \gamma + \text{ما} = \text{سر} \frac{\text{جب } \frac{۱}{۲} \text{ن} + \text{جب}}{\text{جب } \frac{۱}{۲}}$$

$$\text{یعنی ح} = \frac{\text{جب } \frac{۱}{۲} \text{ن} + \text{جب}}{\text{جب } \frac{۱}{۲}} = \frac{\text{جب } (۱ + \text{ن})}{\text{جب } (۱ + \text{ن})}$$

لیکن یہ یاد رہے کہ  $\frac{۱}{۲} \pi$  (جب  $\epsilon + \text{جب } \delta$ ) اور  $\frac{\pi}{2}$  (جب  $\epsilon + \text{جب } \delta$ ) جس میں  $۹۰^\circ - \epsilon$  اور  $۹۰^\circ - \delta$  واقع اور منکسر فیسلوں کا انکساری جالی کے مستوی کے ساتھ زاویہ میلان ہے۔ پس

$$\text{ح} = \frac{\text{جب } \frac{۱}{۲} \text{ن} + \text{جب}}{\text{جب } \frac{۱}{۲}} = \frac{\text{جب } (۱ + \text{ن})}{\text{جب } (۱ + \text{ن})}$$

حاصل حیظہ ارتعاش کی ہیئت ذ کا ضابطہ

$$\text{مس ذ} \equiv \frac{\text{ما}}{\gamma} = \text{مس} \{ ۵ + \frac{۱}{۲} (۱ - \text{ن}) + \text{جب} \}$$

جو جالی کے وسطی مقام سے آنے والی ارتعاش کی ہیئت ہے۔ پس اگر جالی کے پہلے منفذ سے آنے والی تنویر کی مساوات  $\text{ما} = \text{سر جب } \epsilon$  ہو تو حاصل مجموعی ارتعاش کی مساوات

$$\text{ما} = \text{سر} \frac{\text{جب } (۱ + \text{ن}) + \text{جب}}{\text{جب } (۱ + \text{ن})} = \text{سر} \{ ۵ + \frac{۱}{۲} (۱ - \text{ن}) + \text{جب} \}$$



حدت تنویر کا ضابطہ دو متغیر اجزائے ضربی کے تابع ہے۔ ایک جزو واحد جبری کے انکسار فور کو تعبیر کرتا ہے جس کی اعظم و اقل قیمتوں پر قبل ازیں بحث ہو چکی ہے۔ دوسرا جزو ضربی  $\frac{\text{جب}^2 \text{ن} (\text{فہ}^1 + \text{فہ}^2)}{(\text{فہ}^1 + \text{فہ}^2)}$  سے بھی تنویر کے اعظم و اقل مقامات کا پتہ چلتا ہے۔ سہولت کی خاطر  $\text{فہ}^1 + \text{فہ}^2$  کے عوض لاکھو۔ تب یہ جزو ضربی  $\frac{\text{جب}^2 \text{ن} \text{لا}}{\text{جب}^2 \text{لا}}$  بن جاتا ہے۔ اعظم و اقل مقامات پر اس کا پہلا تفرقی سر  $\frac{2 \text{جب}^2 \text{ن} \text{لا}}{\text{جب}^2 \text{لا}}$  (ن جب لا جم ن لا۔ جم لا جب ن لا) صفر ہوتا ہے۔

یعنی (۱) جب ن لا = ۰ اور (۲) ن جب لا جم ن لا۔ جم لا جب ن لا = ۰۔  
یعنی ن مس لا = مس ن لا

(۱) اقل تنویر کے مقام۔ جب ن لا صفر ہوں تو  $\text{م} = \pi$  جس میں م کوئی ایک صحیح عدد ہے۔

اور  $\frac{\text{جب}^2 \text{ن} (\text{فہ}^1 + \text{فہ}^2)}{(\text{فہ}^1 + \text{فہ}^2)} = ۰$  پس یہاں حیطہ ارتعاش معدوم ہوتا ہے اور صفر قیمت کے اقل تنویر کے مقام حاصل ہوتے ہیں۔

صد سہ اعظم حدت کے مقام۔ اگر لا = م  $\pi$  تو

$\frac{\text{جب}^2 \text{ن} \text{لا}}{\text{جب}^2 \text{لا}}$  کا شمار کنندہ اور نسب نما دونوں صفر ہو جاتے ہیں۔ لیکن اس غیر منفین کسر کی صحیح قیمت ن ہے اس لیے کہ شمار کنندہ اور نسب نما کو تفرق کرنے سے تفرقی سر  $\frac{\text{ن} \text{جم} \text{ن} \text{لا}}{\text{جم} \text{لا}}$  حاصل ہوتا ہے جس کی انتہائی قیمت لا کے عوض م  $\pi$  لکھنے پر ن ہو جاتی ہے۔ بدیں و جان مقاموں پر حدت تنویر اعظم اور ن کے مساوی ہوتی ہے۔

پس جہاں  $فہ + فہ = م$  یا  $(۱ + ب) (جب عہ + جب طہ) = م$  لہ  
وہاں بہت ہی اعظم حدت تنویر پائی جاتی ہے۔ اس لیے ان کو صدر اعظم حدت کے  
مقام کہتے ہیں۔

ابھی ابھی ہم نے دیکھا ہے کہ جہاں  $ن (فہ + فہ) = م$  وہاں  
حدت تنویر صفر ہے اور صدر اعظم حدت کے مقاموں پر  $فہ + فہ = م$  اس  
لیے جیسا کہ شکل ۴۹ کے ملاحظہ سے ظاہر ہوگا دو متصل صدر اعظم حدت  
کے مقاموں کے مابین  $(ن - ۱)$  اقل یعنی صفر حدت کے مقام ہونگے۔

(۲) ثانوی اعظم حدت کے مقام — مساوات

$ن$  مس لا = مس ن لا کی اصلیں جو لا = م سے مختلف ہیں (اور اس لیے  
وہ نہیں ہیں جو صدر اعظم حدت کے مقاموں کو تعبیر کرتی ہیں) اعظم حدت  
کے ایک اور سلسلہ کو تعبیر کرتی ہیں جو ثانوی اعظم حدت کے مقاموں سے  
مستقل ہے۔ ان مقامات پر صدر اعظم حدت والے مقامات سے  
حدت بہت کم ہے۔ چونکہ

$$ن \text{ مس لا} = \text{مس ن لا لہذا} \quad \frac{ن \text{ جب لا}}{(۱ - جب لا)} = \frac{جب ن لا}{(۱ - جب ن لا)}$$

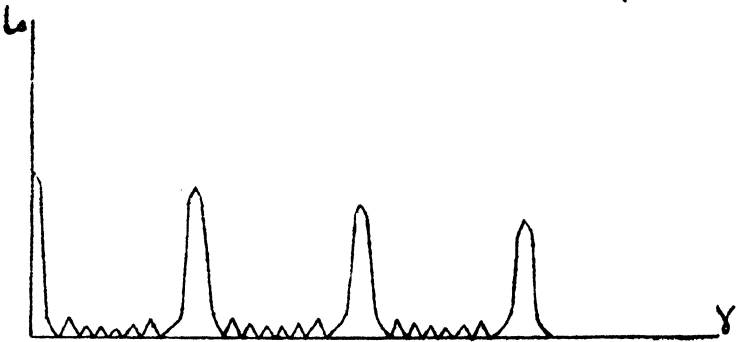
$$\therefore ن \text{ جب لا} - ن \text{ جب ن لا جب لا} = جب ن لا - جب ن لا جب لا$$

$$\text{اور بالآخر} \quad \frac{جب ن لا}{جب لا} = \frac{ن}{(ن - ۱) + ۱}$$

$$\text{پس} \quad \left( \frac{جب ن لا}{جب لا} \right) : ن = ۱ : \{ (ن - ۱) + ۱ \}$$

واضح ہو کہ  $ن$  صدر اعظم حدت کے مقاموں کی حدت کو تعبیر کرتا ہے  
اس لیے ان ثانوی اعظم حدت کے مقاموں پر کی حدت صدر اعظم حدت والے

مقاموں کی حدت کے ساتھ  $\frac{1}{1 + (n-1)}$  نسبت رکھتی ہے جو  $n$  کی قیمت یعنی جالی کے شفاف حصوں کی تعداد بہت بڑی ہو جانے کی صورت میں بہت ہی چھوٹی مقدار ہو جاتی ہے۔ جیسا کہ شکل ۲۹ کے منحنیوں سے ظاہر ہوتا ہے۔



شکل ۲۹

انکساری جالی (Diffraction grating) پر فی انچ طول چودہ ہزار متوازی لکیریں کھینچی جاتی ہیں اس لیے جب ایسی جالی استعمال کی جاتی ہے تو ثانوی اعظم حدت کے مقاموں پر تنویر کی حدت تقریباً معدوم ہو جاتی ہے۔ چونکہ دو متصل صدر اعظم حدت والے مقاموں کے بیچ میں  $(n-1)$  اقل یا صفر حدت کے مقام ہوتے ہیں۔ اس لیے ان کے مابین ثانوی اعظم حدت کے مقاموں کی تعداد  $(n-2)$  ہوتی ہے۔ جیسا کہ شکل ۲۹ سے واضح ہے جو  $n=8$  کے یکھینچی گئی ہے۔ حدت تنویر کا ضابطہ چونکہ

$$C = \frac{1}{2} \frac{\text{جب } n \text{ فہ}}{\text{جب } 1 \text{ فہ}} = \frac{\text{جب } n \text{ فہ} + \text{جب } 1 \text{ فہ}}{\text{جب } 1 \text{ فہ} + \text{جب } 1 \text{ فہ}}$$

جزو ضربی  $\frac{\text{جب } n \text{ فہ} + \text{جب } 1 \text{ فہ}}{\text{جب } 1 \text{ فہ} + \text{جب } 1 \text{ فہ}}$  کی وجہ سے مساوی اور  $n$  کے متناسب حدت کے

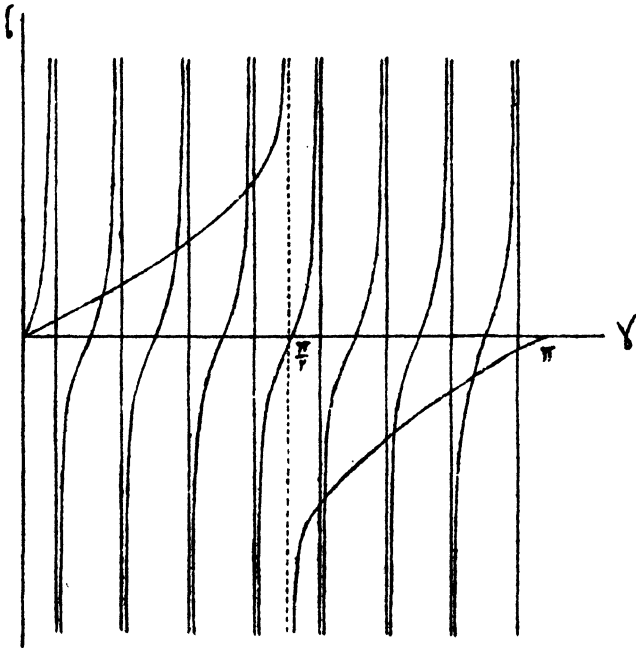
روشن بند پیدا ہوتے ہیں جس میں  $n =$  جالی کے مجموعی غطوں کی تعداد۔ یہ روشنی بند صدر اعظم حدت کے مقام ہیں۔ ایسے ہر دو متصل بندوں کے درمیان تنگ جالنا پیٹیوں کا ایک سلسلہ ہوتا ہے جو جھریوں کی تعداد یعنی  $n$  کے اضافہ سے تنگ تر اور غیر واضح تر ہوتا جاتا ہے۔ اس لیے انکساری جالی کی صورت میں یہ جالنا پیٹیاں غائب ہو جاتی ہیں۔

ثانوی اعظم حدت کے مقام مندرجہ ذیل منحینوں کے تقاطع سے دریافت ہو سکتے ہیں:

$$(1) \quad m = n \text{ مس لا اور } (2) \quad m = \text{مس ن لا}$$

(جس میں  $la = f_m + f_n$ )

پہلی مساوات ایک منحنی کو تعبیر کرتی ہے جو خط  $la = \frac{1}{\pi}$  کا متقارب ہے۔



شکل ۵

اور دوسری مساوات اس کے مشابہ معنیوں کے ایک مجموعہ کو تعبیر کرتی ہے جو  $n \lambda = \frac{1}{2} \pi$  کے متقارب ہیں۔ ملاحظہ ہو شکل ۱۲۳ جو  $n = 1$  کے لیے تیار کی گئی ہے۔

لا کے تشاکل سے واضح ہے کہ اگر جالی کے شفاف خط غیر شفاف اور غیر شفاف خط شفاف ہو جائیں تو بھی تنویر میں کوئی فرق نہیں آئیگا۔ چونکہ پردہ پر کے کسی مقام کی حاصل تنویر دو اجزائے ضربی جب  $\frac{1}{2} \lambda$  اور

جب  $\frac{3}{2} \lambda$  کے حاصل ضرب کے تابع ہے اس لیے اس حاصل تنویر کی تعین

کے لیے شکل ۱۲۹ کے معنی کے معینوں کو واحد جھری کی حدت تنویر کے معنی کے متناظر معینوں سے ضرب دینا چاہیے۔ آخر لذر معینوں کے عام تغیرات صدر اعظم حدت کے معینوں کے مقابلہ میں بہت ہی خفیف ہیں۔ اس لیے عموماً ان کا اثر ناقابل لحاظ ہوتا ہے، الا اس صورت میں کہ جب  $\frac{1}{2} \lambda$  کی صفر

قیمت ٹھیک اس مقام پر واقع ہو جہاں دوسرے جزو ضربی (جب  $\frac{1}{2} \lambda$ ) کا

صدر اعظم حدت کا مقام ہو۔ اسی صورت میں واضح ہے کہ یہ اعظم حدت معدوم ہو جائیگی۔ ایسے مفقود ظلیف (یا لطیفی خطوں) کا پتہ

$$1) (جب \epsilon + جب \mu) = م ل اور (ل + ب) (جب \epsilon + جب \mu) = م ل$$

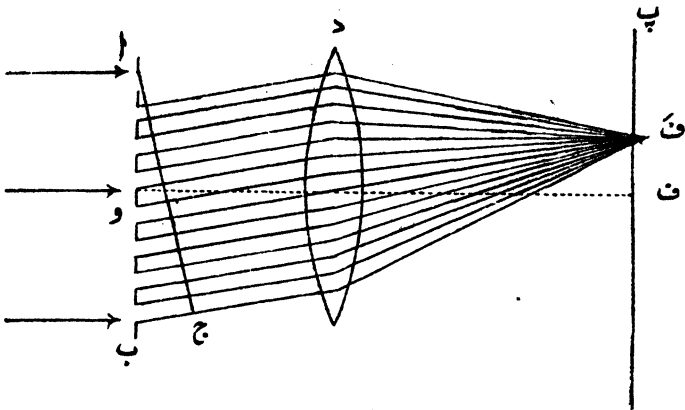
$$\text{سے چلتا ہے، یعنی } \frac{1}{\mu} = \frac{1}{\epsilon + \mu}$$

$$\text{یا } \frac{1}{\epsilon} = \frac{1}{\mu}$$

جس میں  $\mu$  اور  $\epsilon$  صمیم امداد ہیں۔ پس جہاں کہیں  $\mu$  اور  $\epsilon$  میں یہ رشتہ ہوگا وہاں لطیفی خط غیر موجود ہونگے۔

انکساری جالی کے عمل کی آسان توجیہ۔ شکل ۱۲۵

ایک مستوی جبری ۱ ب کا خاکہ بتایا گیا ہے۔ اس پر متوازی شعاعوں کی پینل علی التواضع واقع ہوتی ہے۔ جالی جو دراصل شیشہ کی تختی ہے جس پر الماس کی نوک سے



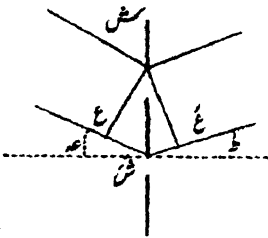
شکل ۱۵

مساوی فاصلوں پر باریک متوازی خطوط کھینچے ہوئے ہوتے ہیں نہ کہ موجوں کو منکسر کر دیتی ہے۔ یعنی لکیروں کے بیچ کے شفاف حصوں سے جو موجیں باہر آتی ہیں وہ مختلف سمتوں میں پھیل جاتی ہیں اور ان کا حاصل مجموعی اثر مختلف سمتوں میں تفاوتِ راہ کے لحاظ سے ایک دوسری کی تائید کرتا ہے یا ایک دوسری کو تلف کر دیتا ہے۔ جالی اور دیکھنے والے کی آنکھ (یا پردہ پ) کے بیچ میں ایک دور بین یا عدسہ رکھا گیا ہے تاکہ منکسر شعاعیں ماسک پر جمع ہو جائیں۔ جہاں موجیں ایک دوسری کی مدد کرتی ہیں وہاں مبدلے نور کا روشن انکساری خیال پیدا ہوتا ہے اور جہاں موجیں ایک دوسری کو تلف کرتی ہیں وہاں تاریکی ہوتی ہے۔ شکل ۱۵ میں خیالِ سمت و ف میں ماسک پر لایا گیا ہے۔ یہ سمت شعاعوں کی ابتدائی سمت کے ساتھ زاویہ پ ۱ ج بناتی ہے۔

جالی کے شفاف حصوں کی چوڑائی اگر ۱ مانی جائے اور غیر شفاف حصوں یعنی لکیروں کی چوڑائی ب تو یہ فرض کر کے کہ واقع مستوی موج

جالی کے مستوی کے ساتھ زاویہ  $\epsilon$  بناتی ہے اور منکسر موج زاویہ  $\delta$  دیکھو شکل ۵۲۔  
جالی کے دو قریب ترین متناظر مقاموں (شش، شش) سے آنے والی موجوں میں  
تفاوت راہ

$$(1 + \beta) \text{ جب } \epsilon + (\beta + 1) \text{ جب } \delta = (\beta + 1) \text{ جب } \epsilon + \beta \text{ جب } \delta$$



اگر یہ تفاوت  $n$  کے مساوی  
ہے جس میں  $n$  کوئی ایک صحیح عدد ہے  
تو اس سمت میں موجیں ایک دوسری  
کی مدد کرنیکی اور یہاں روشنی مشاہدہ  
ہوگی۔ اگر اس سمت سے متعلق زاویہ انکسار  
کو  $\beta$  سے تعبیر کریں تو روشن مقام  
کے لیے

$$(1 + \beta) \text{ جب } \epsilon + \beta \text{ جب } \delta = n$$

شکل ۵۲  
اگر یہ معلوم ہو جائے کہ جالی کے  
فی سمر کتنے خط کھینچے گئے ہیں (بالقرض  $\epsilon$ ) تو  $1 + \beta = \frac{1}{\epsilon}$  وقوع اور انکسار کے  
زاویہ  $\epsilon$  اور  $\beta$  دریافت کرنے پر طول موج  $\lambda$  کی تعیین ہو جاتی ہے۔  
مستوی انکساری جالی کے تجربوں کے لیے طیف پیمائش مفید آ رہی ہے۔  
اس کی مینر کو متوازی الافق کر کے جالی کو اس پر انتصاباً نصب کرتے ہیں اور  
زاویہ وقوع  $\epsilon$  کی پیمائش کے لیے توازی گر کی جھری کو دیے ہوئے ذرے سے منور  
کر کے دوربین کو گھماتے ہیں یہاں تک کہ جالی کی سطح پر سے متوازی شعاعیں  
منعکس ہو کر دوربین کی صلیبی تاروں پر ماسک پر آ جاتی ہیں۔ توازی گر اور دوربین  
کے محوروں کا درمیانی زاویہ  $2\epsilon$  ہوگا۔ اس طرح جالی میں سے خارج ہو کر ن۔ والے  
انکساری خط پیدا کرنے والی شعاعوں کا زاویہ انکسار  $\beta$  ناپ لیا جاتا ہے۔  
انکساری طیف کے لیے بھی الغطاف سے پیدا ہونے والے طیف کی  
طرح اقل انحراف کا زاویہ محسوب ہو سکتا ہے۔ چونکہ  $n$  دیں طیفی خط کا زاویہ انحراف

ذ = ع + طن ، زاویہ ذ کی اقل قیمت کے لیے  $\text{فوذ} = \text{فرع} + \text{فرطن} = ۰$ ۔  
 اور چونکہ (۱ + ب) (جب ع + جب طن) = ن لہذا ایک معینہ طول موج لہ اور  
 درجہ طیف ن کے لیے

$$\text{جم ع فرع} + \text{جم طن فرطن} = ۰$$

∴  $\text{جم ع} = \text{جم طن}$  یعنی ع = طن اس لیے کہ ع اور طن دونوں فرداً فرداً  
 ۲ سے کمتر ہیں۔

$$\text{پس اقل زاویہ انحراف فوذ} = ۲ = ع = ۲ \text{ طن}$$

$$\text{∴ } ۲ (۱ + ب) \text{ جب } ۲ = \text{فوذ} = ن لہ$$

اقل انحراف کی وضع میں انکساری طیف کی وضاحت بہترین ہوتی ہے۔  
 اور اس لیے یہ وضع لہ کی قیمت کی تعیین کے لیے بہت سودمند ہے۔

اگر مبدائے نور نقطہ ہے تو انکساری جالی سے پردہ پر اعظم تنویر کے  
 جو مقام مشاہدہ ہونگے اور جن کو ہم مبداء کا انکساری خیال تصور کر سکتے ہیں وہ بھی  
 نقطہ ہی ہونگے۔ اگر مبداء جالی کی لکیروں کے متوازی ایک جھری ہے تو انکساری  
 خیال بھی جھری کے متوازی خط ہونگے۔ لیکن یہ یاد رکھنا چاہیے کہ ان نقطوں  
 یا خطوں کی چوڑائی بہت ہی کم ہوگی۔ اس لیے کہ اگر پہلی اعظم تنویر  
 کی سمت واقع نور کی سمت کے ساتھ زاویہ طم بناتی ہے اور ط + مف ط  
 سمت میں تنویر صفر ہے یعنی اعظم تنویر کے بند کی نصف چوڑائی  
 (زاویہ) مف ط ہے تو چونکہ ن جھریوں سے آنے والی موجوں کا  
 حاصل ارتعاش صفر ہے اس لیے ارتعاشوں کی ترسیم بند دائرہ ہوگی اور  
 پہلی اور آخری یعنی ن۔ ویں جھریوں سے آنے والے ارتعاشوں میں  
 تفاوت ہیئت  $\frac{۱}{۱-۲}$  (۲۲) جو اگر ن کافی بڑا ہو تو  $\frac{۱}{۱-۲}$  ہی ہے  
 پس ط + مف ط سمت میں دو متصل جھریوں سے آنے والی  
 موجوں کی ہیئتوں میں تفاوت  $\frac{۱}{۱-۲}$  اور اس کا تقناط تفاوت  $\frac{۱}{۱-۲}$  ہے  
 پس جب ط =  $\frac{ل}{۱+ب}$  اور جب (ط + مف ط) =  $\frac{ل}{۱+ب}$



$$\therefore \text{جب } (ط + مٹ ط) = ۱ + \frac{۱}{ن}$$

چونکہ ن ایک بڑا عدد ہے اس لیے مٹ ط بہت چھوٹا زاویہ ہے۔ یعنی انکساری جالی میں اعظم تنویر کے بند بہت باریک ہوتے ہیں۔ اگر مبداء کا نور سفید ہو تو انکساری جالی میں نور کے انکسار سے طیف کے سلسلے نظر آئینگے۔ یہ طیف مختلف درجوں کے کہلاتے ہیں۔ طیف کا درجہ جیسے بلند تر ہوتا ہے اس کی وسعت بھی بڑھتی ہے لیکن حدت تنویر گھٹتی ہے۔ چونکہ بنفشتی رنگ کے نور کا طول موج سرخ سے چھوٹا ہے اس لیے طیف میں بنفشتی رنگ مبداء سے قریب ترین سمت میں ہوگا اور سرخ بعید ترین سمت میں۔

اب ہم یہ بتانا چاہتے ہیں کہ انکساری جالی میں کتنے درجوں کے طیف مشاہدہ ہو سکتے ہیں۔ اگر پہلی اعظم تنویر کی سمت کا زاویہ ط ہے، تو ا جالی کے شفاف حصہ کی وسعت اور ب اس کے غیر شفاف حصہ کی، تو

$$\text{جب } ط = \frac{ل}{۱ + ب}$$

لیکن جس زاویہ کے اندر جلا طیف کی روشنی پھیلی ہے وہ واحد جبری یا جالی کے شفاف حصہ کی چوڑائی کے تابع ہے اور واحد جبری کی تقریباً ساری روشنی مرکزی بند کے اندر محدود ہوتی ہے۔ اگر اس بند کی زاویائی وسعت کو ۲ ط قرار دیا جائے تو جیسا کہ قبل ازیں واحد جبری کے بیان میں بتایا گیا ہے

$$\text{جب } ط = \frac{ل}{۲}$$

محل میں علم ط پر طلبہ کی مشق کے لیے جو جالیاں استعمال ہوتی ہیں ان پر فی انچ کوئی ۳۰۰۰ "لیکیرس" چھینی ہوئی ہوتی ہیں۔ چونکہ ایک انچ = ۲.۵۴ سمر

$$\text{لہذا } (۱ + ب) = \frac{۲.۵۴}{۳۰۰۰}$$

اگر لہ کی قیمت  $10 \times 5$  سم فرض کی جائے تو

$$\frac{2552}{13000} = \text{جب طم} = 10 \times 5 \text{ یعنی جب طم} = \frac{13000 \times 10 \times 5}{2552}$$

$$\text{جب طم} = 0.52654 \text{ اور طم} = 14$$

$$\text{جب طم} = 0.52654 \times 2 = 0.55308 \text{ اور طم} = 30$$

$$\text{جب طم} = 0.52654 \times 3 = 0.58268 \text{ اور طم} = 55$$

پس اگر جالی کی جھریاں اتنی بھی تنگ فرض کی جائیں کہ  $90$  تو بھی ۳ سے زیادہ درجوں کے طیف مشاہدہ نہیں ہو سکیں گے۔ عام طور پر دو درجہ سے زیادہ کے طیف نہیں دکھائی دیتے ہیں۔

### انکساری جالی کا انتشار اور تحلیلی طاقت

ہم مناظری آلات کی تحلیلی طاقت پر عام بحث سر دست ملتوی رکھ کر انکساری جالی کی تحلیلی طاقت کا مفہوم بیان کرنا چاہتے ہیں۔ ساتھ ہی اس کے انتشار کے لیے ایک جملہ بھی حاصل کر لیا جائیگا۔

چونکہ مستوی جالی میں  $n$ ۔ ویں درجہ کے طیف یا طیفی خط کے لیے

$$\text{جب طم} = \frac{n \lambda}{d + b} \text{ ہے اس لیے اس جملہ کو تفرق کرنے سے}$$

$$\frac{n}{(1+b)} = \frac{\text{فرق}}{\text{فرق}} \equiv \text{انتشار} = \frac{n}{(1+b) \text{ جم طم}}$$

جالی کی تحلیلی طاقت کا مفہوم یہ ہے کہ لہ اور  $(\lambda + \lambda')$  طول موج کی شعاعیں جب کسی جھری کو منور کرتی ہیں تو جالی اس منور جھری کے دو خیال پیدا کرتی ہے۔ یہ خیال دراصل دو منور بند یا پٹیاں ہیں جو فرق ایک بہت چھٹی مقدار ہونے کی وجہ سے ایک دوسری کے بہت قریب ہوتی ہیں۔ ان میں امتیاز صرف اسی صورت میں ہو سکتا ہے جبکہ ایک طول موج کے نوڈ سے پیدا ہونے والے منور بند کا مرکز (یعنی اعظم حدت کا مقام) دوسرے طول موج کے

نور سے پیدا ہونے والے متور بند کے کنارے (یعنی صفر قدرت کے مقام) پر واقع ہو۔ ہم نے بتایا ہے کہ جالی کی لکیروں کی تعداد بہت بڑی ہوتی ہے تو یہ پٹیاں بہت باریک ہو جاتی ہیں اور اس لیے لہ اور لہ + فر لہ طول موج سے پیدا ہونے والے خیالوں میں امتیاز ہو سکتا ہے۔

چونکہ فرط =  $\frac{ن فر لہ}{(ل + ب) جم طن}$  جس میں ن طیف کا درجہ ہے۔

اگر فرط جھری کے دونوں خیال میں سے کسی ایک کے مرکز اور صفر قدرت کے کنارہ کا زاویائی فاصلہ ہے تو جیسا کہ قبل ازیں بتایا گیا ہے

$$(ل + ب) جب (طن + فرط) = ن لہ + \frac{لہ}{ن}$$

جس میں ن = جالی کی لکیروں کی مجموعی تعداد۔ پس اس جگہ کو پھیلانے سے اور یہ یاد رکھ کر کہ جم فرط = تقریباً

$$(ل + ب) جب طن + (ل + ب) جم طن فرط = ن لہ + \frac{لہ}{ن}$$

لیکن چونکہ  $(ل + ب) جب طن = ن لہ$  اس لیے

$$(ل + ب) جم طن فرط = \frac{لہ}{ن} \text{ یعنی فرط} = \frac{لہ}{ن (ل + ب) جم طن}$$

$$\text{لیکن انتشار کے ضابطہ سے فرط} = \frac{ن فر لہ}{(ل + ب) جم طن}$$

$$\text{پس} \frac{لہ}{ن (ل + ب) جم طن} = \frac{ن فر لہ}{(ل + ب) جم طن}$$

$$\therefore \frac{فر لہ}{ن} = \frac{لہ}{ن} \text{ یا } \frac{فر لہ}{ن} = ن$$

آطالذکر جملہ کے لیے لارڈ ریلے (Lord Rayleigh) نے انکساری جالی کی تحلیل طاقت نام تجویز کیا۔ پس یہ تحلیل طاقت طیف کے درجہ اور جالی کی

لیکڑوں کی مجموعی تعداد کے حامل ضرب کے مساوی ہے۔

انکساری جالی سے جو طیف پیدا ہوتے ہیں وہ خالص ہوتے ہیں  
یا باقاعدہ - معیذایطیف طبعی (normal) بھی ہوتے ہیں اس لیے  
کہ ان میں انتشار نور کا مضابطہ

$$\frac{\text{فرقہ}}{\text{فرقہ}} = \frac{n}{(1+b)} \text{ حجم طین}$$

ہوتا ہے۔

واضح ہو کہ حجم طین کو اگر نظر انداز کر دیا جائے (جو چھوٹے زاویوں  
کے لیے تقریباً ۱ ہے) تو انتشار محض طیف کے درجہ اور جالی کی لکڑوں کی  
تعداد کے تابع ہے۔ پس طیف کے کسی بھی دو رنگوں کی وسعتوں کی نسبت  
مستقل ہوتی ہے۔ منشور کے طیف میں یہ باقاعدگی نہیں ہوتی ہے۔ اس لیے  
کہ مختلف مادے کے منشوروں سے جو طیف پیدا ہوتے ہیں ان میں دیے ہوئے  
دو رنگوں کی چوڑائیوں کی نسبت مختلف ہوتی ہے۔ اس مسئلہ پر ہم کسی آئندہ باب میں  
زیادہ تفصیل سے بحث کریں گے۔

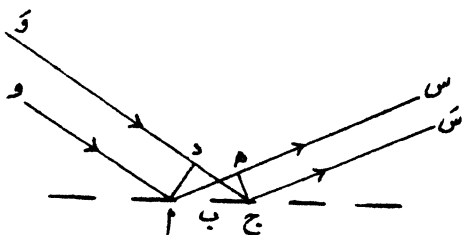
**مفقود یا غیر موجود طیفوں** — ہم نے اوپر بیان کیا ہے

کہ جب جالی کے دو متصل شفاف حصوں میں کے متناظر مقاموں سے آنے والی موجیں  
سمت ط میں منکسر ہوتی ہیں تو ان میں تفاوتِ راہ (۱ + b) جب ط ہوتا ہے  
جیکہ زاویہ وقوع صفر ہوتا ہے۔ اعداد اگر زاویہ وقوع ص ہو تو تفاوتِ راہ  
(۱ + b) (جب ص + جب ط) ہوتا ہے۔ اگر یہ تفاوت نصف طول موج  
کی جفت عددی ضعف یعنی  $\frac{1}{2} \lambda$  (۲N) ہو تو اس سمت میں تنویر اعظم ہوگی۔  
لیکن ذرا غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ اگر یہ سمت ط ایسی ہے کہ اس سمت  
میں جالی کے ہر شفاف حصہ پر جو نصف دوری منطبق ہوتے ہیں ان کی تعداد  
ایک جفت عدد ہوتی ہے تو اس سمت میں ہر شفاف حصے سے آنے والی موجیں  
اثر صفر ہوتا ہے اس لیے یہاں حامل تنویر صفر ہوتی ہے باوجود اس کے کہ

(۱ + ب) (جب ع + جب ط) = ن لہٰذا ایسے طیف مفقود یا غیر موجود کہلاتے ہیں۔

## مستوی انعکاسی جالیوں سے نور کا انکسار۔

اگر کسی جگہ دو صافی سطح پر متساوی افضل باریک لکیریں کھینچی جائیں اور اس سطح پر سے نور منعکس ہو تو ایسی صورت میں بھی انکسار واقع ہوتا ہے شکل ۵۳ میں ا ب ج ایک مستوی انعکاسی جالی ہے۔ ا ب اس کا جملہ اور ب ج



شکل ۵۳

غیر مجملے جزو ہے۔ متوازی شعاعوں کی پنسل د ا و ب اس پر واقع ہو کر مختلف سمتوں میں منکسر ہوتی ہے۔ ان میں سے ایک سمت ا میں بتائی گئی ہے۔ ا سے شعاع و ج پر عمود ا د گراؤ اور ج سے شعاع ۲ میں پر ج ۵۔ تب زاویہ وقوع د ا ب ہے اور زاویہ انکسار ۵ ج ا۔ ان کو علی الترتیب ع اور ط سے تعبیر کرو۔ جالی کے تناظر تقاطع ا اور ج سے منکسر ہونے والی موجوں میں تفاوت راہ د ج - ا ہے۔ چونکہ جالی کے جزو ا ج کو (۱ + ب) سے تعبیر کیا جاتا ہے لہٰذا د ج - ا = (۱ + ب) (جب ع - جب ط)۔ اگر یہ تفاوت راہ ن لہٰذا کے مساوی ہو جس میں ن ایک صحیح عدد ہے تو سمت ط میں

میں ایک دوسری کی تائید کریں گی اور اس لیے سمت مذکور میں اعظم تنویر مشاہد ہوگی۔ اگر منکسر شعاعوں کی سمت جالی کے عمود کے بائیں جانب فرض کی جائے تو تفاوتِ راہ  $d + \frac{a}{2}$  ہوگا۔ پس اعظم تنویر کی سمت طہ کے لیے (بصورتِ عامۃ)

$$(1 + b) (جب \pm جب طہ) = n ل$$

اور اگر یہ تفاوتِ راہ  $\frac{1}{4} (2n \pm 1) ل$  کے مساوی ہو تو اس سمت میں تنویر اقل ہوگی۔

موتی اور سیپ کے طیفی رنگ بھی انکسارِ نور سے پیدا ہوتے ہیں۔ ان کی سطحوں پر انکاسی جالی کی طرح بہت ہی باریک لکیریں ہوتی ہیں جن کی وجہ سے سفید نور منکسر ہو کر طیفی رنگوں میں تقسیم ہو جاتا ہے۔ بعض تیتروں کے پروں اور عمدہ ریشمی کپڑوں کا رنگ بھی اسی انکسارِ نور کی وجہ سے طیفی اور خوشنما نظر آتا ہے۔

### مقعر انکساری جالی — مستوی انکساری جالی

کے طیفوں کو ماسکہ پر لانے کے لیے پہلے تو مبداء سے آنے والی شعاعوں کو متوازی پنسل میں تبدیل کرنا پڑتا ہے اور پھر بعد انکسار مختلف طول موج کی شعاعوں کو اکٹھا کر کے مختلف ماسکوں پر لانا پڑتا ہے جس کے لیے دو عدسوں کی ضرورت ہوتی ہے۔ ان عدسوں کی وجہ سے نور کا معتد بہ حصہ جذب ہو جاتا ہے۔ رولینڈ (Rowland) نے مقعر جالی کو استعمال کرنے جالی کی لکیروں سے انکسار پیدا کیا اور اس کی کریت سے منکسر شعاعوں کو مختلف ماسکوں پر مرکوز کیا۔ اسی طرح بالائے نبغشی نور کے طیفی خطوط پر جو عموماً شیشہ کے عدسوں میں جذب ہو جاتے ہیں کام کرنے میں بڑی سہولت پیدا ہو گئی۔ اور رولینڈ کی مشین پر تیار کی ہوئی مقعر انکساری جالیاں روئے زمین کے تجسس بہ خانوں میں بہ کثرت استعمال ہونے لگیں۔ مقعر جالی کی سبب سے بڑی خوبی یہ ہے کہ جب وہ ٹھیک پر مناسب وضع میں کھڑی کی جاتی ہے تو اس کے طیف حقیقی مغنوں میں

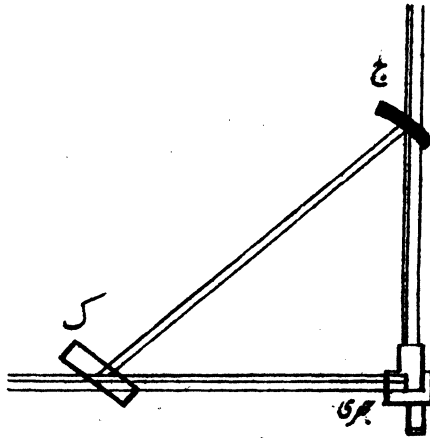
طبعی ہوتے ہیں یعنی طبعی خطوط کے درمیان فاصلے ان کے طول موج کے متناسب ہوتے ہیں۔ ایک اور خوبی یہ ہے کہ مقعر جالی کے مختلف رتبوں (Orders) کے جو طیف باہر دیگر تقریباً منطبق ہوتے ہیں وہ سب کے سب ماسک پر ہوتے ہیں۔ مثلاً طول موج ۲۹۵۰ کا ایک ماورائے بنفشی دوسرے رتبہ کا طبعی خط جو سوڈیم کے پہلے رتبہ کے طیف کے D خط کے قریب پیدا ہوتا ہے ان خطوط کے فوٹو گراف کے ساتھ اس کا بھی فوٹو گراف تیار ہو جاتا ہے۔ جس کی وجہ سے ان خطوط کے طول موج کے لحاظ سے اس ماورائے بنفشی خط کا طول موج بھی سمیت کے ساتھ ناپ لیا جاسکتا ہے۔

### مقعر جالی کی تنصیب - اس کے کئی طریقے ہیں۔ ہم پہلے

رو لینڈ کا تنصیبی طریقہ بیان کریں گے جیسا کہ آگے چل کر بیان کیا جائیگا۔ جالی کے نظریہ سے مستنبط ہوتا ہے کہ اگر جالی اور منور بھری دونوں ایک ایسے دائرہ کے محیط پر واقع ہوں جس کا قطر جالی کے نصف قطر انحناء کے مساوی ہے تو مختلف رتبوں کے جو طیف پیدا ہوتے ہیں وہ سب کے سب اسی دائرہ کے محیط پر ماسک پر آتے ہیں۔ یہ طیف دائرہ کے اس حصہ پر طبعی وضع میں صورت پزیر ہوتے ہیں جو جالی کے مقام تنصیب کے عین قطر مقابل ہوتا ہے۔ اگر بھری محیط دائرہ پر ایک جگہ سے دوسری جگہ پر نصب نہیں کی جاسکتی (جیسا کہ آفتاب کے طیف کے تجربوں میں) تو رو لینڈ نے مندرجہ ذیل طریقہ تنصیب اختیار کیا۔

دو ثابت ریلوں یا شیشیوں پر جو باہر دیگر ٹھیک علی التوا ہیں دو صلب راستے اب اور اج (دیکھو شکل ۷۷) تیار کیے گئے ہیں۔ ان راستوں پر دو پہنچے دار سہارے حرکت کرتے ہیں جو ایک آڑی لورے کی علی کے سروں کو پکڑے رکھتے ہیں جس کا طول مقعر جالی کے نصف قطر کے مساوی ہوتا ہے۔ ایک سہارے پر فوٹو گرافی کا کیمرا یا مندرجہ قہ ک ہوتا ہے اور دوسرے پر جالی ج۔ اور بھری ریلوں کے ملنے کے مقام کے اوپر مستقل طور پر نصب کر دی جاتی ہے۔ فوٹو گرافی کا کیمرا ک جب بھری سے دور ہٹایا جاتا ہے تو

مقعر جالی ج اس کے قریب تر ہوتی ہے۔ یہ تینوں یعنی کیمبرہ، جالی اور بھری



شکل ۵۲

ہمیشہ ایک دائرہ کے محیط پر رہتے ہیں۔ اور جالی اور کیمبرہ دائرہ کے قطر کے مقابل سروں پر۔ ہر وضع میں مقعر جالی کا مرکز اسٹائنڈرڈ گرافی کی تختی کے وسطی مقام سے منطبق رہتا ہے۔

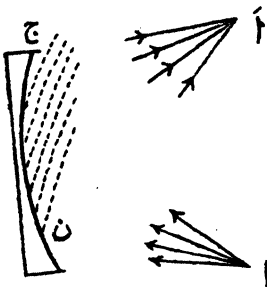
رو لینڈ نے مقعر جالی کو چپٹا رکھ کر بلحاظ اس کے وتر کے نہ بلحاظ مقعر سطح کی قوس کے مساوی فاصلوں پر لکیریں کھینچیں۔ پیچ کو مساوی زاویوں میں پھرنے سے جالی کا وتر مساوی فاصلے آگے بڑھتا ہے۔ اور اس طرح جالی پر الماس کی نوک سے لکیریں کھینچی جاتی ہیں۔

**مقعر جالی کا نظریہ۔** ہم یہاں رُنْگے (Runge)

کا طریقہ بیان کریں گے۔ شکل ۵۵ میں فرض کرو جالی ج کی مقعر سطح پر ن کوئی ایک نقطہ ہے۔ نقطہ ۱ کا خیال نقطہ ۱ پر پیدا ہونے کے لیے ضروری ہے کہ جالی کی سطح پر کے ہر نقطہ ن پر ۱ سے جو موجیں آتی ہیں



۱ پر ایک ہی ہیئت میں پہنچیں۔ یعنی شرط ان + ن = مستقل پوری ہو یا بالفاظ دیگر



شکل ۵۵

مقعر سطح ۱ اور ۱۱ اسکوں والے گردش ناقص نما کا جزو ہو۔ اب جالی کی سطح کے پاس ایسے ہم اسکی ناقص نما تیار کرو جن کے مستقل فاصلے ۱ن + ۱ پر ایک کے لیے علی الترتیب بقدر ۱ پر بڑھتے جائیں۔ (شکل میں جالی کے پاس نقطہ دار لکیریں ان سطحوں کو تعبیر کرتی ہیں)۔ مقعر جالی کی سطح ان ناقص نماؤں سے ایسے منطقوں میں منقطع ہوگی جس کے

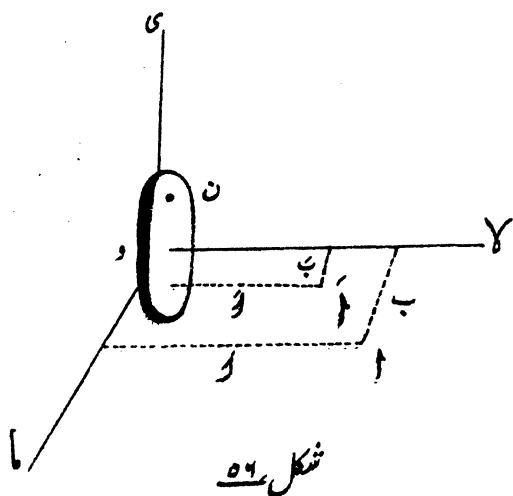
ہر مرکز سے آئے والی نور کی موجیں باعتبار ہیئت اس کے متصل مرکزوں سے آنے والی موجوں کے عین مخالف ہونگی۔ اگر ان، ۱ن اور مقعر جالی کا نصف قطر اخننا کافی بڑا ہو تو یہ منطقے تقریباً مساوی چوڑائی کے ہونگے اور اس لیے ان سے آنے والی موجوں کا حاصل اثر ۱ پر صفر ہوگا۔ پس اگر ہر دوسرے منطقے کو لکیریں بچ کر بیکار کر دیں تو اتنی عمل پایید ہو جائیگا اور ۱ پر تنویر مشاہدہ ہوگی۔ مگر ان کے بعد ثبات کرتا ہے کہ ایسی صورت میں جالی پر ۱ سے مفروضہ طول موج لہ سے ذرا بھی مختلف طول موج کا اگر فرق واقع ہو تو ۱ پر تنویر صفر ہوگی۔

شکل ۵۶ میں فرض کرو کہ مقعر گردی جالی کی سطح کا اس محدود لا، ۱ اور ۱ کے مبداء پر واقع ہے اور سطح خود مای مستوی کے ساتھ ماسی ہے۔ اگر کہہ کا نصف قطر ص ہو تو اس سطح کی مساوات

$$لا + ما + ی - ۲ ص لا = ۰ \text{ ہوگی۔}$$

[ اس لیے کہ لا کا محدود کر دی سطح کے اس اور کہہ کے مرکز میں سے گزرتا ہے۔ ]

اگر میناء و مانا جائے اور محمد لا کرہ کے اُفتخِ قطر کے دوسرے سرے کو نقطہ و میں



$$\frac{ل^۲ + م^۲ + ی^۲}{ص} = ل^۲ \text{ سے مساوات کی}$$

$$\text{پس } ل^۲ = \frac{(ل^۲ + م^۲ + ی^۲)}{ص}$$

∴ (۱۸) = ل^۲ - ل^۲ + م^۲ + م^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) + ی^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) + ل^۲ (۱ - \frac{ل}{ص})  
لیکن مقعر جالی کی مصرعہ بالا وضع سے ظاہر ہے کہ لا بلحاظ م اوری کے  
دوسرے رتبہ کی مقدار ہے پس رقم (۱ - \frac{ل}{ص}) لا متروک کر دی جاسکتی ہے اور

$$(۱۸) = ل^۲ - ل^۲ + م^۲ + م^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) + ی^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) \text{ تقریباً}$$

اب بائیں جانب کے جملے کو مسئلہ ثنائی کے ذریعہ پھیلا کر تیسرے رتبہ کی رقموں  
کو نظر انداز کرنے سے

$$(۱۸) = ل^۲ - ل^۲ + م^۲ + م^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) + ی^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) + \frac{ل^۲}{ص} (۱ - \frac{ل}{ص})$$

$$= ل^۲ - ل^۲ + م^۲ + م^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) + ی^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) - \frac{ل^۲}{ص}$$

$$\text{لیکن } \frac{ل^۲}{ص} = (۱ - \frac{ل}{ص}) \frac{ل^۲}{ص} = \frac{ل^۲}{ص} - \frac{ل^۲}{ص}$$

$$\frac{ل^۲}{ص} - \frac{ل^۲}{ص} =$$

$$\text{پس (۱۸) } = ل^۲ - ل^۲ + م^۲ + م^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) + ی^۲ (۱ - \frac{ل}{ص})$$

$$= ل^۲ - ل^۲ + م^۲ + م^۲ (۱ - \frac{ل}{ص}) + ی^۲ (۱ - \frac{ل}{ص})$$



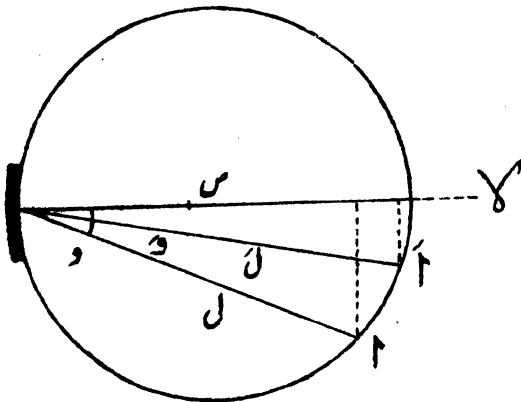
محسوس ہوگی جبکہ ان دو متصل کے منطوقوں سے اس تک آنے والی موجوں میں تفاوتِ راہ طویل موج کی ایک صحیح صنعت ہے۔ یعنی جبکہ

$$\left(\frac{b}{n} + \frac{b}{n}\right) - (a + p) = m\lambda$$

جس میں  $m$  ایک صحیح عدد ہے۔ یعنی جبکہ  $p = \left(\frac{b}{n} + \frac{b}{n}\right) - m\lambda$  اس کے یہ معنی ہوئے کہ جالی کے وتر پر لکیریں مساوی فاصلہ سے کھینچی جانی چاہئیں۔

شکل ۷۵۔ میں فرض کرو  $a$  جھری ہے اور  $a$  متعلقہ طیفی خطہ چونکہ

$$p = \left(\frac{b}{n} + \frac{b}{n}\right) - m\lambda$$



شکل ۷۵

اس لیے زاویہ  $و$  کو مستقل رکھ کر تفرق کرنے سے  $p = \text{جم } و \text{ فرو } = m\lambda$

لیکن  $m\lambda = \text{جزو قوس (فوس)}$

$$\therefore p = \frac{\text{جم } و}{\text{م}} \text{ فوس} = m\lambda$$

$$\text{یعنی} \quad \frac{\text{فرس}}{\text{فرلہ}} = \frac{\text{م م}}{\text{طجم و}}$$

فرس طیف کا پیمانہ ہے یعنی دو طبعی خطوط جن کے طول موج اکائی کا فرق رکھتے ہیں ان کا درمیانی فاصلہ ہے۔ یہ پیمانہ اُس وقت اقل ہوتا ہے جبکہ زاویہ و = ۰ یعنی جبکہ اُ جالی کے عمود پر واقع ہوتا ہے۔ اُ جب اس عمود کے قریب ہوتا ہے تو پیمانہ بہت آہستہ تبدیل ہوتا ہے۔ بالفاظ دیگر یہاں طیف طبعی ہوتا ہے۔

پیشن (Paschen) کا تنصیبی طریقہ۔ بہت کم کے طیف نامی تجربات

کے لیے مقعر جالی کی سب سے بہتر تنصیب پیشن (Paschen) کی مجوزہ ہے۔ اس میں انتہائی صلابت

کے ساتھ ایک بڑی خوبی یہ ہے

کہ اس کے ذریعہ وقت واحد میں

اگر ضرورت ہو تو تمام رتبوں کے

طیفوں حاصل کیے جاسکتے ہیں۔

رولینڈ والے دائرہ کے ایک

نصف حصہ پر سمٹ سے ایک

فلوادی راستہ نصب کیا جاتا ہے۔

ملاحظہ ہو شکل ۵۸۔ اندر فوڈو گرائفی

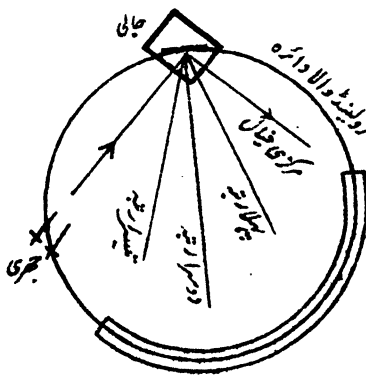
کی تختیاں اس راستہ پر جمادی جاسکتی

ہیں۔ جالی دائرہ کے ایک دوسرے

مقام پر علحدہ مستقلاً نصب کی جاتی ہے اور جھری دائرہ کے دوسرے بازو میں

مرجح طریقہ پر طیف پیمائے کمرہ کی ایک دیوار میں سوراخ کر کے علحدہ نصب

کی جاتی ہے۔ مبدائے نور بازو والے کمرہ میں ترتیب دیا جاسکتا ہے۔

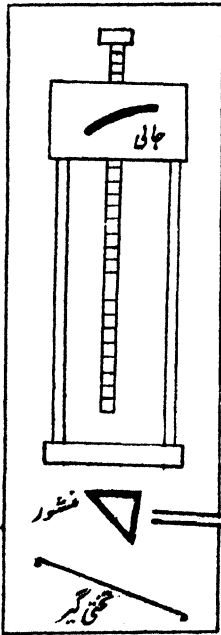


شکل ۵۸

طیسی پیا ولے کمرہ کی دیواریں سیاہ رنگی جاتی ہیں۔ اور کمرہ کی ٹپش مستقل رکھی جاتی ہے۔

## ۱ ایگل (Eagle) کا تنصیبی طریقہ - شکل ۵۹ میں

اس کے اہم اجزاء کی سرسری توضیح کی گئی ہے۔ تختی گیر جس میں فوٹو گرافی کی تختی رکھی جاتی ہے "نوسا بند" کہے صندوق

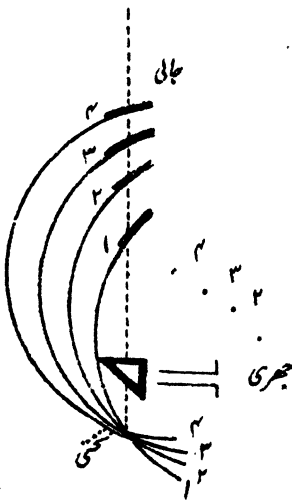


شکل ۵۹

کے ایک سرے کے پاس استادہ کیا جاتا ہے۔ یہ ایک انتصابی محور کے گرد گھمایا جاسکتا ہے جس کی وجہ سے جالی کی مختلف وضعوں میں طیف کا فوٹو تختی پر بنتا ہے۔ جہری کی غلی صندوق کے ایک پہلو میں تختی گیر کے سامنے ایسے فاصلہ پر واقع ہوتی ہے کہ انعکاس کئی پید کرنے والے منشور میں جہری کا مجازی خیال فوٹو گرافی کی تختی کے مرکز کے عین نیچے کے ایک نقطہ سے منطبق ہوتا ہے۔ جہری سے نکل کر نور کا منشور میں گلی انعکاس ہوتا ہے اور اس طرح نور کی شعاعیں صندوق کے دوسرے سرے کے قریب پہنچ کر جہاں مقرر جالی استادہ کی ہوئی ہوتی ہے جالی سے منعکس ہوتی ہیں۔ جالی انتصابی محور کے گرد گھمائی جاسکتی ہے اور لمبے بیچ کی مدد سے جہری کے قریب یا اس سے دور لائی جاسکتی ہے۔

مکمل منظر میں جو دائرے پہنچے گئے ہیں رو لینڈ والے دائرہ کی مختلف وضعیں ہیں جبکہ جالی کو آگے یا پیچھے ہٹانے اور محور پر گھمانے سے ان دائروں کا مرکز انقانات ۱، ۲، ۳ وغیرہ پر منتقل ہوتا ہے۔ جالی کی مختلف وضعیں بھی

اس دائرہ کی مختلف حصوں میں ان ہی نشانات کے ذریعہ سے ظاہر کی گئی ہیں۔  
بھری جالی اور فوٹو گرافی کی تختی ہر صورت میں (ولینڈا والے دائرہ ہی پر  
واقع ہونی چاہیے۔



۱ ایگل والی تنصیب میں طبعی خطوط کی  
عدم ماسکیت (Astigmatism)  
جو طیف کے رتبہ کے ساتھ بڑھتی جاتی ہے  
رو لینڈا والی تنصیب کے مقابلہ میں  
بہت کم ہوتی ہیں اور اس لیے طیفوں  
کی حدتِ تنویر بھی نسبتاً زیادہ ہوتی ہے۔  
اس کے علاوہ ایگل والے طریقہ میں  
زیادہ رتبہ کے اور نیز عمود کے دونوں  
جانب کے طیفوں پر کام کیا جاسکتا ہے۔  
جو رو لینڈا کی تنصیب میں نہیں  
ہوسکتا۔

شکل ۶۰

## دائری سہوہ سے

نور کا انکسار۔ اب ہم احصار کے ذریعہ اس مسئلہ کو حل کرینگے  
اور ایک جملہ حاصل کریں گے جو مناظری آلات کی تحلیلی طاقت (Resolving power)  
کے محسوب کرنے میں بہت استعمال ہوتا ہے۔

شکل ۶۱ میں ھ دائرہ کا مرکز ہے اور ص اس کا نصف قطر۔ ھ ع  
دائرہ کا مرکزی عمود ہے اور ا ب اس کا ایک قطر۔ ہم دریافت کرنا چاہتے  
ہیں کہ سمت طہ میں جب متوازی شعاعوں کی پینل منکسر ہو کر ماسکہ م پر  
آتی ہے تو وہاں نور کی کیا حدت ہوتی ہے۔

فرض کرو کہ نقطہ ۱ کے پاس کے ایک جزو رقبہ سہوہ صہ فرفہ فرصہ  
سے آنے والی نور کی موجوں کی وجہ سے ماسکہ م پر نقل مکان کی تعبیر





$$ل = \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جب } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جم } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ فرزد فرصد}$$

$$+ \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جب } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جم } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ فرزد فرصد}$$

$$\text{اب فرض کرو کہ } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} = \text{ع}$$

$$۱ = \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جم } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ فرزد فرصد اور}$$

$$ب = \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جب } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جم } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ فرزد فرصد}$$

$$\text{پس } ل = ۱ \text{ جب } \text{ع} + ب \text{ جم } \text{ع}$$

$$\text{اگر } \frac{ب}{۱} = \text{مس بہ اور ج} = ۱ + \frac{ب}{۱} \text{ تو واضح ہے کہ}$$

$$ل = ۱ \text{ جب } \text{ع} + \frac{ب}{ج} + ب \text{ جم } \text{ع} + \frac{ب}{ج}$$

$$\text{جم بہ} = \frac{۱}{ج} \text{ اور جب بہ} = \frac{ب}{ج}$$

$$\text{پس } ل = (\text{جم بہ جب } \text{ع} + \text{جب بہ جم } \text{ع}) + \frac{ب}{ج}$$

$$\text{یعنے } ل = ج \text{ جب } (\text{ع} + بہ) \text{ اور ماسکہ م پر حدت تنویر}$$

$$\text{حہ} = ج = ۱ + ب$$

$$\text{پس حہ} = \left( \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جب } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جم } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ فرزد فرصد} \right) +$$

$$\left( \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جب } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ جم } \frac{\pi^2}{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}\right)} \text{ فرزد فرصد} \right) +$$

حدت کے اس جملہ میں دوسری رقم کا تکمل صفر ہے اس لیے کہ اس کے اجزاء جو سہوہ کے کسی قطر پر بھی مرکوزہ کے باہم دیگر مخالف سمتوں اور



نقل کی جاتی ہیں :-

۱ عظم	$\frac{f}{d}$	حدت	۱ اقل	$\frac{f}{d}$	حدت
پہلا	۰	۱	پہلا	۰.۶۶۱	۰
دوسرا	۰.۶۸۱	۰.۰۱۴۴	دوسرا	۱.۶۱۱۶	۰
تیسرا	۰.۶۳۳	۰.۰۰۴۱	تیسرا	۱.۶۱۱۹	۰

دوربین کی تحلیلی طاقت - جس قدر قریب کے دو مبدائے نور دور بین میں علحدہ علحدہ نظر آتے ہیں اس کی تحلیلی طاقت اُسی قدر بڑی تصور کی جاتی ہے۔ فضاء میں بہت سے ثابت ستارے دوسرے ہیں۔ یعنی تجاذبی قوت کے زیر اثر دو دو (یا بعض صورتوں میں ان سے زیادہ تعداد کے) ستاروں کے مستقل نظام ہوتے ہیں۔ چونکہ ہمارے نظام شمسی سے نہایت دور واقع ہیں اس لیے اکثر خالی آنکھ یا چھوٹی دوربینوں میں ایک ہی ستارہ کی شکل میں نظر آتے ہیں ایسے دو نیلے نظام کے ستاروں کو علحدہ علحدہ دیکھنے کے لیے ضرور ہے کہ ایک ستارے کے انکسار اور مرکزی منور دائرہ دوسرے ستارے کے انکسار اور مرکز پہلے اقل یعنی تار یک حلقہ پر یا اس سے بعید واقع ہو۔ اگر دوربین کا سہوہ  $s$  (یا نصف قطر  $v = \frac{s}{2}$ ) ہو تو جیسا کہ جدول میں بتایا گیا ہے پہلے اقل حلقہ سے متعلق ط کا ضابطہ

$$\text{جب ط} = ۰.۶۶۱ = \frac{f}{d} = ۱.۶۲۲ \frac{f}{s} \text{ ہے۔}$$

دو ستاروں کا درمیانی زاویہ مصرعہ بالا ط سے زائد ہونا چاہیے تاکہ وہ ایک دوسرے سے جدا نظر آئیں۔ چونکہ ط ایک بہت ہی چھوٹا زاویہ ہوتا ہے اس لیے بجائے جب ط کے خود ط ہی لکھ سکتے ہیں۔

اور تحلیل کے لیے ضرور ہے کہ ط < ۰.۶۱ × ۱۰<sup>-۷</sup> م -

ہماری آنکھوں کے لیے سب سے آرام دہ رنگ سبز ہے۔ تھلیئم (Thallium) کے سبز طیفی خط کا طول موج ۵۳۵.۰۵۷ انکسٹروم ہے۔ پارے کا ایک سبز طیفی خط کا طول موج ۵۴۶.۰۵۷ ہے اور ہائیڈروجن کے H<sub>β</sub> سبزی ائل نیلے طیفی خط کا طول موج ۴۸۶۱ ہے۔ پس اگر سہولت کی خاطر تحلیلی طاقت والے جلمے میں لہ کو ۵۰۰۰ انکسٹروم یا ۵۰۰۰ مٹی میٹر مانیں اور زاویہ ط کو سکندڑوں یعنی ثانویوں میں محسوب کریں تو دو قریب کے ستاروں کی تحلیل کے لیے

$$\frac{۰.۶۰۰۰۵ \times ۰.۶۱}{\text{م}} < \frac{۳۶۱۴ \times \text{ث}}{۶۰ \times ۶۰ \times ۱۸۰}$$

جس میں ث ستاروں کے درمیانی زاویہ کی قیمت ثانویوں میں ہے۔ اور م دور بین کے دماغ والے عدسہ کے سہوہ کا نصف قطر ملی میٹروں میں۔

$$\frac{۶۲۶۹}{\text{م}} < \text{ث} \quad \text{پس تحلیل کے لیے}$$

مونٹ ولسن (Mount Wilson) کی مشہور رصد گاہ

کی سب سے بڑی دوربین کا سہوہ ایک سو انچ یعنی م = ۵۰ انچ یا ۱۲۷۰ مٹی میٹر ہے۔ پس یہ دوربین  $\frac{۶۲۶۹}{۱۲۷۰}$  یعنی ۵.۰۲۹۵ ثانویہ تک کے قریب کے دو ستاروں کو بھی تحلیل کر سکتی ہے۔

باہینے (Babinet) کا اصول - فرض کرو کہ ایک منور

سہوہ کے سامنے ایک فیئر شٹاف پرت رکھی جاتی ہے جس میں جابجا ایک ہی ناپ کے چھوٹے چھوٹے گول سوراخ کر دیے گئے ہیں۔ اگر اس پرت کے

سامنے کسی پردہ پر ان سُوراخوں کے انکسار نور سے پیدا ہونے والی شکلوں پر غور کیا جائے تو پردہ کے کسی نقطہ N پر جہاں متوازی انکساری شعاعیں ان سُوراخوں سے سمت طہ میں اکٹھا ہوتی ہیں متوزر دو مکملوں کے مریعوں کے حاصل جمع کے مساوی ہے جو ان سُوراخوں کے رقبوں کے گرد لیے جاتے ہیں یعنی جن میں ان سُوراخوں کے پورے رقبوں کا اثر محسوب ہے۔ ہم اس تنویر کو  $A + B$  سے تعبیر کر سکتے ہیں۔ اگر پرت کے سُوراخ بند کر دیے جائیں اور ان کا درمیانی غیر شفاف حصہ شفاف کر دیا جائے۔ گویا پہلی پرت کی متمم (Complementary) پرت استعمال کی جائے تو اسی نقطہ N پر تنویر کی تعبیر اب  $A + B$  سے ہوگی۔

واضح ہے کہ پردہ اگر سُوراخوں سے بالکل غیر معرّا ہوتا تو نقطہ N پر تنویر صفر ہوتی بشرطیکہ N نور کے ناصبیہ موج کے ماسکہ پر واقع نہ ہو۔ پس اس سے یہ نتیجہ برآں ہوتا ہے کہ پہلی نوع کی پرت کی وجہ سے پردہ پر جو حاصل تنویر پیدا ہوتی ہے وہ دوسری نوع کی پرت والی حاصل تنویر کو کالعدم کر دیتی ہے۔ یعنی

$$(A + B) + (B + A) = 0$$

اس کے لیے ضرور ہے کہ  $A = -A$  اور  $B = -B$  پس پرت خواہ نوع اول کی ہو یا نوع دوم کی ہر صورت میں پردہ پر تنویر ایک ہوتی ہے۔ یعنی انکسار نور کی شکلیں ایک ہوتی ہیں فرق صرف یہ ہوتا ہے کہ پرتوں کے بدلنے سے تنویر کی حاصل ہیئت ۱۸۰° میں تبدیل ہو جاتی ہے۔

اکلیل یا کوروسٹن - چاند سورج اور تیز روشنی والے چراغوں کے گرد بعض اوقات جو رنگین دائرے نظر آتے ہیں اور انگریزی میں (Coronæ) کہلاتے ہیں اسی انکسار نور ہی سے پیدا ہوتے ہیں۔ ہم ان کے لیے اکلیل نام تجویز کرتے ہیں۔ ان کو ہالو (Halo) نہیں کہہ سکتے اس لیے کہ ہالے چاند سورج کے گرد مدھم سفید رنگ کے وسیع حلقے ہیں۔ ان کا نصف قطر تقریباً  $\frac{1}{2}^\circ$  ہوتا ہے اور ان کا باعث برف کی ہمیں قلسوں کا

انتشار نور ہے۔ کبھی کبھی یہ حلقے رنگین بھی ہوتے ہیں۔ لیکن ان حلقوں کا بیرونی حاشیہ سُرخ ہوتا ہے اور اندرونی سبز۔ اس کے برعکس اکلیل روشن دائروں پر مشتمل ہوتے ہیں۔ ان کا اندرونی دائرہ سبز یا بعض اوقات زردی مائل ہوتا ہے اور بیرونی حلقہ سُرخ۔ اکلیل پانی کے چھوٹے قطروں کے انکسار نور کی وجہ سے نظر آتے ہیں جو ابر یا کُھر کی نسبت پتلی چادروں میں معلق رہتے ہیں قطرے جتنے چھوٹے ہونگے اکلیل کا قطر بڑا ہوگا۔ ریشہ نما (Cirrus) ابروں سے چاند کے گرد جو اکلیل پیدا ہوتے ہیں ان کے سب سے اندرونی دائرہ کا رنگ عموماً زردی مائل سفید ہوتا ہے ان کے بیرونی سُرخ حلقہ کا قطر ۲ اور ۴ درجوں کے مابین پایا جاتا ہے۔ ریشہ نما ابر اس ملک میں بارہ کلو میٹر بلندی پر واقع ہوتے ہیں۔ طبق نما (Stratus) ابر ان سے بہت کمتر بلندیوں پر صورت پذیر ہوتے ہیں اور ان سے جو اکلیل بنتے ہیں ان کے بیرونی سُرخ حلقوں کا قطر ۷ اور ۸ درجوں کے درمیان ہوتا ہے۔ کبھی کبھی بغیر نمایاں ابر یا کُھر کے بھی چاند اور مصنوعی مبدلے نور کے گرد رنگین اکلیل دکھائی دیتے ہیں۔ اُس وقت عموماً ہوا سرد اور مرطوب پائی جاتی ہے۔ ان کی پیدائش بھی قطرات آب کے انکسار نور پر منحصر ہے۔ اگر سردیوں کے موسم میں ایک شیشہ کی تختی کو جو رنگین نہومٹہ کے سامنے رکھ کر سانس باہر پھونکا جائے تو سانس کے ساتھ مرطوب ہوا خارج ہو کر سرد شیشہ پر بہت ہی چھوٹے پانی کے قطروں کی ایک پتلی ”جھلی“ جمادیتیگی۔ اب اگر اس تختی کو کسی مبدلے نور کے سامنے رکھ کر دیکھیں تو بہت ہی خوبصورت اکلیل دکھائی دینگے جتنی پرکے قطرات آب عملِ بخیر کی وجہ سے بہت جلد چھوٹے ہوتے جائینگے اور اس کے ساتھ اکلیل کے دائروں کے قطر اور ان کے رنگ بھی تبدیل ہوتے جائینگے۔ طبعی یا مصنوعی ذرائع سے جو اکلیل نظر آتے ہیں ان میں بعض اوقات دوسرے اور تیسرے رتبہ (Order) کے لطیف بھی پائے جاتے ہیں۔ ایک رتبہ کے آخری لطیفی حلقے اور اس کے بعد کے رتبہ کے پہلے حلقے کے بیچ میں اکثر ایک سیاہ حلقہ بھی دکھائی دیتا ہے۔

اکلیل خواہ وہ مرئی ابر کی وجہ سے پیدا ہوں یا غیر مرئی قطرات آب کی وجہ سے ہوا کی مرطوبیت اور تیش کے ساتھ فوراً تبدیل ہوتے ہیں۔ مؤلف کتاب نے ان کو ہوا کی جو تپاتی (Meteorological) کیفیت کی تبدیلی کے ساتھ اپنی آنکھوں کے سامنے منتے تبدیل ہوتے اور مٹتے ہوئے دکھائے۔ ان کے مشاہدہ سے بہت مفید معلومات فراہم ہو سکتے ہیں۔

### نور کا چھوٹے ذرات کے اثر سے بکھڑا اور آسمان کے

نیلے رنگ کی توجہ یہاں۔ دھوپ کے نیلے رنگ سے ہر کوئی واقف ہے۔ اس کے ہمیں ٹھوس ذرات آفتاب کی روشنی کو بکھیر کر منتشر کر دیتے ہیں۔ سب سے کم طول موج کا نور سب سے زیادہ بکھرتا ہے۔ ٹنڈل (Tyndall) نے ایک شیشے کی نلی میں نائٹریٹ آف بوتل (Nitrite of butyl) کے بخار اور ہائیڈروکلورک گیس کو لپٹ دباؤ کے تحت ملنے دیا۔ اس رابط سے ہمیں ذرات ابر کی صورت میں رونما ہوئے۔ ان ذرات کو ایک قوسی لیمپ کی تیز روشنی سے متور کر کے نلی کے بازوؤں سے نور پر ذرات کا اثر مشاہدہ کیا تو معلوم ہوا کہ مردہ وقت کے ساتھ بتدریج ان ذرات کی جسامت میں اضافہ ہوتا گیا اور جب یہ ایک معین جسامت اختیار کر چکے تو ان کے اثر سے قوسی لیمپ کا نور بکھیر کر منتشر ہو گیا اور نلی کے بازوؤں سے آسمانی نیلا رنگ نہایت خوبی کے ساتھ دکھائی دینے لگا۔ آفتاب کو طلوع یا غروب کے وقت دیکھتے ہیں تو ہمیں اس کا رنگ سُرخ دکھائی دیتا ہے۔ اس کی وجہ یہ ہے کہ ان اوقات میں آفتاب کی شعاعیں ہوا میں سے زیادہ لمبا رستہ طے کر کے آتی ہیں اور اس لیے اس کے نور کے نیلے رنگ کے اجزاء بازوؤں میں بکھر جاتے ہیں باقی ماندہ اجزاء جو زیادہ تر سُرخ رنگ پر مشتمل ہوتے ہیں ہم تک پہنچتے ہیں تو ہمیں آفتاب سُرخ رنگ کا دکھائی دیتا ہے۔ کم طول موج کی یعنی نیلے رنگ کی شعاعیں آفتاب سے آکر زمین کے کڑھ ہوئی میں بکھر جاتی ہیں اور ان کی وجہ سے ہمیں نیلے رنگ کا آسمان دکھائی دیتا ہے۔

متونی لارڈ ریلے (Rayleigh) نے بتایا کہ اس نیلے رنگ کے آسمان



کے لیے ہوا میں بیرونی ذرات کا موجود ہونا ضروری نہیں ہے۔ بلند سے بلند پہاڑ کی چوٹی پر سے بھی اگر دیکھا جائے تو آسمان نیلگوں نظر آئیگا۔ موسکو سے جنوری ۱۹۳۲ء میں یو۔ یس۔ یس۔ آر۔ اسٹریٹوسفیئر (U. S. S. R. Stratosphere) نامی غبارہ میں جن لوگوں نے سفر کیا ہے ان کے مشاہدات سے ظاہر ہوتا ہے کہ تقریباً  $\frac{1}{10}$  میل کی بلندی پر سے آسمان نیلا دکھائی دیتا ہے۔ ۸ میل بلندی پر گزرتی ۱۳ میل بلندی پر سیاہ بنفشی اور  $\frac{1}{2}$  ۱۳ میل سے زائد بلندی پر سیاہ بھورا۔ ان بلندیوں پر خود ہوا کے سالمات ذرات کی طرح نور کو بکھیر دیتے ہیں۔

اگر ایسی بلندی پر سے مشاہدہ ممکن ہو جہاں ہوا انتہادر جب رقیق ہوگئی ہو تو آسمان کی سیاہی اور بھی بڑھ جائیگی۔ ہمیں معلوم ہے کہ چاند کے گرد کڑھوائی نام کو بھی موجود ہیں ہے وہاں سے اگر کوئی مشاہدہ کر سکتا ہے تو اس کو آسمان قطعاً سیاہ نظر آئیگا۔ اور دن کے وقت بھی سارے دکھائی دینگے۔

ذرات کے اثر سے چونکہ آفتاب کا نور زمین تک پہنچتے پہنچتے بنفشی اور نیلے رنگ کا بہت بڑا جزو کھو دیتا ہے اس لیے دور کے پہاڑوں یا میدانوں کا فوٹو جب معمولی فوٹو گرافی کی تختیوں پر لیتے ہیں (جو بنفشی اور بالائے بنفشی شعاعوں کے لیے حساس ہوتی ہیں) تو تصویر دھندلی پائی جاتی ہے۔ اس کے برعکس اگر ایسی تختیاں استعمال کی جائیں جو بائیں سرخ شعاعوں کے لیے حساس ہوں تو تصویر بہت واضح برآمد ہوتی ہے۔ زمین کی تفصیل اس کے نشیب و فراز وغیرہ سب اچھی طرح دکھائی دیتے ہیں اسی لیے انفراریڈ فوٹو گرافی (Infra-red Photography) سے ان دنوں بہت مفید کام لیے جا رہے ہیں۔ مثلاً آئس برگ (بچ کے پہاڑ جو سمندر میں ادھر ادھر بھٹکتے پھرتے ہیں) کا کٹر میں جہاز کے قریب آ جانے سے پہلے پہچان لیا جانا، دن کے وقت ایکٹنگ کر کے سینما کمپنیوں کے لیے رات کے منظر تیار کرنا، جنگ کے زمانہ میں ہوائی جہازوں پر سے دشمن کے ملک کے سیکڑوں میل تک کے تفصیلی حالات معلوم کر لینا، وغیرہ وغیرہ۔ نور کے اس طرح بکھرنے کے لیے ضرور ہے کہ واسطہ خواہ کسی ہو یا مایع جو ذرات اس میں معلق ہوں ان کا انعطاف نما واسطہ کے

العطاف نما سے مختلف ہو۔ بکھرے ہوئے نور کا نہ صرف طول موج چھوٹا ہوتا ہے بلکہ وہ مقطب بھی ہوتا ہے چونکہ مسئلہ تقطیب نور (Polarization) پر ہم کسی آئندہ باب میں بحث کریں گے اس لیے یہاں اس کا ذکر نہیں کیا جاتا ہے۔ متوفی لارڈ ریلے نے اس طرح بکھرے ہوئے نور کی حدت کے لیے جو ضابطہ نور کے برقی مقناطیسی نظریہ کے ذریعہ حاصل کیا ذیل میں درج کیا جاتا ہے۔

$$H = \frac{(n^2 - 1) \cos^2 \theta}{2} \left( 1 + \frac{1}{2} \cos^2 \theta \right) \frac{n^2}{r^2} \quad \text{ن} \quad \text{ح} \quad \text{ف} \quad \text{ہ}$$

اس ضابطہ میں  $\theta$  واقع نور کی حدت ہے۔  $n$  اور  $\theta$  علی الترتیب ذرات اور واسطہ کی مناظری کثافت ہے۔  $r$  وہ زاویہ ہے جو بکھرے ہوئے نور کی شعاعیں واقع شعاعوں کے ساتھ بناتی ہیں۔  $n$  ذرات کی تعداد فی اکائی حجم واسطہ ہے۔  $H$  ان ذرات کا اوسط حجم،  $r$  واقع نور کا طول موج اور  $F$  ذرات سے اُس مقام کا فاصلہ جہاں بکھرے ہوئے نور کی حدت مطلوب ہے۔

اس ضابطہ میں  $H$  کو  $H'$  لے اور  $F$  کے ساتھ جو تعبیر ہے طریقہ ابعاد کے ذریعہ آسانی دریافت کر لیا جاسکتا ہے۔

# چوتھا باب

## مناظری طیوف۔ اُن کی تشریح و توجیہ

مناظری طیف نگاری کا سنگ بنیاد انیسویں صدی میں رکھا گیا جبکہ کرخ ہوف (Kirchhoff) نے آفتاب کے طیف کے فردان ہوف (Fraunhofer) والے انجذابی خطوط کی صحیح توجیہ کی۔ مختلف عناصر کے معمولی اخراجی (emission) طیوف کے نوٹو گراف کا مطالعہ کرنے سے معلوم ہوا کہ ان میں آسانی امتیاز ہو سکتا ہے اور اس امتیاز کے ذریعہ ان کی شناخت کا ایک نہایت مفید اور راسخ طریقہ ہاتھ آیا۔ اس کے بعد معلوم ہوا کہ ایک ہی عنصر کے مختلف حالتوں میں مختلف طیوف بنتے ہیں۔ اور تجربی آلات کی ترقی کے ساتھ ان طیوف کے اختلافات کی باریکیاں بھی مشاہدہ ہونے لگیں۔ طیف نگاری تجربوں سے اس طرح جو مشاہدات قلبند کیے گئے اس کثرت اور وسعت کے ثبوت ہوئے کہ ان کا باہمی ربط اور تعلق دریافت کرنے میں ابتداء بڑی دقتیں محسوس ہوئیں۔ سب سے ہلکا اور سادہ ترین عنصر ہائیڈروجن گیس ہے۔ مشاہدات سے پتہ چلا کہ ہائیڈروجن ہی کا مناظری طیف دیگر عناصر کے طیوف کی نسبت سادہ ترین ہے۔ باہر (Balmer) نے سلسلہ میں دریافت کیا کہ اُس وقت تک ہائیڈروجن کے جو نوٹیفنی خط تجربہ خانوں میں مشاہدہ ہوئے تھے

اور سر ولیم ہگننز (Sir W. Huggins) نے مزید پانچ خط شعراء ستارہ (Sirius) کے طیف میں نوڈ گراف کیے تھے ان کے طول موج مندرجہ ذیل ضابطہ سے محسوب ہو سکتے ہیں :-

$$\frac{2}{m} = 3625.6 - \frac{2}{m}$$

جس میں  $m$  کی علی الترتیب ۳، ۴، ۵ ..... وغیرہ قیمتیں ہیں اور  $\lambda$  انگسٹروم اکائیوں میں ان قیمتوں کے متناظر طبیعی خطوں کا طول موج ہے۔ ضابطہ سے ظاہر ہے کہ  $m$  کی قیمت جیسے جیسے بڑھتی ہے دو متصل خطوں کا درمیانی فاصلہ گھٹتا جاتا ہے۔ ان خطوں کا گویا ایک سلسلہ پایا جاتا ہے جو باہر کے طبیعی سلسلہ کے نام سے مشہور ہے۔ مستقل عدد ۳۶۲۵.۶ سلسلہ کے پہلے چار خطوں کے مطالعہ سے مستنبط کیا گیا اور سلسلہ مذکور کا ”سر“ (head) کہلاتا ہے۔ درحقیقت یہ اس سلسلہ کے انتہائی خط کا انگسٹروم اکائیوں میں طول موج ہے جو  $m$  کی قیمت کو  $\infty$  مان کر محسوب کیا جاتا ہے۔

کیپس اور رینگے (Kaysr and Runge) (Rydberg) اور دیگر اشخاص نے ایسے دوسرے خطی طیف کا بغور مشاہدہ

کر کے دریافت کیا کہ ان طیف میں بھی ایسے سلسلے موجود ہیں جو باہر والے بائیڈروجن کے سلسلے کے مشابہ ہیں۔ اور اس کی طرح کمتر طول موج کی جانب مستحق ہوتے ہوئے ”سروں“ پر ختم ہوتے ہیں۔ بعض سلسلوں کے سر مشترک پائے گئے یعنی ان کے استدقاق کے مقام مشترک ثابت ہوئے بعض سلسلوں کے خطوط اکہرے ہیں جیسے ہیلیم کے طیف میں بعض کے دوسرے جیسے قلوبی دھاتوں کے طیف میں اور بعض تہرے جیسے قلوبی مٹیوں کی دھاتوں کے طیف میں۔

بجائے طول موج کے اگر موج عدد (Wave number) یعنی فی اکائی سنٹی میٹر موجوں کی تعداد محسوب کی جائے تو باہر کا ضابطہ ذیل کی شکل اختیار کرتا ہے :-

$$ع = \frac{1}{2} \frac{1}{10.34354} \left( \frac{2^2}{m} - \frac{1^2}{m} \right) \text{ سمر}^{-1}$$

اس لیے کہ ایک انگسٹروم =  $10^{-8}$  سمر

$$\text{پس } ع = \frac{10^8}{3 \times 41153} \left( \frac{2^2}{m} - 1 \right)$$

$$\text{یعنی } ع = \frac{10^8}{91153} \left( \frac{1}{m} - \frac{1}{2} \right) \text{ سمر}^{-1}$$

$$\text{یا } ع = 109678 \left( \frac{1}{m} - \frac{1}{2} \right) \text{ سمر}^{-1}$$

$$\text{یا } ع = 24230.53 - \frac{109678}{m} \text{ سمر}^{-1}$$

باہر سلسلہ کے طیفی خط کے موج عدد کے لیے آخری دو ضابطے مناسب ترین نکالیں لکھے گئے ہیں۔ مستقل عدد ۱۰۹۶۷۸ ہائیڈروجن کے طیفی سلسلوں کا مستقل ہے اور چونکہ ریڈ برگ نے بتایا کہ نہ صرف ہائیڈروجن کے دوسرے طیفی سلسلوں کے ضابطوں میں یہی مستقل موجود ہے بلکہ دیگر عناصر کے طیفی سلسلوں کے لیے بھی مستقل دریافت ہوئے ہیں اسی ۱۰۹۶۷۸ کے تقریباً مساوی ہیں اس لیے اس کو ریڈ برگ کا مستقل کہتے ہیں اور عام طور پر  $H$  لکھتے ہیں۔ ہائیڈروجن سے متعلق ریڈ برگ والا مستقل  $H$  لکھا جاتا ہے اور ہیلیم سے متعلق  $He$  وغیرہ۔

ریڈ برگ کی تصحیح ترقیت ۱۰۹۶۷۸.۵۹ سمر ہے اور  $He$  کی ۱۰۹۶۷۸.۵۹ سمر

عنصر کے وزن جو ہر کی زیادتی کے ساتھ اس کے ریڈ برگ  $He$  والے مستقل کی قیمت گھٹتی ہے۔

( واضح ہو کہ مندرجہ بالا سب سے آخر ضابطوں میں ۳، ۴، ۵، ۶ ہائیڈروجن کے باہر والے طیفی سلسلے کے ”سمر“ کا موج عدد ہے۔ )

لائمان (Lyman) نے خلائی طیف نگار استعمال کر کے

ہائیڈروجن کا ایک طیفی سلسلہ بالائے بنفشی حصہ میں دریافت کیا جو اس کے نام سے مشہور ہے۔ اسی طرح پدیشن (Paschen) نے طیف کے پائین سرخ حصہ میں ایک اور سلسلہ دریافت کیا اور حال میں بریکٹ (Bracket) نے پائین سرخ کے انتہائی حصہ میں ایک دوسرا اور سلسلہ ذیل میں ہائیڈروجن کے ان تمام سلسلوں کے ضابطے درج ہیں :-

اگر ان طیفی سلسلوں کا عام ضابطہ  $H = \left( \frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right) R$  لکھا جائے تو

لائمان کے سلسلہ میں  $m = 1$  اور  $n = 2, 3, 4, 5, \dots$   
 باہر  $m = 2$  اور  $n = 3, 4, 5, 6, \dots$   
 پدیشن  $m = 3$  اور  $n = 4, 5, 6, 7, \dots$   
 بریکٹ  $m = 4$  اور  $n = 5, 6, 7, 8, \dots$

آر - ڈبلیو - ووڈ (R.W. Wood) نے سلسلہ میں ایک

لمبی اور ۷ ملی میٹر قطر کی ٹی کے ایک سرے میں سے برق پائیدگی کے ذریعہ تیار کی ہوئی سرطوب ہائیڈروجن گیس داخل کر کے دوسرے سرے سے اس کو خارج کیا۔ گیس کا دباؤ ایسا تھا کہ اس میں سے جب برقی اخراج منفی برقیہ کے پاس واقع ہوا تو کروکس (Crookes) کی سیاہ فضاء تقریباً ۲ ملی میٹر لمبی تھی۔ ٹی کو قشاکلا دو جگہوں سے علی القوائم موڑ کر صرف اس کے وسطی حصہ کی تنویر سے پیدا ہونے والے طیف کا طیف نگار میں مطالعہ کیا۔ حالات مذکور میں وسطی حصہ کی تنویر کا رنگ آتشی ارغوانی تھا۔ اس طریقہ عمل سے ہائیڈروجن کا خالص طیف حاصل ہو سکا اور باہر سلسلہ کے ۲۲ طیفی خطوں کے نوٹو گراف لیے جاسکے۔ برقی اخراج کے لیے ۲۰ ہلزروولٹ کا مبتدل (Transformer) استعمال کرنا پڑا اور برقی دباؤ کی قیمت  $\frac{1}{2}$  امپیر تھی۔

ستاروں کے گروہ ہوائی میں نہ صرف تپش بہت بلند ہے بلکہ کثافت بھی انتہا درجہ کم ہے۔ ان حالات ہی کے تحت طیفی سلسلوں کے وہ خطوط جو باہر اور

اس کے ماثل ضابطوں میں م کی بڑی قیمتوں سے متعلق ہیں ظہور پذیر ہوتے ہیں۔ مختلف عناصر کے طبعی خطوط کے طول موج کا مطالعہ کر کے ردِ برگ نے بڑی محنت کے بعد ثابت کیا کہ ذیل کی شکل کے ضابطے سے تمام طبعی سلسلوں کے موج عددوں کی تعیین ہو سکتی ہے۔ اور اس سے جو نتائج برآمد ہوتے ہیں مشاہدہ شدہ نتائج سے بخوبی منطبق ہوتے ہیں، صرف خفیف سی ترتیبی خطائیں (Systematic errors) رہ جاتی ہیں :-

$$ع = ع - \frac{م}{(م + م)}$$

مستقل اعداد ع اور م خاص خاص سلسلوں کے لیے معیاری جدولوں کی مدد سے دریافت کیے گئے۔ مثلاً سوڈیم کے منتشر طبعی سلسلہ کے خطوں کے موج عددوں کی تعیین کے لیے ہم تقریبی ضابطہ

$$ع = ۲۲۲۴۰ - \frac{۱۰۹۶۷۹}{۲(۰۶۹۸۷) + م}$$

استعمال کر سکتے ہیں۔ یہ سلسلہ موج عدد ۲۲۲۴۰ پر مستقر ہوتا ہے جیسا کہ ضابطہ میں م =  $\infty$  لکھنے سے واضح ہوتا ہے۔

$$ع = ع - \frac{م}{(م + م + م)}$$

جس میں ع، م اور م تین مستقل عدد ہیں۔ استعمال کرنے سے حسابی اور تجربی نتائج میں بہتر انطباق پایا جاتا ہے۔

**طبعی سلسلوں کے مابین روابط۔** ردِ برگ نے طبعی

سلسلوں میں امتیاز کر کے ان کی تین قسمیں قرار دی تھیں جن کو ہم ان کے انگریزی ناموں Sharp، Principal اور Diffuse کی مناسبت سے

صدر تیز اور منتشر کہہ سکتے ہیں۔ بعد کو برگمان (Bergmann) 'و غیر نے ان کے علاوہ ایک اور قسم دریافت کی جو Fundamental

یعنی اساسی یا برگمان کے نام سے مشہور ہے۔ طیف نگاری کی اہمیت اور روز افزوں ترقی کی وجہ سے ہم مناسب سمجھتے ہیں کہ ان سلسلوں کے لیے وہی علامتیں اور طریقے کتابت استعمال کیے جائیں جو انگریزی میں مستعمل ہیں۔ ہماری اس مختصر بحث کے لیے پروفیسر الفریڈ فاؤلر (A.Fowler) کا مجوزہ طریقہ کتابت خصوصیت کے ساتھ مفید معلوم ہوتا ہے اس لیے ہم اسی کو اختیار کریں گے۔

رڈ بگ والا ضابطہ ان تمام سلسلوں کی ترجمانی کے لیے کافی صحت کے ساتھ استعمال کیا جاسکتا ہے۔ ان کی تفصیل درج ذیل ہے :-

$$P(m) = P_{\infty} - \frac{R_{\infty}}{(m+P)^2} \quad \text{یعنی} \quad \frac{1}{r(m+P)} - \frac{1}{r_{\infty}} = (m) \quad \text{ص}$$

$$S(m) = S_{\infty} - \frac{R_{\infty}}{(m+S)^2} \quad \text{"} \quad \frac{1}{r(m+S)} - \frac{1}{r_{\infty}} = (m) \quad \text{ت}$$

$$D(m) = D_{\infty} - \frac{R_{\infty}}{(m+D)^2} \quad \text{"} \quad \frac{1}{r(m+D)} - \frac{1}{r_{\infty}} = (m) \quad \text{مر}$$

$$F(m) = F_{\infty} - \frac{R_{\infty}}{(m+F)^2} \quad \text{"} \quad \frac{1}{r(m+F)} - \frac{1}{r_{\infty}} = (m) \quad \text{۱}$$

بطور نمونہ ہم صدر سلسلہ کی علامتوں کی توضیح کرتے ہیں  $P(m)$  سے مراد م۔ دیں طبعی خطا کا موج عدد (ع) ہے۔ (یہ ضرور نہیں کہ م عدد (۱) ہی سے شروع ہو جیسا کہ ہائیڈروجن کے طبعی سلسلوں سے باستثنائے لائمان سلسلہ واضح ہے)  $P_{\infty}$  سے مراد ع یعنی طبعی سلسلہ کے سر کا موج عدد ہے جس کے لیے م کی قیمت  $\infty$  ہے اور  $P$  رڈ بگ والا ضابطہ کا  $m$  یعنی م ہے جو ایک چھوٹا مستقل عدد ہے جس کی اہمیت م کی ترقی کے ساتھ گھٹتی جاتی ہے۔

اکیہرے (Singlet) خطوط کے سلسلوں کے لیے پروفیسر فاؤلر نے بڑے انگریزی حروف تہجی P ، S ، D اور F تجویز کیے ،



دُہرے (doublet) خطوط کے سلسلوں کے لیے یونانی حروف تہجی  
( $\delta_2, \delta_1$ ) ( $\sigma_2, \sigma_1$ ) ( $\pi_2, \pi_1$ ) اور ( $\phi_2, \phi_1$ ) اور تہرے (triplet)  
خطوط کے لیے چھوٹے انگریزی حروف مثلاً  $p_3, p_2, p_1$  وغیرہ تجویز کیے  
واضح ہو کہ ان تہرے خطوط میں حرف تہجی کے بازو عدد (۱) سب سے زیادہ حدت  
کے طیفی خطوں کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔

$$P(m) = P_{\infty} - \frac{R_{\infty}}{(m+P)^2}$$

مزید اختصار کی غرض سے بجائے  $P(m) = P_{\infty} - mP$  بھی لکھا جاتا ہے۔

اس طرح دوسرے سلسلوں کے لئے اس کے مائل مختصر طریقہ کتابت متعارف ہے  
مثلاً ضابطہ  $\delta_2(m) = \delta_2 - m\delta_2$  دُہرے خطوط کے سلسلہ کے دو خطوں کے لئے استعمال ہوتا  
صدس، تیز اور منتشر خطوط کے سلسلوں کے  
باہمی ارتباط - ایک ہی عنصر کے مختلف اقسام کے طیف میں بعض باہمی روابط  
دریافت ہوئے ہیں جن سے طیفی سلسلوں کے طریقہ کتابت میں بہت سہولت  
عمل میں لائی جاسکتی ہے اور ان سلسلوں کے متعلق مشترک اساسی کلیوں کا  
پتہ چلتا ہے۔ ذیل میں بطور مثال فاؤ لہر کے دیے ہوئے لیتھیم کے سلسلے  
پیش کرتے ہیں جو زیادہ تر رڈ برگ ہی کی تحقیقات پر مبنی ہیں۔ اگرچہ لیتھیم کے طیف  
کے خط دراصل دُہرے ہیں لیکن ہم یہاں ان دُہرے خطوط کے موج عددوں کے  
درمیانی خفیف تفاوت کو نظر انداز کر کے ان کی تقریبی قیمتیں طلبہند کرتے ہیں  
اور ان کے ذریعہ لیتھیم کے طیفی سلسلوں کے باہمی روابط ظاہر کرتے ہیں :-  
(۱) تیز اور منتشر سلسلوں کے استدا قاتی موج عددوں میں ربط -

$$P(m) = 43488 - \frac{109721.6}{(m+0.9598)^2} \quad (m=1, 2, 3, \dots)$$

$$S(m) = 28601 - \frac{109721.6}{(m+0.5951)^2} \quad (m=2, 3, 4, \dots)$$

$$D(m) = 28509 - \frac{109721.6}{(m+0.9974)^2} \quad (m=2, 3, 4, \dots)$$

ان ضابطوں پر زرا سا غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ تیز اور منتشر خطوط کے سلسلوں کے استقامتی موج عدد یعنی  $S_{\infty}$  اور  $D_{\infty}$  قریب قریب مساوی ہیں۔

$$S_{\infty} = D_{\infty} \quad \text{یا} \quad \frac{S}{D} = 1$$

(۲) صدر اور تیز سلسلوں کے استقامتی موج عددوں میں رابطہ۔ لیتھیم کے صدر سلسلے کے ضابطہ کی تغیر پذیر رقم میں اگر  $m = 1$  لکھیں تو موج عدد اس کے تیز سلسلے کے استقامتی موج عدد کے تقریباً مساوی ہو جاتا ہے۔ اور اگر لیتھیم کے تیز سلسلے کے ضابطہ کے ساتھ بھی یہی برتاؤ کریں تو موج عدد صدر سلسلے کے استقامتی موج عدد کے تقریباً مساوی ہو جاتا ہے۔ چنانچہ

$$\frac{R_{\infty}}{(1+0.9596)^2} = 28573 \quad \text{اور} \quad \frac{R_{\infty}}{(1+0.5951)^2} = 43124$$

واضح ہے کہ  $28573$  موج عدد  $28601$  کے قریب قریب مساوی ہے جو تیز سلسلے کا استقامتی موج عدد ہے اور اس طرح  $43124$  صدر سلسلے کے استقامتی موج عدد  $43288$  کے تقریباً مساوی ہے۔ پس

$$P_{\infty} = \frac{R_{\infty}}{(1+S)^2} \quad \text{اور} \quad S_{\infty} = \frac{R_{\infty}}{(1+P)^2}$$

پس صدر تیز اور منتشر سلسلوں کے ضابطوں کو ہمیشہ شکل ذیل لکھ سکتے ہیں:-

$$P(m) = \frac{R_{\infty}}{(1+S)^2} - \frac{R_{\infty}}{(m+P)^2}$$

$$S(m) = \frac{R_{\infty}}{(1+P)^2} - \frac{R_{\infty}}{(m+S)^2}$$

$$D(m) = \frac{R_{\infty}}{(1+P)^2} - \frac{R_{\infty}}{(m+D)^2}$$

یا اگر اختصاری طریقہ کتابت سے کام لیا جائے تو

$$P(m) = 1S - mP ; S(m) = 1P - mS ; D(m) = 1P - mD.$$

(۳) اساسی اور منتشر سلسلوں کے استدقاقی موج عددوں میں ربط -

یتیم کے اساسی سلسلہ کا اختصاری ضابطہ ہے :-

$$F(m) = 12208 \cdot 1 - mF$$

اگر اس کے منتشر سلسلہ کے ضابطہ کی تغیر پذیر رقم میں  $m = 2$  لکھیں تو

$$\frac{109721.6}{(2 + 0.9974)^2} = 12212$$

جو اساسی سلسلہ کے استدقاقی موج عدد کے تقریباً مساوی ہے۔ پس مندرجہ بالا صدر تیز اور منتشر سلسلوں کے ضابطوں کے ساتھ یہ اساسی سلسلہ بھی شریک کر دیا جاسکتا ہے :-

$$F(m) = \frac{R_{\infty}}{(2+D)^2} - \frac{R_{\infty}}{(m+F)^2}$$

$$F(m) = 2D - mF.$$

یا مختصراً  
یتیم کے ان چار سلسلوں کے ضابطوں پر غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ طیفی خطوں کے موج عدد دو رقموں کے تفاوت کے مساوی ہیں۔ پہلی رقم میں  $m$  کی قیمت معینہ ہوتی ہے (جیسے ۱ یا ۲) اور دوسری رقم میں خط کے ترتیب واری عدد کے ساتھ  $m$  کی قیمتیں علی التواتر بڑھتی جاتی ہیں۔ جیسے  $m = 1, 2, 3, \dots$  پس کسی سلسلہ کو اس کی نوعیت کی مناسبت سے محض اس کے متعلقہ حرف جیسے  $P$  یا  $S$  یا  $D$  یا  $F$  کے ذریعہ ظاہر کرنے کے عوض علی الترتیب  $(S-P)$  یا  $(P-S)$  یا  $(P-D)$  یا  $(D-F)$  کے ذریعہ ظاہر کر سکتے ہیں۔

رڈ برگ - شو سٹر کلیہ - چونکہ صدر سلسلے کے ضابطے

$$P(m) = 1S - mP \quad \text{میں پہلے طیفی خط کا موج عدد} \quad P(1) = 1S - 1P$$

اور ابھی ابھی ہم نے بتایا ہے کہ  $1S$  صدر سلسلہ کا استدقاقی موج عدد ہے

اور IP تیز اور منتشر سلسلوں کا مشترک استدقائی موج عدد ہے۔ لہذا صدر سلسلہ کے پہلے خط کا موج عدد اس سلسلہ کے استدقائی موج عدد اور تیز و منتشر سلسلوں کے مشترک استدقائی موج عدد کے تفاوت کے مساوی ہے۔ یہ کلیہ تمام میں ردِ بزرگ اور شوپیڈز نے آزادانہ شائع کیا۔

دھیرے خطوط کے سلسلوں میں ارتباط - بطور مثال

ہم سوڈیم کے طبعی خطوط کے سلسلوں کو پیش کریں گے اس لیے کہ سوڈیم کے انجذابی طیف پر خصوصیت کے ساتھ کام ہوا ہے۔ اس کے صدر سلسلہ کا سب سے پہلا دھیرا خط  $D_2$ ،  $D_1$  مشہور خطوط پر مشتمل ہے۔ اس سلسلہ کے دوسرے دھیرے خطوط طیف کے اورائے بنفشی حصہ میں موجود ہیں۔ آر۔ ڈبلیو۔ ووڈ اور فوسر ٹریٹ (Fortrat) نے سلسلہ مذکور کے ۸ خطوط دریافت کیے جن کے آخری خط کا طول موج اس سلسلہ کے ”سر“ کے طول موج سے صرف ۱۵۲ انگسٹروم اکائی مختلف ہے۔ سوڈیم کے تیز اور منتشر سلسلوں کے خط تقریباً تمام کے تمام مرئی حصہ میں واقع ہیں اور اس کے اساسی سلسلہ کے خطوط طیف کے سرخ اور پائین سرخ حصہ میں۔

ذیل کی جدول میں چند موج عدد جو فاؤلر کے ”طبعی سلسلوں کی رپورٹ“ سے نقل کیے گئے ہیں سوڈیم کے صدر، تیز اور منتشر سلسلوں کے دوسرے خطوط  $\sigma_1, \sigma_2, \pi_1, \pi_2$  اور  $\delta_1, \delta_2$  سے متعلق ہیں۔ ہر سلسلہ کے پہلے خانہ میں  $m$  سے مراد اس سلسلہ کے خط کا ترتیبی عدد ہے۔ دوسرے خانہ میں  $m$  کی ہر قیمت کے ساتھ اس کے متعلقہ دوسرے خط کے اجزائے ترکیبی کے موج عدد درج کیے گئے ہیں۔ اور تیسرے خانہ میں ان دھیرے خطوں کے موج عددوں کا تفاوت بتایا گیا ہے۔

سوڈیم کے طیف کے مختلف سلسلوں والے دھریے خطوط کے موج عدد اور ان کا تفاوت -								
منتشر سلسلہ (۵)			تیز سلسلہ (۵)			صدر سلسلہ (۱۱)		
تفاوت	موج عدد	m	تفاوت	موج عدد	m	تفاوت	موج عدد	m
۱۷۵۱۶	۱۲۱۹۹۵۴۸	۲	۱۷۵۱۶	۸۷۶۶۱۳۴	۲	۱۷۵۱۸	۱۹۹۷۳۵۳۵	۱
	۱۲۲۱۴۵۴۴			۸۷۸۳۵۱۳			۱۹۹۵۶۵۱۷	
۱۷۵۱۷	۱۷۵۷۵۵۳۰	۳	۱۷۵۱۷	۱۹۲۲۷۵۳۷	۳	۱۷۵۱۹	۲۰۲۷۵۸۹	۲
	۱۷۵۹۲۵۴۷			۱۹۲۴۴۵۴۴			۲۰۲۷۵۸۹	
۱۷۵۱۸	۲۰۰۶۳۵۲۰	۴	۱۷۵۱۸	۱۹۲۹۸۵۳۳	۴	۱۷۵۲۰	۲۵۰۴۲۵۴۴	۳
	۲۰۰۸۰۵۳۳			۱۹۳۱۵۵۵۱			۲۵۰۴۲۵۴۴	
۱۷۵۱۹	۲۱۴۱۳۵۷۳	۵	۱۷۵۱۹	۲۱۰۳۸۵۳۷	۵	۱۷۵۲۱	۲۷۲۹۷۵۷۰	۴
	۲۱۴۳۰۵۸۹			۲۱۰۵۵۵۵۵			۲۷۲۹۷۵۷۰	
۱۷۵۲۰	۲۲۲۲۷۵۱۱	۶	۱۷۵۲۰	۲۱۹۹۵۵۰۰	۶	۱۷۵۲۲	۳۸۵۴۱۵۵۴	۵
	۲۲۲۴۴۵۳۵			۲۲۰۱۲۵۱۸			۳۸۵۴۱۵۵۴	
۱۷۵۲۱	۲۲۲۷۵۵۴۵	۷	۱۷۵۲۱	۲۲۲۷۵۵۴۵	۷	۱۷۵۲۳	۴۱۴۴۹۵۰۰	۶
	۲۲۲۹۲۵۸۳			۲۲۲۹۲۵۸۳			۴۱۴۴۹۵۰۰	
۱۷۵۲۲	۲۲۳۱۹۵۶۸	۸	۱۷۵۲۲	۲۲۳۱۹۵۶۸	۸	۱۷۵۲۴	۴۳۶۹۹۵۰۰	۷
۱۷۵۲۳	۲۲۳۴۱۵۸۹	۹	۱۷۵۲۳	۲۲۳۴۱۵۸۹	۹	۱۷۵۲۵	۴۵۹۴۹۵۰۰	۸
۱۷۵۲۴	۲۲۳۶۳۶۱۰	۱۰	۱۷۵۲۴	۲۲۳۶۳۶۱۰	۱۰	۱۷۵۲۶	۴۸۱۹۹۵۰۰	۹
۱۷۵۲۵	۲۲۳۸۵۶۳۱	۱۱	۱۷۵۲۵	۲۲۳۸۵۶۳۱	۱۱	۱۷۵۲۷	۵۰۴۴۹۵۰۰	۱۰
۱۷۵۲۶	۲۲۴۰۷۶۵۲	۱۲	۱۷۵۲۶	۲۲۴۰۷۶۵۲	۱۲	۱۷۵۲۸	۵۲۶۹۹۵۰۰	۱۱
۱۷۵۲۷	۲۲۴۲۹۶۷۳	۱۳	۱۷۵۲۷	۲۲۴۲۹۶۷۳	۱۳	۱۷۵۲۹	۵۴۹۴۹۵۰۰	۱۲
۱۷۵۲۸	۲۲۴۵۱۶۹۴	۱۴	۱۷۵۲۸	۲۲۴۵۱۶۹۴	۱۴	۱۷۵۳۱	۵۷۱۹۹۵۰۰	۱۳
۱۷۵۲۹	۲۲۴۷۳۷۱۵	۱۵	۱۷۵۲۹	۲۲۴۷۳۷۱۵	۱۵	۱۷۵۳۳	۵۹۴۴۹۵۰۰	۱۴
۱۷۵۳۰	۲۲۴۹۵۷۳۶	۱۶	۱۷۵۳۰	۲۲۴۹۵۷۳۶	۱۶	۱۷۵۳۵	۶۱۶۹۹۵۰۰	۱۵
۱۷۵۳۱	۲۲۵۱۷۷۵۷	۱۷	۱۷۵۳۱	۲۲۵۱۷۷۵۷	۱۷	۱۷۵۳۷	۶۳۹۴۹۵۰۰	۱۶
۱۷۵۳۲	۲۲۵۳۹۷۷۸	۱۸	۱۷۵۳۲	۲۲۵۳۹۷۷۸	۱۸	۱۷۵۳۹	۶۶۱۹۹۵۰۰	۱۷
۱۷۵۳۳	۲۲۵۶۱۷۹۹	۱۹	۱۷۵۳۳	۲۲۵۶۱۷۹۹	۱۹	۱۷۵۴۱	۶۸۴۴۹۵۰۰	۱۸
۱۷۵۳۴	۲۲۵۸۳۸۲۰	۲۰	۱۷۵۳۴	۲۲۵۸۳۸۲۰	۲۰	۱۷۵۴۳	۷۰۶۹۹۵۰۰	۱۹
۱۷۵۳۵	۲۲۶۰۵۸۴۱	۲۱	۱۷۵۳۵	۲۲۶۰۵۸۴۱	۲۱	۱۷۵۴۵	۷۲۹۴۹۵۰۰	۲۰
۱۷۵۳۶	۲۲۶۲۷۸۶۲	۲۲	۱۷۵۳۶	۲۲۶۲۷۸۶۲	۲۲	۱۷۵۴۷	۷۵۱۹۹۵۰۰	۲۱
۱۷۵۳۷	۲۲۶۴۹۸۸۳	۲۳	۱۷۵۳۷	۲۲۶۴۹۸۸۳	۲۳	۱۷۵۴۹	۷۷۴۴۹۵۰۰	۲۲
۱۷۵۳۸	۲۲۶۷۱۹۰۴	۲۴	۱۷۵۳۸	۲۲۶۷۱۹۰۴	۲۴	۱۷۵۵۱	۷۹۶۹۹۵۰۰	۲۳
۱۷۵۳۹	۲۲۶۹۳۹۲۵	۲۵	۱۷۵۳۹	۲۲۶۹۳۹۲۵	۲۵	۱۷۵۵۳	۸۱۹۴۹۵۰۰	۲۴
۱۷۵۴۰	۲۲۷۱۵۹۴۶	۲۶	۱۷۵۴۰	۲۲۷۱۵۹۴۶	۲۶	۱۷۵۵۵	۸۴۱۹۹۵۰۰	۲۵
۱۷۵۴۱	۲۲۷۳۷۹۶۷	۲۷	۱۷۵۴۱	۲۲۷۳۷۹۶۷	۲۷	۱۷۵۵۷	۸۶۴۴۹۵۰۰	۲۶
۱۷۵۴۲	۲۲۷۵۹۹۸۸	۲۸	۱۷۵۴۲	۲۲۷۵۹۹۸۸	۲۸	۱۷۵۵۹	۸۸۶۹۹۵۰۰	۲۷
۱۷۵۴۳	۲۲۷۸۲۰۰۹	۲۹	۱۷۵۴۳	۲۲۷۸۲۰۰۹	۲۹	۱۷۵۶۱	۹۰۹۴۹۵۰۰	۲۸
۱۷۵۴۴	۲۲۸۰۴۰۳۰	۳۰	۱۷۵۴۴	۲۲۸۰۴۰۳۰	۳۰	۱۷۵۶۳	۹۳۱۹۹۵۰۰	۲۹
۱۷۵۴۵	۲۲۸۲۶۰۵۱	۳۱	۱۷۵۴۵	۲۲۸۲۶۰۵۱	۳۱	۱۷۵۶۵	۹۵۴۴۹۵۰۰	۳۰
۱۷۵۴۶	۲۲۸۴۸۰۷۲	۳۲	۱۷۵۴۶	۲۲۸۴۸۰۷۲	۳۲	۱۷۵۶۷	۹۷۶۹۹۵۰۰	۳۱
۱۷۵۴۷	۲۲۸۷۰۰۹۳	۳۳	۱۷۵۴۷	۲۲۸۷۰۰۹۳	۳۳	۱۷۵۶۹	۹۹۹۴۹۵۰۰	۳۲
۱۷۵۴۸	۲۲۸۹۲۱۱۴	۳۴	۱۷۵۴۸	۲۲۸۹۲۱۱۴	۳۴	۱۷۵۷۱	۱۰۲۱۹۹۵۰۰	۳۳
۱۷۵۴۹	۲۲۹۱۴۱۳۵	۳۵	۱۷۵۴۹	۲۲۹۱۴۱۳۵	۳۵	۱۷۵۷۳	۱۰۴۴۴۹۵۰۰	۳۴
۱۷۵۵۰	۲۲۹۳۶۱۵۶	۳۶	۱۷۵۵۰	۲۲۹۳۶۱۵۶	۳۶	۱۷۵۷۵	۱۰۶۶۹۹۵۰۰	۳۵
۱۷۵۵۱	۲۲۹۵۸۱۷۷	۳۷	۱۷۵۵۱	۲۲۹۵۸۱۷۷	۳۷	۱۷۵۷۷	۱۰۸۹۴۹۵۰۰	۳۶
۱۷۵۵۲	۲۲۹۸۰۱۹۸	۳۸	۱۷۵۵۲	۲۲۹۸۰۱۹۸	۳۸	۱۷۵۷۹	۱۱۱۱۹۹۵۰۰	۳۷
۱۷۵۵۳	۲۳۰۰۲۲۱۹	۳۹	۱۷۵۵۳	۲۳۰۰۲۲۱۹	۳۹	۱۷۵۸۱	۱۱۳۴۴۹۵۰۰	۳۸
۱۷۵۵۴	۲۳۰۲۴۲۴۰	۴۰	۱۷۵۵۴	۲۳۰۲۴۲۴۰	۴۰	۱۷۵۸۳	۱۱۵۶۹۹۵۰۰	۳۹
۱۷۵۵۵	۲۳۰۴۶۲۶۱	۴۱	۱۷۵۵۵	۲۳۰۴۶۲۶۱	۴۱	۱۷۵۸۵	۱۱۷۹۴۹۵۰۰	۴۰
۱۷۵۵۶	۲۳۰۶۸۲۸۲	۴۲	۱۷۵۵۶	۲۳۰۶۸۲۸۲	۴۲	۱۷۵۸۷	۱۲۰۱۹۹۵۰۰	۴۱
۱۷۵۵۷	۲۳۰۹۰۳۰۳	۴۳	۱۷۵۵۷	۲۳۰۹۰۳۰۳	۴۳	۱۷۵۸۹	۱۲۲۴۴۹۵۰۰	۴۲
۱۷۵۵۸	۲۳۱۱۲۳۲۴	۴۴	۱۷۵۵۸	۲۳۱۱۲۳۲۴	۴۴	۱۷۵۹۱	۱۲۴۶۹۹۵۰۰	۴۳
۱۷۵۵۹	۲۳۱۳۴۳۴۵	۴۵	۱۷۵۵۹	۲۳۱۳۴۳۴۵	۴۵	۱۷۵۹۳	۱۲۶۹۴۹۵۰۰	۴۴
۱۷۵۶۰	۲۳۱۵۶۳۶۶	۴۶	۱۷۵۶۰	۲۳۱۵۶۳۶۶	۴۶	۱۷۵۹۵	۱۲۹۱۹۹۵۰۰	۴۵
۱۷۵۶۱	۲۳۱۷۸۳۸۷	۴۷	۱۷۵۶۱	۲۳۱۷۸۳۸۷	۴۷	۱۷۵۹۷	۱۳۱۴۴۹۵۰۰	۴۶
۱۷۵۶۲	۲۳۲۰۰۴۰۸	۴۸	۱۷۵۶۲	۲۳۲۰۰۴۰۸	۴۸	۱۷۵۹۹	۱۳۳۶۹۹۵۰۰	۴۷
۱۷۵۶۳	۲۳۲۲۲۴۲۹	۴۹	۱۷۵۶۳	۲۳۲۲۲۴۲۹	۴۹	۱۷۶۰۱	۱۳۵۹۴۹۵۰۰	۴۸
۱۷۵۶۴	۲۳۲۴۴۴۵۰	۵۰	۱۷۵۶۴	۲۳۲۴۴۴۵۰	۵۰	۱۷۶۰۳	۱۳۸۱۹۹۵۰۰	۴۹
۱۷۵۶۵	۲۳۲۶۶۴۷۱	۵۱	۱۷۵۶۵	۲۳۲۶۶۴۷۱	۵۱	۱۷۶۰۵	۱۴۰۴۴۹۵۰۰	۵۰
۱۷۵۶۶	۲۳۲۸۸۴۹۲	۵۲	۱۷۵۶۶	۲۳۲۸۸۴۹۲	۵۲	۱۷۶۰۷	۱۴۲۶۹۹۵۰۰	۵۱
۱۷۵۶۷	۲۳۳۱۰۵۱۳	۵۳	۱۷۵۶۷	۲۳۳۱۰۵۱۳	۵۳	۱۷۶۰۹	۱۴۴۹۴۹۵۰۰	۵۲
۱۷۵۶۸	۲۳۳۳۲۵۳۴	۵۴	۱۷۵۶۸	۲۳۳۳۲۵۳۴	۵۴	۱۷۶۱۱	۱۴۷۱۹۹۵۰۰	۵۳
۱۷۵۶۹	۲۳۳۵۴۵۵۵	۵۵	۱۷۵۶۹	۲۳۳۵۴۵۵۵	۵۵	۱۷۶۱۳	۱۴۹۴۴۹۵۰۰	۵۴
۱۷۵۷۰	۲۳۳۷۶۵۷۶	۵۶	۱۷۵۷۰	۲۳۳۷۶۵۷۶	۵۶	۱۷۶۱۵	۱۵۱۶۹۹۵۰۰	۵۵
۱۷۵۷۱	۲۳۳۹۸۵۹۷	۵۷	۱۷۵۷۱	۲۳۳۹۸۵۹۷	۵۷	۱۷۶۱۷	۱۵۳۹۴۹۵۰۰	۵۶
۱۷۵۷۲	۲۳۴۲۰۶۱۸	۵۸	۱۷۵۷۲	۲۳۴۲۰۶۱۸	۵۸	۱۷۶۱۹	۱۵۶۱۹۹۵۰۰	۵۷
۱۷۵۷۳	۲۳۴۴۲۶۳۹	۵۹	۱۷۵۷۳	۲۳۴۴۲۶۳۹	۵۹	۱۷۶۲۱	۱۵۸۴۴۹۵۰۰	۵۸
۱۷۵۷۴	۲۳۴۶۴۶۶۰	۶۰	۱۷۵۷۴	۲۳۴۶۴۶۶۰	۶۰	۱۷۶۲۳	۱۶۰۶۹۹۵۰۰	۵۹
۱۷۵۷۵	۲۳۴۸۶۶۸۱	۶۱	۱۷۵۷۵	۲۳۴۸۶۶۸۱	۶۱	۱۷۶۲۵	۱۶۲۹۴۹۵۰۰	۶۰
۱۷۵۷۶	۲۳۵۰۸۷۰۲	۶۲	۱۷۵۷۶	۲۳۵۰۸۷۰۲	۶۲	۱۷۶۲۷	۱۶۵۱۹۹۵۰۰	۶۱
۱۷۵۷۷	۲۳۵۳۰۷۲۳	۶۳	۱۷۵۷۷	۲۳۵۳۰۷۲۳	۶۳	۱۷۶۲۹	۱۶۷۴۴۹۵۰۰	۶۲
۱۷۵۷۸	۲۳۵۵۲۷۴۴	۶۴	۱۷۵۷۸	۲۳۵۵۲۷۴۴	۶۴	۱۷۶۳۱	۱۶۹۶۹۹۵۰۰	۶۳
۱۷۵۷۹	۲۳۵۷۴۷۶۵	۶۵	۱۷۵۷۹	۲۳۵۷۴۷۶۵	۶۵	۱۷۶۳۳	۱۷۱۹۴۹۵۰۰	۶۴
۱۷۵۸۰	۲۳۵۹۶۷۸۶	۶۶	۱۷۵۸۰	۲۳۵۹۶۷۸۶	۶۶	۱۷۶۳۵	۱۷۴۱۹۹۵۰۰	۶۵
۱۷۵۸۱	۲۳۶۱۸۸۰۷	۶۷	۱۷۵۸۱	۲۳۶۱۸۸۰۷	۶۷	۱۷۶۳۷	۱۷۶۴۴۹۵۰۰	۶۶
۱۷۵۸۲	۲۳۶۴۰۸۲۸	۶۸	۱۷۵۸۲	۲۳۶۴۰۸۲۸	۶۸	۱۷۶۳۹	۱۷۸۶۹۹۵۰۰	۶۷
۱۷۵۸۳	۲۳۶۶۲۸۴۹	۶۹	۱۷۵۸۳	۲۳۶۶۲۸۴۹	۶۹	۱۷۶۴۱	۱۸۰۹۴۹۵۰۰	۶۸
۱۷۵۸۴	۲۳۶۸۴۸۷۰	۷۰	۱۷۵۸۴	۲۳۶۸۴۸۷۰	۷۰	۱۷۶۴۳	۱۸۳۱۹۹۵۰۰	۶۹
۱۷۵۸۵	۲۳۷۰۶۸۹۱	۷۱	۱۷۵۸۵	۲۳۷۰۶۸۹۱	۷۱	۱۷۶۴۵	۱۸۵۴۴۹۵۰۰	۷۰
۱۷۵۸۶	۲۳۷۲۸۹۱۲	۷۲	۱۷۵۸۶	۲۳۷۲۸۹۱۲	۷۲	۱۷۶۴۷	۱۸۷۶۹۹۵۰۰	۷۱
۱۷۵۸۷	۲۳۷۵۰۹۳۳	۷۳	۱۷۵۸۷	۲۳۷۵۰۹۳۳	۷۳	۱۷۶۴۹	۱۸۹۹۴۹۵۰۰	۷۲
۱۷۵۸۸	۲۳۷۷۲۹۵۴	۷۴	۱۷۵۸۸	۲۳۷۷۲۹۵۴	۷۴	۱۷۶۵۱	۱۹۲۱۹۹۵۰۰	۷۳
۱۷۵۸۹	۲۳۷۹۴۹۷۵	۷۵	۱۷۵۸۹	۲۳۷۹۴۹۷۵	۷۵	۱۷۶۵۳	۱۹۴۴۴۹۵۰۰	۷۴
۱۷۵۹۰	۲۳۸۱۶۹۹۶	۷۶	۱۷۵۹۰	۲۳۸۱۶۹۹۶	۷۶	۱۷۶۵۵	۱۹۶۶۹۹۵۰۰	۷۵
۱۷۵۹۱	۲۳۸۳۹۰۱۷	۷۷	۱۷۵۹۱	۲۳۸۳۹۰۱۷	۷۷	۱۷۶۵۷	۱۹۸۹۴۹۵۰۰	۷۶
۱۷۵۹۲	۲۳۸۶۱۰۳۸	۷۸	۱۷۵۹۲	۲۳۸۶۱۰۳۸	۷۸	۱۷۶۵۹	۲۰۱۱۹۹۵۰	

دہرے خطوط کا تفاوت مستقل ہے اور ان سلسلوں کے "سروں" کے دہرے خطوط کے تفاوت کے مساوی ہے۔ مہذا (۲۲) یعنی صدر سلسلہ کے دہرے خطوط کا درمیانی تفاوت  $m$  کی زیادتی کے ساتھ مسلسل اور جلد جلد گھٹتا جاتا ہے اور اس لیے  $\pi_{1\infty}$  اور  $\pi_{2\infty}$  دونوں کی قیمت ایک ہی ہے  $= ۲۱۴۹۰۰$  ستر اور ان کا طول موج  $۲۲۱۶$  انگسٹروم۔

جدول سے یہ بھی ظاہر ہے کہ صدر سلسلہ کے دہرے خطوط کی ترتیب بلحاظ قیمت موج عدد تیز اور منتشر سلسلوں کے دہرے خطوط کی تناظر ترتیب کے برعکس ہے۔ اس کی ایک وجہ یہ ہے کہ رڈ برگ شو سٹر والے کلیہ کی رو سے صدر سلسلہ کا پہلا خط سلسلہ مذکور کے استقامتی موج عدد میں سے تیز اور منتشر سلسلوں کے مشترک استقامتی موج عدد کو وضع کرنے سے حاصل ہوتا ہے چونکہ سودیم کے دہرے خطوط کے دونوں صدر سلسلوں کا ایک ہی استقامتی موج عدد ہے اس لیے لازماً صدر سلسلہ کے پہلے دہرے خط کا زائد موج عدد والا جزو ترکیبی  $P_{\infty}$  میں سے کمتر موج عدد والا  $S_{\infty}$  یا  $D_{\infty}$  وضع کرنے سے حاصل ہوگا۔ اس کے برعکس سلسلہ مذکور کے اسی دہرے خط کا کمتر موج عدد والا جزو ترکیبی  $P_{\infty}$  میں سے زائد موج عدد والا  $S_{\infty}$  یا  $D_{\infty}$  وضع کرنے سے حاصل ہوگا۔

$$P_{\infty} = 1S \text{ اور } P(1) = 1S - 1P \quad \text{بالفاظ دیگر چکر}$$

$$P(1) = P_{\infty} - S_{\infty} \quad \text{لہذا } 1P = S_{\infty} \text{ اور } D_{\infty} \text{ دونوں}$$

$$= P_{\infty} - D_{\infty}$$

$$\left. \begin{array}{l} ۲۱۴۹۰۰ \\ ۲۲۴۹۲۸۳ - \text{اور} \end{array} \right\} \text{ ہم دیکھتے ہیں کہ } \left. \begin{array}{l} ۲۱۴۹۰۰ \\ ۲۲۴۶۵۶۵ - \end{array} \right\}$$

$$\pi_2(1) = ۱۶۹۵۶۱۶ = \pi_1(1) = ۱۶۹۶۲۳۵ =$$

خطوں کے اس انقلاب ترتیب کی طبعی نقطہ نظر سے، اس طرح تصدیق ہوتی ہے کہ تیز اور منتشر سلسلوں کے دہرے خطوط میں کمتر موج عدد کا جزو ترکیبی زیادہ حدت کا ہے اور اس کے برعکس صدر سلسلہ کے دہرے خطوط میں

زائد موج عدد کا جزو ترکیبی زیادہ حد تک کم ہے۔  
 صدر، تیز اور منتشر سلسلوں کے باہمی ارتباط کے لحاظ سے سوڈیم کے  
 اُن دُہرے خطوط کے لیے حسب ذیل چھ منابطے (اختصاری طریقہ پر)  
 لکھ سکتے ہیں: —

$$\pi_1(m) = 1\sigma - m\pi_1 \dots \dots \dots \text{پہلا صدر سلسلہ} \quad (۱)$$

$$\pi_2(m) = 1\sigma - m\pi_2 \dots \dots \dots \text{دوسرا} \quad (۲)$$

$$\sigma_1(m) = 1\pi_1 - m\sigma \dots \dots \dots \text{پہلا تیز سلسلہ} \quad (۳)$$

$$\sigma_2(m) = [1\pi_1 - \Delta\sigma] - m\sigma = 1\pi_2 - m\sigma \dots \dots \dots \text{دوسرا} \quad (۴)$$

$$\delta_1(m) = 1\pi_1 - m\delta \dots \dots \dots \text{پہلا منتشر سلسلہ} \quad (۵)$$

$$\delta_2(m) = [1\pi_1 - \Delta\sigma] - m\delta = 1\pi_2 - m\delta \dots \dots \dots \text{دوسرا} \quad (۶)$$

واضح ہو کہ جو تھے اور چھٹے منابطے میں  $\Delta\sigma$  سے مراد تیز اور  
 منتشر سلسلوں کے دُہرے خطوط کے اجزائے ترکیبی کا مستقل تفاوت  
 موج عدد ہے۔ جیسا کہ جدول سے ظاہر ہے۔

تھرے طیفی خطوط کے باہمی روابط — قوی میوں

کی دھاتوں — یعنی میگنیشیم، کیلسیم، اسٹرونشیم اور بیریم کے طیف اور نیز  
 دیگر عناصر جیسے جست، کیڈمیم اور پارے کے طیف میں تھرے خطوط پائے جاتے  
 ہیں اور ان کے ساتھ اکرے خطوط بھی ہوتے ہیں۔ تھرے خطوط کے سلسلے بھی  
 صدر، تیز اور منتشر اقسام کے ہوتے ہیں۔ ذیل میں ہم جملہ ان مختلف سلسلوں کے  
 باہمی روابط بیان کیے دیتے ہیں جن سے واضح ہو گا کہ یہ دُہرے خطوط کے  
 سلسلوں کے روابط کے مشابہ ہیں: —

(۱) تینوں صدر سلسلے مستحق ہو کر ایک ہی موج عدد پر ختم  
 ہوتے ہیں جو تیز سلسلہ کی ۱۵ رقم ہے۔  
 (۲) تیز اور منتشر سلسلوں کے تھرے خطوط کے اجزائے ترکیبی کے

موج عددی تفاوت سلسلہ متعلقہ کے متناظر اجزاء کے لیے ایک ہی ہوتے ہیں۔  
 (۲) پہلا تیز اور پہلا منتشر سلسلہ مستحق ہو کر ایک ہی موج عدد پر ختم ہوتا ہے جو پہلے صدر سلسلہ کی رقم  $\frac{R_{\infty}}{m+p_1}$  میں  $m=1$  لکھنے سے حاصل ہوتا ہے اور جو مختصراً  $(1p_1)$  لکھا جاتا ہے۔ اسی طرح دوسرا تیز اور دوسرا منتشر سلسلہ  $(1p_2)$  پر مستحق ہوتا ہے اور تیسرا تیز اور تیسرا منتشر سلسلہ  $(1p_3)$  پر۔

(۳) صدر سلسلہ کے تہرے خطوط کا سب سے بڑے موج عدد والا خط سب سے زیادہ حرّت کا ہوتا ہے اور اس کے برعکس تیز اور منتشر سلسلوں کے تہرے خطوط کے سب سے کمتر موج عدد والے خطوط سب سے زیادہ حرّت کے ہوتے ہیں۔ مندرجہ ذیل مضابطے پہلے تین کلیوں کی توضیح کرتے ہیں:-

$$p_1(m) = 1s - mp_1$$

پہلا صدر سلسلہ

$$p_2(m) = 1s - mp_2$$

دوسرا " "

$$p_3(m) = 1s - mp_3$$

تیسرا " "

$$s_1(m) = 1p_1 - ms$$

پہلا تیز سلسلہ

$$s_2(m) = 1p_2 - ms$$

دوسرا " "

$$s_3(m) = 1p_3 - ms$$

تیسرا " "

$$d_1(m) = 1p_1 - md$$

پہلا منتشر سلسلہ

$$d_2(m) = 1p_2 - md$$

دوسرا " "

$$d_3(m) = 1p_3 - Md$$

تیسرا " "

منتشر طیفی سلسلوں میں تابع خطوط (Satellites)

منتشر سلسلوں کے اکثر وہرے اور تہرے خطوں کے ساتھ مدغم تابع خطوط مشاہدہ ہوتے ہیں جن کو انگریزی میں (Satellite) (تابع) کہتے ہیں۔ ان کی وجہ سے ان سلسلوں کے خطوط کم طاقت طیف پیمائوں میں بہت منتشر نظر آتے ہیں۔



دوہرے خطوں میں ایک تابع زائد طول موج کے جزو ترکیبی کے ساتھ اس کے زائد طول موج کی جانب واقع ہوتا ہے اور جزو مذکور خود خفیف سا کثیر طول موج کی جانب ہٹا ہوا ہوتا ہے۔ یہ ہٹاؤ طیفی سلسلہ میں جیسے جیسے  $m$  کی قیمت بڑھتی ہے گھٹتا جاتا ہے۔ تہرے خطوں میں زائد طول موج کے جزو ترکیبی کے ساتھ دو تابع خط ہوتے ہیں، نیچے کے جزو کے ساتھ ایک تابع ہوتا ہے اور سب سے چھوٹے طول موج کے جزو کا کوئی تابع نہیں ہوتا۔ مناظری طیف کے نظریوں ان تابع خطوط کو بہت اہمیت حاصل ہے۔

ترکیبی خطوط اور ان کے سلسلے۔ طیفی سلسلوں کے جوڑنا

بتائے گئے ہیں ان سے واضح ہے کہ کسی بھی طیفی خط کا موج عدد دو رقموں کا تفاوت ہے۔ پہلی رقم ثابت یا سلسلہ کی حد یا سر کا موج عدد کہلاتی ہے۔ اور دوسری رقم تغیر پذیر ہے جس میں  $m$  کی قیمت کو مختلف صحیح اعداد کے مساوی لکھنے سے سلسلہ کے مختلف خطوں کا موج عدد محسوب ہوتا ہے۔ صدر تیز اور منتشر سلسلوں کے ضابطوں کی ثابت رقم کسی دوسرے سلسلہ کی متعلقہ تغیر پذیر رقم میں  $m=1$  لکھنے سے حاصل ہوتی ہے۔ اور اساسی یا برگمان والے سلسلوں کے ضابطوں میں  $m=2$  لکھنے سے حاصل ہوتی ہے۔

رڈ برگ کو اس بات کا خیال ہوا اور بعد کو رٹس (Ritz) نے اس کی تصدیق کی کہ مصرعہ بالا چار سلسلوں کے خطوط کے علاوہ اور دوسرے سلسلے یا خطوط مشاہدہ ہو سکتے ہیں اگر ثابت رقم کے لیے کسی اور سلسلہ کی تغیر پذیر رقم میں  $m$  کی قیمت ۲ یا ۳ وغیرہ کے مساوی لکھی جائے اور اس کی تغیر پذیر رقم کے لیے  $m$  کی قیمت کوئی اور صحیح رقم مانی جائے۔ ایسے خط یا سلسلے ترکیبی کہلاتے ہیں۔ مثلاً سوڈیم کے پائین سرخ طیف میں  $4000 \text{ Å}$  یا  $2925$  موج عدد کا ایک خط موجود ہے جس کا ضابطہ ہے

$$\text{wave number} = \frac{R_{\infty}}{(2+\pi_1)^2} - \frac{R_{\infty}}{(3+\sigma)^2}$$

$$2,927 = 11,175 - 8,248$$

[یادداشت (۱)۔ مناظری طیفوں کے خطوط کے طول موج چونکہ بہت چھوٹے ہیں اس لیے ان کی پیمائش کے لیے طول کی اکائی بھی کافی چھوٹی ہونی چاہیے جو اکائیاں مستعمل ہیں ذیل میں ان کی صراحت کی جاتی ہے۔ اس تالیف میں ہم نے خصوصیت کے ساتھ انگسٹروم اکائیاں استعمال کی ہیں۔

مائکرون (Micron) انگریزی علامت (ملم) اردو علامت (مہ)

$10^{-6}$  میٹر (یا  $10^{-6}$  سنٹی میٹر) - (Micro = a millionth)

ملی مائکرون (Millimicron) ملم ملم (مہ مہ)

$10^{-9}$  میٹر (یا  $10^{-9}$  سنٹی میٹر یا  $10^{-9}$  ملی میٹر) اس لیے انگریزی میٹر بھی

کہلاتا ہے۔

انگسٹروم (Å) (Angstrom)  $10^{-10}$  میٹر = (Tenth metre)

(دسواں میٹر)  $10^{-10}$  سنٹی میٹر۔

واضح ہو کہ لاشعاعوں (X-Rays) کا طول موج نور کے طول موج سے بھی بہت چھوٹا ہوتا ہے اس لیے ان کی پیمائش کی اکائی  $10^{-10}$  سنٹی میٹر ہے اور اس کے لیے انگریزی علامت (X.U.) ہے اور ہم اردو میں (لا۔ ۲) تجویز کرتے ہیں۔

(۲) سائنس میں فابری، پیرو اور بینواست

(Fabry, Perot and Benoist) نے کیڈم کے طیف کے سرخ خط کا

طول موج بڑی احتیاط سے اسٹینڈرڈ لینے معیار کی (میٹر کی رقموں میں

ناپا تو معلوم ہوا کہ وہ ۶۲۹۶ و ۶۳۳۸ انگسٹروم ہے۔ اسی سال شمسی تحقیق کی انجمن بین الاقوام (انٹرنیشنل یونین فار سولر ریسرچ) نے کیدیم کے سرخ خط کے طول موج کی اسی قیمت کو جلیبی خطوط کے طول موج اولی (Primary) معیار تسلیم کیا یعنی تمام طیفی خطوں کے طول موج کی پیمائش اسی بنیاد پر مبنی ہے کہ کیدیم کے سرخ طیفی خط کا طول موج ۶۳۳۸، ۶۲۹۶ انگسٹروم ہے]

عناصر کے جوہری خواص اور طیفی خطوں کے

سلسلوں کے مابین تعلق -

طیفی سلسلوں کے عام ضابطہ پر نظر ڈالنے سے واضح ہوتا ہے کہ کسی بھی عنصر کے کوئی سے طیفی خط کا موج عدد دو رقوم کا تفاوت ہے۔ یہ رقمیں دو عددوں کی خارج قسمت ہیں جن کا شمار کنندہ ( $R_{\infty}$ ) ہر عنصر کے لیے ایک علیحدہ مستقل ہے۔ وزن جوہر کے ساتھ اس مستقل کی قیمت میں تبدیلی ہوتی ہے لیکن ہلکے سے ہلکے اور بھاری سے بھاری جوہر کے لیے بھی یہ تبدیلی ضعیف ہے۔ نسب نما سادہ شکل میں دو عددوں کے حاصل جمع کا مرتب ہے۔ پہلا عدد صحیح ہے اور دوسرا عدد عموماً اکائی سے چھوٹا اعشاریہ ہے۔ مثلاً ہائیڈروجن کے باصر والے سلسلہ کا بہت ہی صحیح ضابطہ جو فاؤلر کی رپورٹ میں دیا گیا ہے حسب ذیل ہے:-

$$\text{wave number} = \frac{R_{\infty}}{(2-0.00000883)^2} - \frac{R_{\infty}}{(m+0.00000210)^2}$$

[ واضح ہو کہ ہائیڈروجن کے ضابطہ کی پہلی رقم میں شمار کنندہ دو عددوں کا حاصل تفریق ہے نہ کہ حاصل جمع ] چونکہ موج عدد  $\frac{1}{2}$  اور  $\frac{5}{2}$  = تعدد جس میں  $\frac{1}{2}$  = طول موج اور  $\frac{5}{2}$  = رفتار نور -

اگر تعدد  $\frac{1}{\lambda}$  کو پلانک (Planck) کے مستقل (جس کی علامت انگریزی زبان میں  $h$  اور اردو زبان میں  $ص$  ہے) سے ضرب دیا جائے تو چونکہ اس مستقل کے ابعاد توانائی  $\times$  وقت کے ہیں اور تعدد کے ابعاد  $\frac{1}{\text{وقت}}$  کے

تو حاصل ضرب توانائی ہوگا یعنی ہر طبعی سلسلہ کا ایک ایک خط ایک خاص مقدار توانائی سے متعلق ہے جو دو رقموں کا تفاوت ہے۔ پہلی رقم سلسلہ نگار کے لیے مستقل قیمت رکھتی ہے گویا ایک معین مقدار توانائی ہے۔ اور دوسری رقم بھی ایک دوسری مقدار توانائی ہے جس کی قیمت طبعی خط کے ساتھ بدلتی ہے۔

انگریزی کتابت میں تعدد کے لیے یونانی حرف تہجی ( $\tau$ ) لکھا جاتا ہے اور موج عدد کے لیے ( $\bar{\tau}$ )۔ پس باہر والے سلسلہ کا تقریبی ضابطہ

$$ch = R_{\infty} ch \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{m^2} \right) \quad (\bar{\tau}) \text{ لکھا جاسکتا ہے۔}$$

جس میں  $c =$  رفتار نور

زبان اردو میں اس کو  $c =$  ع  $h =$  سر  $\left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{m^2} \right)$  لکھ سکتے ہیں۔

$$= \tau - \tau$$

جس میں  $\tau$  اور  $\tau$  توانائی کی معین اور متغیر مقدار ہیں۔

انہیں امور کو پیش نظر رکھ کر بوس (Bohr) نے طبعی خطوط کی توجیہ کے لیے اپنا مشہور نظریہ پیش کیا جس کا ہم عنقریب ذکر کریں گے۔

اگرچہ طبعی سلسلے دیکھنے کو بہت ہی پیچیدہ جوتے ہیں تاہم محققین نے محنت و شاقہ کے بعد ان کے لیے مصرعہ بالا ضابطہ دریافت کر کے ان کے اندر بہت کچھ سادگی و باقاعدگی ثابت کر دی۔ اس کے بعد یہ کوشش کی گئی کہ جوہر بعض واضح خواص کے ساتھ ان سلسلوں کا ربط دریافت کیا جائے مثلاً یہ کہ وزن جوہر جوہری عدد یا جوہری حجم کے ساتھ ان کا کیا تعلق ہے۔

بدیں غرض جب جوہری عدد یا جوہری حجم کے لحاظ سے طبعی سلسلوں کے استقامتی موج عددوں کی ترتیبیں کھینچی گئیں تو ان میں کوئی خاص باقاعدگی نہیں پائی گئی۔ لیکن علاوہ اس امر کے قلوئی دھاتوں کے طیف میں دو ہرے خط ہوتے ہیں اور جدول ادوار میں ان کے بجائے آٹے والے گروہ کے عناصر کے طیف میں تہرے اور اکہرے خط ہوتے ہیں۔ یہ بھی دریافت ہوا کہ جب

دوہرے یا تہرے خطوط کے اجزائے ترکیبی کے موج عددوں کے تفاوتوں کا جذر المربع عنصر متعلقہ کے جوہری عددوں کے مقابلہ میں ترسیم کی شکل میں کھینچا جاتا ہے تو تقریباً سیدھے خطوط حاصل ہوتے ہیں، یعنی قناظر دوہرے یا تہرے خطوط کے موج عددوں کے تفاوتوں کا جذر المربع عنصر متعلقہ کے جوہری عدد کے متناسب ہے۔ ہم نے دیکھا ہے کہ تمام عناصر کے طبعی سلسلوں کے ضابطے ایک ہی کیفیت ہوتے ہیں جن کو ہم

$$E = \frac{1}{(M + K_1)^2} - \frac{1}{(M + K_2)^2} \quad \text{لکھ سکتے ہیں۔}$$

اس ضابطہ میں  $E$  موج عدد ہے اور  $M$ ،  $M$  صحیح عدد ہیں طبعی سلسلہ میں جیسے جیسے خط کا رتبہ بڑھتا جاتا ہے ویسے ہی  $M$  کی قیمت میں اضافہ ہوتا ہے۔  $K$ ، کم کسور اعشاریہ ہیں۔ واضح ہے کہ  $M$  کی ترقی کے ساتھ اس کے متعلقہ  $K$  کی اہمیت میں جلد جلد انحطاط واقع ہوتا ہے اور اس لیے ضابطہ کی یہ رقم مائیڈروجن کے باہر والے ضابطہ کی رقم کے مائل تر ہوتی جاتی ہے۔ بالفاظ دیگر  $M$  کی اڑی قیمتوں کے لیے جلد عناصر کے طبعی سلسلوں کے ضابطہ کی قیمتیں علی العموم مائیڈروجن کے ضابطہ کی رقموں کے ساتھ زیادہ مشابہ ہوتی جاتی ہیں۔ کیونکہ باہر والے ضابطہ میں  $K$ ، کم ناقابل لحاظ کسور اعشاریہ ہیں۔

ازدیادی یا شرابی خطوط اگر کسی عنصر کی نہیں یا بخار میں سے کشفہ کے ذریعہ بڑے تفاوت قوت کا برقی اخراج جاری کیا جائے تو بہت سے عناصر کے طیف میں مزید خط مشاہدہ ہوتے ہیں۔ ان کے لیے سپر نارمن لوکیر (Lockyer)

نے Enhanced lines نام تجویز کیا تھا۔ ہم ان کو ازیدیادی خطوط کہیں گے۔

اگر یہ ازیدیادی خطوط ہیلیم کے طیف سے متعلق ہیں تو ان کی ترتیب مائیڈروجن کے طبعی سلسلوں کے خطوط کی ترتیب کے مشابہ ہوتی ہے۔ اور

$$E = \frac{1}{M^2} - \frac{1}{(M + K)^2} \quad \text{ہوتا ہے جن میں } K \text{ کی قیمت}$$

He He

(فائلر کی رپورٹ کے بموجب) ۲۲ سے ۲۳ ۱۰۹۷ ستر ہے۔ اسی طرح قلوبی میٹوں والی دھاتوں کے شرارتی یا ازاد دی طیف جدول ادوار میں ان سے عین پیشتر آنے والے عناصر (قلوبی دھاتوں) کے معمولی ایسے قوسی (arc) طیف کے مشابہ ہوتے ہیں۔ یعنی بجائے تھرے اور اکھرے خطوں پر مشتمل ہونے کے دو تھرے خطوں پر مشتمل ہوتے ہیں۔ اور ان کے ضابطہ میں بجائے ۷ کے ۴ لے استعمال ہوتا ہے۔

ہم آگے چل کر دیکھینگے کہ شرارہ کے عمل سے گیس یا بخار ایونائز ہو جاتی ہے یعنی اس کے جوہر سے ایک برقیہ نکال پھینکا جاتا ہے۔ اس وجہ سے اس کا ازاد دی طیف جدول ادوار میں اس سے عین پہلے آنے والے گروہ کے جوہر کے قوسی طیف کے مشابہ ہوتا ہے۔

طیفی سلسلوں کے متعلق نیلز بور (Niels Bohr) کا نظریہ۔

ہائیڈروجن کا طیفی سلسلہ بوس نے رڈرفورڈ (Rutherford) کے نظریہ کے بموجب جوہر کے مرکزہ (نیوکلیس Nucleus) پر تقریباً تمام کمیت کو مرکوز مان کر فرض کیا کہ اس مرکزہ کے گرد جوہر کے بیرونی برقیہ اپنے اپنے مداروں میں حرکت کرتے ہیں ایسا ہی جیسا کہ نظام شمسی میں آفتاب کے گرد ستارے۔ چونکہ ہائیڈروجن کا صرف ایک ہی برقیہ ہے۔ ہائیڈروجن کے جوہر کی ساخت سادہ ترین متصور ہوتی ہے اور اس لیے بوس کا نظریہ ہائیڈروجن کے طیفی سلسلوں کے لیے نہایت کامیاب ثابت ہوا۔ عناصر کی جدول ادوار میں دوسرے جواہر کا جس ترتیب کے ساتھ مقام واقع ہوتا ہے اسی کے بموجب ان جواہر کے بیرونی برقیوں کی تعداد مشخص ہوتی ہے۔ چنانچہ ہیلیم کے طبعی جوہر کے دو برقیہ ہیں اور لیتھیئم کے تین وغیرہ وغیرہ۔ حامل ذرات کی تعداد جہاں دوسے بڑھ گئی تو حسابی پیچیدگیاں اور دقتیں انتہا درجہ بڑھ جاتی ہیں اس لیے بوس کے نظریہ کو ان جواہر کے طیفی سلسلوں کی توجیہ میں محض تقریبی کامیابی حاصل ہو سکی۔ لیکن ہیلیم کے جوہر کا ایک برقیہ جب روایت کی وجہ سے خارج ہو جاتا ہے اور لیتھیئم کے

جوہر کے دو برقیہ خارج ہو جاتے ہیں تو یہ جوہر ہائیڈروجن کے جوہر کے مائل بن جاتے ہیں اور پھر لوہہ کا نظریہ ان پر بخوبی صادق آتا ہے۔

بوس نے اپنے نظریہ میں ایک طرف تو نیوٹن (Newton) کے میکانی اصول استعمال کیے اور دوسری طرف نہ صرف اصول قدریہ (Quantum principles) ہی سے کام لیا بلکہ میکسول (Maxwell)

کے برقی مقناطیسی نظریہ کے بعض مستند استخراجات بلا تکلف نظر انداز کر دیے۔ چونکہ لوہہ کے نظریہ کے نتائج تجربی نتائج سے عین منطبق ہوئے اس لیے باوجود ان میخ کمزوریوں کے اس نظریہ کو بڑی مقبولیت حاصل ہوئی۔

پہلے ہم برقیہ کے مدار کو دائری فرض کرتے ہیں اور مرکزہ کی کمیت برقیہ کی کمیت کے مقابلہ میں نا متناہی بڑی مانتے ہیں تاکہ مرکزہ کی گردشی حرکت کی ضرورت پیدا نہ ہو۔ فرض کرو کہ برقیہ کا برقی بار - ب ہے اور مرکزہ کا بار + ب۔ دائرہ کا نصف قطر ص تو مرکزہ برقیہ کو اپنی طرف قوت  $\frac{b^2}{r^2}$  سے کھینچتا ہے۔ چونکہ یہ فرض کیا جاتا ہے کہ برقیہ دائری مدار میں خطی رفتار ر کے ساتھ حرکت کرتا ہے اس لیے اگر اس کی کمیت کہ مانی جائے تو مرکزہ گریز قوت  $\frac{mv^2}{r}$  ہوگی اور

$$\frac{mv^2}{r} = \frac{b^2}{r^2}$$

برقی مقناطیسی نظریہ کے بموجب برقیہ کی اس دائری حرکت سے (جس میں مرکزہ کی جانب مسلسل اسراع واقع ہوتا ہے) اشعاع کا ہونا لازمی ہے جس کی وجہ سے مرکزہ کی توانائی میں مسلسل کمی واقع ہوگی اور وہ بجائے ایک متقل قطر کے دائرہ میں حرکت کرنے کے ایک لولبی مدار میں حرکت کریگا اور بالآخر ترقی رفتار کے ساتھ مرکزہ کے ثبوت بار سے مل کر ناپید ہو جائیگا۔ بوس نے بڑی حساسیت برقی مقناطیسی نظریہ کے اس نتیجہ کو قطعاً نظر انداز کر کے فرض کیا کہ جب تک برقیہ ایک ہی مدار میں حرکت کرتا ہے اس سے اشعاع نہیں ہوتا۔ اشعاع توانائی کے لئے اس نے یہ نظریہ پیش کیا کہ برقیہ جب بیرونی مبدائے توانائی (شعلہ یا برقی قوس

یا برقی اخراج) سے توانائی جذب کرتا ہے تو اپنے طبعی مدار کو چھوڑ کر زیادہ بڑے قطر کے مدار میں حرکت کرنے لگتا ہے اور جب مدار کا عمل موقوف ہوتا ہے تو اپنے طبعی مدار میں اتر پڑتا ہے اور اترتے اترتے ایک خاص طبعی خط سے متعلق مقدارِ توانائی خارج کرتا ہے۔ اصولِ قدریہ کی متابعت میں بوسہ یا بنا ہے کہ برقیوں کے مداروں کے قطر قدری اعداد ہی کے لحاظ سے مشخص ہو سکتے ہیں۔ یعنی ان کی حرکت صرف خاص خاص مداروں میں ممکن ہے۔ ایک واضح دقت جس کو بوسہ کا نظریہ کسی طرح سے رفع نہیں کر سکتا یہ ہے کہ ایک مدار سے دوسرے مدار میں برقیہ کیونکر منتقل ہوتا ہے اور اس وقت اس پر کیا گزرتی ہے۔ اس نظریہ میں قدری اصول کے اطلاق کی تفہیم کے لیے ہمیں پلانک (Planck) کے نظریہ قدریہ سے مدد لینا ہوگی اور ہیڈیشتی تکمیل (Phase Integral) کا تصور پیش کرنا ہوگا۔

فرض کرو کہ ک کسیت کا ایک ذرہ ایک خطِ مستقیم میں ایک نقطہ کے گرد سادہ موسیقی حرکت کرتا ہے۔ کسی آن میں اس ذرہ کا نقل مکان یا ہٹاؤ مرکزی نقطہ سے  $\lambda = ط$  جب  $2\pi n$  نہ ہے جس میں  $ط$  حیضہ ہتہزاز ہے، نہ تعددِ ہتہزاز اور  $و$  وقت ہے جو مرکزی نقطہ میں سے ذرہ کے گزرنے کی آن سے شمار کیا جاتا ہے۔ اس ذرہ کو ہم پلانک کے خطی ہتہترز (Oscillator) کا مشابہ تصور کر کے قدری اصول کے بموجب فرض کر سکتے ہیں کہ اس کی توانائی  $1$  پلانک کے مستقل  $h$  اور تعددِ ہتہز نہ کے حاصل ضرب کی ضعفوں کے مساوی ہیں یعنی

$1 = n h$  نہ (جس میں  $n$  صحیح عدد ہے)  
ذرہ جب مرکزی نقطہ پر ہوتا ہے تو اس کی توانائی تمام کی تمام بالفعل ہوتی ہے اور اس لیے

$$1 = \frac{1}{2} k r_{\text{اعظم}}^2 \text{ اور چونکہ رفتار } v = \frac{فرق}{وقت} = 2\pi n ط \text{ جم } 2\pi n ط \text{ ولہذا}$$

$$r_{\text{اعظم}}^2 = 2\pi n ط \therefore 1 = 2\pi n ط \therefore ط = \frac{1}{2\pi n}$$



ذرہ کا ہٹاؤ جب لا ہوتا ہے تو اس کا معیار حرکت

$$\text{مح} = \frac{\text{ک}}{\text{فرلا}} = \frac{\pi^2}{\pi^2} = \pi^2 \text{ نہ ط ک جم } \pi^2 \text{ نہ د}$$

اگر ہم ذرہ کے معیار حرکت مح کو معین اور اس کے نقل مکان یا ہٹاؤ کو فصلہ مان کر ترسیم کھینچیں تو

$$\text{چونکہ } \frac{\text{لا}^2}{\text{ط}^2} = \text{جب } \pi^2 \text{ نہ د اور } \frac{\text{مح}^2}{\pi^2 \text{ نہ ط ک جم } \pi^2} = \text{جم } \pi^2 \text{ نہ د}$$

$$\therefore \frac{\text{لا}^2}{\text{ط}^2} = \frac{\text{مح}^2}{\pi^2 \text{ نہ ط ک جم } \pi^2}$$

یہ ایک قطع ناقص کی مساوات ہے جس کا نصف محور اعظم ط ہے اور نصف محور اقل  $\pi^2$  نہ ک ط اس ناقص کا رقبہ

$$\pi^2 \text{ نہ ک ط} = (\pi^2 \text{ نہ ک ط}) = \pi^2 \text{ نہ ط ک جم } \pi^2 \text{ نہ د}$$

$$\text{یعنی رقبہ } \pi^2 \text{ مح فرلا} = \frac{\pi^2 \text{ نہ ط ک جم } \pi^2}{\pi^2} = \frac{1}{\pi^2} = \frac{\pi^2 \text{ نہ د}}{\pi^2 \text{ نہ د}} = \pi^2 \text{ نہ د}$$

واضح ہو کہ  $\pi^2$  سے مراد پورے دور پر کا مکمل ہے۔ اور  $\pi^2$  صحیح عدد ہے۔ پس مکمل  $\pi^2$  مح فرلا جب پورے دور پر محسوب کیا جاتا ہے تو اس کی قیمت پلانک کے عالمگیر مستقل  $h$  کے بھیج عددی ضعفوں کے مساوی ہوتی ہے۔ ایسی مکمل کو ہیثیتی تکمل کہتے ہیں۔

اب ہم اس مساوات کا اطلاق بوسر کے نظریہ میں ایک برقیہ کی حرکت

پر کرتے ہیں جو مرکزہ کے گرد یکساں

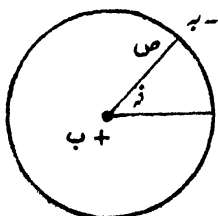
دائری رفتار کے ساتھ حرکت کرتا ہے۔

لاحظہ ہو شکل ۶۲۔ حرکت کی مناسبت کے

لحاظ سے ذرہ کے محدود زاویہ نہ اور

زاویہ معیار حرکت مح نہ ہونگے۔

مح نہ ک ص نہ ص (ص) جس میں



شکل ۶۲

ک ذرہ کی کمیت سے اس کی زاویائی رفتار اور  $v$  دائرہ کا نصف قطر ہے -  
 پس  $h \cdot v =$  ک  $v$  سے یعنی دائرہ کے مرکز کے گرد ذرہ کے جمود کا معیار اثر  
 مضروب زاویائی رفتار ہے -

∴ ہیٹنی تکمل  $\equiv h \cdot v$  فرہ  $= n \cdot h$   
 چونکہ زاویائی رفتار سے مستقل مانی گئی ہے لہذا  $h \cdot v$  بھی مستقل ہے -  
 پس ہیٹنی تکمل  $= h \cdot v$  فرہ  $= \frac{h^2}{2m} = n \cdot h$

$$\text{اور اس لیے } h \cdot v = n \cdot \frac{h^2}{2m}$$

یہ ایک اہم رابطہ ہے جو پلانک کے قدری مفروضہ یعنی  
 توانائی  $E = n \cdot h$  سے مدد لے کر حاصل کیا گیا ہے -

میکانیات کے عام کٹھنوں کا اطلاق کر کے بوئر نے برقیہ اور  
 مرکزہ کے نظام کے تعادل کے لیے مساوات

$$\frac{m v^2}{r} = \frac{e^2}{r^2}$$

جیسا کہ ابھی ابھی بتایا گیا ہے -

$$\text{پس برقیہ کی توانائی بالفعل } T = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{e^2}{2r}$$

اس کی توانائی بالقوہ (Q) کی تعیین کے لیے ہمیں برقی سکونیات سے  
 معلوم ہے کہ مثبت نقطئی برقی بار  $b$  کا قوہ اس سے حاصل  $v$  پر  $= \frac{e^2}{r}$

پس مرکزہ اور برقیہ کے نظام کی توانائی بالقوہ  $Q = - \frac{e^2}{r}$  ہے

اور اس لیے اس نظام کی حاصل مجموعی توانائی

$$E = T + Q = \frac{e^2}{2r} - \frac{e^2}{r} = - \frac{e^2}{2r}$$

ہیئتیں مکمل کے تخیل سے

$$\text{نحزہ} = \text{ک ص}^2 \text{سہ} = \text{ن} \frac{\text{ہ}}{\pi^2} \quad \text{اور سہ} = \frac{\text{ن}^2 \text{ہ}}{\pi^2 \text{ک ص}^2}$$

$$\text{پس چونکہ } \frac{1}{4} \text{ ک ر}^2 = \frac{1}{4} \text{ ک سہ}^2 \text{ ص}^2 = \frac{\pi^2 \text{ب}}{2 \text{ص}^2}$$

ان دونوں مساواتوں کے ذریعہ سہ کو سا قسط کرنے سے

$$\frac{\pi^2 \text{ب}}{2 \text{ص}^2} = \frac{1}{4} \text{ ک ص}^2 \frac{\text{ن}^2 \text{ہ}}{\pi^2 \text{ک ص}^2} \therefore \text{ص}^2 = \text{ن}^2 \frac{\text{ہ}}{\pi^2 \text{ک ب}} \text{ ک ب ہ ب}$$

جس سے ظاہر ہوتا ہے کہ ہائیڈروجن کے جوہر میں برقیہ صرف اُن مداروں میں حرکت کر سکتا ہے جو صحیح اعداد '۱'، '۲'، '۳'، ..... وغیرہ کے مربعوں کے متناسب ہیں۔

چونکہ ہائیڈروجن کے لیے  $\text{ب} = \text{ہ} = 1.6 \times 10^{-19}$  برقی سکونی اکائیوں (ب' س' ۱) اور  $\text{ک} = 9 \times 10^{-31}$  گرام اور  $\text{ہ} = 1.6 \times 10^{-19}$  ارگ ٹائیٹہ پس ہائیڈروجن کے جوہر میں برقیہ کے سب سے چھوٹے مدار کا نصف قطر  $= 0.52 \times 10^{-8}$  سم ہے جوہر میں برقیہ کے ہر ایک مدار کے لحاظ سے اس کی ایک معین توانائی ہے جس کا ضابطہ

$$= 2 - \frac{\pi^2 \text{ب}}{2 \text{ص}^2} = \frac{\pi^2 \text{ک ب}^2}{2 \text{ن}^2 \text{ہ}} \text{ ہے۔}$$

توانائی کے لیے جو جملہ حاصل ہوا ہے اس کی منفی علامت کی وجہ سے ن کی قیمت جیسے جیسے (صحیح عددوں میں) بڑھتی ہے ویسے ہی توانائی کی مطلق قیمت بھی بڑھتی ہے۔ پس جوہر کی اس توانائی کی اقل قیمت (جو صفر نہیں ہے) اُسی حالت میں ہوتی ہے جبکہ  $\text{ن} = 1$  اور برقیہ اپنے سب سے چھوٹے مدار میں اور اس لیے طبعی حالت میں حرکت کرتا ہے۔

اگر ن مدار سے متعلق توانائی اُن لکھی جائے اور ن مدار سے متعلق اُن تو برقیہ جب ن مدار سے اُتر کر ن مدار میں جاتا ہے تو اس سے توانائی اُن - اُن خارج ہوتی ہے۔ جو مرے اس طرح خارج

ہونے والی توانائی کے متعلق فرض کر لیا کہ وہ ایک خاص طبعی خط سے وابستہ ہے جو گیس کے طیف میں ظہور پذیر ہوتا ہے۔

اصول قدریہ کے لحاظ سے اس توانائی کو (ہ نہ) مان کر اس نے مندرجہ ذیل ہدایت ہی اہم مساوات حاصل کی۔

$$h \nu = h \nu_1 - h \nu_2 = \frac{h^2 \pi^2}{8m} \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

پس خط مذکور کا تعدد ارتعاش نہ =

واضح ہو کہ یہ مساوات ریڈ برگ اور ریٹس وغیرہ کے تجربی نتائج سے اخذ کی ہوئی مساواتوں کے عین مشابہ ہے۔ اس مساوات میں ایک دوہری بڑی خوبی یہ ہے کہ اس کے ذریعہ ہائیڈروجن کے ریڈ برگ والے مستقل قیمت بھی آزادانہ طریقہ پر محسوب ہو سکتی ہے۔ چنانچہ ہائیڈروجن کے لیے چونکہ ہ اور ب مساوی ہیں اس لیے

$$h \nu = \frac{h^2 \pi^2}{8m} \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

اگر بجائے نقد کے موج عدد (ع) استعمال کی جائے تو

$$E = \frac{h^2 \pi^2}{8m} \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \text{ جس میں } m = \text{رفا ر نور}$$

پس ہائیڈروجن کا ریڈ برگ والا مستقل

$$R_H = \frac{h^2 \pi^2}{8m} = 109650 \text{ سم}^{-1}$$

یہ قیمت طیف نمائی پیمائشوں سے حاصل کردہ قیمت ۱۰۹۶۷۸ سے ایک فی صد کے بیسویں حصہ کی حد تک مختلف ہے جو بوہر (Bohr) کے نظریہ کی کامیابی کا بڑا ثبوت ہے۔ ہائیڈروجن کے طبعی خط کے موج عدد کے لیے چونکہ ہ اور ب کا

نظری ضابطہ اور ردِ بگ کا تجزیہ ضابطہ دونوں مثال ہیں اور دونوں کے مستقل ہی باہر یک مساوی ہیں اس لیے ہوسر کے ضابطہ سے باہر، لائمان، پدیشن اور بریکٹ کے جملہ سلسلوں کے طیفی خطوط کے موج عدد محسوب کر لیے جاسکتے ہیں۔ ہوسر کے نظریہ کو ہائیڈروجن کے طیف کی توجیہ میں انتہائی کامیابی حاصل ہوئی۔ نظریہ کی اندرونی خامیوں کو ہم ان کامیابیوں کے مقابلہ میں نظر انداز کر سکتے ہیں۔ اگرچہ اس نظریہ سے یہ نہیں بتایا جاسکتا کہ برقیہ جب ایک مدار کو چھوڑ کر دوسرے مدار میں آتا ہے تو وہ کس طرح اتر آتا ہے اور اس پر کیا گزرتی ہے۔ لیکن چونکہ جوابہر کی تعداد کثیر ہوتی ہے وقت واحد میں ایک مدار سے دوسرے مدار میں منتقل ہونے والے برقیوں کی تعداد بھی بڑی ہوتی ہے اور اس لیے طیف کے جملہ خطوط باعتبارِ وقت مسلسل یعنی بلا وقفہ دکھائی دیتے ہیں۔ البتہ ان خطوط کی حدت تو برقیہ متعلقہ داروں سے طبعی مدار میں منتقل ہونے والے برقیوں کی تعداد پر موقوف ہوگی۔ طیفی سلسلہ کے ”سر“ کے قریب کے خطوط پیدا کرنے والے برقیوں کی تعداد چونکہ نسبتاً کم ہوتی ہے اس لیے ان خطوط کی حدت بھی بہت کم ہوتی ہے۔

ہیلیم کے شرارتی طیف (یا روانی ہیلیم کے

طیف) کے خطوط کی توجیہ۔

ہیلیم گیس کی خلائی نلی میں سے جب بڑی حدت کے برقی شرارے گزرتے ہیں تو اس کے بھی کئی طیفی سلسلے مشاہدہ ہوتے ہیں جن کے موج عددوں کا ضابطہ

$$\sigma = \frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \quad \text{He}$$

ایک سلسلہ کے لیے  $n$  کی قیمت ۲ سے دوسرے کے لیے ۳ اور تیسرے کے لیے ۴ اور ان کے متناظر  $n$  کی قیمتیں علی الترتیب ۳، ۴، ۵ وغیرہ ۴، ۵، ۶ وغیرہ اور ۵، ۶، ۷ وغیرہ ہوتی ہیں۔ پہلا سلسلہ ہیلیم کا لائمان والا

کہلاتا ہے، دوسرا فاؤلر کے نام سے منسوب ہے اور پیکرنگ (Pickering) کے نام سے۔

واضح ہو کہ طیفی ہیلیم کے طیفی سلسلے روانی ہیلیم کے طیفی سلسلوں سے بالکل مختلف ہیں۔ قبل اس کے کہ فاؤلر نے تجربہ خانہ میں روانی ہیلیم کے طیفی خطوط کی پیمائش کی تھی پیکرنگ نے صورتِ سماوی ستارگان (Puppis) کے ظ (۴) ستارہ کے طیف میں چند ایسے خطوط مطالعہ کیے جو ہائیڈروجن کے باہر والے سلسلے کے ”سر“ ہی کی طرف مستحق ہوتے نظر آئے۔ ریڈ ہونگ نے ان کو ہائیڈروجن سے منسوب کیا اور بتایا کہ باہر والے ضابطہ جس میں  $n = 2$  اور  $n = 3, 4, 5, \dots$  اگر  $n$  کی عددی قیمتوں کے ساتھ  $0.5$  کا اضافہ کر دیا جائے تو Puppis (ظ ستارگان) ستارہ کے طیف کے بعض خطوط اس ضابطہ کے خطوط سے منطبق ہو جاتے ہیں۔ چنانچہ اس لیے سر نارمن لوکیر (Sir Norman Lockyer) نے ان خطوط کو پروٹو ہائیڈروجن (Proto H) کے خطوط قرار دیا اور بعض لوگوں نے فرض کیا کہ یہ خطوط کو سٹمک ہائیڈروجن (Cosmic H) سے متعلق ہیں۔

$$\left( \frac{1}{16} - \frac{1}{25} \right)_{\text{H}} R^2 = \left( \frac{1}{36} - \frac{1}{49} \right)_{\text{H}} R = 6 \quad \text{چونکہ ضابطہ}$$

$$\left( \frac{1}{19} - \frac{1}{25} \right)_{\text{H}} R^2 = \left( \frac{1}{36} - \frac{1}{49} \right)_{\text{H}} R$$

اس لیے صاف ظاہر ہے کہ یہ خطوط دراصل روانی ہیلیم کے پیکرنگ والے سلسلے سے متعلق ہیں۔ اگر  $R$  کی قیمت  $R_{\text{He}}$  سے ذرا بھی مختلف نہ ہوتی تو روانی ہیلیم کے پیکرنگ والے یہ خطوط ہائیڈروجن کے باہر والے محولہ بالا خطوط سے صین منطبق ہو جاتے۔  $R$  اور  $R_{\text{He}}$  کے اختلاف کی وجہ سے ان خطوط میں پورا انطباق نہیں ہوتا۔

فاؤلر نے اپنے تجربہ خانہ میں ہیلیم گیس کے (جس کے ساتھ

ہائیڈروجن کا نوٹ شامل تھا) شرارتی طیف کا مطالعہ کیا تو اس کو چند ایسے خطوط نظر آئے جن کے لیے ضابطہ

$$H = \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{125} \right) R$$
 جس میں  $n = 2, 3, 4, \dots$  قریب قریب صحیح پایا گیا۔ یہ ضابطہ  $H = \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{16} \right) R$  کے مماثل ہے جس میں  $n$  کی قیمتیں  $2, 3, 4, \dots$  وغیرہ ہیں۔ ان خطوط کے علاوہ فاؤلر نے ہیلیم کے شرارتی طیف میں ایسے بھی خطوط پائے جن کے ساتھ ضابطہ

$$H = \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{16} \right) R$$
 جس میں  $n = 2, 3, 4, \dots$  تقریباً منطبق ہوتا تھا۔ اس لیے فاؤلر نے بھی دھوکے میں آکر ان سلسلوں کو ہائیڈروجن ہی سے منسوب کیا۔ اس کے بعد بوسر نے اپنے نظریہ سے ثابت کیا کہ ہیلیم کا جوہر جس کی کیت ہائیڈروجن کی کیت کی تقریباً  $4$  گنی ہے اور جس کے دو بیرونی برقیے ہوتے ہیں اگر ان برقیوں میں سے ایک برقیہ زبردست برقی اخراج کے ذریعہ مرکزہ کے اثر کے باہر کر دیا جائے اور باقی ماندہ برقیہ مقررہ بیرونی مداروں میں سے اتر کر طبعی مداروں میں آجائے تو ان تمام طبعی سلسلوں کی توجیہ ہو جاتی ہے جو غلطی سے کو سٹاک وغیرہ ہائیڈروجن کے ساتھ منسوب کیے گئے بغیر طبعی  $H$  کی صحیح قیمت درج کی جائے۔

روانی ہیلیم کے لیے بوسر کا نظریہ ایسا ہی صحیح پایا جاتا ہے جیسا کہ ہائیڈروجن کے لیے۔ اس لیے کہ ضابطہ

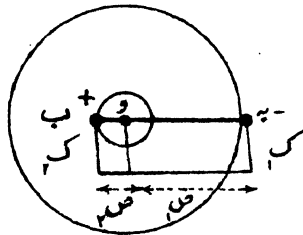
$$H_{He} = \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{16} \right) R$$
 میں اگر  $R$  کی صحیح قیمت درج

کی جائے تو لاٹمان، فاؤلر اور پکڈنگ (Pickering) والے تینوں سلسلوں کے خطوط کے طول موج یا موج عدد کے لیے جو قیمتیں محسوب ہوتی ہیں تجربی نتائج سے بخوبی منطبق ہوتی ہیں۔ جیسا کہ قبل ازیں

بیان کیا گیا ہے۔

لاٹمان کے سلسلے کے لیے  $n = ۲$  فاؤلر کے لیے  $n = ۳$  اور پکرنگ کے لیے  $n = ۴$  واضح ہے کہ ان سلسلوں میں  $n$  کی قیمتیں  $n$  کی قیمتوں سے بقدر ۱ یا اس سے زائد صحیح اعداد کے بڑی ہونگی۔

اور  $H$  اور  $He$  میں اختلاف کی وجہ یہ ہے کہ ہم نے بوسر کے نظریہ کو اس کی سادہ ترین شکل میں پیش کر کے مرکزہ کی کیت کو برقیہ کی کیت کے مقابلہ میں امتناہی بڑا فرض کیا تھا۔ اب ہم مرکزہ کی حقیقی کیت کو پیش نظر رکھ کر پہلے سے زیادہ صحیح حلے مستنبط کریں گے۔



شکل ۶۳

فرض کرو مرکزہ کی کیت  $k$  اور اس کا برقی بار  $+B$  ہے۔ یہ برقی بار  $+B$  جہہ بہ کے مساوی ہے جس میں جہہ عنصر کا جوہری عدد (Atomic number) یعنی مرکزہ کا حاصل مجموعی مثبت بار ہے اور  $-B$  یہ برقیہ کا منفی بار ہے۔  $k$  برقیہ کی کیت ہے اور  $-B$  اس کا بار۔ مرکزہ اور برقیہ کا درمیانی فاصلہ حسب سابق  $r$  مانا جاتا ہے لیکن چونکہ میکانیات کے اصول کے بموجب مرکزہ اور برقیہ دونوں اپنے مشترک مرکز ثقل کے گرد مساوی زاویہی رفتار کے ساتھ گھومینگے اس لیے اگر  $r$  سے مرکزہ کا فاصلہ  $r$  اور برقیہ کا فاصلہ  $r$



مانا جائے تو  $v = v_1 + v_2$

اور  $v = \frac{c}{\lambda_1 + \lambda_2}$  اور  $v_1 = \frac{c}{\lambda_1}$  اور  $v_2 = \frac{c}{\lambda_2}$   
اگر مشترک زاویہی رفتار سے ہو اور مرکزہ کی خطی رفتار  $v$  اور برقیہ کی  
خطی رفتار  $v_1$  تو  $v = v_1 + v_2$  اور  $v = \frac{c}{\lambda_1 + \lambda_2}$

از روئے کلیات میکانیات  $\frac{v}{v_1} = \frac{v_2}{v_1} = \frac{v_2}{v_1} = \frac{v_2}{v_1}$   
پس مرکزہ اور ایک برقیہ والے اس جوہری نظام کی توانائی بالفعل

$$= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

لیکن  $\frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$  اور  $\frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$   
نظام کی توانائی بالفعل

$$= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

چونکہ توانائی بالقوہ = - جمع پتہ

$$= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$= -\frac{1}{4} (s - m) \left( \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2} \right)^2$$

پس موج عدد  $c = \frac{2\pi^2 \text{ جیٹہ } \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{2\pi h} \left( \frac{1}{n_1} - \frac{1}{n_2} \right)$

چونکہ  $\frac{He}{H} = \frac{\text{وزن جوہر ہیلیم}}{\text{وزن جوہر ہائیڈروجن}} = \frac{\text{صحت کے کافی بڑے درجہ تک} = \frac{4.0026}{1.0064}$

اس لیے  $\frac{He}{H} = 3.9616$

چونکہ ہیلیم کے لیے جے کی قیمت ۲ =

لہذا  $c = \frac{2\pi^2 \text{ جیٹہ } \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{2\pi h} \left( \frac{1}{n_1} - \frac{1}{n_2} \right)$

پس ہیلیم کے لیے ریڈ برگ والا مستقل  $R_{He} = \frac{\frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{\frac{2\pi^2 \text{ جیٹہ } \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{2\pi h}}$

اور ہائیڈروجن کے لیے ریڈ برگ والا مستقل  $R_H = \frac{\frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{\frac{2\pi^2 \text{ جیٹہ } \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{2\pi h}}$

$\frac{\frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{\frac{2\pi^2 \text{ جیٹہ } \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{2\pi h}} + 1 = \frac{\frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{\frac{2\pi^2 \text{ جیٹہ } \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}}{2\pi h}} + 1 = \frac{He}{H} \therefore$

لیکن  $\frac{He}{H} = \frac{1.96225 \times 10^8}{1.91665659} = 3.9616$  پس طیف نمائی طریقوں ہی سے

بقیہ اور جوہر ہائیڈروجن کی کمیتوں میں نسبت معلوم ہو سکتی ہے۔

اس طرح  $\frac{k_1}{k_2}$  کی قیمت  $\frac{1}{1.839}$  دریافت ہوئی ہے جو دوسرے

طریقوں سے دریافت کی ہوئی قیمتوں سے بہت کم مختلف ہے۔ اگر جوہری عدد جے کے عنصر کے لیے ریڈ برگ والا مستقل  $R_{He}$  کے لیے

اور اس کے مرکزہ کی کیفیت کجہ تو

$$\text{کجہ} = \frac{2 \times 10^3 \times 10^3}{3.5 \times 10^3} \cdot \frac{1}{\frac{1}{\text{کجہ}} + 1}$$

پس برقیہ کے بالمقابل انتہائی کیفیت والے مرکزہ کے لیے  $\frac{1}{\text{کجہ}} = \text{صفر}$  اور

$$\frac{2 \times 10^3 \times 10^3}{3.5 \times 10^3} = \infty$$

اگرچہ مندرجہ بالا مساوات میں 'ک'، 'ب'، 'ر' اور 'ھ' کی معلوم کردہ قیمتیں تعویض کر کے 'ر' کی قیمت محسوب کی جاسکتی ہے لیکن اگر اس کی تعیین میں طیف نمائی پیمائشوں کی اعلیٰ درجہ کی صحت مطلوب ہو تو اس سے اوپر والی مساوات میں طیف نمائی ذرائع سے کسی عنصر مثلاً ہائیڈروجن کے لیے 'ر' اور 'ک' کی دریافت کی ہوئی قیمتیں درج کر کے 'ر' کی قیمت معلوم کر سکتے ہیں۔ چنانچہ اس طرح اس کی قیمت ۲۲، ۱۰۹۳۷، ۱۰۹۳۷، ۱۰۹۳۷ سمتر محسوب ہوئی ہے۔ اس کی مدد سے ہم کسی بھی جوہری عدد والے عنصر کا ریڈ برگ والا مستقل دریافت کر سکتے ہیں۔

بوسر کے نظریہ سے چونکہ طیفی خطوط کے تعدد ارتعاش اور موج عدد کے جملوں کی شکل بعینہ ریڈ برگ اور رٹس والے جملوں کے مائل حاصل ہوتی ہے اس لیے نظریہ مذکور سے ریڈ برگ، شو سٹر والے کلیہ اور "اجتماعی خطوط" کی بھی آسانی توجیہ ہو جاتی ہے۔

چونکہ بوسر کے نظریہ سے ہائیڈروجن اور روانی ہیلیم (یا دوسرے روانی لیتھیم) کے لیے طیفی خطوط کے موج عددوں کا ضابطہ

$$ع = \text{جہ} \left( \frac{1}{n} - \frac{1}{n'} \right) \text{ ہے۔}$$

اور ہائیڈروجن کے لیے جہ کی قیمت اکائی ہے، اس لیے

$$ع = \left( \frac{1}{n} - \frac{1}{n'} \right) \text{ H}$$

$$\text{باہر والے سلسلہ کا استقامتی موجِ عدد } \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{\infty} - \frac{1}{12} \right) \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{12} \right) \frac{1}{H}$$

$$\text{لائمان } \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{\infty} - \frac{1}{11} \right) \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{11} \right) \frac{1}{H}$$

$$\text{اور پیشین } \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{\infty} - \frac{1}{13} \right) \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{13} \right) \frac{1}{H}$$

پس لائمان اور باہر والے سلسلوں کے استقامتی موجِ عددوں کا تفاوت

$$\left( \frac{1}{12} - \frac{1}{11} \right) \frac{1}{H} =$$

= لائمان والے سلسلہ کے پہلے طیفی خط کا موجِ عدد

اس طرح باہر اور پیشین والے سلسلوں کے استقامتی موجِ عددوں کا تفاوت

$$\left( \frac{1}{13} - \frac{1}{12} \right) \frac{1}{H} =$$

= باہر والے سلسلہ کے پہلے طیفی خط کا موجِ عدد

ان روابط پر غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ ریڈ برگ، مشو سنڈ والا کلبہ جس کا ذکر اس باب کے ابتداء میں آچکا ہے مصرعہ بالا روابط کو تعمیری کل میں ظاہر کرتا ہے۔

اجتماعی خطوط کی توجیہیں ہم باہر والے سلسلہ کے دوسرے اور چوتھے خط کے موجِ عددوں کو پیش کر سکتے ہیں۔ چنانچہ

$$\text{اس سلسلے کے چوتھے خط کا موجِ عدد } \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{14} - \frac{1}{12} \right) \frac{1}{H}$$

$$\text{اور } \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{13} - \frac{1}{12} \right) \frac{1}{H} \text{ دوسرے } \frac{1}{H} =$$

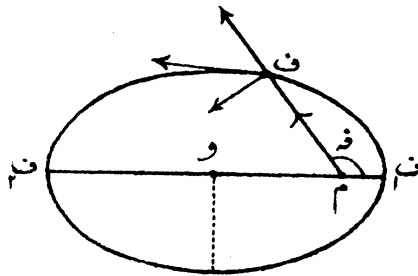
$$\text{ان کا تفاوت } \frac{1}{H} = \left( \frac{1}{14} - \frac{1}{13} \right) \frac{1}{H}$$

جو بریکٹ والے پہلے کے دوسرے خط کا موجِ عدد ہے۔ پس باہر والے سلسلہ کے

چوتھے اور دوسرے خطوں کے موج عددوں کا تفاوت بریکٹ والے سلسلہ کے دوسرے خط کے موج عدد کے مساوی ہے۔

میکانی اصول کے لحاظ سے بوس کے نظریہ میں برقیہ کا مدار نہ صرف دائری ہو سکتا ہے بلکہ ناقص بھی۔ ایسی صورت میں مرکزہ قطع ناقص کے ایک ماسک پر واقع ہو گا۔ ہم سومر فیلڈ (Sommerfeld) کا طریقہ عمل اختیار کر کے بتائیں گے کہ برقیہ جب ناقص مدار میں حرکت کرتا ہے تو قدری اعداد (Quantum numbers) کے تصور میں کیا توسیع واقع ہوتی ہے۔

شکل ۹۳ میں فرض کرو کہ برقیہ قطع ناقص ف، ف، ف میں حرکت کرتا ہے اور مرکزہ مدار کے ماسک م پر واقع ہے۔ و مدار کا مرکز ہے۔



شکل ۹۳

و، ف، = و، ف، مدار کا نصف محور اعظم ۲ ہے اور اس کا نصف محور اقل ب ہے۔ فاصلہ و م = ج اور ناقص کا خروج المکرز = ج۔ برقیہ کے مقابلہ میں مرکزہ کی کمیت بنظر سہولت بہت بڑی مانی جاتی ہے۔ جب برقیہ اپنے مدار میں کسی مقام ف پر واقع ہوتا ہے تو فرض کرو کہ اس کے قطبی محدود ص اور ف ہوتے ہیں۔ شکل بالا میں طول م ف = ص اور زاویہ ف، م ف = فہ

کسی وقت بھی برقیہ کی حرکت مدار کے خطِ ماس کی سمت میں ہوگی۔ اس کی خطی رفتار (r) کو ہم دو اجزائے ترکیبی میں تحلیل کر سکتے ہیں۔ م ف کی سمت میں رفتار کا جزو ہوگا اس کو ہم نیم قطری جزو کہیں گے اور وہ  $\frac{r}{2}$  ہے۔ م ف کے علی القوائم سمت میں رفتار کا جزو  $\frac{r}{2}$  ہے۔ ان دو اجزاء کے متناظر برقیہ کے دو معیار حرکت ہیں۔

نیم قطری معیار حرکت  $\text{مح} = \text{ک} \frac{r}{2}$  جس میں ک برقیہ کی کمیت ہے۔  
اور زاویائی معیار حرکت  $\text{مح} = \text{ک} \sin \frac{r}{2}$  (۱)

نیم قطری معیار حرکت مح برقیہ کی دوری حرکت میں مسلسل بدلتا رہتا ہے۔ نقطہ ف پر اس کی قیمت صفر ہے پھر وہ بڑھتے بڑھتے اعظم ہو جاتا ہے اور اس کے بعد گھٹتے گھٹتے ف پر پھر صفر ہو جاتا ہے۔ دوسری تقلید میں پہلے ہی سے فرض کر لیا گیا ہے کہ برقیہ جب تک ایک ہی دور میں گھومتا ہے اس سے اشعاع واقع نہیں ہوتا۔ مزید براں سہولت کی خاطر یہی فرض کر لینے کہ برقیہ کی کمیت میں اس کی مداری رفتار کے تغیر تبدیل سے کوئی فرق نہیں آتا یعنی سہولت ہم مسئلہ اضافیت کا اطلاق ملتوی کرتے ہیں۔ پس چونکہ برقیہ یرقوت ہمیشہ ماسک م کی جانب عمل کرتی ہے اس لیے اس کا کوئی جزو تحلیلی نیم قطر سمتی کے علی القوائم نہیں ہوتا ہے۔ اس لیے مح کی قیمت مستقل ہوگی۔  
سو ہم فلاں کا مفروضہ ہے کہ نیم قطری معیار حرکت (مح) اور زاویائی معیار حرکت (مح) دونوں پر بیستی مکمل عائد کیا جاسکتا ہے یعنی

$$\text{مح} = \text{فر} = \text{ن} \quad \text{اور} \quad \text{مح} = \text{فر} = \text{ن} \quad \text{نم}$$

ان میں سے ن ذ السمتی یا زاویائی (Azimuthal or Angular)  
قدری عدد کہلاتا ہے اور ن نیم قطری قدری عدد۔ جوہر کی حالت کا تین اگر مجموعی قدری عدد (ن) سے ہوتا ہے تو  $\text{ن} = \text{ن} + \text{ن}$

داری مدار کی صورت میں نس = . اس لیے کہ داری حرکت میں قطر مستقل ہونے کی وجہ سے نیم قطری معیار حرکت صفر ہے۔ واضح ہو کہ نذ اور نس دونوں اپنی جدا گانہ حیثیت سے صحیح اعداد ہیں۔ مساواتوں (۱) کی رُو سے

$$\text{نک ص} \frac{\text{نذ}}{\text{نس}} = \text{نذ} \text{ اور نک فرس} \frac{\text{نس}}{\text{نس}} = \text{نس} \dots (۲)$$

چونکہ مح مستقل ہے ک ص  $\frac{\text{نذ}}{\text{نس}}$  مستقل ہے اور اس لیے مساواتوں (۲) میں پہلی مساوات کو فوراً مکمل کر سکتے ہیں چنانچہ

$$\text{نک ص} = \text{نذ} \therefore \text{نک فرس} = \text{نس} \dots (۳)$$

(۲) کی دوسری مساوات کا مکمل کسی قدر طویل ہے۔ اس لیے کہ اس میں دو متغیر ص اور فرس ہیں۔ ہم ان دونوں کو نذ کی قوتوں میں ظاہر کرینگے۔ چونکہ ناقص کی قطبی مساوات سے

$$\text{ص} = (۱ + \text{ز جم ذ}) = (۱ - \text{ز}^۲) \dots (۴)$$

جس میں ز = ناقص کا خروج المركز اور ۱ = اس کا نصف محور اعظم اور

$$\text{واضح ہو کہ ز} = \sqrt{\frac{\text{ب}^۲ - \text{ا}^۲}{\text{ا}^۲}} \text{ جس میں ب} = \text{نصف محور اقل} = (۱ - \text{ز}^۲)^{\frac{۱}{۲}}$$

مساوات (۴) کو تفریق کرنے سے

$$\frac{\text{فرس}}{\text{نذ}} = (۱ + \text{ز جم ذ}) - \text{ص ز جم ذ} = .$$

$$\therefore \frac{۱}{\text{ص}} \frac{\text{فرس}}{\text{نذ}} = \frac{\text{ز جم ذ}}{۱ + \text{ز جم ذ}} \dots (۵)$$

$$\text{مساواتوں (۱) سے} \frac{\text{مح ص}}{\text{مح فرس}} = \frac{\text{نذ}}{\text{نس}} \therefore \text{مح ص} = \frac{۱}{\text{نس}} \frac{\text{فرس}}{\text{نذ}} \dots (۶)$$

اور فرض =  $\frac{\text{فرض}}{\text{فرض}}$  فرض - پس ان قیمتوں کو (۲) کی دوسری مساوات میں درج کرنے سے

$$\phi \text{ ح } \frac{1}{\text{فرض}} = \text{فرض} = \text{نم}$$

$$\text{ح } \phi \left( \frac{1}{\text{فرض}} \right)^2 = \text{فرض}^2 = \text{نم} \dots \dots (۷)$$

پس از روئے مساوات (۳) و (۵)

$$\frac{z^2}{\pi^2} \phi \left( \frac{\text{جب}^2}{(z + \text{جم}^2)^2} \right) = \text{فرض} = \frac{\text{نم}}{\text{نم}} \dots (۸)$$

اس تکمیل میں صرف ایک ہی متغیر فرض ہے۔ اس لیے ہم اس کا تکمیل بالخصوص انجام دینگے

$$\frac{z}{\pi^2} = \frac{\text{نم}}{\text{نم}} \phi (\text{جب}^2) \left\{ \frac{z + \text{جم}^2}{(z + \text{جم}^2)^2} \right\} = \text{فرض}$$

$$\therefore \frac{\text{نم}}{\text{نم}} = \frac{z}{\pi^2} \left[ \frac{\text{جب}^2}{(z + \text{جم}^2)^2} \right] - \frac{z}{\pi^2} \int \frac{z}{(z + \text{جم}^2)^2} dz \dots (۹)$$

توسین میں جو رقم لکھی گئی ہے اس کی قیمت دونوں نہایتوں (۲۲ اور ۰) کے لیے صفر ہے۔ پس

$$\frac{\text{نم}}{\text{نم}} = - \frac{z}{\pi^2} \int \frac{z}{(z + \text{جم}^2)^2} dz = \text{فرض} \left( \frac{1}{\pi^2} \int \frac{1}{(z + \text{جم}^2)^2} dz - 1 \right) \text{فرض} \dots (۱۰)$$

$$\text{پس } 1 - \frac{1}{\frac{z}{\text{جم}^2} - 1} = \frac{\text{نم}}{\text{نم}}$$

$$\therefore 1 - z^2 = \left( \frac{\text{نم}}{\text{نم} + \text{نم}} \right)^2 \text{ اور } z = \sqrt{1 - \left( \frac{\text{نم}}{\text{نم} + \text{نم}} \right)^2} \dots (۱۱)$$

مساوات (۱۱) سے واضح ہے کہ مجموعی قدری عدد کی کسی دی ہوئی



قیمت کے لیے برقیہ کے ممکنہ ناقص مداروں کی تعداد بھی  $N$  کو ممکنہ قیمتوں کے لحاظ سے محدود ہے۔ مثلاً اگر  $N \equiv N' + N'' = 5$  تو پانچ ہی ناقص مداروں میں حرکت ہو سکتی ہے۔ ایک ایک مدار  $N$  کی ہر ممکنہ صحیح عددی قیمت یعنی  $1, 2, 3, 4$  اور  $5$  کے لحاظ سے ممکن ہے۔  $N' = 5$  صفر کو اس لیے متروک کرنا پڑتا ہے کہ ایسی صورت میں ناقص کا خروج المرکز اکائی ہوگا اور برقیہ کا مدار خط مستقیم ہوگا جو مرکزہ میں سے گزرے گا۔

ہم اب برقیہ کے مختلف ناقص مداروں کو پیش نظر رکھ کر جوہر کی توانائی محسوب کریں گے اور اس کی مدد سے مساوات (۱۱) کی مزید تعبیر کریں گے۔ چونکہ مجموعی توانائی

$$1 = T + Q \quad (\text{یعنی توانائی بالفاعل} + \text{توانائی بالقوہ})$$

$$(12) \quad \text{توانائی بالقوہ } Q = \frac{b \cdot b}{r} = \frac{b \cdot b}{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \text{ زجم فہ}} \dots \dots \dots (12)$$

(جس میں  $\frac{1}{2} =$  ناقص کا نصف محور اعظم)  $b =$  برقیہ کا بار اور  $b =$  مرکزہ کا بار

$$\text{اور توانائی بالفاعل } T = \frac{1}{2} k \left( \frac{r}{r_0} \right)^2 + \frac{1}{2} k \left( \frac{r}{r_0} \right)^2 \quad (\text{ص فرفہ})^2$$

ت کو ذہنی کی رقموں میں ظاہر کرنے کے لیے اس کے جلد کی پہلی رقم کو  $k$  سے ضرب اور تقسیم کر دو اور دوسری رقم کو  $k$  ص سے ضرب اور تقسیم کر دو تب

$$(13) \quad T = \frac{1}{2} k \left( \frac{r}{r_0} \right)^2 + \frac{1}{2} k \left( \frac{r}{r_0} \right)^2 \quad (\text{ح ح فہ}) \dots \dots \dots (13)$$

$$\text{ح ح} = \frac{1}{2} k \frac{r}{r_0} \text{ از روئے مساوات (۶) پس مساواتوں (۱۱) اور (۵) کی مدد سے}$$

$$(14) \quad T = \frac{1}{2} k \frac{r}{r_0} \cdot \frac{(r_0^2 + 2r_0^2 \text{ زجم فہ} + 1)}{(1 - r_0^2)} \dots \dots \dots (14)$$

پس مجموعی توانائی

$$2 = t + q = \frac{r_1}{r_2} \frac{r_2 + 2 + \text{زجمع} + 1}{r_2 - 1} - \frac{r_2 + 2 + \text{زجمع} + 1}{r_2 - 1} \frac{r_2}{r_1} \quad (15) \dots$$

ہمارے اس مفروضہ کے بموجب کہ مدار میں حرکت کرنے سے توانائی کا اشعاع

نہیں ہوتا  $\frac{\text{فرا}}{\text{فرف}} = .$

پس مساوات (۱۵) کو تفریق کرنے سے

$$\frac{f_1}{f_2} = 0 = -\frac{f_2}{f_1} \frac{1}{(1-z_1^{-1})} + \frac{1}{1-z_1^{-1}} \frac{1}{f_1} \dots (16)$$

اس کو اور یعنی نصف محورِ اعظم کے لیے حل کرنے سے

$$(14) \dots\dots\dots \frac{\text{مجموع}}{\text{کسر ب (1-1)}} = 1$$

∴ مساواتوں (۳) اور (۱۱) کی مدد سے

$$(18) \dots\dots\dots \frac{r^2}{\pi^2 k^2 b} (n_z + n_v) = 1$$

چونکہ  $(n_1 + n_2) = n$  یعنی مجموعی قدری عدد اس لیے مساوات (۱۸) دائری مدار کے نصف قطروالی مساوات کے مشابہ ہے۔ معینا

ناقص کا نصف محور اعظم  $a$  اور  $b$  کے حاصل جمع کے تابع ہے ان کی علیحدہ علیحدہ قیمتیں خواہ کچھ سی ہوں۔

البتہ ناقص کے نصف محو اقل ب کی قیمت استثنیٰ قدری عدول کے

تابع ہے اس لیے کہ  $b = \sqrt{1 - z^2}$

اور اس لیے  $\text{نز} (\text{نز} + \text{نم}) = \frac{25}{232}$  ... (۱۹)

برقیہ کا "محیط" (Perihelion) فاصلہ  $r$  (ملاحظہ ہو شکل ۱۳)  $r = (1 - e) a$

پس  $m \neq n = (n + n') \frac{h}{2\pi k b b} \left[ \frac{n}{(n + n')} - 1 \right] \dots (20)$   
 جس سے ظاہر ہے کہ کسی دیے ہوئے مجموعی قدری عدد کے لیے  $n$  جیسے چھوٹا ہوتا  
 حتمی فاصلہ بھی چھوٹا ہوتا جاتا ہے۔ توانائی کے جلد (۱۵) میں مساوات (۱۶)  
 سے  $\frac{h}{2\pi k b b}$  کی قیمت درج کرنے سے

$$1 = \frac{b b}{(1 - n')} \left[ \frac{2 + 2 + 2 + \dots + 2}{2} - (1 + 2 + 3 + \dots + n) \right]$$

$$= \frac{b b}{(1 - n')} \frac{(1 - n')}{2}$$

$$= \dots \dots \dots \frac{b b}{2} \dots \dots \dots (21)$$

اس مساوات سے ظاہر ہے کہ برقیہ کے ناقص مدار کے جوہری نظام  
 کی توانائی ۱ صرف ناقص کے محور اعظم ۲ کے تابع ہے اور چونکہ یہ محور  
 صرف مجموعی قدری عدد کی قیمت کے تابع ہے اس لیے جوہری نظام کی  
 توانائی ان تمام ناقصوں کے لیے سادی ہے جن کا مجموعی قدری عدد  
 مساوی ہے۔

مساوات (۲۱) میں مساوات (۱۸) سے ۱ کی قیمت  
 تعویض کرنے سے توانائی

$$1 = \dots \dots \dots \frac{h}{2\pi k b b} \frac{1}{(n + n')} \dots \dots \dots (22)$$

پس یہ تقلید بوسہ چونکہ یہ مانا جاتا ہے کہ جوہری نظام جب ایک  
 مجموعی قدری عدد  $n$  کی متناظر حالت سے نکل کر ایک کمتر توانائی کی  
 حالت میں جو مجموعی قدری عدد  $n'$  کے متناظر ہے (اور  $n > n'$ )  
 داخل ہوتا ہے تو اس سے ایک قدریہ توانائی  $h n$  اشعاع کی شکل میں

خارج ہوتا جس کا ضابطہ ہے

$$n = n_1 - n_2$$

یہاں  $n$  اشعاع کا تعدد ارتعاش ہے۔ جب اس کو موج عدد نہ یا  $E$  میں تبدیل کرتے ہیں تو

$$E = \frac{h \nu_1}{\lambda_1} - \frac{h \nu_2}{\lambda_2} \quad (23) \dots$$

واضح ہو کہ  $(\nu_1 + \nu_2) =$  مجموعی قدری عدد  $(\lambda_1 + \lambda_2)$  = مجموعی قدری عدد  $n$ ۔ پس عددی اعتبار سے مساوات (۲۳) دائری مدار کی موج عدد والی مساوات کے عین مماثل ہے۔ البتہ فرق اس امر کا ہے کہ جو ہر جب مجموعی قدری عدد  $n$  کے متناظر حالت میں ہوتا ہے تو اس کا برقیہ  $n$  ناقصی مداروں میں سے کسی ایک مدار میں ہو سکتا ہے اور جو ہر جب  $n$  مجموعی قدری عدد کے متناظر حالت میں منتقل ہوتا ہے تو برقیہ  $n$  ناقصی مداروں میں سے کسی ایک مدار میں ہو سکتا ہے۔ اس طرح پہلی حالت سے دوسری حالت میں منتقل ہونے کے  $n$  -  $n$  مختلف طریقے ہیں۔ ہمارے اس مفروضہ سے کہ ناقصی مدار میں برقیہ کی تبدیلی رفتار سے اس کی کمیت پر کوئی اثر نہیں پڑتا (جو اصول اضافیت کے لحاظ سے نادرست ہے) جو ہر کی تبدیلی حالت کے  $(n_1 - n_2)$  طریقوں سے اشعاع کے تعدد ارتعاش میں کوئی فرق نہیں پیدا ہوتا۔ لیکن دراصل ایسا نہیں ہوتا ہے۔ اصول اضافیت کی رو سے برقیہ کی کمیت مستقل نہیں رہ سکتی۔ سومر فلڈ نے اس امر کو پیش نظر رکھ کر جواہم اور پر معنی نتائج اخذ کیے ذیل میں بیان کیے جاتے ہیں :-

ناقصی مدار اور سومر فلڈ کی تصحیح بلحاظ اصول اضافیت - تجربہ اور نظریہ دونوں سے ثابت ہوتا ہے کہ اجسام کی کمیت ان کی رفتار کے لحاظ سے بدلتی ہے۔ اگر حالت سکون میں کسی جسم کی کمیت  $k$  ہے اور رفتار  $R$  کی حالت میں  $k'$  تو نظریہ اضافیت کی رو سے

$$ک = \frac{ک}{\frac{۱۷}{۲} - \frac{۲}{۲۷}} = \text{جس میں سر} = \text{رفنار نور} \dots\dots\dots (۲۴)$$

برقیہ کا مدار جب ناقصی ہوتا ہے تو اس کی رفتار مختلف مقاموں پر بہت مختلف ہوتی ہے چنانچہ جب اس کا نیم قطر سمتی اقل ہوتا ہے تو رفتار اعظم ہوتی ہے اور جب وہ اعظم ہوتا ہے تو رفتار اقل ہوتی ہے۔

زاویہ کی معیار اثر کو مستقل ماننے سے ک ص ۲  $\frac{فرق}{فرق} = \text{مستقل}$  کمیت ک جب مستقل سمجھی جاتی ہے تو کیپلر (Kepler) کا ناقصی حرکت کا دوسرا کلیہ کہ نیم قطر سمتی مساوی اوقات میں مساوی رقبے طے کرتا ہے فوراً حاصل ہوتا ہے اس لیے کہ جزو رقبہ (فرس) جو جزو زاویہ فرق سے متعلق ہے

$$= \frac{۱}{۲} \text{ ص } ۲ \text{ فرق} - \text{پس}$$

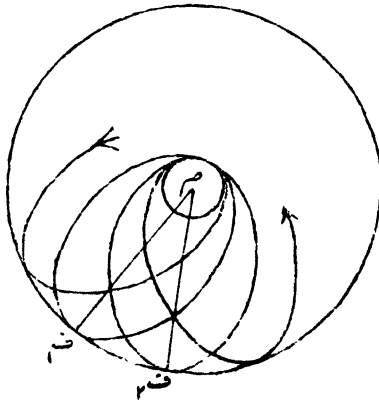
$$ہک \frac{فرس}{فرق} = \text{مستقل}$$

لیکن اگر کمیت ک رفتار کے ساتھ بدلتی ہے تو صورت حال مختلف ہوتی ہے اور برقیہ کا مدار ناقصی نہیں ہوتا ہے بلکہ شکل ۱۵۷ کی طرح تغیر پذیر اور کھلا ہوتا ہے۔ گویا ایک ناقص نما مدار ہے جس کے مستوی میں محور اعظم ایک اسکہ کے گرد (بطور مرکز) ایسی زاویہ کی رفتار کے ساتھ گھومتا ہے کہ نیم قطر سمتی کی قیمت علی التواتر اعظم ہونے تک محور مذکور ایک مستقل زاویہ فام فام میں آگے کو بڑھ جاتا ہے۔ مدار کے اندر مرکزہ کے گرد برقیہ کی زاویہ کی حرکت جس سمت میں ہوتی ہے محور اعظم کی زاویہ کی حرکت بھی اسی سمت میں ہوتی ہے (دیکھو شکل ۱۵۷)۔

بالفاظ دیگر یہ ایسی حرکت ہے کہ نیم قطر سمتی کی قیمت علی التواتر اعظم ہونے کے لیے اس کو بجائے زاویہ ۳۲ میں گھومنے کے زاویہ  $\frac{\pi}{۲}$  میں گھومنا پڑتا ہے جس میں جہ اکائی سے ذرا سی چھوٹی ایک مقدار ہے۔ ایسی صورت میں ہم نے برقیہ کے ناقصی مدار کے لیے جو مساواتیں قبل ازیں حاصل کی تھیں وہ بحال رہ سکتی ہیں اگر بجائے فہ کے جہ فہ لکھا جائے۔ سوہر فلڈ نے ثابت کیا کہ

$$ج = \sqrt{1 - \frac{ب^۲ ب^۲}{ح^۲ ح^۲}} = \text{زاویہ معیار حرکت}$$

[ ب اور ب علی الترتیب برقیہ اور مرکزہ کے بار ہیں ح = زاویہ معیار حرکت  
اور س = رفتار نور ]



شکل ۶۵

پس اس سے واضح ہے کہ برقیہ کو اب دو دوری حرکتیں حاصل ہیں، ایک حرکت جس سے اس کا نیقطہ سمتی علی التواتر اعظم و اقل قیمتوں میں بدلتا رہتا ہے اور دوسری حرکت جس سے اس کے مدار کا محور بتدریج اور نسبتہ بہت آہستہ ماسکہ م کے گرد گھومتا ہے۔ ذرا سا غور کرتے سے معلوم ہوگا کہ برقیہ کی یہ حرکت ایک حد تک ذیمانی اثر والی حرکت کے مشابہ ہے۔ پس اس مدار میں حرکت کرتے ہوئے برقیہ سے اگر قدیم برقی مقناطیسی گلیوں کے بموجب توانائی کا اشعاع صادر ہو تو ہم توقع کر سکتے ہیں کہ اشعاع مذکور دو باہر دیگر خفیف سے مختلف تعددوں پر منتقل ہوگا۔ نظریہ قدریہ سے بھی اس کے مشابہ نتائج حاصل کیے جاسکتے ہیں

لیکن اس کا تصور بالکل مختلف ہوگا۔ سوھر فلڈ نے اس مسئلہ کی تحقیق میں جو نتائج اخذ کیے ذیل میں ان کا اقتباس پیش کیا جاتا ہے۔

برقیہ کی ناقصی مداری حرکت فرض کر کے سوھر فلڈ ناقص کی مساواتوں سے آغاز کرتا ہے البتہ بجائے ذ کے جہ ذہ تعویض کرتا ہے اور برقیہ کی کمیت کو حسب مساوات (۲۴) رفتار کے تابع تصور کر کے بالآخر برقیہ اور مرکزہ کے نظام کے لیے قدری حالت ن سے تعلق، توانائی کا حسب ذیل ضابطہ حاصل کرتا ہے:-

$$1 = -k \cdot r^2 + k \cdot r^2 \left[ 1 + \frac{(عجمہ)^2}{(نم + [ن کو - (عجمہ)^2])} \right] + \dots - (۲۵)$$

جس میں ک برقیہ کی کمیت بحالت سکون ہے،  $\frac{2}{3} \pi r^2$  (طبیعی خط کی باریکی ساخت کا مستقل) اور  $عجمہ =$  جوہری حدود جو ہائیڈروجن کے لیے اکائی ہے۔ اس سے پہلے ہم نے اضافیت کی تصحیح بغیر توانائی کے لیے مساوات (۲۲)

$$یعنی 1 = - \frac{2}{3} \pi r^2 \cdot \frac{1}{(ن)} = - \frac{2}{3} \pi r^2 \cdot \frac{1}{(ن)} - \frac{2}{3} \pi r^2 \cdot \frac{1}{(ن)}$$

حاصل کی تھی جس میں ب = مرکزہ کا برقی بار = عجمہ ہے اور ن = نم = جدید مساوات (۲۵) کا سہولت کے ساتھ مساوات (۲۲) سے مقابلہ کرنے کے لیے

$$نم + [ن د - (عجمہ)^2] کی بجائے س لکھو$$

تب مساوات (۲۵) صورت ذیل اختیار کرتی ہے:

$$1 = -k \cdot r^2 + k \cdot r^2 \left\{ 1 + \frac{(عجمہ)^2}{(نس)} \right\} + \dots$$

$$= -k \cdot r^2 + k \cdot r^2 \left\{ 1 - \frac{1}{4} \left( \frac{عجمہ}{نس} \right)^2 + \frac{1}{8} \left( \frac{عجمہ}{نس} \right)^3 - \dots \right\}$$

ازروئے مسئلہ ثنائی جس میں بعد کو آفوالی رقیس ناقابل لحاظ سمجھ کر

نظر انداز کر دی جاسکتی ہیں اس لیے کہ  $(\frac{ع۲ ج۲}{س}) > ۱$

$$\text{مہذا } \{ \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ \} = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \{ \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ \} = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ \text{ تقریباً}$$

$$\therefore \frac{۱}{س} = \frac{۱}{\frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱} = \frac{۱}{\frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱} \text{ تقریباً}$$

(اس لیے کہ  $س = نو + ن$ )

$$\therefore \frac{۱}{س} = \frac{۱}{\frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱} = \frac{۱}{\frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱} \text{ تقریباً}$$

$$= \frac{۱}{\frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱} = \frac{۱}{\frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱} = \frac{۱}{\frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱} = \frac{۱}{\frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱}$$

$$\text{اور اس لیے } \frac{۱}{س} = \frac{۱}{س} \text{ تقریباً}$$

$$\therefore ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱$$

$$= \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱$$

جو  $\frac{۱}{س}$  اور  $\frac{۱}{س}$  کی تقریبی قیمتیں تو فیض کرنے سے

$$= \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱ = \frac{ع۲ ج۲}{س} - ۱$$

جس سے واضح ہوتا ہے کہ اضافیت کی تصحیح سے توانائی کے جملہ میں ایک دوسری رقم کا



اضافہ ہوتا ہے جس میں مجموعی قدری عدد  $n$  اور الٹیمی قدری عدد  $n$  کی نسبت شامل ہے۔ یعنی توانائی محض  $n$  +  $n$  کی مجموعی قیمت کے تابع نہیں ہے بلکہ اس امر کے بھی کہ یہ مجموعی قیمت  $n$  اور  $n$  میں کس طرح تقسیم ہوتی ہے۔  $n$  یعنی مجموعی قدری عدد مستقل رہ کر  $n$  کی قیمت جس قدر کم ہوگی توانائی ۱ کی جبری قیمت بھی ویسے ہی کم ہوگی۔ پس مساوی مجموعی قدری عدد کے دائرہ اور ناقص میں ناقص کی توانائی کمتر ہے اور جیسے جیسے ناقص کا خروج المرکز بڑھتا ہے مدار کی توانائی گھٹتی ہے۔ چونکہ  $n$  مجموعی قدری عدد کے  $n$  مدار ممکن ہیں اس لیے بجائے ایک معین قیمت کی توانائی کے  $n$  توانائیوں کا امکان پایا جاتا ہے جو ایک دوسری سے خفیف سی مختلف ہیں۔ مدار کی توانائی کے اس طرح "پھیننے" کی وجہ سے طیفی خط بھی پھٹ کر ساخت کی باریکی (fine structure) پیدا کرتے ہیں۔

ہم مثال کے طور پر ہائیڈروجن کے طیفی خط  $H\alpha$  کی ساخت پر بحث کر سکیں گے جو مجموعی قدری عدد  $n = 4$  کے مداروں سے  $n = 2$  کے دو مداروں میں سے کسی ایک مدار میں برقیہ کے منتقل ہونے سے پیدا ہوتا ہے۔ چنکر  $n = 4$  کے چار مدار ہیں اور  $n = 2$  کے دو اس لیے اذروے حساب آٹھ ایسی منتقلیاں ممکن ہیں اور ان میں سے کسی ایک سے متعلق تعدد (نہ) دریافت کرنے کے لیے بوسر کا ضابطہ

$$H_n = A_n - A_m$$

ساوات (۲۶) میں استعمال ہو سکتا ہے۔

چونکہ تعدد (نہ) اور موج عدد (ع) کے مابین رابطہ  $E = \frac{hc}{\lambda}$  ہے

$$H_n = \frac{hc}{\lambda_n} = A_n - A_m$$

پس  $E = \frac{A_n}{\lambda_n} - \frac{A_m}{\lambda_m} = \frac{A_n}{\lambda_n} - A_m$  مختصر (جس کا صرف یہی مفہوم ہے کہ توانائی  $A$  بجائے تعدد کی اکائیوں کے

موج عدد کی اکائیوں میں ظاہر کی جاتی ہے۔ -

$$\text{لیکن } \frac{222 \text{ کب } 2}{24} = \text{رڈ بڑگ کا مستقل ر سمر}$$

$$\text{اور } = \text{سوم فلڈ والا باریک ساخت کا مستقل} = \frac{222}{24} = \frac{2}{10 \times 65284} = \frac{2}{24}$$

پس مساوات (۲۶) صورت

$$\text{آن، نڈ} = \frac{2}{24} - \frac{2}{24} \text{ جعہ } \left( \frac{3}{24} - \frac{2}{24} \right) \dots (26)$$

اختیار کرتی ہے۔ جس میں آن، نڈ سے مراد مجموعی قدری عددن اور اسمتی قدری عددن سے متعلقہ مدار کی توانائی ہے (موج عدد اکائیوں میں) اور  $\frac{2}{24}$  اضافیت کے لحاظ سے غیر مصحح توانائی ہے اور

$$\frac{2}{24} \text{ جعہ } \left( \frac{3}{24} - \frac{2}{24} \right) = \Delta = \text{تصحیح بلحاظ اضافیت} \dots (28)$$

چونکہ ہائیڈروجن کے باہر والے سلسلہ میں انتہائی مدار کے لیے مجموعی قدری عددن کی قیمت ۲ ہے اور

$$\text{جعہ } = 1 = \text{پس } \frac{2}{24} - \frac{2}{24} = \Delta = H$$

$$\left[ \left( \frac{3}{24} - \frac{2}{24} \right) - \left( \frac{3}{24} - \frac{2}{24} \right) \right] = \frac{(2 - 10 \times 65284) \times 109600}{24}$$

$$1 = \frac{2}{24} H = \frac{(2 - 10 \times 65284) \times 109600}{24} = \text{سمر } 0.362$$

اور ہائیڈروجن کے دوسرے خط کا مستقل کہلاتا ہے۔ اس سے مجموعی قدری عددن ۲ سے متعلق ہائیڈروجن کے برقیہ کی دو توانائی کی سطحوں کا تفاوت متصور ہے۔

اب ہم ہائیڈروجن کے جوہر کے ن = ۲ مداروں سے ن = ۱ مداروں میں برقیہ کی منتقلی سے متعلق توانائی کی سوم فلڈ والی تصحیح اضافیت ایک جدول کی شکل میں بنا کر پیش کرتے ہیں۔

ن	ن	$\Delta = \left(\frac{3}{2} - \frac{ن}{2}\right) \frac{ر}{ن} = \left(\frac{3}{2} - \frac{ن}{2}\right) \frac{ر}{ن}$	مصحح توانائی آن'ن = آن - $\Delta$
۲	۲	$\frac{1}{2}$	آن'۲ = آن - ۰.۰۰۶ سمر
۳	۳	$\frac{1}{3}$	آن'۳ = آن - ۰.۰۱۳
۴	۴	$\frac{1}{4}$	آن'۴ = آن - ۰.۰۲۸
۵	۵	$\frac{1}{5}$	آن'۵ = آن - ۰.۰۴۴
۶	۶	$\frac{1}{6}$	آن'۶ = آن - ۰.۰۹۱
۷	۷	$\frac{1}{7}$	آن'۷ = آن - ۰.۲۵۵

شکل ۶۶ میں آن اور آن' غیر مصحح توانائی کی سطحیں ہیں اور برقیہ سطحیں مصحح توانائی آن'ن کی ہیں۔ آن کی سطح اور غیر مصحح توانائی کی سطحوں کا تفاوت بمحاطہ پیمانہ تقریباً صحیح بتایا گیا ہے اور اس طرح آن کی سطح اور غیر مصحح کا تفاوت بمحاطہ پیمانہ صحیح ہے لیکن جگہ کی قلت کی وجہ سے آن اور آن' کی سطحوں کا تفاوت خلاف پیمانہ اور فرضی منتخب کر لیا گیا۔

اس طرح توانائی کی جرافیہ لکیریں کھینچی گئی ہیں ان کو ہم ایک طرح سے برقیہ کے مختلف مداروں کا قائم مقام تصور کر سکتے ہیں اور مجموعی قدری عدد ۲ کے چار ناقصی مداروں سے مجموعی قدری عدد ۲ کے دو ناقصی مداروں میں برقیہ کی منتقلی کی تعبیر ان کی متعلقہ سطحوں کو لانے والے انتصابی خطوط سے ہو سکتی ہے۔ اذروے حساب واضح ہے کہ کال آٹھ منتقلیاں ہو سکتی ہیں جن کی تعبیر شکل میں ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹ پر گئے انتصابی خطوں سے ہوئی ہے۔ لیکن ہم نے ان میں سے صرف ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹ اور ۱۰ کے خطوں کو تسلیم کیا ہے۔



۱۔ دربقیہ پانچ کج کو نقطہ دار۔ اس کی وجہ یہ ہے کہ قاعدہ انتخاب کی رُو سے صرف پہلی ہی تین منتقلیاں ممکن ہیں۔ پس اضافیت کے اصول (۱) اور انتخاب کے قاعدہ (۱) کے بموجب  $H\beta$  کا خط پھٹ کر تین باریک خطوط پیدا کرتا ہے۔ شکل ۶۶ میں سب کے نیچے کے خط پر تقریباً پیمانہ کے بموجب اُن آٹھ باریک خطوط کے موج عددوں کی نشان دہی کی گئی ہے جو اذروں کے حساب ممکن ہیں۔ امر واقعی یہ ہے کہ صرف تین ہی پیدا ہوتے ہیں۔ جن میں سے دو اس قدر قریب ہیں کہ ان کو تحلیل کرنے کے لیے ہمارے موجودہ آلات ناکافی ہوتے ہیں۔ ۱ اور  $H\beta$  ایک موٹے اور ایک باریک خط میں پھٹا نظر آتا ہے۔

ذیل میں ان باریک خطوں کے موج عدد بھی درج کیے جاتے ہیں:-

$$(۱) \text{ سطح } ۱'۴ \text{ سے سطح } ۲'۲ \text{ کی منتقلی کا موج عدد } \bar{E} = \bar{E}_2 + ۰.۰۱۰ \text{ سمر}^۱$$

$$(۲) \text{ " } ۲'۴ \text{ " } ۲'۲ \text{ " } \dots \dots \dots \bar{E} = \bar{E}_2 + ۰.۰۶۳$$

$$(۳) \text{ " } ۳'۴ \text{ " } ۲'۲ \text{ " } \dots \dots \dots \bar{E} = \bar{E}_2 + ۰.۰۶۸$$

$$(۴) \text{ " } ۴'۴ \text{ " } ۲'۲ \text{ " } \dots \dots \dots \bar{E} = \bar{E}_2 + ۰.۰۸۵$$

$$(۵) \text{ " } ۱'۴ \text{ " } ۱'۲ \text{ " } \dots \dots \dots \bar{E} = \bar{E}_2 + ۰.۰۲۸۱$$

$$(۶) \text{ " } ۲'۴ \text{ " } ۱'۲ \text{ " } \dots \dots \dots \bar{E} = \bar{E}_2 + ۰.۰۲۲۶$$

$$(۷) \text{ " } ۳'۴ \text{ " } ۱'۲ \text{ " } \dots \dots \dots \bar{E} = \bar{E}_2 + ۰.۰۲۴۲$$

$$(۸) \text{ " } ۴'۴ \text{ " } ۱'۲ \text{ " } \dots \dots \dots \bar{E} = \bar{E}_2 + ۰.۰۲۴۹$$

قاعدہ انتخاب - جوہر ہائیڈروجن کے مرکزہ کے گرد اس کے رقبہ کا

زاویہ سیار حرکت  $\text{محز} = \text{ن} \div \frac{h}{\pi r} \dots \dots \dots (۲۹)$

اگر کسی بین مداری منتقلی میں استستی قدری عدد  $\text{ن}$  بل کر نہ ہو جاتا ہے تو

جوہری نظام کا زاویہ میعار حرکت

$$\Delta \text{ مح } = (N_2 - N_1) \frac{h}{\pi} = \Delta N \frac{h}{\pi} \dots (20)$$

زاویہ میعار حرکت کے بقا کے کلیہ کے بموجب ایک ”بند نظام“ کا زاویہ میعار حرکت تبدیل نہیں ہو سکتا۔ ہم نے تسلیم کر لیا کہ جب ایک حالت سے دوسری حالت میں منتقلی عمل میں آتی ہے تو جوہر کا زاویہ میعار حرکت تبدیل ہوتا ہے پس اس سے ظاہر ہے کہ ہم جوہر کو ایک ”بند نظام“ نہیں مان سکتے۔ بلکہ ان بین مداری منتقلیوں میں جو اشعاع واقع ہوتا ہے اس کو ہم زاویہ میعار حرکت کی مقدار  $\Delta \text{ مح}$  کا اٹھا لیا جانا تصور کر سکتے ہیں۔ زاویہ میعار حرکت کے بقا کے کلیہ کو اشعاع صادر کرنے والے ایک جوہری نظام پر عائد کر کے دو بینا دس (Rubinowicz) نے ثابت کیا کہ ایسے بین مداری مروروں میں الہستہ قدری  $N \pm 1$  صرف + ۱ اور - ۱ کی حد تک بدل سکتا ہے

$$\text{یعنی } N \pm 1$$

بقیہ تبدیلیاں ”ممنوع“ ہیں۔ اسی قاعدہ کو ”انتخاب کا قاعدہ“ کہتے ہیں۔ شکل ۱۱ میں جو نقطہ دار طیفی خط اور توانائی کی سطحوں سے برقیہ کی منتقلیاں بتائی گئی ہیں وہ اسی انتخاب کے قاعدہ کے تحت بتائی گئی ہیں اور وہ ظہور پذیر نہیں ہوتی ہیں۔

مشاہدہ سے ہائیڈروجن کے باہر والے خطوط ( $H_\alpha, H_\beta, H_\gamma$ ) میں جو ”پھوٹ“ دریافت ہوئی ہے وہ سوہر فلڈ کے اس نظریہ سے اخذ کی ہوئی قیمتوں سے ٹھیک منطبق نہیں ہوتی۔ مہنداروانی (Ionised) ہیلیم کے بعض طیفی خطوط کی باریک ساخت مشاہدہ کرنے سے ایسے خطوط کا قطعی وجود بھی پایا جاتا ہے جن کو سوہر فلڈ کا نظریہ ممنوع قرار دیتا ہے۔ برقیہ کے متعلق مداری گردش کے علاوہ اگر محوری گردش بھی فرض کی جائے اور موجی میکانات (Wave Mechanics) کے طریقے استعمال کر کے اضافیت کا نظریہ عائد کیا جائے تو طیفی خطوط کی باریک ساخت مشاہدہ کے نتائج کے ساتھ آد بھی زیادہ منطبق ہوتی ہے۔

خالص طیف نگاری مقدمات کے ذریعہ، بہ اور ک

عالمگیر مستقلوں کی تعیین —

اس سے پہلے ہم نے سومر فلڈ والے ضابطہ میں بتایا ہے کہ باریک

ساخت کے مستقل  $\text{H}^2 \equiv \left( \frac{2}{\text{H}} \right)^2$  کو ایک خاص اہمیت حاصل ہے

اس لیے کہ  $\frac{\text{H}}{\text{H}^2} = 0.362$  سمتر جو ہائیڈروجن کا دوسرے طیفی خط کا مستقل کہلاتا ہے اس کے تابع ہے۔ اس طرح  $\text{H}^2$  کی قیمت بذریعہ مشاہدہ وپیش ۳۰۶.۵۵۱۰۰ برآمد ہوتی ہے۔ پس واضح ہے کہ ہم اس سے  $\frac{2}{\text{H}}$  معلوم کر سکتے ہیں۔

معینا طیفی مشاہدوں سے  $\text{H}$  یعنی ہائیڈروجن کا ریڈ برگ مستقل  $1.94 \times 10^8$  ہے اور چونکہ وہ

$$\text{H}^2 \text{ ک } \frac{2}{\text{H}} = \frac{\left( \frac{2}{\text{H}} \right)^2}{\left( \frac{2}{\text{H}} \right)} \text{ ہے}$$

جن میں سے  $\left( \frac{2}{\text{H}} \right)$  کی قیمت بذریعہ  $\text{H}^2$  اور  $\text{H}$  کی قیمت بھی طیف نگاری طریقوں میں سے معلوم ہو جاتی ہے۔ [اس لیے کہ  $\text{H}$  اور  $\text{He}$  کی مدد سے ہم نے

قبل ازیں کیت جہر ہائیڈروجن کی قیمت کی تعیین کا جو طریقہ بیان کیا ہے اس پر

ذرا غور کرنے سے معلوم ہو جائیگا کہ یہ نسبت دراصل

(جہر ہائیڈروجن کی کیت کے برقی بار) اور (برقیہ کے برقی بار) کی نسبت ہے کیونکہ

ہائیڈروجن آئون کا اہر برقیہ کا برقی بار دونوں عین مساوی ہیں اور ساتھ ہی اس کے ہائیڈروجن آئون کے برقی بار اور اس کے جہر کی کیت کی نسبت جو دراصل ہائیڈروجن گرام آئون کا برقی بار یعنی ۹۶۴۹۲ کو لب ہے پہلے ہی سے بخوبی معلوم ہے اس لیے برقیہ کے بار اور اس کی کیت یعنی  $\text{H}^2$  کی قیمت بھی

طیف نگاری طریقوں سے دریافت ہو جاتی ہے)۔ پس مندرجہ بالا مساوات سے یہ کی قیمت محسوب ہو جاتی ہے اور پھر اس کے ذریعہ ک اور ہ کی قیمتیں علحدہ محسوب ہو جاتی ہے۔

بیروں مرکزئی کثیر التعداد برقیوں والے عناصر کے

مناظری طیف — بوس کا نظریہ ہائیڈروجن اور ہائیڈروجن کے مسائل بیرون مرکزئی یک برقیہ والے عناصر کے لیے ٹھیک منطبق ہوتا ہے۔ چنانچہ ایک بار روانی ہوئی ہیلیم یا دو بار روانی ہوئی لیتھیم کے طیف ہائیڈروجن کے طیف کے بہت مشابہ ہوتے ہیں، اس لیے کہ ہیلیم کا جوہری عدد دو ہے اور لیتھیم کا تین۔ اول الذکر کے دو بیرونی برقیوں میں سے جب ایک برقیہ نکال دیا جاتا ہے اور ثانی الذکر کے تین بیرونی برقیوں میں سے دو نکال دیے جاتے ہیں تو صرف ایک ایک برقیہ باقی رہتا ہے جس کی وجہ سے ان جوہروں کی ساخت معمولی ہائیڈروجن کے جوہر کی ساخت کے مثل ہو جاتی ہے۔ فرق صرف مرکزہ کی کمیتوں میں پایا جاتا ہے۔

ایک سے زائد بیرونی برقیہ والے جوہر کے لیے بوس کا نظریہ استعمال کرنے میں ناقابل حل حسابی دقتیں پیش آتی ہیں۔ سو، فلڈ نے بعض تجربی مشاہدات کی مدد سے ایسے جوہر کی ساخت کے متعلق چند جائز مفروضوں سے کام لے کر بوس کا نظریہ استعمال کیا اور ان کے طیف کے لیے جو ضابطے حاصل کیے ان سے تقریبی حد تک واقعات کی ترجمانی ہوئی ہے۔

جس طرح ایک بار روانی ہوئی ہیلیم کا مناظری طیف طبعی ہائیڈروجن کے طیف کے مشابہ ہے اسی طرح ایک بار روانے ہوئے میگنیشیم کا طیف طبعی سوڈیم کے طیف کے ساتھ ایک حد تک مشابہت رکھتا ہے۔ طیف نامی اصطلاح میں میگنیشیم کا شمار دئی طیف سوڈیم کے قوسی طیف کے مشابہ ہے۔ اسی طرح سوڈیم کا شرائی طیف نیون (Neon) کے قوسی طیف کے



مشابہ ہے۔ اور عموماً ایک عنصر کا شعری طیف اس کے متصل کے کمتر جوہری عدد والے عنصر کے قوسی طیف کے مشابہ ہے۔ یہ کلیہ ڈسپلیسمنٹ (Displacement) یعنی ہٹاؤ کا کلیہ کہلاتا ہے۔

ضمیمہ طبیعیات برق کے گیارہویں باب میں ہم نے جواہر کی خست پر بحث کرتے ہوئے مرکزے کے گرد P 'O' N 'M' L 'K

اور Q خولوں کا تصور پیش کیا تھا جو طبیعی کیمیائی نقطہ نظر سے مفید اور سومر فلڈ کے اس تقریبی حسابی عمل کے سمجھنے میں بکار آمد ہے۔ توقع کی جاتی ہے کہ طالب علم پہلے اسی محولہ باب کا مطالعہ کر لینگے۔ ذیل کی جدول میں ہم بتاؤت جوہر عناصر کے دوری نظام میں سے بطور نمونہ ابتداء کے چند عناصر کو سلسلہ وار لکھ کر ان کے جوہری عدد، ان کے خولوں (یا مداروں) کے برقیوں کی تعداد اور متعلقہ حامل مجموعی قدری عدد (N) کی تصریح کرتے ہیں۔ اس کے مطالعہ سے معلوم ہوگا کہ جوہری عدد کے اضافہ کے ساتھ مرکزوں کے گرد خولوں میں برقیوں کی ترتیب کس طرح بتدریج بدلتی ہے۔ غیر عامل گیسوں (ہیلیم، نیون وغیرہ) کے خول کس طرح برقیوں سے ”مکمل“ متصور ہو سکتے ہیں اور تیز عامل عناصر (لیتھیم، سوڈیم، پوٹاشیم وغیرہ) کے سب سے بیرونی خول میں ایک زائد برقیہ ہائیڈروجن کے برقیہ کے مائل کیونکر کیفیت پیدا کرتا ہے:-

دور (۱)				دور (۲)				دور (۳)			
N = ۱				N = ۱				N = ۱			
۱	H	۱		۱	۲	Li	۳	۱	۲	Na	۱۱
۲	He	۲		۲	۲	Be	۴	۲	۸	Mg	۱۲
				۳	۲	B	۵	۳	۸	Al	۱۳
				۴	۲	C	۶	۴	۸	Si	۱۴
				۵	۲	N	۷	۵	۸	P	۱۵
				۶	۲	O	۸	۶	۸	S	۱۶
				۷	۲	F	۹	۷	۸	Cl	۱۷
				۸	۲	Ne	۱۰	۸	۸	A	۱۸

دور (۵)	دور (۴)
$\begin{array}{ccccccc} \text{N} = & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ \text{Rb } 36 & 2 & 8 & 18 & 8 & 1 & 1 \\ \text{Xe } 54 & 2 & 8 & 18 & 18 & 8 & 1 \end{array}$ <p>بعض صورتوں میں کسی قدر پیچیدہ ترتیب</p>	$\begin{array}{ccccccc} \text{N} = & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ \text{K } 19 & 2 & 8 & 8 & 1 & 1 & 1 \\ \text{Ca } 20 & 2 & 8 & 8 & 2 & 1 & 1 \\ \text{Kr } 34 & 2 & 8 & 18 & 8 & 1 & 1 \end{array}$ <p>بعض صورتوں میں کسی قدر پیچیدہ ترتیب</p>
دور (۶)	دور (۶)
$\begin{array}{ccccccc} \text{N} = & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ \text{Ra } 88 & 2 & 8 & 18 & 32 & 18 & 8 \\ \text{U } 92 & 2 & 8 & 18 & 32 & 18 & 12 \end{array}$	$\begin{array}{ccccccc} \text{N} = & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ \text{Cs } 55 & 2 & 8 & 18 & 18 & 8 & 1 \\ \text{Ni } 28 & 2 & 8 & 18 & 32 & 8 & 1 \end{array}$ <p>بعض صورتوں میں کسی قدر پیچیدہ ترتیب</p>

اس سے پہلے ذکر آچکا ہے کہ مشاہدات کی بناء پر عناصر کے مناظری طیفی سلسلوں سے متعلق طیفی خط کے موجد عدد (ع) کی تعین کے لیے ریش (Ritz) نے جو عام مساوات

$$(1) \dots \left[ \frac{1}{(n)^2} - \frac{1}{(n')^2} \right] = R$$

دریافت کی ہے اس میں  $n$  اور  $n'$  تغیر پذیر صحیح اعداد ہیں اور  $R$  مستقل عدد ہیں اور  $b$  اور  $b'$  کسی ایک مخصوص سلسلہ کے لیے تقریباً مستقل ہیں۔

اس سے براہ راست یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ پیچیدہ ساخت کے جوہر کی توانائی کی سطحوں کا ضابطہ بشکل

$$(2) \dots \frac{R}{(n + b)^2} - b = \text{ان}$$

ہوتا ہے جو ہائیڈروجن کے طیفی سلسلہ کے ضابطہ

$$\text{اُن} = \text{ب} - \frac{H^2}{n^2} \quad (۳)$$

سے صرف مساوات کے بائیں جانب کی دوسری رقم کے نسب نہا ہی کی حد تک مختلف ہے۔

مندرجہ بالا تین ضابطوں پر غور کرنے سے واضح ہوگا کہ جوہر کی خست میں اس کے بیرون مرکزی برقیوں کے اضافہ سے جو پیچیدگی پیدا ہوتی ہے اس سے جوہر کی حرکیات (Dynamics) میں کوئی بڑی تبدیلی نہیں واقع ہوتی۔ اس لیے سو مہر فلڈ نے جو سب سے پہلے قلوبی دھاتوں کے طیفوں پر اس نقطہ نظر سے بحث کی ہے تقریبی طور پر فرض کیا کہ ان دھاتوں کا صرف ایک برقیہ (ہائیڈروجن کے برقیہ کی طرح) طیفی خطوط کی پیدائش کے لیے توانائی جذب اور خارج کرتا ہے۔ اگر عنصر کا جوہر ہی عدد (جعبہ) ہے تو (جعبہ - ۱) برقیہ ایک اندرونی دائرہ پر ترتیب پا کر یکساں برقی کثافت والے دائرہ کی سی کیفیت پیدا کرتے ہیں جس کا مجموعی برقی بار - (جعبہ - ۱) ہے۔ ایسے نظام میں بیرونی برقیہ کی جو گردش حرکت ہوگی مرکزی غیر کو لمبی برقی میدان کے تابع ہوگی یعنی اسی قوت کے زیر اثر ہوگی جس کا کلیہ فاصلہ کے عکسی مربع کا کلیہ نہ ہوگا۔

ایسے نظام کی توانائی بالقوہ

$$ق = - \frac{e^2}{2a} + \frac{e^2}{3a} + \frac{e^2}{4a} + \dots \quad (۴)$$

جس میں  $a = \frac{1}{(جعبہ - ۱)}$  بہ  $a$  اور  $a = \frac{9}{4}$  بہ  $a$  (جعبہ - ۱) بہ  $a$

اور  $a \equiv$  اندرونی برقیی دائرہ کا نصف قطر

اس نظام کی توانائی بالحرکت ت =  $\frac{1}{2} (مح^2 + \frac{1}{a^2} مح^2)$



(بچنے رٹس کی مساوات) میں عام رتوں  $1, 2, 3, \dots$  کے عوض ان کی خاص خاص قیمتیں درج کرنے سے حاصل ہوتی ہیں۔ ذیل میں ہم ان کو پشمن (Paschen) کے جدید طریقہ کتابت کے بموجب انگریزی میں لکھ کر پیش کرتے ہیں :-

[ واضح رہے کہ  $\bar{U}$  سے مراد خط کا موج عدد ہے ]

$$(۹) \dots \begin{cases} \bar{U} = R \left[ \frac{1}{(1+S+\sigma)^2} - \frac{1}{(n+p+\pi)^2} \right] & \text{(صدر سلسلہ) Principal Series} \\ \bar{U} = R \left[ \frac{1}{(2+p+\pi)^2} - \frac{1}{(n+s+\sigma)^2} \right] & \text{(تیز) Sharp Series} \\ \bar{U} = R \left[ \frac{1}{(2+p+\pi)^2} - \frac{1}{(n+d+\delta)^2} \right] & \text{(منتشر) Diffuse Series} \\ \bar{U} = R \left[ \frac{1}{(3+d+\delta)^2} - \frac{1}{(n+f+\phi)^2} \right] & \text{(برگمان) Bergmann Series} \end{cases}$$

یا مختصراً

$$(۴) \dots \begin{cases} \bar{U} = 1S - np; n=2,3,4 & \text{صدر سلسلہ} \\ \bar{U} = 2p - nS; n=2,3,4 & \text{تیز} \\ \bar{U} = 2p - nd; n=3,4,5 & \text{منتشر} \\ \bar{U} = 3d - nf; n=4,5,6 & \text{برگمان} \end{cases}$$

مساوات (۱) کا مساواتوں (۹) سے مقابلہ کرنے سے معلوم ہوگا سلسلہ کی ہر رقم میں مستقل ہے۔ یعنی (۹) میں جہاں جہاں  $1, 2, 3, \dots$  اور  $d, p, s$  رتیں لکھی گئی ہیں وہ مساوات (۱) کی  $1, 2, 3, \dots$  رتوں کی خاص خاص قیمتیں ہیں۔ پس مصرعہ بالا ان چار رتوں میں سے ہر ایک رقم ایک مستقل استمی عدد کو تعبیر کرتی ہے اس لیے کہ اگر  $\frac{1}{n^2}$  کے مساوی ہے استمی عدد  $n$  کا تفاعل ہے اور بدیں وجہ ہر ایک سلسلہ میں تغیر پذیر عدد  $n$  ہے۔ (S) رتوں میں حاصل مجموعی

قدری عدد (n) کی قیمت ہو سکتی ہے۔ لیکن چونکہ  $n = n_0 + n_1$  اور قبل ازیں بتا دیا گیا ہے کہ الٹستی عدد  $n_0$  صفر نہیں ہو سکتا۔ پس جملہ (s) رقموں کے لئے  $n_0$  کی قیمت اکائی ہے۔ مہذا ”قاعدہ انتخاب“ کی رو سے جوہری نظام کی توانائی میں صرف ایسا ہی تغیر جائز ہے جس میں  $n_0$  بقدر  $+1$  یا  $-1$  بدلتا ہے۔ پس (p) رقموں کے لئے  $n_0 = 2$  (d) رقموں کے لئے  $n_0 = 3$  اور (f) رقموں کے لئے  $n_0 = 4$ ۔ اس سے واضح ہوتا ہے کہ رٹس کے استثنائی (empirical) ضابطوں کی (۶) اور (۷) مساواتوں میں درج ہیں) سیوہر فلڈ کے مصرعہ بالا نظریہ سے بہت خوبی کے ساتھ تعبیر ہوتی ہے۔

**بند نما طیف**۔ ان کا مختصر ذکر ضمیمہ برق کے گیارہویں باب میں آیا ہے۔ ان طیفوں کو بلحاظ تعلق سالمی طیف بھی کہتے ہیں۔ بند نما طیف کی تجربی و نظری تحقیقات سے سالمہ کے طبعی ابعاد کے متعلق اکثر و بیشتر ایسے معلومات حاصل ہوئے ہیں جن کا اب تک پتہ نہیں چل سکتا تھا۔ اس بند نما طیف پیمائی کو آجکل بڑی اہمیت دی جاتی ہے۔ بہ نظر اختصار اس کتاب کے لیے ہم اس کے صرف چند ضروری امور کا بیان کر دینا ہی کافی سمجھتے ہیں۔

بند نما طیف کے تین اجزاء مشاہدہ ہوتے ہیں۔ ایک جزو طیف کے بعید پائین سرخ حصہ میں ہے جو گردش بنڈ نما طیف کہلاتا ہے۔ دوسرا قریب پائین سرخ حصہ میں ہے جو اہتزاز گردش بنڈ نما طیف کہلاتا ہے۔ اور تیسرا مرئی یا بالائے بنفشی حصہ میں جس کو برقی بند نما طیف کہتے ہیں۔ کافی بڑی طاقت کے طیف پیماس استعمال کرنے سے بند نما طیف تحلیل ہو کر باریک خطوں کی شکل میں دکھائی دیتے ہیں۔ گردش بنڈ نما طیفی خط کا تعدد ارتعاش سور سے تعبیر کیا جاتا ہے۔ اہتزاز گردش بنڈ نما طیف کا تعدد سور سے اور برقی خط کا تعدد سور سے۔

(۱) خطی طیف کے نظریہ کی تقلید کرتے ہوئے بند نما طیف کی

توجیہ سالمہ کی قدری حالت کے تغیر سے کی جاتی ہے۔ ہم فرض کریں گے کہ سالمہ اپنی سادہ ترین صورت میں دو جوہروں پر مشتمل ہے جن کی کمیتیں  $k$  اور  $j$  کو ظاہر کرنے والے خط کا طول  $2\pi$  ہے۔ سالمہ اس خط کے ثابت نقطہ تنصیف میں سے علی القوائم گزرنے والے محور کے گرد گھومتا ہے۔ اس طرح پرکھ دو نوں جوہر ایک کر دی سطح پر حرکت کرتے ہیں۔ ایسی صورت میں سالمہ کی توانائی گردشی توانائی ہوگی۔ موجی میکانیات (Wave Mechanics)

کے طریقوں سے اس کا ضابطہ ہے 
$$E_n = \frac{h^2 n^2}{8\pi^2 m a^2} \quad (1) \dots \dots$$
 حاصل ہوتا ہے جس میں  $h$  پلانک کا عالمگیر مستقل،  $n$  ایک مثبت صحیح عدد ہے اور  $m$  سالمہ کے جمود کا معیار اثر۔ اگر سالمہ کے دو نوں جوہر ایک ہی ہوں تو  $m = 2m$ ۔

قدری اصول کے بموجب توانائی کی تبدیلی صحیح اعداد ہی کے لحاظ سے عمل میں آئیگی۔  $n$  کی حیثیت چونکہ انتہائی قدری عدد کی سی ہے اس لیے توانائی کی ان تبدیلیوں میں  $n$  کی قیمت صرف  $\pm 1$  (یا صفر) کے حساب سے تبدیل ہوگی۔ قدری عدد جب  $m$  سے بدل کر  $m$  ہوتا ہے تو توانائی میں تبدیلی

$$\Delta E_n = E_{n+1} - E_n = \frac{h^2}{8\pi^2 m a^2} \{ (n+1)^2 - n^2 \} \quad (2) \dots \dots$$

$$= \frac{h^2}{4\pi^2 m a^2} \{ (n + \frac{1}{2})^2 - (n - \frac{1}{2})^2 \} \quad (3) \dots \dots$$

$$\Delta E_n = \frac{h^2}{4\pi^2 m a^2} (1 + n) \quad \text{اور} \quad \Delta E_n = \frac{h^2}{4\pi^2 m a^2} (1 + n) - \frac{h^2}{4\pi^2 m a^2} (1 + n) = 0$$

اس طیف کے خطوط مساوی فاصلوں پر ہوتے ہیں۔ اس کی مثال آبی بخار کا جذبی بند نا طیف ہے۔

اگر قدری عدد  $n$  کی قیمت صفر سے بدل کر  $1$  ہو جائے تو

$$\frac{۵۲}{۲۳۸} = \left\{ \left( \frac{۱}{۲} \right) - \left( \frac{۱}{۲} + ۱ \right) \right\} \frac{۵}{۲۳۸} = ۱.$$

ذیل میں ہم بوس کے نظریہ سے ان توانائیوں کا ضابطہ حاصل کرتے ہیں، لیکن یہ ضابطہ محض تقریبی ہوگا۔ سالمہ کی گردشی توانائی  $\frac{۱}{۲} =$  سہ ج جس میں سہ = سالمہ کی زاویائی رفتار اس کا زاویائی معیار حرکت = سہ ج اور بوس کی قدری شرط کے بموجب

$$۲۲ (سہ ج) = ۵ ن \quad \text{جس میں } ن = ۱، ۲، ۳، \dots$$

پس ان دونوں مساواتوں سے سہ کو ساقط کرنے سے

$$(۲) \quad \dots \dots \dots \frac{۵ ن^۲}{۲۳۸} = \dots \dots \dots$$

$$(۵) \quad \dots \dots \dots \frac{۵}{۲۳۸} (ن^۲ - ۱) = \dots \dots \dots$$

واضح ہو کہ موجی میکانیات کی زیادہ صحیح مساوات میں بجائے قدری اعداد ن کے  $(ن + \frac{۱}{۲})$  شریک ہیں۔

(ب) سالمہ کی گردشی حرکت کے علاوہ اس کے جوہر جو ایک دوسرے سے  $\frac{۱}{۲}$  فاصلہ پر فرض کیے گئے ہیں ان کو ملانے والے خط پر اپنے اپنے مقام تعادل کے گرد ہتھرتاز بھی کر سکتے ہیں۔ اگر یہ ہتھرتاز سادہ موسیقی ہو تو اس کی مساوات

ک  $\frac{۲}{۳} = -$  ہلا جس میں ک جوہر کی کمیت اور ہ ایک مستقل ہے۔ موجی میکانیات کے طریقہ سے ایک ایک جوہر کی توانائی

$$ت = (ن + \frac{۱}{۲}) \frac{۵}{۲۳۸} \sqrt{\frac{م}{ک}} \quad (۶) \quad \dots \dots \dots \text{برآمد ہوتی ہے۔}$$





$$= \frac{1}{4} [\pi^2 \epsilon^2 k \text{ جم}^2 (\pi^2 \epsilon^2 \omega) + \pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 (\pi^2 \epsilon^2 \omega)]$$

$$\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k =$$

بور کی قدری شرط کے بموجب  $\pi^2 \epsilon^2 k$  (فرو) فلا =  $\pi^2 \epsilon^2 \omega$

$$\text{یا } k \text{ جب}^2 \epsilon^2 \pi^2 \int \epsilon^2 \text{ (جم}^2 \epsilon^2 \omega + 1) \text{ فرو} = \pi^2 \epsilon^2 \omega$$

اس لیے کہ در انخالیکہ  $\omega = \frac{1}{\pi^2 \epsilon^2} \text{ لا} \equiv \text{جب}^2 \pi^2 \epsilon^2 \omega = \text{ب}$

$$\text{یا } \epsilon = \frac{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k}{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k} = \pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k$$

$$\text{پس } \pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k = \pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k = \text{توانائی ت}$$

$$\therefore \text{ت} = \frac{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k}{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k} \dots \dots \dots (9)$$

مساوات (۹) کا مساوات (۶) کے ساتھ مقابلہ کرنے سے معلوم ہوگا کہ اقل الذکر میں قدری عدد  $(\pi^2 + \frac{1}{\pi^2})$  اور ثانی الذکر میں صرف  $\pi^2$

(ج) اب ہم سالمہ کی گردش پر اور اس کے جواہر کے اهتزازوں کی حاصل مجموعی حرکت پر غور کرتے ہیں۔ یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ سالمہ جب اس طرح حرکت کرتا ہے تو اس کی حاصل مجموعی توانائی اس کی خالص گردشی اور اس کے جواہر کی خالص اهتزازی توانائیوں کا تقریباً حاصل جمع ہے۔

$$\text{پس } \pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k = \frac{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k}{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k} + \frac{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k}{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k} = \pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k$$

اگر سالمہ دو مساوی جواہر پر مشتمل ہو تو اس توانائی کی قیمت

$$= \frac{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k}{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k} + \frac{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k}{\pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k} = \pi^2 \epsilon^2 \text{ جب}^2 k$$

چونکہ  $n$  کی تبدیلیاں  $\pm 1$  کے حساب سے عمل میں آتی ہیں اس لیے  
تعدد ارتعاش

$$\begin{aligned} \frac{n}{n_1} + \frac{n}{n_2} &= \frac{5(1+n)}{2 \times 16} + \frac{1}{3} (n_1 - n_2) \\ \frac{n}{n_1} + \frac{n}{n_2} &= \frac{5(1+n)}{2 \times 8} + \frac{1}{3} (n_1 - n_2) \end{aligned}$$

جس کو شکل  $n_1 + n_2 = n_1' + n_2'$  لکھ سکتے ہیں۔

چونکہ  $\frac{n}{n_1} = \frac{5}{2}$  اور  $\frac{n}{n_2} = \frac{5}{3}$  اور  $\frac{n}{n_3} = \frac{5}{4}$  لہذا سالمہ کا گردشی تعدد سالمہ کے بین جوہری فاصلہ (۲ ص) کے مربع کے بالعکس بدلتا ہے اور اهتزازی تعدد جوہر کے حیظہ اهتزاز (ب) کے مربع کے بالعکس۔ لیکن ب بہ نسبت ص کے بہت چھوٹا ہے اس لیے  $n$  کی قیمت بمقابل  $n'$  کے بہت زیادہ ہے۔ گویا اصل تغیر اهتزازی توانائی کا ہے اور اس کے ساتھ گردشی توانائی کے بھی چند ایک ممکنہ تغیرات عمل میں آتے ہیں بالفاظ دیگر  $n$  سے طیف کے اس حصہ کی تعیین ہوتی ہے جس میں اهتزاز گردشی بند موجود ہوتے ہیں اور  $n'$  بندوں کے منفردہ خطوط کے درمیانی فاصلوں کو تعبیر کرتا ہے۔

ایسے طیف کی مثالیں ہائیڈروجن کے مرکبات میں پائی جاتی ہیں جو کلورین، برومین اور فلورین کے ساتھ مل کر بنتے ہیں۔

ٹسرنی (Czerny) نے ہائیڈروجن کلورائیڈ (HCl) گیس کے بعید پائین سرخ حصہ طیف میں ۱۲۰ مائیکرون (120  $\mu$ ) یعنی  $1.0 \times 10^{-4}$  انکسٹروم تک جذبی خطوط کی پیمائش کی اور ان کے تعدد کے لیے ضابطہ  $n = 20,694.3 - 0.00142 \times m^2$  (۱۱)

دریافت کیا جس میں  $m$  کی قیمتیں صحیح عددی ہیں جو ایک خط سے دوسرے

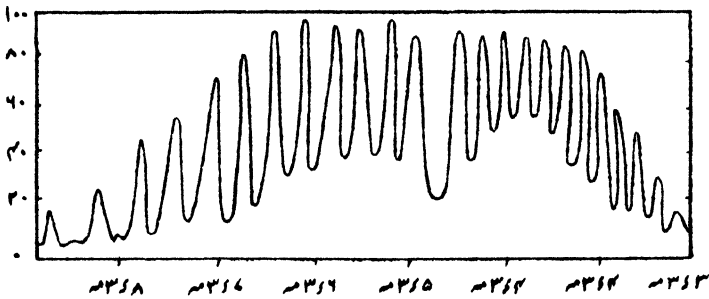
خطا کے لیے بدلتی جاتی ہیں۔ م<sup>۳</sup> والی رقم کی توجیہ اس طرح کی جاتی ہے کہ سالہ جب بہت تیز زاویائی رفتاروں کے ساتھ حرکت کرنے لگتا ہے تو اس کا بین جوہری فاصلہ بڑھ جاتا ہے جس کی وجہ سے جمود کا معیار اثر (جج) بھی بڑھ جاتا ہے۔

$$\text{گردشی طیف کے ضابطہ نہ } 1 + n = \frac{h}{m \lambda} (1 + n) \text{ سے مساوات (۱۱) کا}$$

مقابلہ کرنے سے

$$(1 + n) = m \text{ پس } n = m - 1 \text{ اور } \frac{h}{m \lambda} = 2.092 \times 10^{-10} \text{ ثانیہ}^{-1}$$

پس (HCl) سالہ کے جمود کا معیار اثر براہ راست  $2.092 \times 10^{-10}$  گرام سمر<sup>۲</sup> محسوب ہوتا ہے۔ ہائیڈروجن اور کلورین کی کمیتیں معلوم کر کے (HCl) سالہ کے بین جوہری فاصلہ کی قیمت تقریباً  $2.8 \times 10^{-10}$  سمر دریافت کی جاتی ہے۔



طول موج  
HCl کے اساسی اتھراڈ گردشی بند کا انجذابی اسپیکٹروگرام (طیفی نقشہ)

شکل ۶۶

(منقول از آؤٹلائیٹن آف اٹومک فزکس) چیمین ایڈیٹل لندن

اہتر از گردش بند نما طیف کے طول موج آٹھ ہزار انگسٹروم سے  
پچاس ہزار انگسٹروم تک مشاہدہ ہوئے ہیں۔

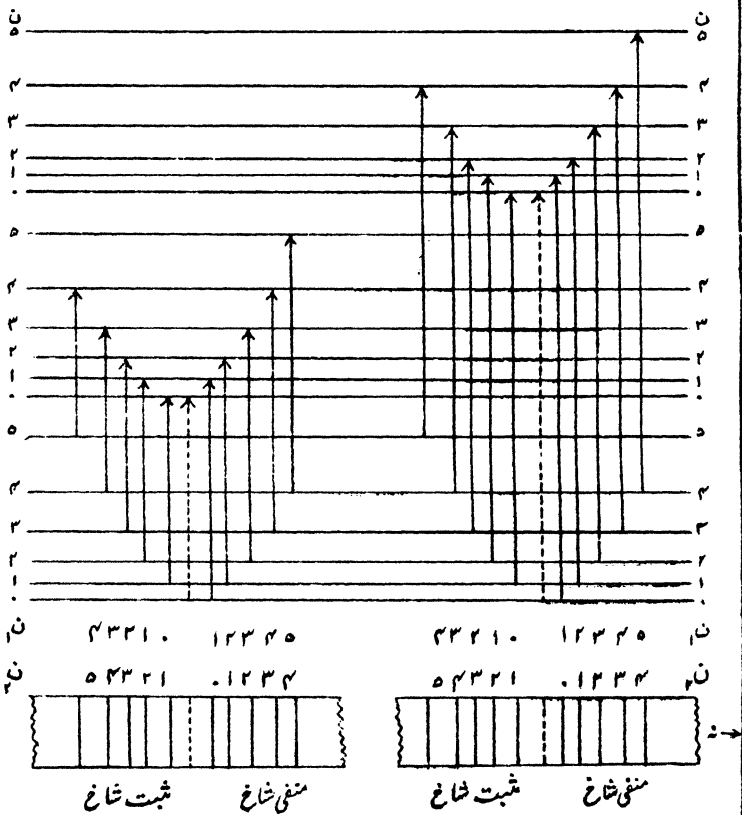
شکل ۶۷ میں ہم نے چیپمین اینڈ ہال لندن کی شائع کردہ کتاب  
آؤٹ لائن آف ایٹمک فزکس سے HCl کے اساسی بند نما طیف  
کے قریب پائین سرخ انجذابی نقشہ نقل کیا ہے جس کے وسطی حصہ کا طول موج  
۳۶۳۷.۱۰ انگسٹروم ہے۔ HCl کے بند نما طیف کی یہ ایک بڑی  
خصوصیت ہے کہ وسطی حصہ کا طیفی خط غائب ہے۔ اس وسطی غائب خط  
کے دونوں جانب مساوی فاصلوں پر خطوط مشاہدہ ہوتے ہیں۔

شکل ۶۸ میں جو متذکرہ بالا کتاب ہی سے نقل کی گئی ہے  
سالہ کی توانائی کی سطوح کھینچ کر خطوط کی پیدائش کی توجیہ کی گئی ہے۔  
شکل کے معائنہ سے معلوم ہوگا کہ بند نما طیف کے وسطی حصہ کے غائب خط  
کے اسباب کیا ہیں۔ یہ خط توانائی کی سطحوں کے لحاظ سے اسی منتقلی کو تعبیر کرتا  
ہے جس میں گردش قدری عدد  $n$  تبدیل نہیں ہوتا ہے۔ بند نما طیف  
کی مثبت شاخ ایسے خطوط پر مشتمل ہے جن کے لیے  $n - n = 14$  اور حرف  
(R) سے تعبیر کی جاتی ہے۔ منفی شاخ حرف (P) سے تعبیر کی جاتی ہے اور  
اس کے خطوط کے لیے  $n - n = 1$

شکل ۶۸ کے ملاحظہ سے معلوم ہوگا کہ HCl کے اساسی بند نما طیف  
کے علاوہ (جو ۳۶۳۷.۱۰ مہ کے پاس واقع ہوتا ہے) ایک دوسرے تعدد کا پہلا ہارمونک بند  
بھی پایا جاتا ہے جو ۷۲۷۴ مہ کے پاس واقع ہے۔

گردشی بند کے تعدد کے ضابطہ میں چونکہ سالہ کے جود کا معیار اثر شریک ہے اور  
ہجما (Isotope) عناصر کے وزن جو ہر مختلف ہوتے ہیں اس لیے مختلف ہجائی عناصر کے  
سالمات کے تعدد ارتعاش بھی مختلف ہوتے ہیں جس کی وجہ سے توانائی کی سطحوں کا انتقال بھی  
مختلف ہوتا ہے اور انجذابی طیف کے منحنی کے آثار چرٹھاؤ میں اختلاف پایا جاتا ہے۔ HCl

طیف میں بھی یہ اختلاف مشاہدہ ہوتا ہے اس لیے کہ کلورین کے



HCl کے اساسی اور پہلے مارمونک بندوں کی سید اٹش سے متعلق توانائی کی سطحوں کا قیاسی نقشہ

شکل ۶۸  
(منقول از آؤٹ لائن آف انٹرنل فرکس چین اینڈ ال لنڈن)

ہمجاؤں کا جوہری وزن علی الترتیب ۳۵ اور ۳۷ ہے۔  $HCl$  کے انجذابی طیف کے اعظم حدت کے خطوط ۳۵ وزن جوہر والے کلورین کے ہمجا ( $Cl^{35}$ ) سے متعلق ہیں۔ لیکن ان میں سے ہر ایک کے ساتھ ایک کتر حدت کا تابع خط بھی پایا جاتا ہے جو ( $Cl^{37}$ ) سے متعلق ہے۔

(و) اب ہم بند نما طیف کے برقی جزیو پر بحث کرنا چاہتے ہیں۔ سابقہ بحثوں میں ہم نے سالمہ کے جوہروں کو بشمول ان کے مرکوزوں اور قبول کے محض نقطئی کمیتیں فرض کیا تھا۔ لیکن حقیقت حال اس سے مختلف ہے اور سب سے زیادہ اہمیت والے وہ سالمی طیف ہیں جن کی پیدائش کے ساتھ جوہری توانائی (تسج) اہترازی توانائی (تس) اور گردش توانائی (تسج) بھی وقت واحد میں بدلتی ہے۔

سہولت کے مد نظر صرف آسان مثالوں اور طریقوں سے کام لیا جائیگا۔ لیکن جو نتائج اخذ کیے جاتے ہیں بہت اہمیت رکھتے ہیں۔ فرض کرو کہ سالمہ کے اندر دوسری اصطلاح میں برقیہ ایک مدار کو چھوڑ کر دوسرے مدار میں داخل ہوتا ہے۔ یا حالیہ نقطہ نظر سے سالمہ کی توانائی کا ایسا تغیر فرض کرو جس سے اس کے ایک جوہر کی مداری توانائی میں بھی تبدیلی واقع ہوتی ہے۔ تب اگر گردش توانائی ہے تو

$$ن = \frac{۲۵}{۲۲۸} (۱ + ۲) = \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) - \frac{۲۵}{۲۲۸} = \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) - \frac{۲۵}{۲۲۸}$$

جس میں  $\frac{۲۵}{۲۲۸}$  کے نئے جمود کا معیار اثر ہے۔ اگر ایک نیا گردش قدرتی

$$ن = ن + \frac{۱}{۲} \text{ لیا جائے تو}$$

$$ن = \frac{۲۵}{۲۲۸} - \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) = \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) - \frac{۲۵}{۲۲۸}$$

اب فرض کرو کہ جوہری توانائی کی تبدیلی کے باعث تعدد  $n$  ہے اور اہترازی توانائی کی تبدیلی کے باعث تعدد  $n'$  تو حاصل تعدد

$$ن = ن + ن' + ن'' = \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) - \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) + \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) - \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) + \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) - \frac{۲۵}{۲۲۸} (۲ + \frac{۱}{۲}) + \dots (۱۲)$$

اس لیے کہ گردشی قدری عدد  $n$  سے  $n$  میں تبدیل ہوتا ہے اور سالہ کے  
 مجموعہ کا معیار انرجی سے  $h$  میں۔ یہ مساوات بشکل  $n = n_1 + n_2 + n_3$   
 بھی لکھی جاسکتی ہے اگر  $n_1 = n_2 = n_3 = \frac{h}{2\pi m v}$  (یعنی  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ )  
 ان میں  $(n_1 + n_2 + n_3)$  بمقابلہ  $n$  کے بہت بڑا ہے۔ پس مصرعہ بالامساوات  
 ایک ایسے طیفی خطوط کے مجموعہ کو تعبیر کرتی ہے جو ایک معین  $(n_1 + n_2 + n_3)$   
 کے ساتھ وابستہ ہے۔ اس مجموعہ خطوط کے منفرد ارکان کی تینیں قدری عدد  
 $n$  سے ہوتی ہے جس کی قیمتیں  $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}, \dots$  وغیرہ ہوتی ہیں۔  
 کلیہ انتخاب کے بموجب حسب معمول قدری عدد بحساب  $\pm 1$  یا صفر  
 بدلتا ہے۔

پس مساوات (۱۲) میں اگر بجائے  $n$  کے  $n-1$  لکھیں تو

$$ن = سنج + نو - \frac{5}{138} + \frac{5}{138} + \frac{5}{138} - \frac{1}{138} - \frac{1}{138} = 2$$

اگر بجائے ن کے ک + ا لکھیں تو

$$n = \text{شیخ} + n - \frac{h}{\frac{1}{2} \pi n} - \frac{h}{\frac{1}{2} \pi n} + n \frac{h}{\frac{1}{2} \pi n} - \frac{h}{\frac{1}{2} \pi n} \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right) n$$

یعنی قدری عدد  $n$  کی  $\neq$  تبدیلی سے

نہ = نتیجہ + نہو -  $\frac{h}{2\pi c} \pm \frac{h}{2\pi c} + n \frac{h}{2\pi c} + n \left( \frac{1}{c} - \frac{1}{c} \right) \dots (13)$   
اور اگر مساوات (۱۲) میں بجائے  $n$  کے  $n$  لکھیں تو

(۱۲) ..... 
$$z = z_1 + z_2 + \frac{5}{3\pi} \left( \frac{1}{z} - \frac{1}{z_1} \right) + \dots$$

بطور اختصار مساواتیں (۱۳) و (۱۴) شکل

$$(15) \dots\dots\dots \left\{ \begin{array}{l} \text{ن} = \text{ا} \pm \text{ب} + \text{ج}^{\text{ن}} \\ \text{ن} = \text{ا} + \text{ج}^{\text{ن}} \end{array} \right. \text{و}$$

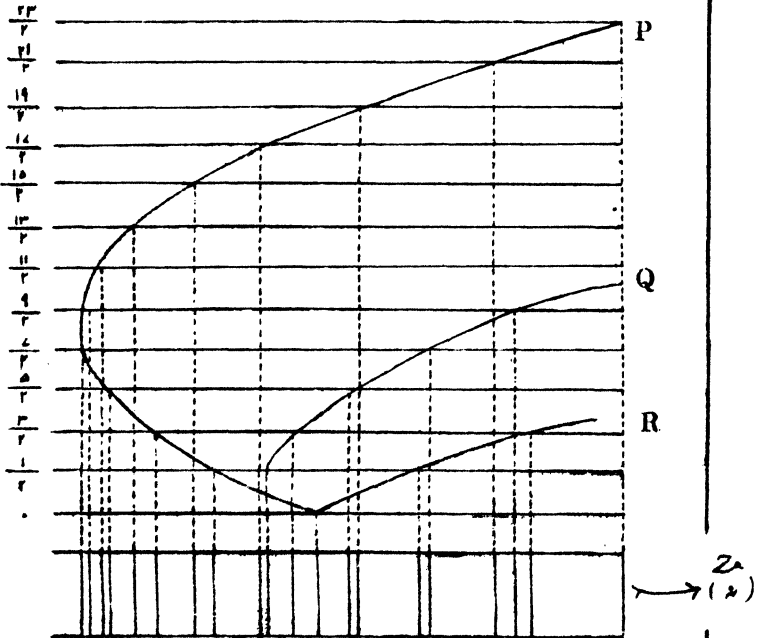


لکھی جاسکتی ہیں۔

جن میں  $1 = \text{نہج} + \text{نہج} - \frac{1}{2\pi\alpha} = \text{ب} = \frac{1}{2\pi\alpha}$

$\text{ج} = \frac{1}{2\pi\alpha} \left( \frac{1}{\text{نہج}} - \frac{1}{\text{نہج}} \right)$  اور  $1 = \text{نہج} + \text{نہج}$

ساداتوں (۱۵) میں ن کی قیمت  $\frac{1}{4}$ ،  $\frac{3}{4}$ ،  $\frac{5}{4}$  .... ہو سکتی ہے۔ واضح ہے کہ  $1$ ،  $1$  اور  $1$  مثبت ہیں اور  $1$  خواہ مثبت ہے یا منفی۔  $1$  کی کسی مقررہ قیمت کے لیے توجہ مستقل ہے۔



برقی بند تالین کا نقشہ بتقلید فری ٹوٹ  
شکل ۱۹

برقی بندناطیف کے مجموعہ خطوط کی توضیح کے لیے شکل ۶۹ میں جو فورٹراٹ (Fortrat) کا نقشہ کہلاتا ہے نہ اور ن کی ترسیم کھینچی گئی ہے۔ مساوات نہ = ۱ ± ۲ ب + ج ن<sup>۲</sup> چونکہ لمبایا ن دوم درجہ کی ہے اس لیے دو مکافیوں کو تعبیر کرتی ہے۔ شکل مذکور میں ان کے صرف دو حصے مرشم ہیں جو محور نہ = ۰ کے اوپر واقع ہیں اور وہ اسی محور پر باہدگیر بمقام نہ = ۱ ایک دوسرے کو قطع کرتے ہیں۔ ان کے راس نقاط نہ = ۱ - ج<sup>۲</sup> / ج<sup>۲</sup> ن = ۱ ± ج<sup>۲</sup> / ج<sup>۲</sup> پر واقع ہیں (جیسا کہ مساوات کو باعتبار ن حل کر کے اس کی اصولوں پر غور کر کے معلوم ہو جائیگا)۔ مساوات ۱ + ج ن<sup>۲</sup> والا منحنی نہ کے محور کو تقریباً بمقام نہ = ۱ قطع کرتا ہے اس لیے ۱ اور ۱ میں صرف ہے جو بمقابل نہ + نہ<sup>۲</sup> قلیل ہے۔

$$نہ = ۱ ± ۲ ب + ج ن^۲ \text{ مساواتوں کے منحنی علی الترتیب } P$$

اور R شاخیں کہلاتی ہیں اور

$$نہ = ۱ + ج ن^۲ \text{ مساوات کے منحنی کو شاخ } Q \text{ کہتے ہیں۔}$$

نقطہ نہ = نہ<sup>۲</sup> + نہ<sup>۲</sup> ”بند کا مبداء“ کہلاتا ہے اور مکافی کے راس کا تعدد ”بند کا سر“ کہلاتا ہے۔

چونکہ اس طیف سے متعلق قدری عدد ن کی قیمتیں ۰، ۱/۲، ۳/۲، ۵/۲... ہیں اس لیے شکل ۶۹ میں ن کے محور پر ان فاصلوں سے نقطے لے کر ان کے نہ کے محور کے متوازی خطوط مستقیم کھینچے گئے ہیں۔ جہاں یہ خطوط مکافیوں کو قطع کرتے ہیں صرف ان ہی نقطوں کے تعدد والے طیفی خط پیدا ہوتے ہیں۔

معائنہ سے معلوم ہوگا کہ جو شکل کھینچی گئی ہے اس میں بندناطیف کا ”سر“

طیف کے پست تعدد والے کنارے کی طرف واقع ہے۔ جس سے ظاہر ہے کہ ترسیم میں ج کی قیمت مثبت لی گئی ہے۔ ایسے بند مناظیف کے متعلق کہا جاتا ہے کہ اس کا تنزل کمتر طول موج کی طرف ہوتا ہے۔ اگر بند کا سر طیف کے بلند تعدد والے کنارے کی طرف واقع ہو تو ج کی قیمت منفی ہوتی ہے اور بند کا تنزل بیشتر طول موج کی طرف ہوتا ہے۔ دونوں صورتوں میں طیفی خطوط کی تعداد فی ایکائی تعدد ”سر“ سے جیسے جیسے آگے کو بڑھتے ہیں جلد جلد کم ہوتی جاتی ہے۔

برقی بند مناظیف کی اچھی مثال سائیٹانوجن (Cyanogen) کے بندوں سے ملتی ہے جو نائٹروجن کے سالمہ ( $N_2$ ) سے پیدا ہوتے ہیں۔ کسی بھی پست دباؤ والی ہوائی تلی کے برقی اخراج سے اس طیف کا مشاہدہ ہو سکتا ہے۔

چونکہ P اور R شاخوں کے راسوں کے لیے نہ کی قیمت

۱۔  $\frac{P}{J} = \pm$  ہے اور ن  $\frac{P}{J}$  ان راسوں کے مابین طیفی خطوط کی

تعداد  $\frac{P}{J}$  ہے۔ اور یہ شاخیں نہ کے محور پر جہاں باہر مگر متقاطع ہوتی ہیں وہاں نہ = ۱، پس بند کے سر اور بند کے مبداء کا مقام دونوں دریافت کر لیے جاسکتے ہیں۔ اور اس طرح ۱، ۲، ۳ اور ج کی قیمتیں محسوب ہو جاتی ہیں۔

”سائیٹانوجن کے بندوں کے لیے“

$$P = 10 \times 152 \text{ ثانیہ}^{-1}$$

$$J = 10 \times 250 \text{ ثانیہ}^{-1} \text{ اور}$$

$$P = 10 \times 152 = \frac{P}{J} \text{ اور } J = \frac{P}{J} \text{ پس}$$

چونکہ سالہ کا ضابطہ  $N_2$  ہے اس لیے حج = ۲ ص<sup>۲</sup> جس میں ص سالہ کے دونوں جہروں کے درمیان فی فاصلہ کا نصف ہے اور ک ایک جہر کی کمیت یعنی (ہائیڈروجن کی کمیت  $1.4 \times 10^{-10}$  سمر۔  
 اس طرح حساب کرنے سے ۲ ص =  $1.4 \times 10^{-10}$  سمر۔  
 نظریہ ٹھوک سے اسی فاصلہ یعنی ہائیڈروجن کے سالہ کا قطر  $1.4 \times 10^{-10}$  سمر برآمد ہوتا ہے۔

---

# پانچواں باب

## طیف پیمائی کے آلات

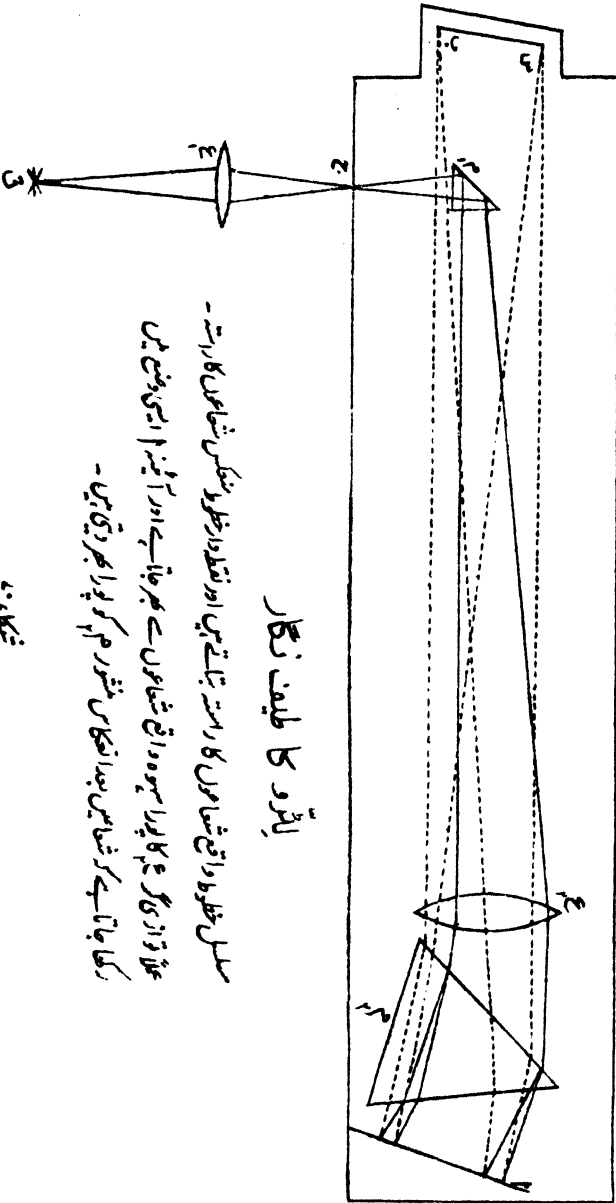
لیٹرو (Littrow) کے بڑے طیف نگار کی  
تشریح اور اس کا استعمال -

یہ آلہ بارہ انچ چوڑی تختیوں پر معدنیات وغیرہ کے طیفی فوٹو گراف  
لینے میں کام آتا ہے۔ اس سے طول موج ۳۹۰۰ انگسٹروم سے لے کر  
۶۶۰۰ انگسٹروم تک کے خطوط کا ۴۶۰۰ سے لے کر ۶۶۰۰ انگسٹروم تک کے  
خطوط کا (منشور کے پیچھے کے مستوی آئینہ کی ترتیب کے لحاظ سے)  
فوٹو گراف لیا جاسکتا ہے۔ ملاحظہ ہو شکل (نٹ)۔

قوسی لمپ کے کاربنوں کے سروں میں گڑھے کر کے معدنی کاسٹ  
بھردیا جاتا ہے اور پھر برقی رو کو چلا کر کاربنوں کے بیچ میں قوس بنایا  
جاتا ہے۔ اس قوس (ق) کا خیال عدسہ ع کے ذریعہ جبری ج پر  
پیدا کیا جاتا ہے۔ جبری سے شعاعیں پھیل کر زاویہ قائمہ والے  
مساوی پہلوؤں کے منشور م سے علی القوائم سمت میں منعکس ہو کر  
تواری کر عدسہ ع پر پڑتی ہیں۔ وہاں سے بعد العطف متوازی نسل بن کر  
منشور م میں داخل اور منتشر ہوتی ہیں۔ اور پھر آئینہ ۱ سے منعکس ہو کر

کرکر منشور م میں منتشر ہوتی ہیں اور اس طرح عدسہ ع میں سے ہوتے ہوئے منشور م سے بچ کر فوٹو گرافی کی تختی کی سطح پر ماسکہ پڑھتی ہیں۔ چونکہ شعاعیں ایک ہی بڑے منشور میں دو مرتبہ منتشر ہوتی ہیں اس لیے ان کا انتشار دو چند ہو جاتا ہے اور منشور کی پوری انتشاری طاقت سے بھی استفادہ کیا جاتا ہے۔ ایک ہی عدسہ توازی اگر اور دور بین کے فرائض انجام دیتا ہے۔ اس لیے نور کی حدت کم ضائع ہوتی ہے۔ معدنی کے طیف کے مقابلہ کے لیے اس پر عموماً لوہے کا طیف جزاً منطبق کیا جاتا ہے۔ بھری کے سامنے دو سہووں کی ایک ”کھڑکی“ استعمال کی جاتی ہے۔ ایک سہوہ دوسرے کے نیچے واقع ہوتا ہے اور جب یکے بعد دیگرے ان کو بھری کے سامنے کھولتے ہیں تو بھری کا صرف ایک جزو بدائے نور کی تنویر سے استفادہ کر سکتا ہے۔ اس طرح تختی پر ایک لیف معدنی کا حامل کیا جاتا ہے اور پھر اس کے نیچے اس پر خف سا منطبق ہوتا ہے لوہے کا طیف۔

اگر معدنی کے طیف میں خاص خاص عناصر کی تلاش مقصود ہو تو صفحہ ۲۱۶ کی جدول کے خطوط کے ذریعہ ان کا پتہ چلایا جاسکتا ہے۔ اگر یہ خطوط لیف میں موجود نہ ہوں تو رائے قائم کی جاسکتی ہے کہ ان کے متعلقہ عناصر بھی معدنی میں نہیں ہیں۔ [یہ جدول رائل کالج آف سائنس لندن کے محل طبعیات کے تیار کردہ پرچہ ہائے طیف نگاری سے نقل کی گئی ہے۔ اور تجربہ سے بہت سودمند ثابت ہوئی ہے۔]



### بٹرو کا طیف نگار

سلسلہ خطوط واقع شعاعوں کا راستہ بتاتے ہیں اور نقطہ دار خطوط منعکس شعاعوں کا راستہ۔  
 خطواتازی مگر عم کا پورا سمجھو وہ واقع شعاعوں سے بھر جاتا ہے اور آئینہ ام ایسی دھنچ میں  
 رکھا جاتا ہے کہ شعاعیں بعد انعکاس مشورہ کم کو پورا بھری رہیں۔

شکل نمبر ۱۰

طول موج انگشٹروں میں	عنصر
۴۰۵۵۶۲۲	Ag سلور
۳۹۶۱۶۷۱ ۳۹۴۴۶۲۰	Al الوینیم
۵۵۳۵۶۹۹ ۴۹۳۴۶۲۴ ۴۵۵۴۶۲۱	Ba بیریم
۴۱۲۲۶۱۰ ۴۱۲۱۶۸۶	Bi بسمتھ
۴۲۲۶۶۹۰ ۳۹۶۸۶۶۳ ۴۹۳۴۶۸۱	Ca کیلشیم
۴۶۷۸۶۵۰	Cd کیڈیم
۴۱۲۱۶۵۲ ۳۹۹۵۶۴۵	Co کوبلٹ
۴۲۸۹۶۹۲ ۴۲۷۵۶۰۱ ۴۲۵۴۶۵۲	Cr کرومیم
۴۰۶۲۶۹۱ ۴۰۲۲۶۸۷	Cu کاپر
۴۳۵۸۶۰ ۴۰۴۶۶۸۹	Hg مرکری
۴۵۱۱۶۵۵ ۴۱۰۱۶۹۵	In انڈیم
۴۰۴۷۶۴۲ ۴۰۴۴۶۳۶	K پوٹاشیم
۴۶۰۴۶۱۷ ۴۶۰۲۶۲۰	Li لیتھیم
۴۷۰۴۶۴۰ ۴۵۷۱۶۳۱ ۴۳۵۲۶۳۵	Mg منشیئم
۴۰۴۴۶۶۲ ۴۰۴۴۶۲۱ ۴۰۴۰۶۹۲	Mn منگینیز
۴۴۰۱۶۷۵	Ni نیکل
۴۰۵۸۶۰۰	Pb لیڈ
۴۰۴۴۶۷۸	Sb آنتیمنی
۴۳۲۵۶۲۲ ۴۳۲۰۶۹۸ ۴۳۱۴۶۳۱ ۴۲۴۷۶۰۲	Sc اسکینڈیم
۴۵۲۴۶۹۹	Sn رتن
۴۶۰۷۶۵۱ ۴۲۱۵۶۷۰ ۴۰۷۷۶۸۹	Sr اسٹرونشیم
۴۵۵۵۶۷۰ ۴۵۵۲۶۷۰ ۴۵۴۸۶۹۸	Ti ٹیٹینم
۴۶۸۰۶۴۹	Zr زرنک



منشوری طیفی خطوط کے طول موج کی تعیین کے لیے کوہنو، ہارٹمین (Cornu-Hartmann) والا ضابطہ (لہ - لم) (پ - پ) = م

بہت ہی بہ کار آمد ہے۔ اس میں لہ اس خط کا طول موج ہے پیمانہ پر جس کا نشان پ پڑھا جائے۔

لہ، پ اور م مستقل مقادیر ہیں۔ ان کی قیمتیں معلوم کرنے کے لیے نوٹو گرافی تختی کے طیفی خطوط میں سے تین تقریباً مساوی الفاصلہ پر ہے کے طیفی خطوط منتخب کر لیے جاتے ہیں۔ اگر ان معیاری خطوط کے طول موج لہ، لم، لم، م ہوں اور پیمانہ پر ان کے نشانات علی الترتیب پ، پ، پ اور پ پڑھے جائیں تو

$$پ = \frac{پ - پ}{\left(\frac{پ - پ}{لم} - \frac{پ - پ}{لم}\right)} - پ$$

$$م = \left(\frac{لم - لم}{پ - پ}\right) (پ + پ) (پ + پ)$$

$$لہ = لم - \frac{م}{پ - پ}$$

طیفی خطوط کے سلسلوں کے مطالعہ کے لیے بلور کے منشور اور عدسوں والا طیف نگار استعمال کرنا چاہیے۔ بلور طیف کے بالائے بنفشی حصہ کو بڑی حد تک جذب نہیں کرتا۔ اس آلہ سے ۲۰۰۰ سے لے کر ۴۰۰۰، انکسٹروم تک کے طول موج کے خطوط نوٹو گراف ہو سکتے ہیں۔ نوٹو گرافی کی تختیاں بھی مناسب حساسیت کی ہونی چاہئیں۔

انکساری جالی سے حاصل کردہ طیفی نوٹو گراف استعمال کر کے نئے خطوط کا طول موج دریافت کرنا ہو تو ضابطہ

$$لہ = پ + پ \quad \text{کام دیتا ہے}$$

$$\text{اس میں } ب = \frac{لم - لم}{پ - پ} \quad \text{اور } ا = لم - ب پ$$

واضح ہو کہ لم اور لم لوہے کے اُن دو طیفی خطوں کے طول موج ہیں جن کے نشان تختی پر علی الترتیب پ اور پ پڑے جاتے ہیں۔

### مائیکلسن کی زینہ نما انکساری جالی۔ انکسار نور کے

باب میں ہم نے بتایا ہے کہ انکساری جالی کی تحلیلی طاقت لکیروں کی تعدادن اور طیف کے رتبہ م کے حاصل ضرب (یعنی م ن) کے متناسب ہے۔ مستوی سطح پر فی ملی میٹر لکیروں کی تعداد ایک معینہ حد سے بڑھائی نہیں جاسکتی اور نہ ایسی لکیری صحت کے ساتھ ایک مقررہ رقبہ سے زیادہ کی سطح پر کھینچی جاسکتی ہیں۔ پانچ یا چھ انچ چوڑی سطح سے بڑھ کر وسعت کی تختی پر مساوی فاصلہ سے لکیروں کا کھینچنا انتہائی مشکل کام ہے۔ اس لیے مائیکلسن نے لکیروں کی تعداد میں اضافہ کرنے کے عوض طیف کے رتبہ م کو ترقی دینے کی کوشش کی اور بالآخر اپنی زینہ نما جالی تیار کی۔

یہ جالی دوسرے موٹائی ایک ہی شیشہ کی تختی میں سے ٹکڑے کاٹ کر بنائی جاتی ہے۔ ٹکڑوں کی سطحیں اس باریکی کے ساتھ صاف کی جاتی ہیں کہ وہ بالکل متوازی ہو جاتی ہیں اور ان کی موٹائیوں میں سوڈیم کے نور کے طول موج کے  $\frac{1}{4}$  حصہ سے بھی کمتر اختلاف ہوتا ہے۔ تختیوں کو ایک دوسری کے بازو زینہ کی طرح ان کی بلندی کو مساوی معیار میں لگھاتے ہوئے ”مناظری درستی تماس“ کے ساتھ جمادیا جاتا ہے۔ ملاحظہ ہو شکل ۱۷۔ ان کی تعداد کو تینس سے زیادہ بڑھانے میں کوئی عملی فائدہ نہیں۔ دوسرے موٹائی تختی میں سے ہو کر جب نور کی موجیں گزرتی ہیں تو بیس ہزار طول موج سے بھی بہت زیادہ کا تفاوت راہ پیدا ہو سکتا ہے۔ جس کی وجہ سے جو طیف تیار ہو کر مشاہدہ میں آتا ہے ۲۰ ہزار کے رتبہ سے بھی افزوں تر ہوتا ہے۔ پس ۳۰ تختیوں والی زینہ نما جالی کی طاقت تحلیلی  $30 \times 20000 = 600000$  چھ لاکھ سے زائد شمار ہوگی۔

ایڈم ہیلجس (Adam Hilger) کمپنی کی تیار کردہ جالیں میں



ن = تختیوں (یا زمین کے اجزاء) کی تعداد۔  
 زمین کے دو متصل اجزاء کے مناظر نقطوں 'ا' ج سے جو موجیں  
 سمت ط میں نور کا انکسار پیدا کر سکیں ان کا تفاوتِ راہ  
 م لہ = مرٹ - فاصلہ ا د

= مرٹ - ٹ جم طہ + ض جب طہ  
 اس تجربہ میں چونکہ زاویہ ط کی قیمت بہت چھوٹی ہوتی ہے اس لیے  
 م لہ = (مر - ۱) ٹ + طہ ض ..... (۱۱)  
 م کو مستقل مان کر لہ کے لحاظ سے اگر تفرق کیا جائے تو رقوم کو ترتیب  
 دینے سے انتشارِ نور

$$\frac{فرط}{فرلہ} = \frac{۱}{ض} (م - ٹ) \frac{فرم}{فرلہ}$$
  
 اس جملہ میں اگر م کی تقریبی قیمت (مر - ۱)  $\frac{ٹ}{لہ}$  تعویض کی جائے تو  

$$\frac{فرط}{فرلہ} = \frac{ٹ}{ض لہ} [(مر - ۱) لہ - فرم] = \frac{ب ٹ}{ض لہ} \dots (۱۲)$$
  
 ”سر“ ب کی قیمت کسی طول موج کے لیے بھی مستعمل شیشہ کے مناظر  
 مستقلوں سے معلوم کر لی جاتی ہے۔ (شیشہ کی اکثر اقسام کے لیے وہ ۵۰۰  
 سے لے کر ۷۰۰ تک ہوتی ہے)۔  
 تب مساوات (۱۲) سے دو متعاض اشعاعوں کے مابین جن کے  
 طول موج ایک دوسرے سے بقدر مقدارِ قلیل فرلہ مختلف ہوں زاویہ انتشار  
 فرط کا پتہ چلتا ہے۔

اگر مساوات (۱۱) میں لہ کو مستقل مان کر لحاظ م (یعنی رتبہ طیف)  
 تفرق کیا جائے اور پھر حاصل شدہ جملہ کی رقوم کو ترتیب دیا جائے تو

$$\frac{فرط}{فرم} = \frac{لہ}{ض}$$

چونکہ طیفی دجوں کے تفاوت کی چھوٹی سی چھوٹی قیمت فرم = ا تو

زاویہ طہ میں اس کی تناظر تبدیلی کو اگر فرطہ سے تعبیر کیا جائے تو

$$\text{فرطہ (یعنی طہوت کا زاویہی فصل)} = \frac{ل}{ص} \dots \dots (۳)$$

پس مساوات (۳) سے دو متصل طہنی درجن کا درمیانی زاویہی فصل دریافت ہوتا ہے۔

اب فرض کرو کہ فرطہ زینہ نما جالی کی انتہائی زاویہی تحلیل کو تعبیر کرتا ہے یعنی فرطہ دو طہنی خطوط کا زاویہی فصل ہے جبکہ وہ دورین کے چشمہ میں ایک دوسرے سے ٹھیک علیحدہ نظر آتے ہیں تو متونی لادریلہ (Rayleigh) کے ضابطہ سے

$$\text{فرطہ} = \frac{ل}{\text{دورین کے دباؤ کا عامل سہوہ}}$$

$$\frac{ل}{ن} = \frac{طہ}{ن} =$$

اب فرض کرو کہ تحلیل کی انتہائی زاویہی تحلیل طہ کے تناظر طول موج کا تفاوت فرطہ ہے تب مساوات (۲) سے

$$\frac{\text{فرطہ}}{\frac{ب}{ص}} = \frac{ب}{ل}$$

فرطہ کے عوض اس کی قیمت  $\frac{ل}{ن}$  لکھ کر رقموں کو از سر نو ترتیب دینے سے ”تحلیل کی انتہا“

$$\text{فرطہ} = \frac{ل}{ب} \dots \dots (۴)$$

اس ضابطہ میں فرطہ نزدیک ترین دو انفصال پذیر متجانس شعاعوں

کا تفاوت طول موج ہے۔ پس  $\frac{ل}{ب}$  زینہ نما جالی کی تحلیلی طاقت ہے۔

مساوات (۴) سے ظاہر ہے کہ یہ تحلیلی طاقت شیشہ کی مجموعی موٹائی کے

متناسب ہے جس میں سے نور گزرتا ہے اور کسی دیے ہوئے طول موج کے لیے منفرد تختیوں کی موٹائی یا جالی کے ”عرض“ کے غیر تابع ہے۔

زینہ نما جالی میں جو طیفی خط نظر آتا ہے اُس کی تصویر نہ صرف مبدائے نور کی ذاتی حدت تصویر کے تابع ہے بلکہ زاویہ انکسار ط کے بھی تابع ہے جیسا کہ مستوی انکساری جالی کی بحث میں بتایا گیا ہے۔ اس کے مائل استدلال سے حدت کے اس جزو کی پیمائش

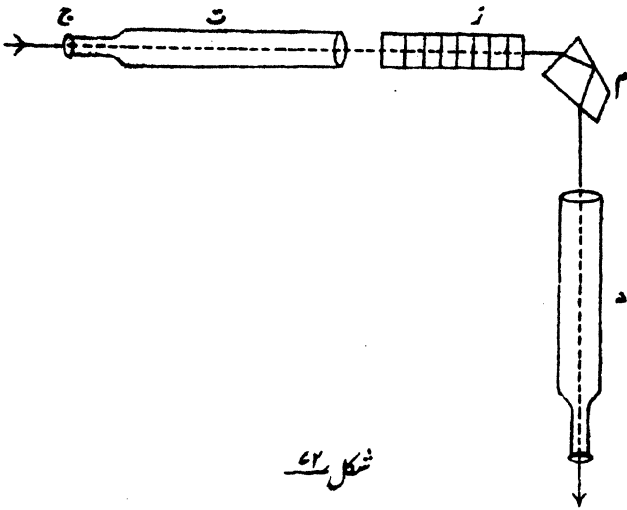
$$H = \left[ \frac{\text{جب } \pi \frac{\text{من}}{r} \text{ ط}}{\pi \frac{\text{من}}{r} \text{ ط}} \right] \text{ سے ہوتی ہے۔}$$

(Lummer Gehrcke)

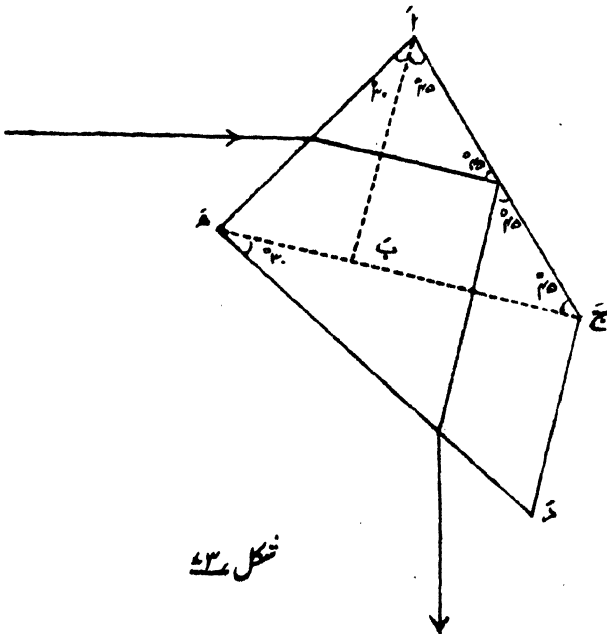
زینہ نما جالی کے علاوہ لمبر گر کے

کی تختی اور فابری، پیردو (Fabry-Perot) کا داخل پیمائی طیفی خطوط کی تحلیل کے لیے استعمال کیے جاتے ہیں۔ ان کا ذکر نیچے آئیگا۔ یہاں یہ بتانا مناسب سمجھا جاتا ہے کہ ایڈلم ہلجر نے سہولت کی خاطر ان سب کی تنصیف کے لیے مستقل انحراف والے طیف پیمائش کے ساتھ ایک ٹلیکون تیار کی ہے جس کی ترتیب شکل ۲۷ میں بطور خاکہ کے بتائی گئی ہے۔

اس طیف پیمائش تواریزی گر اور دو بین دونوں ایک دوسرے کے علی القوائم استوارانہ طریقہ پر نصب کیے جاتے ہیں۔ مختلف طیفی خطوط کے مطالعہ کے لیے صرف منشور کی میسر کو حسب ضرورت ایک باریک فولادی میخ کے ذریعہ سے گھمانا پڑتا ہے۔ زینہ نما جالی (یا لمبر گر کے تختی وغیرہ) کی تنصیف کے لیے تواریزی گروالے بازو ہی پر جگہ چھوڑ دی جاتی ہے۔ دیکھو شکل ۲۷۔ جس میں ج طیف پیمائی جھری ہے، ت تواریزی گر شعاعوں کی متوازی پنسل اس میں سے حل کر زینہ نما جالی وغیرہ میں داخل ہوتی ہے۔ بعد انکسار شعاعیں مستقل انحراف کے ایک منشور م پر واقع ہوتی ہیں۔ جو دو ۳۰ کے معمولی منشوروں اور ایک زاویہ قائمہ والے منشور کا مرکب متصور ہو سکتا ہے (ملاحظہ ہو شکل ۲۸)۔ آخرا لڈ کر کے دتر آج سے



شکل ۴۲



شکل ۴۳

منکسر شعاعوں کی پنسل کا کئی داخلی انعکاس عمل میں آتا ہے اور جب پنسل منشور کی سطح ذہ میں سے خارج ہوتی ہے تو اس کی سمت منشور کے اندر داخل ہونے سے پہلے کی سمت کے علی القیام ہوتی ہے جیسا کہ شکل ۲۳ کے مطالعہ سے فوراً معلوم ہو جائیگا۔ اس کے بعد پنسل دور بین د میں داخل ہوتی ہے اور وہاں انکسار نور اور طیفی خطوط کی تحلیل کا مطالعہ ہو سکتا ہے۔

جیسا کہ ابھی بیان کیا گیا ہے شکل ۲۳ کی ٹیکنی کی میز جس پر منشور استادہ کیا جاتا ہے طیف کے مختلف حصوں کے مطالعہ کے لیے ایک باریک فولادی پیچ کے ذریعہ گھائی جاتی ہے۔ کیونکہ پیچ کی نوک میز سے آگے کو نکلے ہوئے ایک بازو کو ڈھکیلتی ہے۔ پیچ کے ساتھ ایک اُستوانی شکل کا طبل نصب کیا ہوا ہوتا ہے جس پر طیفی خطوط کے طول موج لکھے ہوتے ہیں۔ جو طیفی خط چشمہ کے صلیبی تاروں سے مطابقت ہوتا ہے اس کا طول موج نمائندہ کے عین نیچے آ جاتا ہے اور اس طرح براہ راست پڑھ لیا جاسکتا ہے۔ اس وضع میں طیفی خط کے نور کا انحرف اقل ہوتا ہے۔

زینہ نما جالی سے متعلق جو مساواتیں اخذ کی گئی ہیں ان سے مندرجہ ذیل نتائج حاصل ہوتے ہیں :-

(۱) تختیوں کی موٹائی میں اضافہ کرنے سے نور کا انتشار بڑھ جاتا ہے اور اس لیے اس طیف کی زیادہ تفصیل مطالعہ ہو سکتی ہے۔ لیکن متواتر طیف کے فصل میں کوئی تبدیلی نہیں ہوتی۔

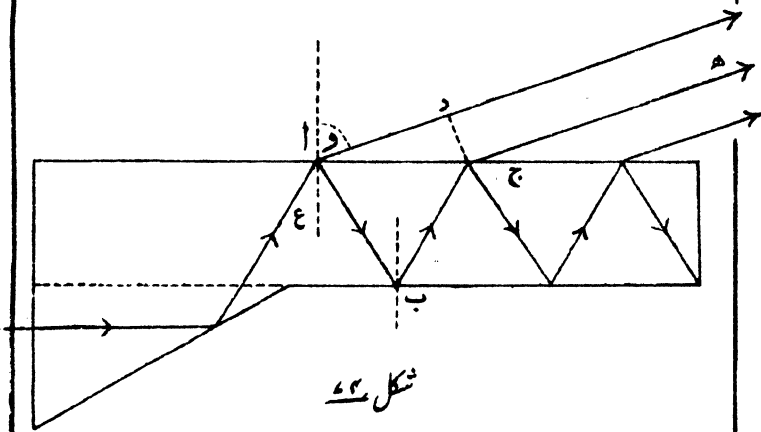
(۲) زینہ کے ”عرض“ کو اگر بڑھایا جائے تو متواتر طیف کے فصل میں کمی واقع ہوتی ہے۔ زاویائی تحلیل کی حد بھی گھٹ جاتی ہے۔ طیف کی تفصیل میں کوئی فرق نہیں آتا۔

(۳) تختیوں کی تعداد میں اضافہ کرنے سے نہ انتشار نور میں اور نہ متواتر طیف کے فصل میں تبدیلی ہوتی ہے لیکن زاویائی تحلیل کی حد میں کمی پیدا ہوتی ہے۔ اور بدیں وجہ جو تفصیل مطالعہ ہوتی ہے اس میں اضافہ ہو جاتا ہے۔ مہذا مقدار نور میں بھی اضافہ ہوتا ہے۔



## لمر گر کے کا متوازی تختی والا داخلی طیف پیمیا۔

اس آلہ میں شفاف تختیوں کے اعلیٰ داخلی انعکاس سے استفادہ کیا جاتا ہے جو زاویہ فاصل کے قرب و جوار میں وقوع پذیر ہوتا ہے۔ یہ آلہ



ایک لمبی شیشہ یا بلور کی تختی پر مشتمل ہے جس کی سطحیں مناظری صحت کے ساتھ مستوی متوازی بنائی جاتی ہیں۔ اس کے ایک سرے پر ایک چھوٹا منشور اسی مادہ کا اسی طرح صاف کر کے مناظری طریقہ پر چپا کر دیا جاتا ہے۔ ملاحظہ ہو شکل ۲۲۔ منشور کے استعمال سے شعاعیں بغیر انجذاب تختی کے اندر ایسے زاویہ پر داخل ہوتی ہیں کہ اس سے باہر نکلنے وقت سطح کے تقریباً متوازی ہو جاتی ہیں۔ گویا تختی سے ”راست رویت“ کے آلہ کا کام لیا جاسکتا ہے۔ شکل میں سہولت کی خاطر شعاع ۱ د کا عمود کے ساتھ میل بہت کم بتایا گیا ہے۔ زمین نما جالی کے بیان میں جس طرح طیفوں کے مرتبوں (Orders) اور ان کے انفصال و انتشار کے ساتھ آلہ کی تحلیلی طاقت پر بحث کی گئی تھی ویسا ہی اس تختی کے متعلق بھی ان امور پر بحث کی جائیگی۔

طیف کا رتبہ - فرض کرو شکل ۲۷ میں تختی کی موٹائی ٹ ہے  
 لہ طول موج کی شعاع کے لیے انعطاف نما ہے -  $\lambda$  اور ج ۵ دو متصل  
 متوازی شعاعیں ہیں جو تختی کے عمود کے ساتھ زاویہ  $\theta$  (تقریباً ۹۰) بناتی ہوئی  
 باہر نکل آتی ہیں - ج سے  $\lambda$  پر عمود ج د گراؤ۔  
 $\lambda$  اور  $\lambda$  ب ج میں مناظری تفاوت راہ

$$= 2 \text{ ٹ مرقطع} - 2 \text{ ٹ مس ع جب و}$$

$$= 2 \text{ ٹ جم ع} = 2 \text{ ٹ مرقطع} - 2 \text{ ٹ مس ع جب و}$$

(اس لیے کہ جب و = مرقب ع)

اگر یہ تفاوت راہ ن نہ ہو تو ن طیف کا رتبہ ہوگا اور

$$ن ل = 2 \text{ ٹ مرقطع} - 2 \text{ ٹ مس ع جب و} \dots (۱)$$

لمتحرک گرتے کی تختی کے لیے یہ ضابطہ اساسی اہمیت رکھتا ہے - اس کے  
 مطالعہ سے ظاہر ہے کہ طیف کا رتبہ تختی کی موٹائی کے راست متناسب ہے  
 تختی کے طول کے غیر تابع ہے - زاویہ خروج کے گھٹاؤ کے ساتھ بڑھتا ہے  
 اور نور کے طول موج کے گھٹاؤ کے ساتھ بھی بڑھتا ہے -

مختلف رتبوں کے طیفوں کا درمیانی فصل - اگر

زاویہ و کو بلحاظ رتبہ طیف تفرق کریں (یعنی اگر طیف کے رتبوں میں تفاوت  
 مفع ن ہو تو فرض کریں کہ اس کے متناظر زاویہ خروج کا تفاوت مفع و ہے)  
 تو مساوات (۱) سے

$$ن ل = مفع ن = 2 \text{ ٹ مرقطع} - 2 \text{ ٹ مس ع جب و مفع و}$$

$$\therefore مفع و = \frac{ن ل}{2 \text{ ٹ مرقطع} - 2 \text{ ٹ مس ع جب و}} \dots (۲)$$

مساوات (۱) سے ن ل کی قیمت تعویض کرنے سے

$$مفع و = \frac{ن ل}{2 \text{ ٹ مرقطع} - 2 \text{ ٹ مس ع جب و}} \dots (۲)$$

پس مف ن = ا لکھنے سے دو متصل طینی رتبوں کا زاویہ انفصال

$$\text{مف و} = \frac{\text{لہ} \text{ (۲-جب ۲و)}}{\text{ٹ جب ۲و}}$$

جس سے ظاہر ہے کہ یہ انفصال، تختی کی موٹائی کے بالعکس متناسب ہے، اس کے طول کے غیر تابع ہے، خارج شعاعیں جیسے جیسے تختی کی سطح کے متوازی ہوتی جاتی ہیں بڑھتا جاتا ہے اور طول موج کی ترقی کے ساتھ ترقی کرتا ہے۔

کسی ایک رتبہ کے طیف کے اندر انتشار مساوات (۱)

کو اگر لمبا لہ جزوی تفرق کریں تو

$$\text{ن}^۲ \text{ لہ} = \text{ٹ}^۲ \text{ م} \left( \frac{\text{جف م}}{\text{جف لہ}} - \text{جب ۲و} \frac{\text{جف و}}{\text{جف لہ}} \right)$$

$$\therefore \frac{\text{جف و}}{\text{جف لہ}} = \frac{\text{ٹ}^۲ \text{ م} \left( \frac{\text{جف م}}{\text{جف لہ}} - \text{ن}^۲ \text{ لہ} \right)}{\text{ٹ}^۲ \text{ جب ۲و}} \quad (۳)$$

$$\text{یا } \frac{\text{جف و}}{\text{جف لہ}} = \frac{\text{ٹ}^۲ \text{ م} \left( \frac{\text{جف م}}{\text{جف لہ}} - \text{م} \left( \text{م}^۲ - \text{جب ۲و} \right) \right)}{\text{ٹ}^۲ \text{ جب ۲و}} \quad (۴)$$

اس سے یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ طیف کے محدودے چند جو مرئی رتبے ہیں اُن میں سے کسی کے بھی اندر کا انتشار تختی کے ابعاد کے غیر تابع ہے لیکن اس کے مناظری خواص اور زاویہ خروج کے تابع ہے۔ مساوات (۳) کو ذرا تبدیل کر کے لکھیں تو

$$\text{مف و} = \frac{\text{م} \left( \text{ٹ}^۲ \text{ م} \frac{\text{جف م}}{\text{جف لہ}} - \text{ن}^۲ \text{ لہ} \right)}{\text{ٹ}^۲ \text{ جب ۲و}}$$

$$= \frac{\text{ن}^۲ \text{ لہ}}{\text{ٹ}^۲ \text{ جب ۲و}} - \text{ازروئے مساوات (۲)}$$

$$\therefore \left( \text{م} \text{ ڈاؤر جف لہ} - \text{ن لہ} \right) \text{مف لہ} = \text{ن لہ} \text{مف ن}$$

$$\text{یعنی مف لہ} = \text{ن لہ} \frac{\text{م} \text{ ڈاؤر جف لہ}}{\text{ن لہ}} \dots \dots (۴) \text{ جبکہ مف ن} = ۱$$

اس جگہ سے جو فان بائیر (Von Beyer) نے حاصل کیا یہ دریافت ہوتا ہے کہ کس رتبہ کے طیف میں ایک مرکب خط کے جزو ترکیبی کا تفاوت طول موج کیا ہونا چاہیے تاکہ وہ اس کے متصل طیف کے اصل خط سے منطبق ہو۔

طاقتِ تحلیل - شکل ۳ کے ملاحظہ سے واضح ہوگا کہ فاصلہ

$$\text{ج د} = \text{ا ج جم و}$$

پس ل طول والی تختی کا ظاہری سہوہ (aperture) ل جم و ہے۔ اگر مف و عین تحلیل ہونے والی دو متصل (طول موج لہ اور لہ + مف لہ کی) شعاعوں کا درمیانی زاویہ ہے تو اذروئے قواعد انکسار نور

$$\text{مف و} = \frac{\text{لہ}}{\text{تختی کا ظاہری اعال سہوہ}} = \frac{\text{لہ}}{\text{ل جم و}} \dots \dots (۵)$$

لیکن مساوات (۴) سے

$$\text{مف و} = \frac{(م - ۲ - \text{جب ا و} - \text{لہ م جف لہ})}{\text{ل جب و جم و}} \text{مف لہ}$$

مف و کی اس قیمت کو مساوات (۵) میں نفی کی علامت کو متروک کر کے تعویض کرنے سے

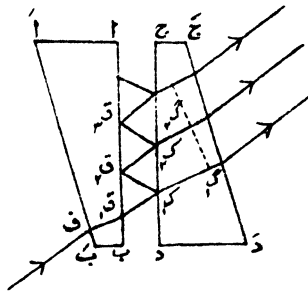
$$\text{طاقتِ تحلیل} \equiv \frac{\text{لہ}}{\text{مف لہ}} = \frac{\text{ل (م - ۲ - \text{جب ا و} - \text{لہ م جف لہ})}{\text{ل جب و}} \dots \dots (۶)$$

اس سے یہ نتیجہ برآمد ہوتا ہے کہ تختی کی تحلیل طاقت تختی کے طول کے

متناسب ہے، اس کی موٹائی کے غیر تابع ہے، خارج شعاعوں کی سمت جیسے جیسے تختی کے متوازی ہوتی جاتی ہے گھٹتی جاتی ہے، طویل موج کے لحاظ سے بالانعکس بدلتی ہے۔

**فابری پیرو کا تداخلی طیف پیمیا۔** اس آلہ کا عمل اور

طریقہ استعمال بھی لمر گس کے کی متوازی تختی کے بہت مشابہ ہے۔ اس کی تحلیل طاق بھی بہت بڑی ہے۔ ہم یہاں صرف اس کی مختصر تشریح کر کے بتائیں گے کہ اس میں طیفی خطوط کیوں کر باریک اور ممتاز الحمد و پیدا ہوتے ہیں۔ یہ دراصل دو ایک ہی شیشہ یا بلور کی قلم سے تراشی ہوئی تختیوں اب اب اور ج د ج د پر مشتمل ہوتا ہے (ر شکل ۷۷)۔



شکل ۷۷

پہلو اب اور ج د باہم دیگر صحت کے ساتھ متوازی ہیں۔ اسی طرح پہلو اب اور ج د ایک دوسرے کے متوازی ہیں۔ گویا یہ ایک متوازی پہلوؤں کی تختی ہے جس کے بیچ میں ایک مستطیل ہوائی تختی واقع ہے۔ اب ج د سطحوں پر چاندی کی پتلی جھلتی مطروح کی جاتی ہے تاکہ ان پر سے نور غری منعکس ہو اور اس کے ساتھ ہی نور کا کچھ حصہ خارج بھی ہو جائے پس نور جب ان تختیوں

داخل ہوتا ہے تو ان مفضض سطحوں کے مابین اس کا ضعیفی انعکاس ہوتا ہے اور ساتھ ہی ان کی مقابل سطحوں میں سے وہ جزواً خارج بھی ہو جاتا ہے۔ آب اور ج ذ سطحیں اگرچہ باہم دیگر متوازی ہیں لیکن عمداً آب اور ج ذ سطحوں کے ساتھ اس وجہ سے مائل بنائی جاتی ہیں کہ نور کا داخل نہ ہونے پائے۔ ان تختیوں کے مابین گداختہ سلیکا کا ایک جھوٹا کھوکھلا اسطوانہ رکھ دیا جاتا ہے تاکہ وہ باہم دیگر متوازی رہیں۔ اور چونکہ سلیکا کے پھیلاؤ کی شرح بلحاظ ترقی و تپش انتہا درجہ قلیل ہے اس لیے تختیوں کا درمیانی ہوائی فاصلہ مستقل رہتا ہے۔

فصل ۵۷ میں ایک شعاع ف ق بتائی گئی ہے جو ہوائی تختی میں منعطف ہو کر ق ک راستہ اختیار کرتی ہے۔ ک پر اس کا کچھ حصہ منعکس ہو کر ک ق اور پھر ق ک سمتوں میں پلٹ جاتا ہے اور کچھ حصہ ک گ سمت میں خارج ہوتا ہے۔ اس طرح کچھ حصہ ک پ پر ک گ سمت میں خارج ہوتا ہے۔ اگر ک گ ک گ وغیرہ شیشہ کی دوسری تختی کے اندر خارج ہونے والی شعاعوں کا ایک خط گ گ کھینچیں تو یہ ان شعاعوں کا ناصیئہ موج ہوگا۔ ضعیفی انعکاسوں وغیرہ سے جو کچھ تفاوت ہیئت پیدا ہوتا ہے گ گ ناصیئہ موج تک پہنچنے تک ہی پیدا ہوتا ہے اس کے بعد کوئی مزید تفاوت صورت پذیر نہیں ہوتا (اس لیے کہ آب اور ج ذ متوازی ہیں)۔

اب فرض کرو کہ نقطہ ق سے نکلنے والی موج کا محیط ارتعاش (۱) اس کا وقت دوران و ادوخل موج لہ ہے۔ جب کبھی موج ہو اسے نکل کر شیشہ میں داخل ہوتی ہے فرض کرو کہ اس کا محیط ارتعاش (۱) سے گھٹ کر (ف) ہوتا ہے اور جب کبھی جزوی مفضض سطح پر انعکاس واقع ہوتا ہے تو موج کا محیط (س ۱) ہوتا ہے۔ واضح ہے کہ ف اور س مثبت کسور ہیں۔

پس ق ک کے پاس کی موج کو ہم  $\lambda = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{f} - \frac{1}{s} \right)$  سے تعبیر کر سکتے ہیں۔ جس میں ق ک سے فاصلہ لا پر نقل مکان ما ہے۔ اگر ق ک سے

نقل کر گ، اور گم پر پہنچنے والی موجوں کا معادل تفاوتِ راہ تہ مانا جائے  
تو گم اور گم پر کی موجوں میں بھی یہی تفاوتِ راہ ہوگا۔ مگر گس کے کسی  
تختی کے بیان میں بتایا گیا ہے کہ یہ تفاوتِ راہ

تہ  $\pi = \pi$  ٹ جم و  
(جس میں ٹ = ہوائی تختی کی موٹائی اور و = سطح ج د پر شعاع کا  
زاویہ وقوع)۔

لہذا گ پر نقل مکان ف ۱ جب  $\pi^2 (\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'})$  ہے جس میں  
لاہے مراد ق اور گ کا درمیانی معادل طولِ راہ ہے۔

اسی طرح نقطہ گ پر نقل مکان ف ۲ جب  $\pi^2 (\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'})$  ہے

اور گم پر ..... ف ۳ جب  $\pi^2 (\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'})$  ہے  
اگر گ، گ، گ، وغیرہ پر کی تمام شعاعوں کو دور بین میں اکٹھا کر کے  
دیکھا جائے تو میدانِ نظر میں مجموعی نقل مکان

ما =  $\sum f$  س ۱ جب (ع - ع) ہے ... (۱)

جس میں ع کی قیمت صفر سے لے کر  $\infty$  تک پہنچتی ہے۔

$$ع = \pi^2 (\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'}) \quad ب = \pi^2 (\frac{1}{\lambda} + \frac{1}{\lambda'})$$

اگر ہوا میں شیشہ کی سطح پر سے نور کا انعکاس ہوتے وقت جو تفاوتِ سمیت  
پیدا ہوتا ہے اس کا بھی محاذ کر کے ایک رقم سہ اضافہ کر دی جائے۔  
مندرجہ بالا مثلثی سلسلہ کی رقموں کو جمع کرنے سے

$$\text{ما} = \sum f \quad \text{جب ع - س ۱ جب (ع + ب)} \\ \frac{1 - 2 \text{ س ۲ جم ب} + \text{س ۳}}{}$$

واضح ہے کہ کسی ایک سمت میں تختی کے اندر تہ کی قیمت مستقل ہوتی ہے۔ پس یہ بھی مستقل ہے اس لیے صرف وہی تغیر پذیر مقدار ہے۔

جب ع - س<sup>۲</sup> جب (ع + ب) = جب ع (۱ - س<sup>۲</sup> جم ب) - جم ع (س<sup>۲</sup> جب ب)

$$\therefore \text{ما} = \frac{\text{ف ا}}{\sqrt{(۱ - س^۲ \text{ جم ب} + س^۲ \text{ جم ب})}} \left\{ \frac{\text{جب ع (۱ - س^۲ \text{ جم ب}) - جم ع (س^۲ \text{ جب ب})}{۱ - س^۲ \text{ جم ب} + س^۲ \text{ جم ب}} \right\}$$

اگر مس ذ =  $\frac{\text{س}^۲ \text{ جب ب}}{۱ - س^۲ \text{ جم ب}}$  ..... (۲)

تو ما =  $\frac{\text{ف ا}}{\sqrt{(۱ - س^۲ \text{ جم ب} + س^۲ \text{ جم ب})}} \text{ جب (ع - ف) } \dots (۳)$

پس اس سمت میں دوربین کے میلان نظر میں نور کی حدت ح =  $\frac{\text{ف ا}^۲}{۱ - س^۲ \text{ جم ب} + س^۲ \text{ جم ب}}$

اگر  $(\frac{ت}{د} + س)$  کو بہ نظر اختصار ضہ لکھا جائے تو بہ  $\pi^۲ = \text{ضہ}$

$$\frac{\frac{\text{ف ا}^۲}{۲(۱ - س^۲)}}{۱ + \frac{\text{س}^۲ \text{ جب } \pi^۲ \text{ ضہ}}{۲(۱ - س^۲)}} = \text{اور حدت ح}$$

پس نور کی حدت مختلف سمتوں میں اعظم اور اقل ہوگی۔ اعظم قیمت

$\frac{\text{ف ا}^۲}{۲(۱ - س^۲)}$  ہے جبکہ ضہ = ۰، ۱، ۲ وغیرہ۔ اگر س تقریباً ۱ ہو

(یعنی انعکاس بہت اچھا ہو) تو نور کی اعظم حدت بھی بہت بڑی ہوگی۔

بہر حال اگر نور کی اعظم حدت ح سے تعبیر کی جائے تو

$$\text{ح} = \frac{\text{ح}}{۱ + \frac{\text{س}^۲ \text{ جب } \pi^۲ \text{ ضہ}}{۲(۱ - س^۲)}}$$

ح کی اقل قیمت  $\frac{۲(۱ - س^۲)}{۲(۱ + س^۲)}$  ہے جبکہ جب  $\pi^۲ = ۱$  یعنی ضہ =  $\frac{۱}{۲} \cdot \frac{۲}{۲} \cdot \frac{۱}{۲} \dots$



س اگر تقریباً ۱ ہو تو حدت کی یہ اقل قیمت بہت ہی چھوٹی ہوگی۔ اس لیے اعظم اور اقل حدت کے مقاموں میں بہت واضح فرق ہوگا۔ مہذا غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ اعظم حدت کے مقاموں سے ذرا سا ہٹتے ہی حدت میں بہت نمایاں کمی محسوس ہوتی ہے۔ اس لیے طیفی خطوط بہت واضح اور ممتاز الحدود ہوتے ہیں۔ اس آلہ کی تحلیلی طاقت چونکہ تختی کے انعکاسوں کی تعداد پر منحصر ہے اس لیے جوائی حصہ کے مقابل پہلوؤں کو مفضل کرنے کی ضرورت ہوتی ہے۔ چاندی کی خاصیت ہے کہ سرخ شعاعوں کو زیادہ منعکس کرتی ہے اور نیلی شعاعوں کو زیادہ جذب کرتی ہے۔ اس لیے بالآخر جو طیف دکھائی دیتے ہیں ان میں نیلا رنگ غائب ہوتا ہے۔ اس آلہ کا یہ سب سے بڑا نقص ہے۔ لمبو گرتے والی تختی میں یہ نقص نہیں پایا جاتا۔

منفردہ طیفی خطوط میں مقناطیسی یا برقی سکونی میدانوں کے زیر اثر جو پیچیدگیاں پیدا ہوتی ہیں ان کے مطالعہ کے لیے مصرعہ بالاتین طیف پیمائیا بہت مفید ہیں۔ اب ہم ان پیچیدگیوں کا مختصراً ذکر کریں گے۔

زمینائی اثر (Zeeman Effect) - یہ دو قسم کا دریافت ہوا ہے۔ ایک کو طبعی (Normal) کہتے ہیں اور دوسرے کو بے قاعدہ۔ جس کو طبعی اثر کہتے ہیں سب سے پہلے زمینان نے ۱۸۹۶ء میں دریافت کیا تھا۔ ضمیمہ برز کے آخری باب میں اس کا ذکر آیا ہے۔ لورینٹس (Lorentz) کے کلاسیکل طریقہ سے اس کی بخوبی توجیہ ہو سکی۔ طبعی اثر میں ایک طیفی خط دو خطوں میں تقسیم ہو جاتا ہے جبکہ مشاہدہ کی سمت کے متوازی ایک طاقتور مقناطیسی میدان عائد کیا جاتا ہے۔ ان خطوں میں نور باہم دیگر مخالف سمتوں میں دائری مقطب ہوتا ہے۔ اگر مقناطیسی میدان مشاہدہ کی سمت کے علی القوام عائد کیا جائے تو ایک طیفی خط تین خطوں میں منقسم نظر آتا ہے۔ بیچ کا خط اصل خط ہی کے مقام پر واقع ہوتا ہے۔ اور جانبین کے دو خط (اگر مقناطیسی میدان کی حدت مساوی ہو) تو ابتدائی خط کے اصلی مقام سے اتنا ہی ہٹے ہوئے نظر آتے ہیں جتنا کہ متوازی مقناطیسی میدان کی صورت میں۔ وسطی خط مقناطیسی میدان کے علی القوام منقسم ہوتا ہے اور جانبین کے دو خط مقناطیسی میدان کے

متوازی سمت میں مقطب ہوتے ہیں۔ طبعی اثر یا میٹروجن کے طبعی خطوط اور عام برقی ایسے خطوط کے ساتھ مشابہ ہوتا ہے جو اکہرے خطوں کے طبعی سلسلوں سے تسلسل رکھتے ہیں جیسے ہلیم، کیڈمیم، لوہے، زرکونیم اور ٹائیٹینم وغیرہ کے اکہرے خطوط۔

لیکن دوسرے اور ضعیفی خطوں کے افراد پر جب نسبت کم مدت کا مقناطیسی میدان عائد کیا جاتا ہے۔ مثلاً سوڈیم کے  $D_1$  اور  $D_2$  خطوط پر تو بجائے تین خط پیدا ہونے کے اس سے زیادہ خطوط دکھائی دیتے ہیں۔  $D_1$  خط چار خطوں میں تقسیم ہو جاتا ہے، اندرونی دو خطوط میدان کے متوازی مقطب ہوتے ہیں اور بیرونی دو میدان کے علی القوائم  $D_2$  چھ خطوں میں تقسیم ہوتا ہے جن میں سے اندر کے دو خط میدان کے متوازی مقطب ہوتے ہیں اور باہر کے چار میدان کے علی القوائم۔ نیون (Neon) گیس کا طبعی خط  $\lambda = 696.8$  انگسٹروم علی القوائم مقناطیسی میدان میں تو خطوں میں منقسم ہوتا ہے۔ ان میں بھی تشاکل ضرور ہوتا ہے اور ایک قسم کی باقاعدگی پائی جاتی ہے۔ لیکن محض اس وجہ سے کہ لورینٹس والا نظریہ ان کی توجیہ میں بالکل ناکامیاب ثابت ہوا۔ اس اثر کا نام Anomalous یعنی خلاف قاعدہ رکھ دیا گیا۔ اس "خلاف قاعدہ" اثر کی طبعی اثر کے مقابلہ میں بہت زیادہ خالص ہیں۔ نظریہ قدریہ کی مدد سے اب اس کی توجیہ ہوئی ہے۔ لیکن خاطر خواہ بحث جوہر کی ساخت اور نظریہ قدریہ کی کتابوں ہی میں ممکن ہے۔ یہاں ہم صرف سرسری بیان پر اکتفا کریں گے۔

طبعی اثر میں لورینٹس کے نظریہ سے اگر برقیہ کا بار (برقی سکونی اکائیوں میں) بہ مانا جائے اور اس کی کمیت کہ  $Q$  ف مدت کے مقناطیسی میدان کے زیر اثر طبعی خط کے موج عدد  $n$  کی تبدیلی  $\Delta n$  کے لیے حسب ذیل ضابطہ حاصل ہوتا ہے:-

$$\Delta n = \frac{Q}{c} \cdot \frac{B}{\mu_0} = \frac{Q}{c} \cdot \frac{B}{4\pi \times 10^{-7}}$$

جس میں  $\mu_0$  = رفتار نور پس  $c$  ایک مستقل عدد ہے جو تمام

جوہروں کے لیے غیر تبدیل ہے اس کو ”طبیعی“ زیمانی اثر کا طیفی مٹاؤ فی گاؤس (Gauss) کہہ سکتے ہیں۔ مندرجہ بالا جملہ میں یہ کہہ اور سر کی دریافت شدہ عددی قیمتوں کو درج کرنے سے اس کی قیمت  $10 \times 10^{-4}$  برآمد ہوتی ہے اور تجویز سے جو قیمت حاصل ہوتی ہے  $10 \times 10^{-4}$  موج عددی گاؤس ہے۔ پس واضح ہے کہ نظریہ اور تجربہ کے نتائج میں کافی انطباق ہے۔

کلاسیکل طریقہ ”خلاف قاعدہ“ زیمانی اثر کی توجیہ میں بالکل ناگہانی ثابت ہوا۔ اس کے متعلق تجربہ سے جو عام اور اہم واقعات دریافت ہوئے ہیں لو رینٹنس نے ان کو مجملہ اس طرح بیان کیا ہے :-

”جو طیفی سلسلے تہرے یا دہرے خطوط پر مشتمل ہیں ان میں ایک ہی تہرے یا دہرے خط کے ایک ایک فرد کی تقسیم عموماً مختلف طریقوں پر ہوتی ہے۔ لیکن اس سلسلہ کے تمام تہرے یا دہرے خطوط کے متناظر افراد کی ان کے متعلقہ طریقوں ہی پر تقسیم ہوتی ہے۔ مثلاً پارے کے ثانوی ذیلی سلسلہ کے ہر تہرے خط کا سب سے کم انعطاف انگیز فرد نو اجزا میں منقسم ہوتا ہے بیچ کا فرد چھ اجزاء میں اور سب سے زیادہ انعطاف انگیز فرد تین اجزاء میں۔

صرف ایک ہی سلسلہ کے دہرے یا تہرے خطوں کے متناظر افراد کی تقسیم ایک طریقہ پر ہوتی ہے بلکہ مختلف جوہروں کے متناظر سلسلوں اور متناظر افراد کی تقسیم کا طریقہ بھی ایک ہی ہوتا ہے۔ مثلاً جس طرح سوڈیم کے صدر سلسلہ کے پہلے دہرے رکن کے دو فرد  $D_1$  اور  $D_2$  علی الترتیب چار اور چھ اجزاء میں منقسم ہوتے ہیں اسی طرح تانبے اور چاندی کے صدر سلسلوں کے پہلے رکن کے افراد کی بھی اسی ہی تقسیم ہوتی ہے۔“

اس تقسیم میں طیفی خط کا جو مٹاؤ واقع ہوتا ہے مقناطیسی میدان کے متناسب اور طبعی زیمانی اثر والے مستقل حد کی ایک سادہ ذیلی ضعف ہوتا ہے۔

مقناطیسی میدان کی عدم موجودگی میں کسی طیفی خط کا جو مقام ہوتا ہے میدان کے مانگ کرنے پر اس مقام کے گرد زیمانی اثر سے اس طرح پیدا ہونے والے خطوط





لارمر کے مسئلہ کے بموجب برقیہ اُن ہی مداروں میں حرکت کرتا ہے جن میں وہ مقناطیسی میدان کے عائد کرنے سے پہلے حرکت کرتا تھا۔ لیکن یہ مدار ایک ایسے نظام سے متعلق ہونگے جو میدان کی سمت کے گرد زاویہی رفتار

$$\text{سم} = \frac{1}{\tau} \frac{2\pi}{\omega} \frac{f}{\omega}$$

کے ساتھ گھومتا ہے۔ واضح ہو کہ یہاں بہ سے مراد برقیہ کا برقی مقناطیسی اکائیوں میں بار ہے۔ باقی مقدار وہی ہیں جن کا پہلے ذکر آچکا ہے۔ پس مدار تو وہی رہتے ہیں جو پہلے تھے۔ لیکن تبدیلیج آہستگی کے ساتھ ان میں استقبال (Precession) کی رفتار سے پیدا ہوتی ہے، جو برقیہ کی مداری رفتار کے مقابلہ میں بہت قلیل ہے۔ اسی کیفیت کو لارمری استقبال کہتے ہیں۔

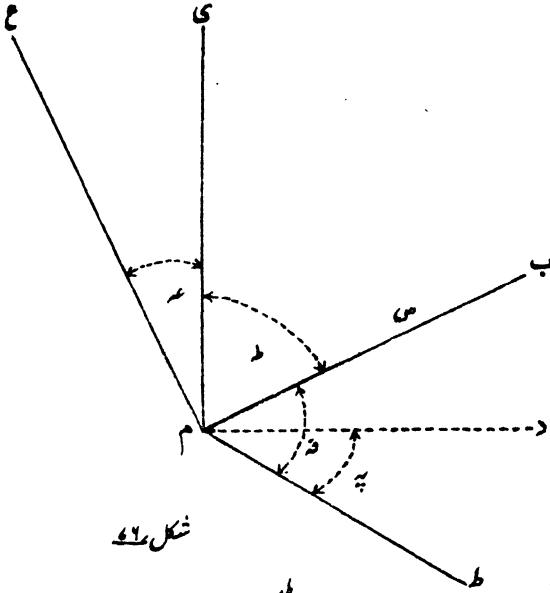
طیفی خطوط کی پیدائش کے لیے بوس کے نظریہ کے بموجب برقیہ کی مجموعی توانائی کی تبدیلی معلوم کرنے کی ضرورت ہے چونکہ لارمری استقبال میں برقیہ کا فاصلہ مرکز سے وہی رہتا ہے جو مقناطیسی میدان سے پہلے تھا۔ اس لیے اس کی توانائی بالقوہ میں کوئی فرق نہیں پیدا ہوتا ہے۔ البتہ توانائی بالحرکت میں تبدیلی واقع ہوتی ہے اس لیے کہ یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ یہ تبدیلی

$$\text{مفت} = \frac{h(\omega - \omega_0)}{2\pi} \text{ یعنی } (N - N_0) \frac{h}{2\pi} \frac{\omega - \omega_0}{\omega_0}$$

جس میں  $N$  اور  $N_0$  مقناطیسی میدان کی سمت یا محور کے لحاظ سے سابقہ و تبدلہ قدیمی اعداد ہیں۔

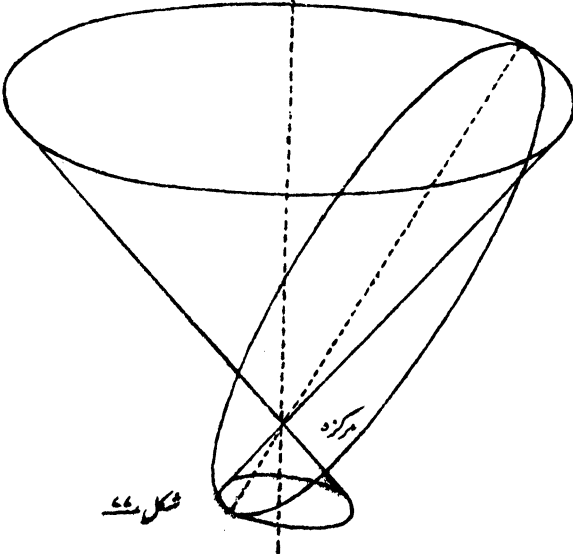
اگر شکل ۷۷ اور شکل ۷۸ پر غور کریں تو اس کے سمجھنے میں مدد ملیگی۔

شکل ۷۷ میں فرض کرو کہ  $M$  مرکزہ ہے اور  $B$  مدار میں برقیہ کا مقام۔  $M$   $Y$  مقناطیسی میدان کی سمت،  $M$   $C$  برقیہ کے ناقصی مدار کے مستوی کا عمود اور  $M$   $P$  مدار کے مستوی اور محور  $Y$  کے



شکل ۷۷

مقتنا لمبسی میدان



شکل ۷۸

علی القوائم مستوی کا خط تقاطع مدار کے مستوی میں استمسی زاویوں  $\phi$  کی پیمائش  $\phi$  ط کو مبداء مان کرنی جائیگی۔ اگر برقیہ کی فضائی حرکت پر غور کیا جاتا ہے تو اس کے تین محدود زاویہ ط نیم قطر سمتی  $\psi$  اور زاویہ  $\phi$  ہونگے۔ دیکھو شکل مذکور زاویہ  $\phi$  خط  $\phi$  ب اور محور  $\phi$  کا درمیانی زاویہ ہے اور زاویہ  $\psi$  پر محور  $\phi$  کے علی القوائم مستوی میں جس کو ہم استوائی مستوی کہینگے لایا جاتا ہے۔  
برقیہ کے مدار کے مستوی میں قدری شرائط عائد کرنے سے

ل ح فرس =  $\phi$  اور ل ح فرن =  $\phi$   
جس میں  $\phi$  اور  $\phi$  علی الترتیب  $\psi$  اور  $\phi$  سے متعلق معیار حرکت کے معیار اثر ہیں،  $\phi$  اور  $\phi$  ان کے متعلقہ قدری اعداد اور  $\phi$  پلانک کا مستقل۔

اگر فضائی تین محدودوں کے لحاظ سے قدری شرائط عائد کیے جائیں تو

ل ح فرس =  $\phi$ ، ل ح فرپ =  $\phi$  اور ل ح فرط =  $\phi$   
یہ بتایا جاسکتا ہے کہ اگر توانائی بالحرکت ہو تو

۲ =  $\phi$  فرس +  $\phi$  فرن =  $\phi$  فرس +  $\phi$  فرپ +  $\phi$  فرط  
جس سے معرکہ بالا دو محدودی نظاموں میں ہر آن کی توانائی بالحرکت حاصل ہوتی ہے۔

پوری ایک گردش کے لحاظ سے تکمل کرنے پر

$\phi$  +  $\phi$  =  $\phi$  +  $\phi$  +  $\phi$  +  $\phi$  +  $\phi$  +  $\phi$   
پس قدری اعداد  $\phi$ ،  $\phi$  اور  $\phi$  میں مندرجہ ذیل رابطہ برآمد ہوتا ہے:

$$\phi + \phi = \phi$$

معینا،  $\phi$  =  $\phi$  جم  $\phi$  جس میں  $\phi$  = زاویہ عم  $\phi$



(اس لیے کہ مح پر محور م ی کے گرد معیار حرکت کا معیار اثر ہے اور مح نہ محور م ع کے گرد معیار حرکت کا معیار اثر ہے اور اول الذکر آخر الذکر کا قتل ہے۔ پس ایک کامل گردش کے لیے  $۳۲ \text{ مح} = ۸ \text{ ن} = ۳۲ \text{ مح} = ۸ \text{ جم} = ۸ \text{ ن} = ۸ \text{ جم} = ۸ \text{ ن}$  (پس  $۸ \text{ ن} = ۸ \text{ جم}$ )

بدین وجہ زاویہ، عہ قدری اعداد  $۸ \text{ ن}$  اور  $۸ \text{ ن}$  کی قیمتوں کے ساتھ مربوط ہے۔ اس سے یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ برقیوں کے مداد کا مستوی مقناطیسی میدان کے لحاظ سے صرف چند مخصوص وضعیں اختیار کر سکتا ہے۔ مثلاً اگر التسمتی قدری عدد  $۸ \text{ ن}$  کی قیمتیں ۱، ۲، ۳، ..... وغیرہ ہوں تو ان قیمتوں کے لحاظ سے حسب ذیل وضعیں ممکن ہونگی :-

اگر  $۸ \text{ ن} = ۱$  تو چونکہ  $۸ \text{ ن} = ۸ \text{ ن} + ۸ \text{ ن}$  تو صرف ایک وضع ممکن ہوگی جس میں  $۸ \text{ جم} = ۱$  یعنی  $۸ = ۸ \text{ صفر اور } ۸ \text{ ن} = ۸ \text{ صفر}$   
اگر  $۸ \text{ ن} = ۲$  تو دو وضعیں ممکن ہونگی کیونکہ  $۸ \text{ ن}$  صفر یا ۱ ہو سکتا ہے اور اس لیے  $۸ \text{ جم} = ۱$  یا  $۲$   
اگر  $۸ \text{ ن} = ۳$  تو تین وضعیں ممکن ہونگی جن میں  $۸ \text{ جم} = ۱$  یا  $۲$  یا  $۳$  اسی طرح  $۸ \text{ ن}$  کی دوسری قیمتوں کے لیے -

پس اس استدلال سے یہ قاعدہ برآمد ہوتا ہے کہ مقناطیسی میدان کے زیر اثر برقیہ کا مداری مستوی صرف معدودے چند خاص خاص وضعیں اختیار کر سکتا ہے اور محور م ی سے متعلق قدری عدد  $۸ \text{ ن}$  کا مفہوم واضح ہو جاتا ہے۔  
پس ایک مدار سے دوسرے مدار میں برقیہ کی منتقلی کے ساتھ مقناطیسی میدان کے زیر اثر توانائی میں جو تبدیلی واقع ہوتی ہے

$$\frac{(۸ \text{ ن} - ۸ \text{ ن})}{۳۲} = (۸ \text{ ن} - ۸ \text{ ن}) \times \frac{۸ \text{ ف م}}{۳۲ \text{ ک م}} =$$

اور اس کا تناظر تغیر تعدد و مفت نہ = مفت

یعنی (نم - نم)  $\frac{ب}{۳۴}$  نم

اب یہاں انتخاب کا قاعدہ (Selection Rule) استعمال کرنے کی ضرورت ہے۔ جس کے بموجب (نم - نم) کی قیمت صرف + ایا - یا صفر ہو سکتی ہے۔ پس اس قاعدہ کے لحاظ سے ذیما نی اثر میں تغیر تعدد (یا باغلاظ دیگر نوادری طبعی خطوں

کا ابتدائی خط سے ہٹاؤ صرف صفر + سرے  $\frac{ف}{۳۴}$  ہے۔  
مف ع = صفر کی صورت میں طبعی خط اپنے سابقہ مقام ہی پر رہتا ہے۔

اس بیان سے ظاہر ہے کہ قدرتی نظریہ کے نتائج تجربی نتائج سے کامل طور پر منطبق ہوتے ہیں کیونکہ طبعی ذیما نی اثر میں اصلی خط دو یا تین خطوں میں تقسیم ہو جاتا ہے جن کی وضعیں اصلی خط کے لحاظ سے متشکل ہوتی ہیں۔ نظریہ بالا کے ذریعہ ذیما نی اثر کے خطوں کی تعطیل کی بھی بخوبی توجیہ ہو سکتی ہے۔ یہاں اس تفصیل میں جانے کی ضرورت نہیں۔

واضح ہو کہ ذیما نی اثر میں طبعی خط کے تغیر یا تفاوت تعدد کے لیے جو جملہ

مف ن =  $\frac{۱}{۳۴}$  ف سرے  
مستنبط ہوا ہے اس کے ذریعہ سرے یعنی برقیہ کے برقی بار اور اس کی کمیت کی نسبت دریافت کرنے کا ایک نیا طریقہ حاصل ہوتا ہے۔ مختلف اشخاص مثلاً واشس (Weiss) کاٹن (Cotton) فورٹراٹ (Fortrat) وغیرہ نے اس طریقہ سے سرے کی قیمت دریافت کی ہے۔ ۱۹۲۳ء میں بیب کاک (Babcock) نے برقی متناطیسی اکائیوں میں یہ قیمت ۱۰۸۱۶۶۱۰۰ اکائیاں فی گرام معلوم کی۔

خلاف قاعدہ ذیما نی اثر۔ جیسا کہ اس سے پہلے بیان

کیا گیا ہے۔ یہ اثر زیادہ پیچیدہ طبعی خطوط یعنی صغنی خطوط کے ساتھ مشاہدہ ہوتا ہے۔ اس کی توجیہ کے لیے ہائیڈروجن جیسے یک برقی جوہر کا تحلیل جس میں صرف

ایک حاصل مجموعی قدرتی عدد (n) سے استفادہ کیا جاتا ہے، 'نا کافی' ہے۔  
ایسے مظاہر جو مرکزہ کے ساتھ مخصوص ہیں (مثلاً مرکزہ کا مقناطیسی میٹیر اثر)  
اگر نظر انداز کر دیے جائیں تو ان پیچیدہ طیفی خطوط کی توجیہ کے لیے "چار قدرتی اعداد"  
سے بخوبی کام نکل آتا ہے۔ اس تحقیق میں جو بڑی کوششوں کے بعد کامیاب ہوئی  
لانڈے (Landé)، 'لوئر'، پاؤلی (Pauli) اور سوئر فلڈ نے بہت  
دماغ سوزی کی ہے۔ ان کے مفروضات و حاصل کردہ نتائج کی بعد کو  
پی۔ اے۔ ایم۔ ڈیراک (P.A.M. Dirac) نے برقیہ کے اضافیتی نظریہ  
کے ذریعہ تصدیق کی۔

اس تحقیق میں فرض کیا جاتا ہے کہ مرکزہ کے باہر کا ہر برقیہ تقریباً ایک  
مرکزی میدان قوت (Central field) کے زیرِ عمل حرکت کرتا ہے۔ قدرتی میکانیات  
سے ظاہر ہوتا ہے کہ ایسے برقیہ کی جوہر کے ساتھ ایک قائم حالت میں وابستہ توانائی  
چار مبدلوں (Parameters) کے تابع ہے۔ جن کی تفصیل حسب ذیل ہے :-

ن (n) یعنی صدر (Principal) یا حاصل مجموعی (Total) قدرتی عدد۔

ل (l) سمتی (Azimuthal) قدرتی عدد۔

م (m) مقناطیسی قدرتی عدد۔

س (s) برقی گھماؤ (Electron spin) کا قدرتی عدد۔

پہلے دو قدرتی اعداد سے طالب علم کو قبل ازیں تعارف کرایا جا چکا ہے۔ بقیہ دو کے  
متعلق ذرا آگے چل کر ضروری باتیں بیان کی جائیں گی۔

ایڈروجن کے جوہر کی توانائی کے ضابطہ

$$E_n = -\frac{13.6}{n^2} \text{ eV}$$

میں (n) کو جس طرح مثبت صحیح عددی قیمتیں دینے سے توانائی کی مختلف  
قائم حالتیں ظاہر کی جاتی ہیں زیادہ پیچیدہ جواہر میں بھی اس کا مصروف  
بھی ہوتا ہے۔

اسمیتی جوہری عدد (Z) مرکز قوت کے لحاظ سے برقیہ کی مدار کی حرکت

کی  $\frac{h}{mv}$  اکائیوں میں زاویائی معیار حرکت یا معیار حرکت کے معیار اثر کی پیمائش کرتا ہے۔ مجموعی قدری عدد (ن) کی قیمت جب مقرر کر دی جاتی ہے تو الٹیمٹی قدری عدد کو صرف مندرجہ ذیل ن قیمتیں دی جاسکتی ہیں :-

صفر، ۱، ۲، ۳، ..... (ن - ۱)

مقناطیسی قدری عدد (م) برقیہ کے اپنے مدار میں مرکزہ کے گرد حرکت کرنے سے پیدا ہونے والے مقناطیسی معیار اثر (ہر) کے ساتھ منسوب ہے۔ اس معیار اثر کی طرف سب سے پہلے اڈہلنبرک (Uhlenbeck) اور گوڈسمٹ (Goudsmit) نے توجہ منطقت کرائی۔

ایمیہ کے نظریہ کے بموجب اگر کسی حلقہ کے گرد برقی رو (ر) بہتی ہے تو وہ ایک مقناطیسی غول کے ماثل ہے جس کا رقبہ ایمیہ وہی ہے جس کے محیط کے گرد وہ بہتی ہے اور جس کی طاقت (خط) رو کی قیمت (ر) کے مساوی ہے۔ چونکہ (خط) = ح ڈ جس میں ح = مقناوی کی حدت اور ڈ = غول کی موٹائی اور مقناوی کی حدت = مقناطیسی معیار اثر (ہر) فی اکائی حجم۔ اگر رقبہ (س) ہو تو

$$\frac{\text{م ڈ}}{\text{س}} = \frac{\text{م}}{\text{س}} = \text{ر پس} = \text{س ر}$$

واضح ہو کہ اس ضابطہ میں (ر) کی قیمت برقی مقناطیسی اکائیوں میں فرض کی گئی ہے۔  
اگر برقیہ کا مدار ناقصی ہے تو رقبہ

$$\text{س} = \frac{1}{4} \int \text{ص}^2 \text{ فرط}$$

بحالہ سے برقیہ کے قطبی محدد ہیں مرکزہ کے گرد برقیہ کا زاویائی معیار اثر محض مستقل ہے اور = کہ  $\text{ص}^2 \text{ فرط}$  ذرو

$$\text{پس} = \text{س} = \frac{1}{4} \int \text{محض فرو} = \frac{\text{محض فرو}}{4}$$

برقی رو ر =  $\frac{1}{4} \int$  جس میں : برقیہ کا بار ہے اور و مداری حرکت کا

وقتِ دوران ہے۔ اگر برقی بار برقی سکونی اکائیوں میں فرض کیا جائے  
تو  $r = \frac{v}{\omega}$  جس میں  $r$  رفتارِ نور ہے۔

$$\text{پس م} = \frac{h}{2\pi m} \times \frac{2\pi}{r} \text{ یعنی م} = \frac{h}{2\pi m r}$$

نظریہ قدریہ کے بموجب  $h$  کی جائز قیمتیں  $\frac{h}{2\pi m r}$  ہیں جس میں  
 $h$  پلانک کا مستقل ہے اور  $m$  مقناطیسی قدری عدد۔ پس

$m = \frac{h}{2\pi m r}$   
ارگ گھاؤس  $\frac{h}{2\pi m r}$  ہے اور "بوسر کا مقنیہ" (Bohr Magneton) اس کی قیمت  $9.27 \times 10^{-24}$  کہلاتا ہے۔ یہ ممکنہ اقل مقناطیسی معیار اثر ہے۔ مقناطیسی قدری عدد  $m$  برقیہ کی توانائی کے جملہ میں بیرونی مقناطیسی میدان کے زیرِ عمل داخل ہوتا ہے۔ قدری اعداد  $n$  اور  $l$  جب معین ہو جاتے ہیں تو  $m$  کی صرف مندرجہ ذیل  $(2l+1)$  قیمتیں ہو سکتی ہیں۔

$$-l, -(l-1), \dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots, (l-1), l$$

برقیہ کے گھاؤ کے قدری عدد  $m$  کی صرف  $-l, 0, +l$  قیمتیں ہو سکتی ہیں۔ مصرح بالا چار قدری اعداد کی حقیقی تعریفیں اور ان کے مستقلہ قواعد صرف اسی صورت میں اخذ ہو سکتے ہیں جبکہ برقیہ کی حرکت پر (جو کہ ایک مرکزی میدانِ قوت کے تابع مانی جاتی ہے) قدری میکانیات کا نظریہ عائد کیا جاتا ہے۔ برقیہ کے گھاؤ کے متعلق یہ کہا جاسکتا ہے کہ  $s$  کی قیمت چونکہ  $-l, 0, +l$  یا  $-l, +l$  ہو سکتی ہے برقیہ کے مقناطیسی معیار اثر  $m$  کے ساتھ ایک زاویہی معیار حرکت بھی ہوتا ہے جس کی قیمت  $\frac{h}{2\pi m r}$  ہوتی ہے

اور جس کی سمت مقناطیسی معیار اثر کی سمت کے عین مخالف ہوتی ہے (اس لیے کہ برقیہ کا بار منفی ہوتا ہے)۔ ہم تصور کر سکتے ہیں کہ برقیہ ایک برقیہ ہوا ذرہ ہے اور مرکز ثقل میں سے گزرنے والے محور کے گرد گھومتا ہے۔ ڈیڑا کث کے نظریہ میں برقیہ کے اس گھاؤ کا تصور غیر ضروری ہے۔

اب ہم بتا سکتے ہیں کہ طیف کے ضعیفی خطوط (Multiplets) کی پیدائش اس طرح ہوتی ہے:

۱۔ توانائی کو سطح سے ۱۔ توانائی کی سطح میں برقیہ جب منتقل ہوتا ہے تو قدرتی اعداد ۱ اور ۴ (جن کی ممکنہ قیمتوں کے متعلق قبل ازیں صراحت کی جا چکی ہے) اصول انتخاب (Selection principle) کے تحت ہی بدل سکتے ہیں۔ ۱ کی تبدیلی (یعنی صف ۱)  $\pm 1$  اور صف ۴  $\pm 1$  یا  $0$ ۔ ۱۔ توانائی خواہ ۱ ہو یا ۴ تقریباً ساری کی ساری قدرتی اعداد ۱ اور ۱ ہی کے تابع ہوتی ہے۔ ۴ اور ۱ اعداد کی تبدیلی کا اثر اس پر بہت ہی قلیل ہوتا ہے۔ ۱۔ ۱ اور ۱ کی دو مفروضہ قیمتوں کے ساتھ ایسی متعدد سطحیں وابستہ ہونگی جن کی متعلقہ توانائی کی قیمتوں میں بہت ہی خفیف اختلاف ہوگا۔ اس لیے ۴ اور ۱ کی تبدیلیوں سے خط کے تعدد میں بہت ہی تھوڑا فرق محسوس ہوگا۔ اور اس طرح ضعیفی خطوط رُو نما ہوں گے۔ اس تمہید کے بعد ہم اب خلاف قاعدہ زمبائی اثر کی قدرتی توجیہ پر روشنی ڈال سکتے ہیں۔ ۹۲ عناصر میں سے ۷۷ کے طیفی خطوط پر مقناطیسی میدان کا اثر مشاہدہ ہوا ہے۔ ان تجربوں میں زبردست سے زبردست مقناطیسی میدان استعمال ہوئے ہیں چنانچہ حال میں کاپٹسا (Kapitza) نے کیمبرج کے تجربہ خانہ میں ۳۲۰ ہزار گاؤس کے مقناطیسی میدان کے ساتھ تجربہ کیا ہے جو ثانیہ کے سو سو حصہ یا اس کے لگ بھگ تک ہی عمل کرتا ہے۔

جب کسی ضعیفی خط پر بہت ہی بڑی شدت کے مقناطیسی میدان عائد کیے جاتے ہیں تو خلاف قاعدہ زمبائی اثر کی تشکیل بدل کر طبعی زمبائی اثر کی قین خطوں والی تفصیل رُو نما ہوتی ہے جو پاشن بیک اثر (Paschen-Back Effect) کے

۲۴ م سے مشہور ہے۔

ضعفی خطوط کی توجیہ میں فرض کیا گیا تھا کہ ان خطوط کے کسی ایک گروہ سے متعلق قائم حالات توانائی گھومنے والے گزرتی برقیہ یا برقیوں (rotating valency electrons) کی مختلف وضعوں کی وجہ سے مختلف ہوتے ہیں۔ جب جوہر مقناطیسی میدان میں واقع ہوتا ہے تو ایک واحد مقررہ حالت کے عوض متعدد حالتیں صورت پذیر ہوتی ہیں جو مقناطیسی میدان کے لحاظ سے مداری حرکت یا برقیہ گھاؤ کے حاصل مجموعی زاویہ معیار حرکت کی مختلف وضعوں کی وجہ سے ایک دوسری سے مختلف ہوتی ہیں۔

ابھی بتایا گیا ہے کہ برقیہ جب اپنے مدار میں زاویہ معیار حرکت حج کے ساتھ حرکت کرتا ہے تو اس کا مقناطیسی معیار اثر  $\frac{H}{2\pi}$  جس میں

حج اور مدار کے مستوی کے علی القوائم ہمتیاں ہیں اور اس لیے باہم دیگر متوازی ہیں۔ اگر ایک ہی مرکزہ کے گرد مختلف مستویوں کے مداروں میں متعدد برقیہ حرکت کرتے ہوں تو ان کے زاویہ معیار حرکت ہمتیوں کے اصول کے بموجب جمع کیے جاسکتے ہیں اور ان کا حاصل سارے نظام کے زاویہ معیار حرکت کو تعبیر کریگا۔ اسی طرح ان کے متعلقہ منفردہ مقناطیسی معیار اثر کے ہمتیوں کو جوڑنے سے سارے نظام کا حاصل مقناطیسی معیار اثر دریافت ہو جاتا ہے۔ یہ دونوں حاصل مجموعی ہمتیاں باہم دیگر متوازی ہیں اور ان کی مطلق قیمتیں مصرعہ بالا مساواتوں کے ذریعہ باہم دیگر مربوط ہیں۔

واضح ہو کہ صرف بیرونی یا گزرتی (Valency) برقیوں ہی کی قدرتی حرکت سے مناظری طیف رونما ہوتے ہیں۔ بند خلوں والے برقیوں کی حرکت سے حاصل مجموعی زاویہ معیار اثر یا مقناطیسی معیار اثر صفر ہوتا ہے۔ مہذا جیسا کہ اوپر اس کا ذکر آچکا ہے بیرونی مقناطیسی میدان کے زیر اثر جوہر صرف چند خاص وضعیں اختیار کر سکتا ہے ایسی جن سے مقناطیسی معیار اثر (یا زاویہ معیار اثر) کے **طس** (Projections)

ایک مقررہ مقدار ہی کا تفاوت رکھتے ہوں۔ مچھڑا اصول انتخاب کے لحاظ سے صرف متصل حالتوں میں تعویل ممکن ہے۔ پس جوہر کی توانائی کے سلسلہ میں قدرتی اعداد  $n, l, m$  سے متعلق جو رقبے ہیں ان میں سے ہر ایک رقم کے عوض  $(2l+1)$  رقبے پیدا ہو جاتی ہیں جبکہ ایک نسبت کم طاقت کا مقناطیسی میدان عمل کرنے لگتا ہے، اس لیے کہ مقناطیسی قدرتی عدد  $m$  کی اتنی ہی قیمتیں ہو سکتی ہیں۔ اس سے ظاہر ہے کہ لانڈے نے ضعیفی خطوط کی توجیہ کے لیے مداروں کی مختلف وضعوں کا جو نظریہ پیش کیا تھا اس کی مدد سے خلافِ قاعدہ زیمانی اثر کی بھی توجیہ ہو جاتی ہے۔

طبعی زیمانی اثر میں نو وارد خطوط اور اصل خط کے تعددوں میں تفاوت

$$\text{مف نہ} = \pm \frac{\text{بہ ف}}{\text{م کہ سر}}$$

خلافِ قاعدہ زیمانی اثر کے لیے ۱۹۳۳ء میں بیک (Back) اور لانڈے (Landé) نے رابطہ

$$\text{مف نہ} = \text{م} \left( \frac{\text{بہ ف}}{\text{م کہ سر}} \right) \text{گ}$$

تجویز کیا۔ جس میں مف نہ دو متصل نو وارد خطوط کا تفاوت تعداد ہے۔ م کی قیمتیں شر، (شر - ۱)، (شر - ۱۲) ..... - شر ہو سکتی ہیں اور

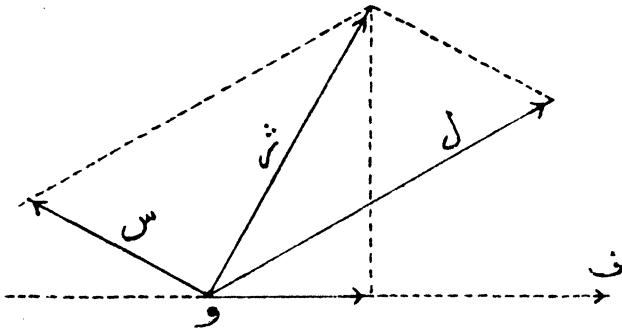
گ انشقاق جزو ضربی (Splitting Factor, Aufspaltung Faktor) کہلاتا ہے جس کی قیمت خود لانڈے ہی کے دریافت کردہ تجربی ضابطہ کے معلوم ہو سکتی ہے جو شر،  $l$  کی رقموں میں دیا گیا ہے :-

$$\text{گ} = 1 + \frac{\text{شر} (1 + \text{شر}) + \text{م} (1 + \text{س}) - \text{ل} (1 + \text{ل})}{2 \text{شر} (1 + \text{شر})}$$

[واضح ہو کہ گ اور شر علی الترتیب لاطینی حروف g اور f کے مترادف ہیں]۔ شر اصل جوہر کا اندرونی قدرتی عدد ہے۔ م اور شر کی قیمتیں صحیح اعداد کا



نصف ہوتی ہیں جبکہ خلافِ قاعدہ زیرانی اثر جنت ضعیفی خط (Even multiplet) کے کسی جزو سے متعلق ہوتا ہے اور صحیح اعداد ہوتی ہیں جبکہ اثر طاق ضعیفی خط کے جزو سے متعلق ہوتا ہے۔  
 انشعاقی جزو ضربی گ کی تعیین کا صحیح ضابطہ صرف ہائٹن نلرگ (Heisenberg) کی قدری میکانیات کے ذریعہ سے حاصل ہو سکتا ہے ہم ذیل میں زاویہ معیار اثروں کی ایک جلی ترسیم پیش کرتے ہیں جس سے آسانی کے ساتھ (مف نہ) کے لیے ایک جملہ حاصل ہو جاتا ہے جس میں گ کی قیمت قریب قریب وہی ہوتی ہے جو لانڈے والے ضابطہ سے دریافت ہوتی ہے :-  
 شکل ۷۸ میں فرض کرو کہ بیرونی مقناطیسی میدان کی سمت وف ہے۔



شکل ۷۸

معیار اثر شر کا سمتی س اور ل سمتیوں کا حاصل ہے جو و میں سے کھینچے گئے ہیں سمتی م میدان ف کی سمت میں شر کا نطل ہے۔ معیار اثر شر کے ساتھ جو توانائی وابستہ ہے

$$h \text{ مف نہ} = h \cdot \frac{2\pi \text{ ف}}{h} \text{ شر جم (شر ف)}$$

[ واضح ہو کہ یہاں جم (شر ف) سے مراد شر اور ف سمتیوں کے درمیانی زاویہ کی جیب التمام ہے ]۔

$$۵ \text{ مف نہ } = ۴ \frac{\text{ب ف}}{\text{۴ ۴ ۴ ۴ م}}$$

سمتی میں کے لحاظ سے توانائی اگر ۵ مف نہ ہو تو چونکہ نسبت کمزور مقناطیسی میدان ف میں سمتی میں سمتی شر کے گرد "استقبال" (Process) کرتا ہے اور سمتی شر خود مقناطیسی میدان کی سمت کے گرد "استقبال" کرتا ہے۔ اس لیے

$$۵ \text{ مف نہ } = ۴ \frac{\text{ب ف}}{\text{۴ ۴ ۴ ۴ م}} \text{ جم (س' شر) جم (شر' ف) } = ۴ \frac{\text{ب ف}}{\text{۴ ۴ ۴ ۴ م}}$$

$$\text{چونکہ از نوئے ہندسہ جم (س' شر) = } \frac{\text{شر' + س' - ل'}}{\text{۲ شر س}}$$

$$\text{لہذا } ۵ \text{ مف نہ } = ۴ \frac{\text{ب ف}}{\text{۴ ۴ ۴ ۴ م}} \frac{\text{شر' + س' - ل'}}{\text{۲ شر س}}$$

$$\text{پس مف نہ + مف نہ } \equiv \text{ مف نہ } = ۴ \frac{\text{ب ف}}{\text{۴ ۴ ۴ ۴ م}} \left[ ۱ + \frac{\text{شر' + س' - ل'}}{\text{۲ شر س}} \right]$$

اس جملہ سے واضح ہے کہ ل اور س کی بڑی قیمتوں کے لیے توسین والا جزو فرنی قریب قریب اسی جملہ میں تھویل ہو جاتا ہے جو لاندے نے گ کی تعین کے لیے اخذ کیا ہے۔

غلاف قاعدہ زمیانی اثر کے نو وارد خطوط کے تفاوت تعدد کے لیے مندرجہ بالا ضابطہ صرف اسی صورت میں صادق آتا ہے جبکہ مقناطیسی ف کمزور ہوتا ہے اور ل اور س سمتوں کے میلانوں پر اس میدان کا اثر نہیں ہوتا۔ جب ف بہت طاقتور ہوتا ہے تو اس سے ل اور س کے میلان متاثر ہو جاتے ہیں اور پاشن بیک اثر رونما ہو جاتا ہے۔

اب با سانی معلوم ہو جاتا ہے کہ سادہ طیفی خطوط پر مقناطیسی میدان سے طبعی زمیانی اثر کیونکر ظاہر ہوتا ہے چونکہ توانائی کی دونوں سطحیں جن کے مابین برقیہ کی منتقلی عمل میں آتی ہے، خط کی سادگی کی وجہ سے سادہ ہوتی ہیں اس لیے قدرتی عدد میں صفر ہوتا ہے لہذا شر = ل (دیکھو شکل ۵۵) اور گ = ا، پس مقناطیسی میدان ف میں جوہر کی توانائی ایک سطح میں

! + م ف م ہے اور دوسری سطح میں ! + م ف م۔  
 . تعدد اشعاع  $z = \frac{! - !}{!} + (م - م) ف \frac{م}{!}$   
 انتخاب کے اصول سے م - م = ۰ یا  $\pm 1$

پس  $z = \frac{م ف م}{!}$  یعنی ف  $\frac{م}{!}$  جو لارمری تعدد ہے۔

در اخلائے شمسی میں زیمانی اش کا مشاہدہ۔

سی۔ اے۔ ینگ (C.A. Young) نے ۱۹۲۲ء میں  
 پرنسٹن (Princeton) کی رصدگاہ میں دریافت کیا کہ آفتاب کے داغ  
 کا جب طیف بڑی تحلیل طاقت کے طیف نما میں معائنہ کیا جاتا ہے تو بعض  
 طیفی خطوط (علی الخصوص زرد اور سرخ رنگوں کے) جوڑے ہو جاتے ہیں  
 اور بعض دُہرے ہو جاتے ہیں۔ مشاہدہ میں جی۔ ای۔ ہیل (G.E. Hale)  
 نے ہونٹ ولسن کی رصدگاہ میں ثابت کیا کہ داغ اگر قرص آفتاب کے  
 مرکز کے قریب کا ہے تو اس کا طیفی خط دُہرا ہو جاتا ہے اور اس کے اجزاء  
 مخالف سمتوں میں دائری مقطب ہوتے ہیں۔ اگر وہی داغ قرص آفتاب  
 کے کنارے پر ہوتا ہے تو طیفی خط تہرا ہو جاتا ہے اور اس کے اجزاء  
 مستوی مقطب ہوتے ہیں۔ اس لیے ہیل نے یہ رائے قائم کی کہ  
 داغ خائے شمسی میں برقیاتی ہوائی مادہ آفتاب کے مرکز سے نصف قطر  
 کے گرد گولبی مداروں میں گھومتا ہوا تیز رفتار کے ساتھ حرکت کرتا ہے۔  
 جس کی وجہ سے طاقتور مقناطیسی میدان عمل کرنے لگتے ہیں جو بعض طیفی  
 خطوط میں زیمانی اثر پیدا کرتے ہیں۔ مرکز والے داغوں میں مقناطیسی میدان  
 اشعاع نور کی سمت میں عمل کرتا ہے اور کنارے والے داغوں میں اشعاع نور  
 کے علی التوا اُتَم سمت میں۔ جو داغ آفتاب کے مرکز اور کنارے کے بین بین ہوتے  
 ہیں تو نور جب داغ کے اس پہلو سے آتا ہے جو مرکز سے قریب تر ہے تو  
 طیفی خط دُہرا دکھائی دیتا ہے اور نور جب آفتاب کے کنارے پر کے قریب تر

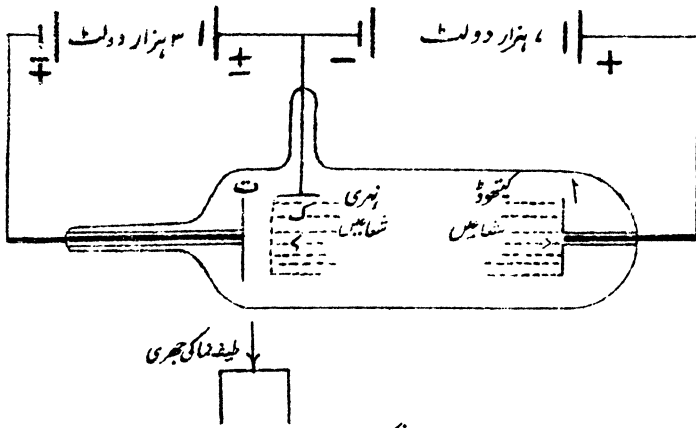
پہلو سے آتا ہے تو خط ہر اپایا جاتا ہے۔ ان مقناطیسی میدانوں کی مدت بعض اوقات ۳۰۰۰ گاؤس تک پہنچ جاتی ہے۔ جو زمانہ حال کے برقی مقناطیسی تجربہ خانوں کے آلات سے حاصل کردہ میدانوں کے مقابلہ میں بہت کم ہے لیکن داغماے شمسی کا مقناطیسی میدان کئی ہزار میل قطر کے رقبوں پر پھیلا ہوا ہوتا ہے۔

**مقلوب زیمانی اثر** (Inverse Zeeman Effect)  
جب کوئی جاذب مادہ مقناطیسی میدان کے اندر واقع ہوتا ہے اور اس کے اثر سے طیفی خطوط دو یا تین اجزاء میں تقسیم ہو جاتے ہیں تو اس کیفیت کو مقلوب زیمانی اثر کہتے ہیں۔ اس اثر کی وجہ یہ ہے کہ جوار تناشی حالات اشعاع نور کا باعث ہوتے ہیں وہی حالات انجذاب نور سے بھی متعلق ہوتے ہیں۔ اس لیے دونوں صورتوں میں مقناطیسی میدان کا طیفی خطوں کے طبعی تعددوں پر ایک ہی طرح کا اثر ہوتا ہے۔

**اسٹارک اثر** (Stark Effect)  
۱۹۱۳ء میں جے۔ اسٹارک نے دریافت کیا کہ ہائیڈروجن کی منور خلائی نلی میں جب ایک زبردست برقی میدان قائم کیا جاتا ہے تو اس کے طیفی خطوط ایک خاص قاعدہ کے تحت پھٹ جاتے ہیں یعنی ایک کے بجائے متعدد خط اصل خط کے مقام کے دونوں طرف تشاکلا اور مقطب حالت میں رونا ہوتے ہیں۔ مقناطیسی میدان کا عمل دیکھ کر فطرتاً لوگوں کو خیال ہوا کہ برقی میدان کا بھی طیفی خطوط پر کچھ نہ کچھ اثر ہوگا۔ لیکن خلائی نلیوں میں ایصالیت کی وجہ سے زبردست برقی تفاوت قوہ کا دیر تک قائم رکھنا بہت مشکل امر تھا اس لیے بڑی کوششوں کے بعد ہی اسٹارک اور لوسوہرڈو (Lo - Suido) کو (جو ایک دوسرے کے تجربوں سے بظاہر ناواقف تھے) کامیابی نصیب ہوئی۔

ہم پہلے مختصراً اسٹارک کے آلہ کی تشریح کریں گے۔ شکل ۷۹ میں خلائی نلی کے اندر ۲ اینڈ تختی ہے اور ک کیتھوڈ تختی جس کے اندر جا بجا سوراخ کر دیے گئے ہیں تاکہ نہری شعاعیں (Canal rays) ان کے اندر سے آگے کو گذر جائیں۔

ک کے پیچھے صرف ۲ یا ۳ ملی میٹر فاصلہ پر اور اس کے متوازی ایک سختی ت رکھی گئی ہے۔ نلی کے اندر گیس کا دباؤ اس قدر کم ہے کہ اس کے ایونوں (Ions) کا اوسط آزاد راستہ کم اور مدت کے درمیانی فاصلہ سے بہت زیادہ ہے۔ اس وجہ سے ان تختیوں کے بیچ کی فضا میں ایونوں کے مابین تصادم ہونے نہیں پاتا اور اس لیے ثانوی ایون پیدا نہیں ہوتے اور نہ گیس اخراج واقع ہوتا ہے۔



شکل ۷۹

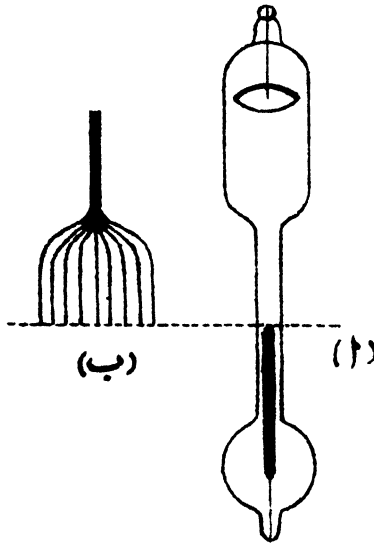
اس طریقہ سے ت اور ک تختیوں کے بیچ میں کئی لاکھ وولٹ فی سنتی میٹر کا تغاوت توہ قائم کرنا ممکن ثابت ہوا باوجودیکہ اس فضا میں منورایون موجود تھے۔ شکل ۷۹ میں جس طرح لیف نمائندگی وضع میں رکھ کر ترتیب دیا گیا ہے عرضی زیبائی اثر والی ترتیب کے مشابہ ہے۔ برقی میدان جب کافی بڑی حدت کا ہوتا ہے تو اسٹار کی اثر مشاہدہ ہوتا ہے طبعی خط پھٹ کر مستقیم مشکل اور قطب خطوط دکھائی دیتے ہیں جن کا ہٹاؤ برقی میدان کی حدت کے راست متناسب ہوتا ہے۔ اس کیفیت کو یک درجی (Linear) اسٹار کی اثر کہتے ہیں۔ جب میدان کی حدت بہت ہی بڑی ہوتی ہے تو اس اثر کے سوا دو درجی (Quadratic) اسٹار کی اثر بھی مشاہدہ ہوتا ہے

جس میں خطوں کا ہٹاؤ میدان کی حدت کے مربع کے متناسب ہوتا ہے۔  
 وقت کی وضع کو مناسب طریقہ پر تبدیل کرنے سے اسٹارک نے  
 ”کولی اثر“ کا بھی معائنہ کیا جس میں میدان سمت مشاہدہ کے متوازی ہے۔  
 اسٹارک کی اثر میں ہائیڈروجن کا باہر والا ہر ایک طیفی خط متعدد متشاکل اجزاء  
 میں تقسیم ہو جاتا ہے۔ باہر کے سلسلہ میں جیسے جیسے طیفی خط کا ترتیبی عدد  
 بڑھتا جاتا ہے ویسے ہی اس کے اسٹارک کی اثر سے پیدا ہونے والے اجزاء  
 کی تعداد میں بھی اضافہ ہوتا ہے۔ سرخ خط ( $H_{\alpha}$ ) کے اجزاء کی تعداد  
 قلیل ترین ہوتی ہے۔ اثر کا جب میدان کے علی القوائم مشاہدہ کیا جاتا ہے  
 تو بعض اجزاء میدان کے متوازی مقطب ہوتے ہیں اور بعض اس کے  
 علی القوائم۔ جب میدان کے متوازی مشاہدہ کیا جاتا ہے تو مستذکرہ بالا  
 علی القوائم مقطب اجزاء غیر مقطب ہو جاتے ہیں اور متوازی مقطب اجزاء  
 غائب ہو جاتے ہیں۔

اسٹارک کی اثر میں خط کے اجزاء کا ہٹاؤ زمینی اثر کے ہٹاؤ سے  
 بہت زیادہ ہوتا ہے۔ مثلاً بنفشی خط کے سب سے باہر کے اجزاء کا ہٹاؤ  
 ۴ ہزار وولٹ فی سمر برقی میدان میں ۳۳ انکسٹروم اکائیاں ہوتا ہے  
 اور یہی خط جب زمینی اثر سے پھٹ کر تین اجزاء میں تقسیم ہوتا ہے تو  
 بیرونی اجزاء کا ہٹاؤ ۴۵ ہزار گاؤس والے مقناطیسی میدان میں صرف  
 ۰.۸ انکسٹروم اکائیاں ہوتا ہے۔

لو سوسر ڈو کے تجربہ کی ترتیب اسٹارک کی ترتیب سے پہل تر  
 دونوں تجربے اگرچہ قریب قریب ایک ہی وقت میں کیے گئے۔ لیکن  
 لو سوسر ڈو کو تجربہ کے نتائج کی اہمیت اسٹارک کا پرچہ شائع ہونے  
 کے بعد معلوم ہوئی۔ اس کے آلہ کی شکل منہ میں تشریح کی گئی ہے۔  
 یہ آلہ ایک معمولی خلائی نلی پر مشتمل ہے جس میں ایک برقیہ  
 الومینیم کاتار ہے جو ایک یاد دہی میٹر قطر کا ہے اور کسی قدر آسانی کے  
 ساتھ شعری نلی میں میٹھا جاتا ہے۔ ملاحظہ ہو شکل منہ (۱)۔

اسٹار کی اثر کیتھوڈ تار کے سرے کے بالکل قریب میں پیدا ہوتا ہے جہاں  
تفاوتِ قوت کی شرح تبدیلی بہت بڑی ہے۔ اس جگہ کے برقی اخراج کو



### شکل نمبر

وضاحت کے ساتھ طیف نمائی جھری کے اوپر ماسک پر لاتے ہیں تو شکل (ب) کی سی کیفیت مشاہدہ ہوتی ہے۔ کیتھوڈ کی سطح کے اوپر تھوڑے ہی فاصلہ پر میدان صفر ہو جاتا ہے اور یہاں سے اوپر کا طیفی خط کا حصہ پھٹا ہوا نہیں نظر آتا۔ یعنی خط کے اجزاء طے ہوئے دکھائی دیتے ہیں۔  
لو سوڈو والا طریقہ فلزی طیف کے اسٹار کی اثر کے معائنہ کے لیے بھی موزوں ہے۔ جس فلز کے طیفی خط پر اثر مشاہدہ کرنا مقصود ہو اس کو بطور کیتھوڈ استعمال کرنے سے وہ فلز نہری شعاعوں کے تصادم سے بخار بن جاتا ہے اور اس طرح طیف پیدا ہو کر اسٹار کی اثر ظاہر کرتا ہے۔

اسنادک کے تجربہ کے تین سال بعد اپسٹائن اور شوہارٹسشلڈ (Epstein and Schwarzschild) نے نظریہ قدریہ سے اس کی توجیہ کی۔ ان کا ثبوت مشکل ہے۔ اس کے لیے مکانی شکل کے محدود استعمال کرنے پڑتے ہیں اور ہیئتیک مکملوں کی قیمتیں تقریبی طریقوں سے دریافت ہو سکتی ہیں۔ مصرعہ بالا محدودوں کے ذریعہ توانائی کی مساوات میں متغیروں کو ایک دوسرے سے یعقوبی (Jacobi) طریقہ استعمال کر کے علیحدہ کر سکتے ہیں۔ لیکن عمل بہت طویل ہے۔ درحقیقت یہ مسئلہ مشروط دوری نظام کی عام ترین مثال ہے جو محمولہ بالا طریقہ سے حل ہو سکتی۔ ہم یہاں صرف قدرتی نظریہ کا نتیجہ بیان کر کے اس پر بحث کرینگے اور بتائینگے کہ کس طرح نظریہ اور تجربہ میں کامل انطباق پایا جاتا ہے۔

مرکزہ کے گرد مدار میں گردش کرنے والے مائیڈروجن کے برقیہ پر جب برقی میدان ف عمل کرتا ہے تو اس نظریہ کی رُو سے متعلقہ طیفی خط کا تعدد

$$n = n_0 \pm e f$$

جس میں  $n_0$  خط کا تعدد بیرونی برقی میدان ف کی عدم موجودگی میں ہے اور  $n$  ایک عالمگیر مستقل ہے جس کی قیمت

$$\text{مساوات } n = n_0 \pm e f \text{ سے حاصل ہوئی ہے۔}$$

[ واضح ہو کہ  $h$  = پلانک کا مستقل بہ اور کہ برقیہ کا بار اور اس کی کمیت ہیں ]

$e =$  ترقیبی عدد جو ہمیشہ ایک صحیح عدد ہوتا ہے اور مصدر قدری اعداد  $n$  اور  $s$  کے تابع ہوتا ہے۔ آخر الذکر عددوں سے قدرتی مہول کے بموجب طیفی خط کے اشعاع سے متعلق توانائی کی ابتدائی اور آخری حالتوں کی تعیین ہوتی ہے۔ چنانچہ

$$\left. \begin{aligned} n &= n_0 \pm e f \\ s &= s_0 \pm e f \end{aligned} \right\} \begin{aligned} &\text{..... (ن-۱)} \\ &\text{..... (س-۱)} \end{aligned}$$

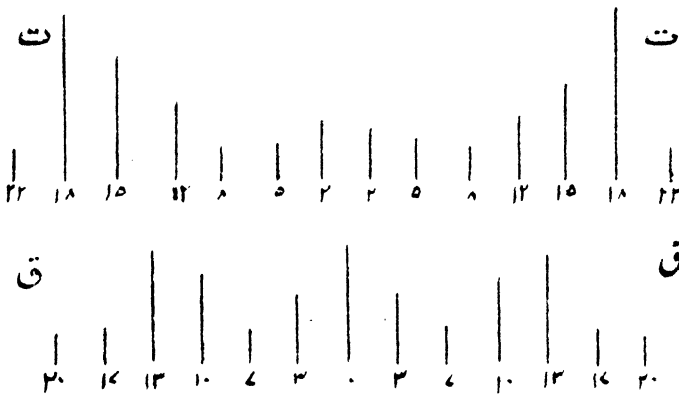


اس نظریہ سے خط کے اجزاء میں ارتعاش کی سمت کا قاعدہ بھی مستنبط ہوتا ہے۔  
اگر  $(ن - س) + (ن - س) = ل$  ایک جفت عدد ہے  
تو برقی ارتعاش کی سمت میدان ف کے متوازی ہوتی ہے اور اگر ل طاق عدد  
ہے تو برقی ارتعاش کی سمت میدان کے علی القوائم ہوتی ہے۔ ہم اسٹار کی اثر کے ان طبعی خطوں کے  
اجزاء کو علی الترتیب الفا، توازی اور قائم کے سر حرفات اور ق سے تعبیر کریں گے۔  
ظاہر ہے کہ نور کی شعاعوں کی اشاعت ہمیشہ ارتعاش کی سمت کے  
علی القوائم سمت میں ہوتی ہیں۔ پس اگر اسٹار کی اثر کے زیر عمل طبعی خط کی تفصیل  
کا مشاہدہ برقی میدان کی سمت میں ہوتا ہے (یعنی طبعی اسٹار کی اثر ہے)  
تو اس کے ت - اجزاء غیر مرئی ہونگے اور صرف ق - اجزاء غیر منقطب  
حالت میں دکھائی دیں گے۔ اگر مشاہدہ میدان کے علی القوائم سمت میں ہو رہا ہے  
(یعنی عرضی اسٹار کی اثر ہے) تو تمام اجزاء مرئی ہونگے لیکن ت - اجزاء  
اور ق - اجزاء میں ان کی مختلف تقطیب کی وجہ سے فوری اختیار ہو سکیگا۔  
اب ہم بنسور مثال مصدبہ بالانتاج کو پیش نظر رکھ کر ہائیڈروجن کے ایک  
بنفسی طبعی خط  $H_\gamma$  کے اسٹار کی اثر پر غور کریں گے۔ جیسا کہ سابقہ باب میں  
بتایا گیا ہے  $H_\gamma$  جو باہر کے سلسلہ کا تیسرا خط ہے برقیہ کی قدرتی حالت  
پانچ سے حالت دو میں منتقلی کا نتیجہ ہے۔ پس اس خط کے لیے  
 $ن = ۵$  اور  $س = ۲$  پس  $ن$  کی قیمتیں ۱۰، ۲، ۳، ۴  
ہو سکتی ہیں لیکن  $س$  کی قیمت تو صفر ہو سکتی ہے یا ایک۔  
اس لیے ترتیبی عدد ۶ یا تو ۵  $ن$  کے مساوی ہے یا (۵  $ن \pm ۲$ ) کے۔  
پہلی صورت میں عدد ل جو ارتعاش کی سمت سے متعلق ہے سب سے  
آخری مساوات کے لحاظ سے (۳ +  $ن$ ) کے مساوی ہے۔ اور دوسری  
صورت میں (۲ +  $ن$ ) کے مساوی۔ پس ت - اجزاء کے ترتیبی اعداد  
جن کے لیے ل ایک جفت عدد ہونا چاہیے  $ن$  کی طاق قیمتوں کے لیے  
۵  $ن$  ہونگے اور جفت قیمتوں کے لیے (۵  $ن \pm ۲$ ) ہونگے۔ اس طرح سے  
طبعی خط  $H_\gamma$  کے ت - اجزاء سے متعلق ترتیبی عدد

۲، ۵، ۸، ۱۲، ۱۵، ۱۸، ۲۲ ہونگے۔  
اس طیفی خط کے ق - اجزاء سے متعلق ترتیبی اعداد جن کے لیے  
۱ ایک طاق عدد ہونا چاہیے، ن کی جفت قیمتوں کے لیے ۵ ن ہونگے  
اور طاق قیمتوں کے لیے (۵ ن ± ۲) ہونگے۔ پس  $H_{\gamma}$  کے ق - اجزاء  
سے متعلق ترتیبی اعداد

۳، ۴، ۱۰، ۱۳، ۱۷، ۲۰ ہونگے۔

یہ نتائج لکیریوں کے ذریعہ شکل ۸۱ میں ظاہر کیے گئے ہیں۔ اس  
میں ہر لکیر کا طول طیفی خط کے متعلقہ جزو کی حدت کو تعبیر کرتا ہے جس کی  
اسٹارک نے فوٹوگرافی کی تختی پر اثر کو معائنہ کر کے ختین کی -

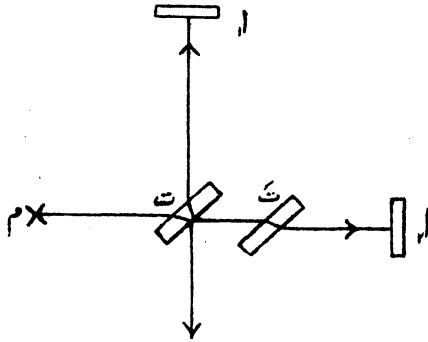


شکل ۸۱

$H_{\gamma}$  میں اسٹارک اثر

مائیکلسن کے تداخل پیمائے کے ذریعہ دھرم  
طیفی خط کے اجزاء کے تفاوت طول موج کی تعیین -  
باب دوم میں صفحہ ۶۰ پر ہم نے اس تداخل پیمائی مختصر

تشریح کی ہے اور اس کے ذریعہ پستلی شقائق اغیار کا انعطاف نما دریافت کرنے کا طریقہ بتایا گیا تھا۔ اب ہم اس آلہ کا طیف پیمائی استعمال بیان کرنا چاہتے ہیں۔ شکل ۵۲ میں اس آلہ کی ایک دوسری ترتیب بتائی گئی ہے۔



شکل ۵۲

شکل ۵۲ سے مقابلہ کیا جائے تو معلوم ہوگا کہ مبدائے نور اور آنکھ کے مقام باہم دیگر بدل دیے گئے ہیں۔ اسی طرح 'ا' اور 'ا' آئینوں میں بھی باہم دیگر تبدیلی عمل میں آئی ہے۔ آئینہ 'ا' پیچ کے گھومنے سے آہستہ آہستہ (بغیر گھومے) آگے پیچھے حرکت کرتا ہے۔ آئینہ 'ا' ساکن ہے۔

آلہ کو حسب ہدایات مندرجہ باب دوم بھٹیک طور پر ترتیب دینے کے بعد جس پیچ کو گھمانے سے آئینہ 'ا' (بغیر گردش) آگے یا پیچھے حرکت کرتا ہے اس کی گھائی سوڈیم کے نور کے طول موج کی رقموں میں ناپ لی جاتی ہے۔ آلہ کی جو شکلیں بتائی گئی ہیں ان میں یہ پیچ بتایا نہیں گیا ہے۔ اس لیے کہ یہ شکلیں محض خاکہ ہیں تصویر نہیں۔ لیکن آلہ کے معائنہ سے فوراً پتہ چل جاتا ہے کہ یہ پیچ کونسا ہے۔ شکل ۵۲ میں اس کو آلہ کے ڈبے کے اسی بازو فرض کرنا چاہیے جس کے مقابل آنکھ ک واقع ہوتی ہے۔ پیچ کے ذریعہ پہلے آئینہ 'ا' کو اس طرح مرتب کرنا چاہیے کہ دائری شکل کے

تداخلی بند یا جھالیں پیدا ہوں۔ اس کے بعد آئینہ کو تختی مت کی طرف حرکت دی جاتی ہے۔ حتیٰ کہ تداخلی جھالیں غیر واضح ہونے لگتی ہیں۔ اس حالت میں پیمانہ پر کا نشان پڑھ لیا جاتا ہے۔ پھر آئینہ آہستہ آہستہ تختی مت سے دور ہٹایا جاتا ہے اور جھالوں کی تعداد گن لی جاتی ہے جو مرکز پر غالب ہو جاتی ہیں یہاں تک کیچ تقریباً ایک کامل چکر میں گھوم جاتا ہے۔ اس حالت میں مکرر پیمانہ کا نشان پڑھ لیا جاتا ہے۔ اگر اس طرح ن جھالیں غائب ہو گئیں تو آئینہ بقدر فاصلہ  $\frac{n}{2}$  پیچھے ہٹایا گیا۔ پس اگر کیچ نے  $\frac{n}{2}$  چکر کیے تو اس کی گھائی کی قیمت =  $\frac{n}{2}$ ۔

دوسرے طیفی خط کے اجزاء کا تفاوت طول موج معلوم کرنے کے لیے فرض کرو کہ خط کے اجزاء  $\lambda$  اور  $\lambda'$  ہیں اور ان کے طول موج علی الترتیب  $\lambda$  اور  $\lambda'$ ۔

فرض کرو کہ آلہ اس طرح مرتب کیا گیا ہے کہ اس سے تقریباً سیدھے بند پیدا ہوتے ہیں۔ اب سفید نور استعمال کر کے اس کے مرکزی بند کو چشمہ کے صلیبی تاروں پر لاؤ تاکہ تداخل پیمائیں سے گزرنے والے نور کے دونوں راستے مساوی طول کے ہوں۔ پھر برب بھری دوسرے خط کے نور سے منور کی جائیگی تو اس کے دونوں جزو اپنے اپنے تداخلی بندوں کے نظام پیدا کریں گے۔ یہ دونوں نظام باہم منطبق ہو جائیں گے جبکہ ان کے متعلقہ راستے مساوی ہوں گے۔ اب اگر آئینہ  $\lambda$  کو تبدیل کیجیے پھر ہٹا کر نور کے ایک راستہ کو دوسرے سے ذرا لمبا کر دیا جائے تو چھوٹے طول موج ( $\lambda'$ ) والے جزو کے بند بہ نسبت دوسرے جزو کے بندوں کے باہم دیگر قریب تر ہوں گے اور اس لیے تداخلی بندوں کے دونوں نظاموں میں تطابق باقی نہ رہیگا۔ اور بالآخر ایک نظام کا منور بند دوسرے نظام کے تاریک بند سے منطبق ہو جائیگا۔ اگر دوسرے خط کے اجزاء بالکل مساوی حدت تنویر کے ہوں تو تداخلی بندوں کا ایک نظام دوسرے کو تلف کر دیگا۔ اس کے بعد اگر آئینہ  $\lambda$  کو آدرا پیچھے ہٹاتے جائیں تو نور کے

راستوں کا تفاوت اور زیادہ بڑھ جائیگا اور بند بتدریج دکھائی دینے لگیں گے۔  
جب نور کا ایک راستہ اتنا بڑھ جائیگا کہ اس میں چھوٹے طول موج (لی) والا  
جزو کی موجوں کی تعداد دوسرے جزو کی موجوں سے بقدر ایک بڑھ جائے تو  
بند پہلے کی طرح مکرر واضح نظر آنے لگیں گے۔  
اگر ان اعظم وضاحتوں کی وضعتوں کے مابین آئینہ ۱ فاصلہ ط پیچھے  
ہٹایا گیا ہے تو

$$1 = \frac{p^2}{l^2} - \frac{p^2}{l'^2}$$

$$\frac{p^2}{l'^2} - 1 = \frac{p^2}{l^2}$$

اگر  $l'$  یا  $l$  پہلے سے معلوم ہو تو اس طرح دوسرا جزو بھی معلوم ہو جاتا  
ہے۔ تجربہ کے لیے سوڈیم یا پارے کے زرد دھبے خط بہت موزوں ہیں۔  
اس تماثل پیماسے خردہ پیماسے جیسے طول کے پیمائشی آلات کی  
بھی بخوبی تعبیر ہو سکتی ہے۔ ہیڈی طبیعیات میں مائکلس والا تداخل پیماسے  
دوسرے ستاروں کی تحلیل اور علاقائی (giant) ستاروں کے قطر کی پیمائش کے  
لیے نہایت کامیاب آلہ ثابت ہوا۔

انکسار نور کے باب میں دو جہروں کے انکسار سے متعلق بحث کرتے ہوئے  
ہم نے بتایا ہے کہ اگر کسی ایک جہری کی چوڑائی  $l$  ہو اور ان کا درمیانی فاصلہ  
ب تو پردہ پر پیدا ہونے والے انکساری نقشہ کے اعظم یا اقل تنویری بند جہری  
پر زاویہ  $\theta$  بناتے ہیں۔ اگر ان دو جہروں کو بجائے ایک مبداء نور کے  
دو قریبی مبداءوں سے منور کیا جائے جن کے مابین بہت ہی قلیل زاویہ  $\theta$   
ہو تو ایسی صورت میں جبکہ ایک مبداء سے پیدا ہونے والا اعظم تنویری بند  
دوسرے مبداء والے متصل اقل تنویری بند سے منطبق ہوتا ہے، ان دو  
مبداءوں کا درمیانی ناویہ

$$e = \frac{l}{2(b+l)}$$

یعنی ط پورانی والی واحد مستطیل جبری کی تحلیلی طاقت ایسی دو جہریوں کی (جن کے مابین یہی فاصلہ ط واقع ہو) تحلیلی طاقت کی صرف آدمی ہوتی ہے۔

اس اصول کے لحاظ سے جس کی طرف سب سے پہلے متوفی لارڈ رسل نے توجہ منعطف کرائی تھی اگر کسی دور بین کے دہانہ والے عدسہ کے مرکزی حصہ کو ڈھانپ کر غیر شفاف بنا دیا جائے اور محض عدسہ کے حاشیہ کے رقبوں میں سے نور کو گذرنے دیا جائے تو دور بین کی تحلیلی طاقت میں اضافہ ہو جاتا ہے اگرچہ نوکی قلت کی وجہ سے خیال کم منور ہوتا ہے۔ اس طریقہ سے جے۔ اے۔ اینڈرسن (J.A. Anderson) نے عیوق (Capella) کی دو ستاروں میں تحلیل

کی اور دریافت کیا کہ ان کے

مابین زاویہ  $0.0004$  ثانیہ ہے۔

طیف نمائی طریقوں سے پہلے ہی

سے معلوم ہو چکا تھا کہ عیوق ایک

دہرا ستارہ ہے۔

اب ہم بتانا چاہتے ہیں

کہ مائیکلسن کے تراصل پیمائے

ذریعہ ستاروں کا قطر کس طرح

ناپا جاتا ہے۔ شکل ۳۳ میں

۱، ۱ اور ۱، ۱ چار مستوی

آئینے ہیں جو دور بین کے محور کی سمت

کے ساتھ  $45^\circ$  کا زاویہ بناتے

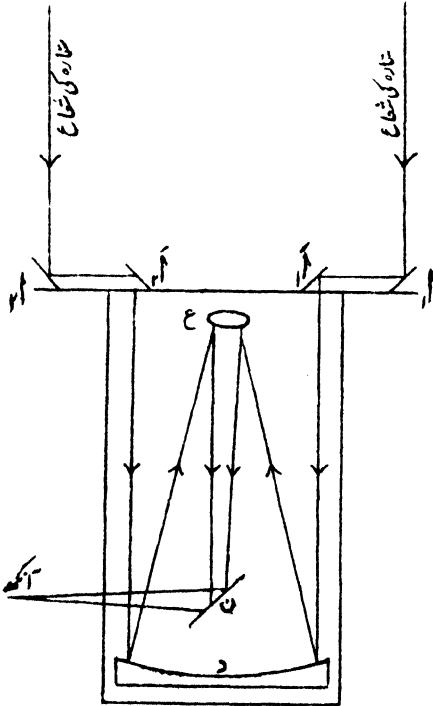
ہیں۔ ۱، ۱ کی اوپر کی سطح

مقنض ہے اور ۱، ۱ کی

نیچے کی سطح مقنض ہے تاکہ

ستارہ سے آنے والی شعاعیں

ان سے منعکس ہو کر دور بین میں



شکل ۳۳

ہوتے ہوئے دکانہ کے مکانی آئینہ دیرواق ہوں۔ وہاں سے منعکس ہو کر وہ بالآخر آنکھ میں داخل ہوتی ہیں جیسا کہ شکل میں تیروں کے ذریعہ بتایا گیا ہے۔ بیرونی آئینوں ۱ اور ۲ کا درمیانی فاصلہ حسب ضرورت بڑھایا گھٹایا جاتا ہے۔

۱۹۲۱ء میں اے۔ اے۔ مائیکلسن اور ایف۔ جی۔ پیلز (F.G. Pease) نے رصدگاہ مونت ولسن (Mount Wilson) کی سو انچ سپرہ والی دوربین کے ساتھ اس تداخل پیمائے کا استعمال کیا۔ جب آئینوں ۱ اور ۲ کا درمیانی فاصلہ ۱۲۱ انچ سے کمتر تھا تو جبار (Orion) کے سب سے بڑے ستارہ ابطاہجوزاد (Betelgeuse) کے فوٹو گراف میں جھلریں پائی گئیں۔ یہ فاصلہ جب بڑھتے بڑھتے ۱۲۱ انچ ( $= ۳۰۶۵$  سمر) ہو گیا تو جھلریں غائب ہو گئیں۔ ایسی صورت میں مندرجہ بالا استدلال کے بموجب اور لمحاظ اس امر کے کہ ستارہ کی سطح کروڑوں اسکانزائی قطر

$$\frac{L}{P} = ۱۵۲۲$$

[مبدائے نور کا خاکہ دائری شکل کا ہونے کی وجہ سے انکاری ضابطہ میں جزو ضربی ۱۵۲۲ کی ضرورت داعی ہوئی۔ جیسا کہ انحصار نور کے باب میں بیان کیا گیا ہے۔ درحقیقت جزو ضربی ۱۵۲۲ کے عوض ۱۵۲۳ زیادہ صحیح ہے اس لیے کہ آفتاب کی طرح ستاروں کے حاشیے بھی بقیہ سطح کی بہ نسبت کم متور نظر آتے ہیں۔]

اس ضابطہ میں ط سے مراد تداخل پیمائے کے بیرونی آئینوں ۱ اور ۲ کا درمیانی فاصلہ ہے۔ ابطاہجوزاد سرخ رنگ کا ستارہ ہے۔ مندرجہ بالا ضابطہ میں L جو ستارہ کے نور کا موثر طول موج ہے  $۵۰۰ \times ۱۰^{-۵}$  سمر کے مساوی ہے پس  $e = ۰.۰۴$  ثانیہ اور چونکہ یہی ذرائع سے اس کے اختلاف منظر (Parallax) کی قیمت ۰.۱۸ ثانیہ دریافت ہو چکی ہے اس لیے اس کا قطر بقدر  $۱۰ \times ۲۴۰$  میل برآمد ہوتا ہے

جو تقریباً مدارِ مرتخ کے قطر کے برابر ہے۔ اسی لیے یہ ستارہ عملاق کہلاتا ہے۔  
 مشاہدہ سے معلوم ہوا کہ اس کا قطر دوری طریقہ پر گھٹتا بڑھتا بھی ہے۔ جب  
 چھوٹا ہو جاتا ہے تو اس کے خیال کی بجائیں غائب نہیں ہوتیں تا وقتیکہ  
 تداخل پیمائے بیرونی آئینوں کا درمیانی فاصلہ ۱۴ فٹ تک نہ بڑھا دیا جائے۔  
 قلبِ عقرب (Antares) کا قطر ابھجزار کے قطر سے بھی زائد ثابت ہوا۔  
 ۲۰ فٹ فصل والے تداخل پیمائے سے چھوٹے سے چھوٹا زاویائی قطر جو ناپا جاسکتا  
 ہے ۰.۰۲۴ ثانیہ ہے۔



# چھٹا باب

## تقطیب نور

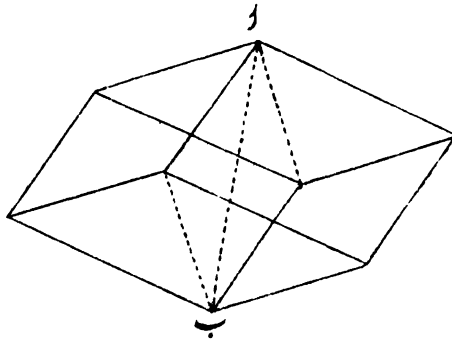
۱. مقبلہ منظر  
۲. منظر

مداغل وانکسار نور کے مظاہر کی توجیہ کے لیے صرف اس قدر فرض کرنا کافی ہے کہ نور کی اشاعت موجی حرکت کے ذریعہ ہوتی ہے۔ آیا یہ موجیں طولی ہیں یا عرضی اس بحث میں پڑنے کی اب تک ضرورت پیدا نہیں ہوئی۔ واقعہ یہ ہے کہ خود ینگ (Young) اور ہویگنسن (Huygens) جو موجی نظریہ نور کے بڑے زبردست حامی تھے خیال کرتے تھے کہ یہ موجی حرکت طولی ہے یعنی (آواز کی طرح) واسطہ کے ”ذرات“ کی دوری حرکت نور کی اشاعت کی سمت میں واقع ہوتی ہے۔ ہم بتائینگے کہ یہ تصور کیوں غلط ثابت ہوا۔

۱۶۶۹ء میں ڈینش فیلسوف ۲ یریز مس باس ٹولینس (Erasmus Bartholinus) نے انکشاف کیا کہ کیلساٹ (Calcite) کی قلم میں سے جب کوئی شعاع نور گزرتی ہے تو اس سے دو منعطف شعاعیں پیدا ہوتی ہیں۔ اس وجہ سے ایسے انعطاف کے لیے دھرا یا ڈیٹلا انعطاف نام تجویز ہوا۔ تھوڑے ہی عرصہ کے بعد معلوم ہوا کہ ڈیٹلا انعطاف سے جو شعاعیں پیدا ہوتی ہیں بعض خصوصیات میں ایک دوسری کی ضد ہوتی ہیں۔ ان امور کی تجویز تحقیق کے لیے کیلساٹ کی قلمی ساخت کا جاننا ضروری ہے اس لیے ہم اس کے ہندسہ سے متعلق چند باتیں بیان کریں گے۔

کیلساٹ یا آئس لینڈ اسپارک کی قلمی شکل رومبوہیڈرون

(rhombhedron) کی سی ہوتی ہے یعنی وہ چھ متوازی الاضلاع سطحوں سے محدود ہوتا ہے جس کے زاویے علی الترتیب  $53^{\circ} 10'$  (تقریباً  $53^{\circ}$ ) اور  $36^{\circ} 50'$  (تقریباً  $37^{\circ}$ ) ہوتے ہیں۔ اس کے دو مجسم زاویے  $1$  اور  $b$  (دیکھو شکل ۸۴) جو باہر ہیکر قطر مقابل ہوتے ہیں تین منفرج زاویوں کے ملنے سے بنتے ہیں اور باقی ماندہ چار مجسم زاویے ایک منفرج اور دو حادہ زاویوں کے فراہم ہونے سے۔ انشتقاق کی وجہ سے کیلسائٹ کی قلم ہمیشہ اسی نوعیت کی مجسم شکل اختیار کرتی ہے۔

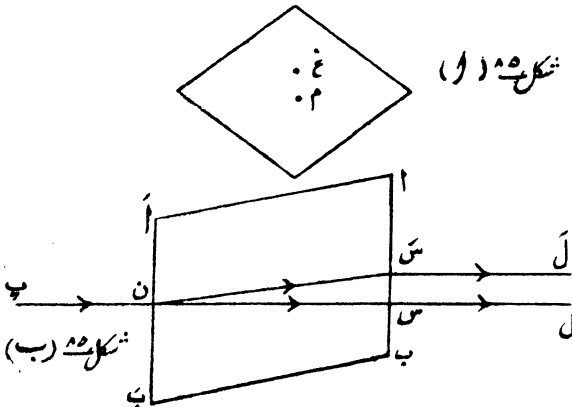


شکل ۸۴

قلم کے تمام (بارہ) کنارے جب مساوی طول کے ہوتے ہیں تو  $1$  اور  $b$  مجسم زاویوں کو ملانے والا خط ان کی متعلقہ منفرجہ سطحوں کے ساتھ مساوی زاویے بناتا ہے اور قلم کا اٹھکا ہوا ہے۔ اگر کنارے مساوی نہ ہوں تو  $1$  اور  $b$  پر کے مجسم زاویوں کی سطحوں کے ساتھ مساوی زاویے بنانے والی سمت قلم کے محور کی سمت کہلاتی ہے۔ قلم کے اندر اس سمت میں جتنے بھی متوازی خطوط کھینچے جائیں بطور اختصار مناظری محور کہلاتے ہیں۔ سر درست ہم صرف ان مستویوں کو جو قلم کے دو متوازی پہلوؤں کے علی القوائم اور مناظری محور میں سے گزرتا ہو اس کی صدر تراش کے نام سے مخاطب کریں گے۔ اسی طرح کیلسائٹ کے

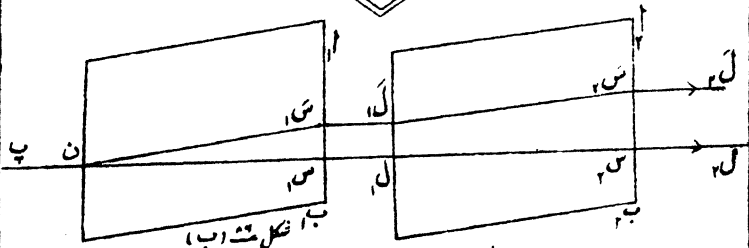
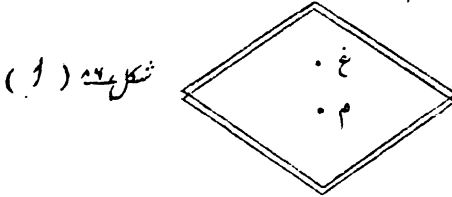
رومب (rhomb) کے ہر ایک نقطہ کی تین صدر تراشیں ہونگی۔ واضح ہے کہ ہر صدر تراش کی وضع قلم کے متعلقہ پہلوؤں کے چھوٹے وتر کے متوازی ہونگی۔  
اب فرض کرو کہ وہ ایک پر وہ میں سولہ رخ کر کے اس کو تیز حرکت کے بدلے سے منور کیا جاتا ہے اور اس سے نور کی جو پنسل نکلتی ہے اس لینڈ اسپار کی ایک قلم پر سطح کے علی القوائم واقع ہوتی ہے۔ سہولت کی خاطر قلم کی سطح کے چاروں ضلعے مساوی (بشکل معین) بنائے گئے ہیں۔ دیکھو شکل ۸۵ (ا)۔ قلم کی مقابل سطح میں سے دو متوازی پنسلیں خارج ہوتی ہوئی نظر آئیں گی۔ م معمولی شعاعوں سے متعلق ہونگی اور غ غیر معمولی شعاعوں سے۔

متوازی الاضلاع ا ب ب ا (شکل ۸۵ ب) قلم کی صدر تراش کو تعبیر کرتا ہے۔ پنسل پ ن قلم کی سطح پر علی القوائم واقع ہوتی ہے اور جب



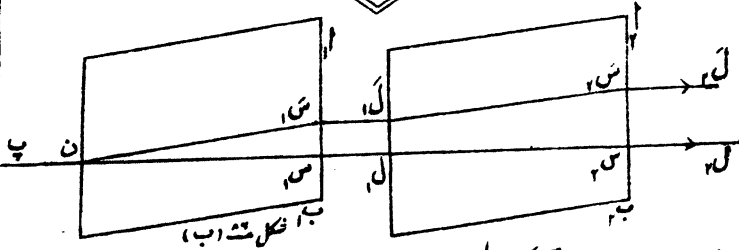
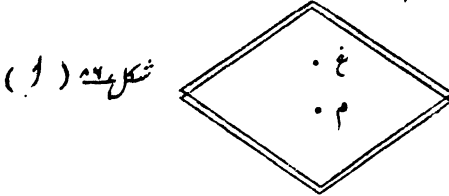
اس کی صدر تراش میں سے گزرتی ہے تو دو پنسلوں میں تقسیم ہو جاتی ہے۔ ایک معمولی اور دوسری غیر معمولی۔ ابتدائی پنسل کا زاویہ وقوع قائم ہونے کی وجہ سے اول الذکر قلم میں سے براہ ن س ل بلا انحراف گزر جاتی ہے اور آخر الذکر ن س کی سمت میں منعطف ہو کر براہ ن س ل اپنی سابقہ سمت کے متوازی خارج ہوتی ہے۔ پس ظاہر ہے کہ اس ڈیجیٹل انعطاف میں ایک پنسل معینہ قواعد انعطاف کی پابند ہوتی ہے اور اس لیے معمولی پنسل کہلاتی ہے۔ دوسری پنسل ان قواعد کی پابند

نہیں ہوتی ہے اور اس لیے غیر معمولی کہلاتی ہے۔  
اگر تذکرہ بالا قلم کے پیچھے (نور کی پینل کے راستہ میں) اس کے مساوی  
ایک دوسری قلم بعینہ اس کے ہاش وضع میں رکھ دی جائے۔ ملاحظہ ہو شکل ۵۶ (ا)  
تو پہلے کی طرح اب بھی دوہی خیال م اور غ دکھائی دینگے ان کو ملائے والا خط  
کے چھوٹے وتر کا متوازی ہوگا لیکن ان کے مابین اب دوچند فاصلہ ہوگا گو یا پینل  
دوچند موٹائی کی ایک قلم میں سے منعطف ہوئی شکل ۵۶ (ب) میں اس کی کافی توضیح  
کی گئی ہے۔ ا ب ا ب اور ا ب ب دونوں قلموں کی صدر تراشیں ہیں۔



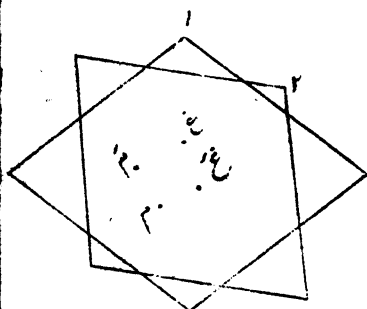
پینل پ ن پہلی قلم کی سطح پر علی القوائم واقع ہوتی ہے تو معمولی اور غیر معمولی  
پینلوں میں تقسیم ہوتی ہے۔ معمولی پینل ن س ل بلا انصاف چلی جاتی ہے  
اور غیر معمولی پینل ن س ل منصرف ہو کر گزرتی ہے قلم کے باہر اس کی سمت  
س ل معمولی پینل کی سمت کے متوازی ہے۔ جب یہ پینلس دوسری قلم پر  
واقع ہوتی ہیں تو معمولی پینل ل س ل بلا انصاف سطح کے علی القوائم چلی جاتی ہے  
اور غیر معمولی پینل ل س ل قلم کے اندر منصرف ہوتی ہے لیکن باہر نکلنے وقت  
ابتدائی راہ کے متوازی ہو جاتی ہے س ل ل اور س ل ل کا درمیانی فصل س ل اور س ل  
کے درمیانی فصل کا دوہند ہے۔ پہلی قلم کو ثابت رکھ کر اس کے پیچھے کی قلم کو  
(یعنی آنکھ سے نزدیک تر قلم کو) ضیف سا غیر منصرف پینل کے گرد واقع سمت طاقت

نہیں ہوتی ہے اور اس لیے غیر معمولی کہلاتی ہے۔  
اگر تذکرہ بالا قلم کے پیچھے (نور کی پنسل کے راستہ میں) اس کے مساوی  
ایک دوسری قلم بعینہ اس کے ہاش وضع میں رکھ دی جائے۔ ملاحظہ ہو شکل (۱)  
تو پہلے کی طرح اب بھی دوہی خیال م اور غ دکھائی دینگے ان کو ملانے والا خط  
کے چھوٹے وتر کا متوازی ہوگا لیکن ان کے مابین اب دو چند فاصلہ ہوگا گویا پنسل  
دو چند موٹائی کی ایک قلم میں سے منعطف ہوئی شکل (۲ ب) میں اس کی کافی توضیح  
کی گئی ہے۔ ا ب ا ب اور ا ب ب دونوں قلموں کی صدر تراشیں ہیں۔

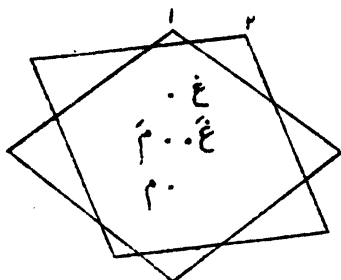


پنسل پ ن پہلی قلم کی سطح پر علی القوائم واقع ہوتی ہے تو معمولی اور غیر معمولی  
پنسلوں میں تقسیم ہوتی ہے۔ معمولی پنسل ن س ل بلا انصاف چلی جاتی ہے  
اور غیر معمولی پنسل ن س ل منصرف ہو کر گزرتی ہے قلم کے باہر اس کی سمت  
س ل معمولی پنسل کی سمت کے متوازی ہے۔ جب یہ پنسلیں دوسری قلم پر  
واقع ہوتی ہیں تو معمولی پنسل ل س ل بلا انصاف سطح کے علی القوائم چلی جاتی ہے  
اور غیر معمولی پنسل ل س ل قلم کے اندر منصرف ہوتی ہے لیکن باہر نکلنے وقت  
ابتدائی راہ کے متوازی ہو جاتی ہے س ل ا ب س ل ا ب کا درمیانی فصل س ل اور س ل  
کے درمیانی فصل کا دو چند ہے۔ پہلی قلم کو ثابت رکھ کر اس کے پیچھے کی قلم کو  
(یعنی آنکھ سے نزدیک تر قلم کو) خفیف سا غیر منصرف پنسل کے گرد قافی سمت سمت

گھماؤ۔ دیکھو شکل ۸۷۔ تو دو کے بجائے اب چار خیال دکھائی دینگے۔ خیال م تو منفرد  
 دہرگا لیکن خیال غ ذرا ساید سے بازو ہٹ جائیگا۔ م اور غ دونوں خفیف سے مدھم

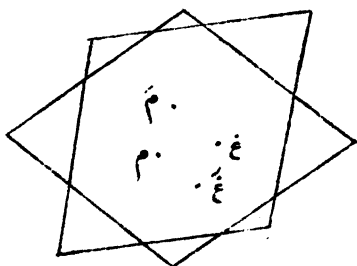


شکل ۸۷

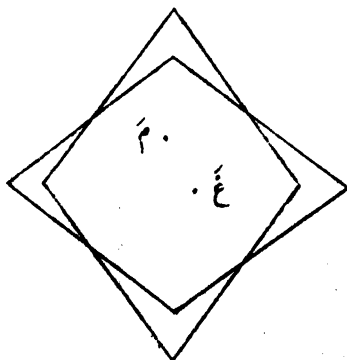


شکل ۸۸

پڑ جائیگے اور ان کے مابین دو نئے مدھم خیال (م اور غ) نظر آنے لگیں گے۔ ان کو ملانے والے خطوط سے  
 ایک متوازی الاضلاع م غ پیدا ہوگا جس کے ضلع قلموں کی صدر تراشوں کے متوازی ہونگے شکل ۸۹  
 میں قلم نمبر ۲ اتنی گھمائی گئی ہے کہ اس کے اور قلم نمبر ۱ کے صدر مستویوں کے مابین پورے مدھم کا  
 زاویہ ہے۔ اس وضع میں چاروں خیال مساوی روشن نظر آتے ہیں۔

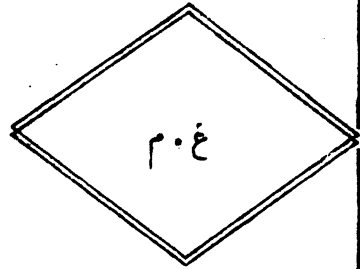
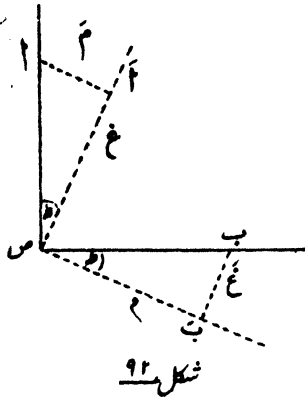


شکل ۸۹



شکل ۹۰

نمبر ۲ قلم کو مزید گھمانے سے م اور غ خیال زیادہ مدھم ہو جاتے ہیں اور م اور غ خیال زیادہ واضح نظر آتے ہیں۔ اور جب ان تینوں کے صدرستویوں کے درمیان ۹۰ زاویہ واقع ہوتا ہے تو م اور غ خیال بالکل غائب ہو جاتے ہیں۔ دیکھو شکل ۹۱۔



شکل ۹۱

جب یہ زاویہ ۹۰ سے بھی زیادہ بڑھ جاتا ہے تو م اور غ خیال دوبارہ دکھائی دینے لگتے ہیں اور م اور غ خیالوں کی حدت گھٹتی جاتی ہے۔ اور جب یہ زاویہ ۱۳۵ ہو جاتا ہے تو چاروں خیال پھر سے مساوی روشن دکھائی دیتے ہیں۔ ملاحظہ ہو شکل ۹۳۔  
نمبر ۳ قلم کو مزید گھما کر درمیانی زاویہ جب پورے ۱۸۰ بنا دیا جاتا ہے تو دونوں قلموں کے صدرستوی مکرر باہم دیگر متوازی ہوتے ہیں۔ م اور غ خیال غائب ہو جاتے ہیں اور م اور غ خیال اپنی سابقہ حدت اختیار کر لیتے ہیں۔ لیکن باہم دیگر منطبق بھی ہو جاتے ہیں جیسا کہ شکل ۹۴ میں بتایا گیا ہے۔

ان شکلوں کے مطالعہ سے واضح ہو گا کہ پہلی قلم کے معمولی خیال کی شعاعیں دوسری قلم میں سے گزر کر ایک معمولی خیال م پیدا کرتی ہیں اور ایک غیر معمولی غ اسی طرح اول الذکر لینے پہلی قلم کے غیر معمولی خیال کی شعاعیں دوسری قلم میں سے گزر کر معمولی خیال م اور غیر معمولی خیال غ پیدا کرتی ہیں۔  
قلموں کے صدرستویوں کے درمیانی زاویہ کے بدلنے سے چونکہ خیالوں کی تعداد

اور ان کی حدت میں تبدیلیاں واقع ہوتی ہیں اس لیے واضح ہے کہ نور کی پنسل جب ایسی نل میں سے گزرتی ہے تو اس میں ایک طرح کی نئی کیفیت پیدا ہوتی ہے۔ اسی کو تقطیب نور کہتے ہیں۔

تقطیب کا غلط اس لیے استعمال ہوتا ہے کہ نور کی پنسلوں میں ایک قسم کی وضوئی مشاہدہ ہوتی ہے جو قلموں کے صد رستوں کے ساتھ وابستہ ہے۔ ان مشاہدات کی توجیہ میں ینگ اور ہولیکنز کامیاب نہ ہو سکے۔ اس لیے کہ ان کا یہ خیال تھا کہ نور کی اشاعت آواز کی طرح طوی موجوں کے ذریعہ ہوتی ہے۔

فرینیل (Fresnel) نے نور کی موجوں کو عرضی تصور کر کے تذکرہ بالا مشاہدات کی پوری توجیہ کی۔ جیسا کہ شکل ۱۲ کے مطالعہ سے واضح ہوگا۔ پہلے چند اصطلاحات کی تفسیر ضروری ہے۔ معمولی خیال (اور اس کی متعلقہ پنسل) کی نسبت کہا جاتا ہے کہ وہ قلم کے صد رستوں میں مقطب ہے اور غیر معمولی خیال (اور اس کی متعلقہ پنسل) کا جب ذکر آتا ہے تو کہتے ہیں کہ وہ قلم کے صد رستوں کے علی القوائم مستوی میں مقطب ہے۔ یہ اصطلاحیں جب اختراع ہوئیں تو ان کا مقصود ابتداً صرف اسی قدر تھا کہ مسدہری اور غیر معمولی پنسلوں کے ارتعاشوں کو جو اشاعت نور کی سمت کے علی القوائم میں باہمی علی القوائم مانا جائے۔ جب تقطیب نور کے مسائل میں زیادہ مراست کی ضرورت آتی ہوئی تو فرینیل نے فرض کیا کہ معمولی پنسل میں (جو قلم کے صد رستوں میں مقطب سمجھی جاتی ہے) ائیر (Ether) کا ارتعاش اس صدف مستوی کے علی القوائم ہوتا ہے اور غیر معمولی پنسل میں ارتعاش خود صد رستوں میں ہوتا ہے۔ میک کلا (Mac Cullagh) کا مفروضہ اس کے بالکل برعکس تھا اور ایک عرصت تک یہ اختلاف جاری رہا۔ لیکن بعض قطعی تجربوں کے ذریعہ ثابت ہو گیا کہ فرینیل کا مفروضہ صحیح ہے۔ سم آگے چل کر ان امور پر بحث کریں گے۔ سر دست فرینیل کے مفروضہ کو تسلیم کر کے فرض کرتے ہیں کہ معمولی پنسل جب پہلی قلم سے نکلتی ہے تو اس میں ارتعاش کی سمت صد رستوں میں (شکل ۱۲) کے علی القوائم ہوتی ہے۔ اس کے حیطہ ارتعاش کو اگر ص ب سے تعبیر کیا جائے تو غیر معمولی پنسل کا حیطہ ارتعاش ص آ ہوگا جو ص ب کے مساوی اور اس کے علی القوائم ہے۔



دوسری قلم جب خفیف سی لگائی جاتی ہے جس کی وجہ سے ان کے صدر مستویوں کے درمیان زاویہ ط واقع ہوتا ہے تو ارتعاش ص ب کی ص ب اور ب ب ارتعاشوں میں تحلیل ہوتی ہے جو باہر دیگر علی القوائم ہیں۔ ص ب یعنی ص ب جم ط قلم نمبر ۲ کے صدر مستوی کے علی القوائم ہے اور اس لیے قلموں کی موجودہ وضعوں میں خیال م کے حیطہ ارتعاش کی تعبیر کرتا ہے۔ ب ب یعنی ص ب جب ط قلم نمبر ۲ کے صدر مستوی کے متوازی ہے اور اس لیے خیال غ کے حیطہ ارتعاش کی تعبیر کرتا ہے اسی طرح ارتعاش ص ا کی ص ا یعنی ص ا جم ط اور ا ا یعنی ص ا جب ط ارتعاشوں میں تحلیل ہوتی ہے۔ اول الذکر قلم نمبر ۲ کے صدر مستوی کے متوازی ہے اس لیے خیال غ کے حیطہ ارتعاش کی اس سے تعبیر ہوتی ہے۔ ثانی الذکر اس مستوی کے علی القوائم ہے اس لیے خیال م کے حیطہ ارتعاش کو تعبیر کرتا ہے۔

چونکہ ص ب اور ص ا مساوی حیطہ ہیں اس لیے ان کے عوض ایک ہی علامت ص لکھی جاسکتی ہے اور اس طرح م اور غ خیالوں کی حدیں باہر دیگر مساوی اور ح جم ط ہوتی ہیں۔ قلمیں جس وقت علی القوائم ہوتی ہیں یعنی ان کے صدر مستویوں کا درمیانی زاویہ ط ۹۰ ہوتا ہے تو یہ خیال غائب ہو جاتے ہیں (اس لیے کہ جم ط = صفر) ایسا ہی م اور غ خیالوں کی حدیں مساوی اور ح جم ط سے تعبیر ہوتی ہیں۔ قلمیں جب متوازی ہوتی ہیں یعنی ان کے صدر مستویوں کا درمیانی زاویہ صفر یا ۱۸۰ ہوتا ہے تو خیال م اور غ غائب ہو جاتے ہیں۔

فریڈنیل اور آریگو (Aragu) نے قطب نور کی پنسلوں کے متداخل پر متعدد تجربے کیے اور ان کے نتائج ہی کی بناء پر رائے قائم کی کہ نور کی موجیں اشاعت کی سمت کے علی القوائم ہوتی ہیں۔ جب نور مستوی قطب ہوتا ہے تو یہ موجیں صرف ایک ہی سمت میں (جو سمت اشاعت کے علی القوائم ہوتی ہے) محدود رہتی ہیں۔ دیکھئے انعطاف سے جب تقطیب پیدا ہوتی ہے تو معمولی اور غیر معمولی پنسلوں میں ارتعاش کی سمتیں باہر دیگر علی القوائم ہوتی ہیں۔ ان تجربی نتائج کی اہمیت کی وجہ سے ہم ان کو ذیل میں مختصراً درج کیے دیتے ہیں:

(۱) جن حالات کے تحت نور کی معمولی پنسلوں میں متداخل واقع ہوتا ہے ان حالات

دو علی القوائم مقطب پنسلوں میں تداخل نہیں ہوتا۔  
 (ب) ایک ہی مبدار سے نکلی ہوئی اور ایک ہی مستوی میں مقطب  
 دو پنسلوں کے درمیان نور کی معمولی دو پنسلوں کی طرح تداخل ہوتا ہے۔  
 (ج) نور کی دو علی القوائم مقطب پنسلیں جب تقطیب کے ایک ہی  
 مستوی میں لائی جاتی ہیں تو معمولی نور کی طرح ان میں تداخل واقع ہوتا ہے  
 بشرطیکہ وہ ابتداءً مقطب نور کی ایک ہی پنسل سے نکلی ہوں۔  
 چونکہ کیلسائیٹ کی قلم میں سے نور کے گزرنے سے معمولی اور غیر معمولی  
 جردو خیال پیدا ہوتے ہیں ہمیشہ آسانی روشن ہوتے ہیں اس لیے واضح ہے  
 کہ قلم میں داخل ہونے سے پہلے نور میں کسی قسم کی جانب داری نہیں ہوتی ہے۔  
 یہی طبعی نور جس میں کسی قسم کی تقطیب مشاہدہ نہیں ہوتی ہے جب  
 کیلسائیٹ وغیرہ میں سے گزرتا ہے تو دو مستوی مقطب حصوں میں تقسیم ہو جاتا  
 ہے جن کی تقطیب کے مستوی باہم دیگر علی القوائم ہوتے ہیں۔ اس لیے  
 طبعی نور کی نسبت ہم تصور کر سکتے ہیں کہ وہ دراصل ایک ایسا مستوی مقطب  
 نور ہے جس کی تقطیب کے مستوی کی سمت اچانک اور انتہائی بے قاعدگی  
 کے ساتھ جلد جلد بدلتی جاتی ہے۔ یہ تبدیلی ایک ثانیہ میں اتنے مرتبہ واقع ہوتی ہے  
 کہ کثرت تعدد کی وجہ سے نور کا کسی خاص سمت تقطیب کے ساتھ لگاؤ نہیں پایا جاتا۔  
 اسی وجہ سے ڈیٹا انعطاف پیدا کرنے والی قلم میں سے گزرنے کے بعد معمولی  
 اور غیر معمولی خیالوں کی حدت تنویر مادی ہوتی ہے۔ اگر سمت کی اس  
 تبدیلی کا تعدد کم ہوتا مثلاً چار یا پانچ ثانیوں میں ایک مرتبہ تبدیلی ہوتی تو وہ خیال  
 روشن تر دکھائی دیتا جس کی تقطیب کا مستوی واقع نور کی تقطیب کے مستوی کے  
 ساتھ کمتر زاویہ بناتا۔ مہذا جب کبھی واقع نور کی تقطیب کا مستوی تبدیل ہوتا تو  
 معمولی اور غیر معمولی خیالوں کی حدتوں میں بھی تغیر مشاہدہ ہوتا۔ لیکن کثرت تعدد کی  
 صورت میں حدتیں مساوی رہتی ہیں اور اس لیے طبعی یا خلی مقطب  
 نور کی ماہیت کے متعلق ہی تصور مناسب ہے۔  
 انوکھاس کے ذریعہ مستوی مقطب نور کی پیدا ایش۔

انیسویں صدی کے اوائل میں پیرس کی اکیڈمی (Paris Academy) نے انعام مقرر کر کے نور کے ذیلی انعطافات کی توجیہ کے لیے ریاضی کا نظریہ طلب کیا تو مالوس (Malus) نامی ایک فرانسیسی افسر جو مصر کی ہم سے پیرس کو گیا تھا واپس ہوا تھا اس نظریہ کی تلاش میں مصروف تھا کہ اتفاقاً شام میں ایک دن شام کو اس کی نظر آفتاب کے خیال پر پڑی جو قصر لکسمبورگ (Luxembourg Palace) کی ایک کھڑکی کے آئینہ میں شعاعوں کے انعکاس سے پیدا ہوا تھا مالوس نے اس خیال کا کیلسائیٹ کی قلم میں سے مطالعہ کیا تو اس کو قلم کی بعض وضعوں میں بجائے دو خیالوں کے صرف ایک ہی خیال دکھائی دیا۔ قلم کو بتدریج گھمانے سے کبھی معمولی خیال غائب ہو جاتا تھا اور کبھی غیر معمولی خیال۔ اتنے میں آفتاب غروب ہو گیا اور مالوس نے پانی اور خشک وغیرہ جیسی شفاف اشیاء کی سطح پر سے موم بتی کے شعلہ کی شعاعوں کو منعکس کر کر کر کیلسائیٹ کے ذریعہ نور کا امتحان کیا تو معلوم ہوا کہ شعاعیں جب ایک خاص زاویہ پر واقع ہوتی ہیں تو ان کا نور مستوی مقطب ہوتا ہے۔

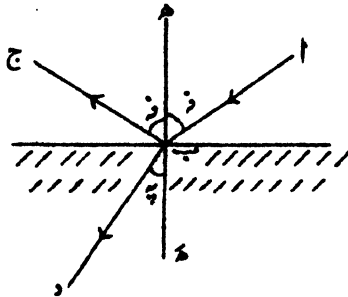
بعد کی تحقیقاتوں سے معلوم ہوا کہ اس طرح خاص زاویوں پر جو پنسل منعکس ہوتی ہے بالکلہ مقطب نہیں ہوتی ہے کچھ حصہ غیر مقطب رہ جاتا ہے۔ علی الخصوص جبکہ انعکاس پیدا کرنے والی شے کا انعطاف مناسبت بڑا ہوتا ہے اس خاص زاویہ کو مقطب زاویہ کہتے ہیں۔ کامل تقطیب نہ ہونے کی یہ وجہ ہے کہ انعکاس انگیز سطح پر اس کو غلط بنانے میں یا موسمی اخراجات سے یا گرد و غبار کے جم جانے سے ایک کمتر انعطاف نما والی شے تیار ہو جاتی ہے۔ مالوس کے اکتشاف کے چند ہی سال بعد بروسٹر (Brewster) نے دریافت کیا کہ شفاف مادے کی سطح پر سے مقطب زاویہ پر نور کی پنسل جب منعکس ہوتی ہے تو مقطب زاویہ کا عکاس انعکاس و انعطاف پیدا کرنے والے مادے کے انعطاف نما کے مساوی ہوتا ہے۔ اس کلیہ کو بروسٹر کا کلیہ کہتے ہیں۔ اس سے یہ نتیجہ برآمد ہوتا ہے کہ ایسی صورت میں منعکس اور منعطف شعاعیں باہم دیگر علی القوائم ہوتی ہیں۔ اس لیے کہ اگر مقطب زاویہ

ہو اور یہ زاویہ انعطاف

$$\text{تو جب فہ} = \text{مر جس میں مر} \equiv \text{انعطاف نما}$$

$$\text{اور ہوسٹر کے کلیہ سے مس فہ} = \frac{\text{جب فہ}}{\text{جم فہ}} = \text{مر}$$

$$\text{پس جب پہ} = \text{جم فہ یعنی فہ} + \text{پہ} = \frac{\pi}{2} \quad (\text{ملاحظہ ہو شکل ۹۳})$$



شکل ۹۳

جو پنسل اس طرح منعطف ہوتی ہے اس کا امتحان کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ اس کا بھی کچھ جزو منعطف ہوتا ہے لیکن بہت ہی کم جزو۔ اور اس کی تقطیب کا مستوی منعکس پنسل کی تقطیب کے مستوی کے علی القرائم ہوتا ہے۔ اگر انعطاف بجائے ایک موٹی تختی میں ہونے کے چلی پروں کے ایک تہہ بر تہہ رکھے ہوئے مجموعہ میں ہو تو منعطف پنسل تقریباً پوری کی پوری منعطف پائی جائیگی۔ ایسی تقطیب کو سادہ انعطاف کی تقطیب کہتے ہیں۔

مستوی انعطاف سے متعلق تجربے کرنے کے لیے سب سے پہلے اس بات کی ضرورت محسوس ہوتی ہے کہ ایک ہی مستوی میں مقطب نور کی پنسل حاصل

کی جائے۔ انعکاس سے جو تقطیب پیدا ہوتی ہے ایک ہی مستوی میں ہوتی ہے اور اس لیے اس کو تجربہ میں استعمال کر سکتے ہیں۔ لیکن اس میں وقت ہے کہ ہر مقطب پنسل کے لیے شیشہ کی ایک تختی کو ایک خاص زاویہ میں گھما کر کھڑا کرنا پڑتا ہے جس کی وجہ سے پیائش میں چنداں باریکی نہیں حاصل ہو سکتی۔ ڈیبلے انعطاف سے جو مقطب پنسلیں پیدا ہوتی ہیں ان کو ایک دوسری سے علحدہ کرنے کے لیے خاص خاص طریقے اختیار کرنے پڑتے ہیں یعنی ایک مقطب پنسل کو محفوظ رکھ کر دوسری کو جذب کر دینا پڑتا ہے جیسا کہ نیکول کے منشور کے بیان میں آگے چل کر بتایا جائیگا۔ حسن اتفاق سے ٹورملین (tourmaline) ایک ایسا ڈیبلے انعطاف والا مادہ ہوتا ہے جس کی بعض رنگین قسمیں اگر اس کے محور کے متوازی تراشی جائیں تو معمولی خیال والی پنسل کو بالکلیہ جذب کر لیتی ہیں اور اس طرح صرف غیر معمولی خیال والی پنسل خارج ہوتی ہے۔ ایسی تراشی ہوئی تختیوں کو حلقوں میں بٹھا کر ایک دوسری کے متوازی ترتیب دے سکتے ہیں۔ قطعے اپنے مستوی میں حسب ضرورت گھمائے جاسکتے ہیں جس کی وجہ سے قلموں کے محوروں کے مابین حسب دلخواہ زاویہ پیدا کیا جاسکتا ہے۔

مزید ہم کیلسائیٹ کے ڈیبلے انعطاف پر مزید بحث کریں گے اور ہویگنز (Huygens) کے ناصیہ موج کے طریقہ سے بتائیں گے کہ یہ قلمیں جب باعتبار محور خاص خاص وضعوں میں تراشی جاتی ہیں تو ان میں کس طرح نور کی اشاعت ہوتی ہے۔ پہلے صدر مستوی کے مفہوم کو مزید عمومیت دی جاتی ہے۔ اس کی ضرورت نہیں کہ وہ قلم کے مناظری محور میں سے گزرنے والا اور انشقاق سے پیدا ہونے والی کسی سطح کے علی القوائم مستوی میں واقع ہو یہ وہ مستوی جو مناظری محور میں سے گزرتا ہو اور قلم کو کاٹ کر جو کوئی بھی مستوی سطح تیار کی جاسکتی ہو اس کے علی القوائم ہر صدر مستوی کہلا جاسکتا ہے۔

جب ایسے صدر مستوی میں قلم کی کسی تراخی ہوئی سطح پر نور کی شعاع واقع ہوتی ہے اور اس شعاع کے وقوع کا زاویہ یکے بعد دیگرے مختلف نہیں اختیار کرتا ہے تو معلوم ہوگا کہ محسوساً دو منعطف شعاعیں پیدا ہونگی۔

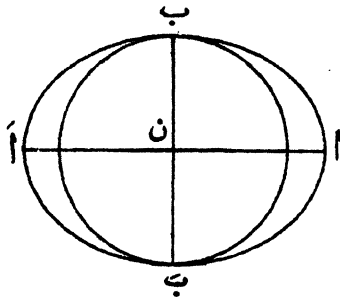
ایک معمولی شعاع ہوگی جو معمولی انعطاف کے دونوں گلیوں کے تابع ہوگی یعنی وہ صدرستوی میں ہوگی اور اس کے لیے زاویہ وقوع اور زاویہ انعطاف کی جیبوں میں نسبت (صم) مستقل ہوگی جو سوڈیم کے نور کے لیے ۱۵۸۲ کے مساوی ہے۔ دوسری یعنی غیر معمولی شعاع صدرستوی میں تو ہوگی لیکن زاویہ وقوع کی تبدیلی کے ساتھ اس زاویہ اور اس کے متعلقہ زاویہ انعطاف کی جیبوں میں نسبت مستقل نہیں ہوگی۔

چنانچہ ہوگا گزرنے پر تجربہ کے ذریعہ بتایا کہ اگر گیلیاٹ کی قلم کے اندر اس کے کسی ایک صدرستوی میں کسی نقطہ ن سے (شکل ۵۵۹) تمام سمتوں میں معمولی شعاعیں کھینچی جائیں تو ان سب شعاعوں کے سرے ایک دائرہ کے محیط پر ہونگے یعنی ناصیہ موج دائرہ ہوگا اور اگر اُسی نقطہ سے اسی ستوی کے اندر تمام سمتوں میں غیر معمولی شعاعیں کھینچی جائیں تو ان کے سرے ایک قطع ناقص کے محیط پر ہونگے۔ ناقص کا محور اقل دائرہ کے قطر کے ساتھ قلم کے مناظری محور کی سمت میں منطبق ہوگا اس لیے کہ اس سمت میں غیر معمولی شعاع کی رفتار اقل اور معمولی شعاع کی رفتار کے مساوی ہوتی ہے اور اس کے علی التواظم یعنی ناقص کے محور اعظم کی سمت میں غیر معمولی شعاع کی رفتار اعظم ہوتی ہے۔ ناقص کا نیم قطر سمتی اس سمت میں غیر معمولی شعاع کی رفتار کے متناسب ہوتا ہے۔ پس اس قلم کے صدرستوی کے اندر غیر معمولی ناصیہ موج قطع ناقص ہوتا ہے جو معمولی ناصیہ موج کے دائرہ کو مناظری محور ب ب کی سمت میں چھوتا ہے اور جس کا نصف محور اقل دائرہ کا نصف قطر ہوتا ہے۔ ناقص کے نصف محور اعظم اور نصف محور اقل میں نسبت قلم کے غیر معمولی انعطاف نما اور معمولی انعطاف نما کی نسبت کے مساوی ہوتی ہے

یعنی  $\frac{ان}{ب ان} = \frac{صم}{صم}$  جس میں صم بھی مستقل ہے اور

سوڈیم کے نور کے لیے اُس کی قیمت ۴۸۶۳ ہے۔  
مناظری محور ب ب میں سے گزرنے والے تمام ستویوں کے لیے

شکل ۹۲ معمولی اور غیر معمولی نامیہ موج کی تعبیر کرتی ہے۔ شکل مذکور کو اگر



شکل ۹۲

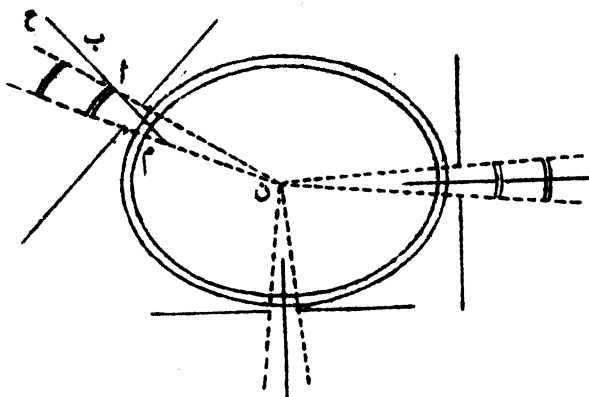
محور ب کے گرد گھمایا جائے تو ناقص اور دائرہ عملی الترتیب چپٹا کرہ بنا (Oblate spheroid) اور کرہ تکوین کہیے۔

پس آئیں لینڈ اسپار (کیلسائیٹ) کی قلم کے اندر اگر کسی نقطہ سے بلا روک نور کی اشاعت ہوتی ہے تو اس کا ناصیبہ موج دوسرا ہوتا ہے ایک کروی اور دوسرا چپٹا کرہ نمائی جو کروی ناصیبہ موج کو اپنے محور اقل کے سرول پر مس کرتا ہے اور یہ محور قلم کا مناسطری محور ہوتا ہے۔

غیر معمولی خیال سے متعلق موج کی رفتار

اور شعاع کی رفتار میں امتیاز۔ شکل ۹۳ میں نقطہ ن سے پھیلنے والا ایک کرہ ننا ناصیبہ موج بتایا گیا ہے بیرونی قطع ناقص اندرونی قطع کی دوسری وضع ہے جو تھوڑے سے وقفہ کے بعد صورت پذیر ہوتی ہے۔ واضح ہے کہ شکل ایک کرہ ناخول کو تعبیر کرتی ہے جو نور کی اشاعت کے ساتھ موٹا ہوتا جاتا ہے شعاعیں جو

نقطہ ن سے نکل کر ناصیہ موج کے ساتھ آگے کو بڑھتی ہیں عموماً ناصیہ موج کے

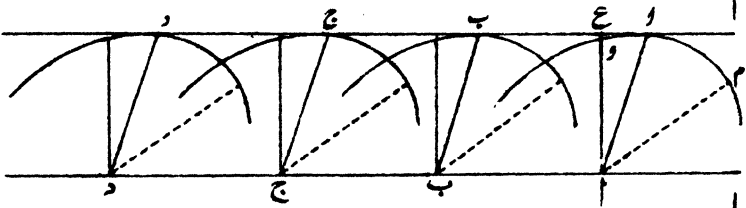


شکل ۹۵

علی القوائم خلیں ہوتی ہیں۔ صرف محور اعظم اور محور اقل کے سروں پر محکم شکل کے نیم قطر سمتی سطح کے علی القوائم ہوتے ہیں۔ چنانچہ نقطہ م پر جو محوروں سے منسلک واقع ہے اگر ایک سوراخ دار پردہ (جس کا ستوی ناصیہ موج کی سطح کو مس کرتا ہے) رکھ دیا جائے تو سوراخ کے اندر سے نور کے ناصیہ موج کا صرف ایک ٹکڑا آگے کو گزرے گا۔ ۲ اور ب اس کی دو وضعیں ہیں جو وہ یکے بعد دیگرے اختیار کرتا ہے۔ م ع سطح پر کے عمود کی سمت ہے جس سے ظاہر ہے کہ ناصیہ موج اس عمود کی سمت میں نہیں بلکہ اس سے ہٹ کر گزرتا ہے یعنی نور کی توانائی جو شعاع کی سمت میں آگے کو بڑھتی ہے علی القوائم ناصیہ موج کے علی القوائم سمت سے منطبق نہیں ہوتی۔ اس امر کو زیادہ وضاحت کے ساتھ سمجھنے کے لیے فرض کیجئے کہ کیلسائیٹ کی قلم میں ایک ستوی ناصیہ موج پر چند نقطے 'ا' 'ب' 'ج' 'د' وغیرہ واقع ہیں۔ ہو بلگنز کے اصول کے بموجب یہ نقطے گرو نما موجوں کے ثانوی



ہیں۔ ملاحظہ ہو شکل ۹۷۔ جس میں سہولت کی خاطر فرض کیا گیا ہے کہ مناظری محور کا غد کے مستوی میں واقع ہے اور 'ا' 'ب' 'ج' 'د' وغیرہ سے جو نقطہ دار خط 'ا' 'م' وغیرہ کھینچے گئے ہیں ثنائی ناصیہ موج کے متعلقہ محور اعظم کو تعبیر کرتے ہیں۔ مناظری محور ان نقطہ دار خطوط کے علی القوائم ہیں۔ ثنائی موجوں کا لافاف (envelope) مستوی ناصیہ موج کی دوسری وضع کو



شکل ۹۷

تعبیر کرتا ہے جو شکل میں خط مستقیم 'ا' 'ب' 'ج' 'د' کے ذریعہ اظہار کی گئی ہے۔ 'ا' 'ب' 'ج' 'د' 'ا' وغیرہ پہلے ناصیہ موج سے دوسرے ناصیہ موج کو جانے والی شعاعیں ہیں۔ یہ شعاعیں درحقیقت دو متصل ناصیہ موج کے درمیانی اقل مناظری راستے ہیں۔ اگرچہ پیمائش سے یہ ظاہر ان ناصیوں کا عمودی فاصلہ 'ا' و 'ع' سب سے چھوٹا معلوم ہوتا ہے لیکن یہ یاد رکھنا چاہیے کہ مناظری اعتبار سے 'ا' و 'ا' اور 'ا' و 'ا' مساوی ہیں اس لیے کہ ایک ہی نقطہ 'ا' سے نکلے ہوئے نیم قطری سمتیاں ہونے کی وجہ سے نور ان فاصلوں کو ایک ہی وقت میں طے کرتا ہے پس واضح ہے کہ عمودی فاصلہ 'ا' و 'ع' جو 'ا' و 'ا' سے زائد ہے 'ا' سے بھی مناظرًا زائد ہے۔ ناصیہ موج کے آگے بڑھنے کی رفتار ہی کو دراصل موج کی رفتار تصور کرنا چاہیے۔ چونکہ ناصیہ موج عمود کی سمت میں آگے کو بڑھتا ہے اس لیے موج کی رفتار کو شعاع کی رفتار کے ساتھ ہی

نسبت ہے جو شکل ۹۶ میں خط ۲ ع کو ۱ ا کے ساتھ ہے۔  
 اگر مناظری محور کا غز کے مستوی میں نہ ہو تو شعاعوں ۱ ا و ۲ ب ب' ج ج' د د' والا مستوی ناصبیہ موج کے علی القوائم نہ ہوگا۔ یعنی شعاعوں کے برے ۱ ا ب' وغیرہ نہ صرف عمود کے سروں ع' وغیرہ کے ایک بازو واقع ہونگے بلکہ عام صورت میں ان کے سامنے یا پیچھے بھی ہٹ جائیں گے۔  
 کیلسا ٹیٹ کی قلم کی سطح پر سے نور کے مستوی ناصبیہ موج کا انعطاف۔ ہوینگز کے اصول کی مدد سے جس طرح واحد انعطاف والے واسطوں میں منعطف ناصبیہ موج کی تعیین کی جاتی ہے اسی کے مماثل دُئیے انعطاف والی کیلسا ٹیٹ کی قلم کے اندر جو معمولی اور غیر معمولی انعطافوں سے متعلق دو ناصبیہ موج پیدا ہوتے ہیں ان کی بھی تعیین ہو سکتی ہے، قلم کی سطح جس پر ناصبیہ موج واقع ہوتا ہے، بلحاظ مناظری محور کسی بھی وضع میں ہو۔ ذیل میں ہم اس کی چند خاص خاص مثالیں حل کر کے بتائیں گے جن سے اس اصول کا اطلاق نمایاں طریقہ پر واضح ہوگا اور کیلسا ٹیٹ کے ہر دو انعطاف مناووں کی قیمتیں معلوم کرنے کے تجربی طریقے بھی باسانی سمجھ میں آسکیں گے۔

(۱) پہلے ہم فرض کر سکیں گے کہ قلم کا مناظری محور واقع ناصبیہ موج کے مستوی میں ہے اور قلم کی سطح اور واقع ناصبیہ موج کے ساتھ کوئی بھی زاویہ بناتا ہے۔ ملاحظہ ہو شکل ۹۷ جس میں ن ص واقع ناصبیہ موج ہے۔ ن ف قلم کی سطح اور مستوی وقوع کا خط تقاطع ہے اور ن میں سے گزرنے والا نقطہ دار خط قلم کے مناظری محور کو تعبیر کرتا ہے۔ ص ف واقع ناصبیہ موج ن ص کے علی القوائم کھینچا گیا ہے۔ ن ص جیسے جیسے آگے کو بڑھیں گے اس کا ن کی طرف کا زیادہ زیادہ حصہ قلم کی سطح سے ٹکرائیگا۔ پس ہوینگز کے اصول کے بموجب ن ف پر کے نقطے آگے بعد دیگرے مناظری مبداء بنتے جائیں گے اور ان سے قلم کے واسطہ میں کروی اور گہرائی ناصبیہ آگے کو بڑھیں گے۔ جتنی دیر میں واقع ناصبیہ موج ہوا میں ص سے ف تک



دائرہ نما کا ماسی خط ف غ نقطہ تھا س غ کو نقطہ ن سے ملانے والے نیم قطر سمتی ن غ کے ساتھ زاویہ قائمہ نہیں بناتا ہے۔ بلکہ ایک دوسرے خط غ غی زاویہ قائمہ بناتا ہے۔ نقطہ ن سے جو عمود خط ف غ پر گرایا جائیگا وہ اس سے کسی اور نقطہ پر ملیگا۔ فرض کرو کہ یہ نقطہ غ ہے جو شکل میں نہیں بتایا گیا ہے۔

چونکہ ن ص واقع ناصیہ موج ہے اس لیے زاویہ ف ن ص ہوا زاویہ وقوع ہے اور ا ن م قلم میں معمولی زاویہ انعطاف ہے۔

$$\begin{aligned} \text{جب } \angle \text{ف ن ص} &= \frac{\text{موج نور کی رفتار ہوا میں}}{\text{معمولی موج نور کی رفتار قلم میں}} \\ \text{جب } \angle \text{ا ن م} &= \frac{\text{موج نور کی رفتار ہوا میں}}{\text{غیر معمولی موج نور کی رفتار قلم میں}} \end{aligned}$$

اسی طرح

واقع ہو کہ زاویہ ف ن غ غیر معمولی شعاع کے انعطاف کا زاویہ نہیں ہے بلکہ غیر معمولی ناصیہ موج پر کے عمود کا انعطافی زاویہ ہے۔

غیر معمولی شعاع کے انعطاف کا زاویہ ف ن غ ہے اور زاویہ وقوع کی جیب اور اس غیر معمولی شعاع کے زاویہ انعطاف کی جیب میں نسبت

$$\frac{\text{موج نور کی رفتار ہوا میں}}{\text{غیر معمولی شعاع کی رفتار قلم میں}} \text{ کے مساوی نہیں ہے۔}$$

اگر وقوع کا مستوی قلم کا صدر مستوی نہ ہو یعنی مناظری محور وقوع کے مستوی کے باہر ہو تو ماسی مستوی عام طور پر کڑھ نمائی ناصیہ موج کو وقوع کے مستوی میں مس نہیں کرتا ہے اس لیے غیر معمولی منعطف شعاع وقوع کے مستوی کے باہر ہوتی ہے۔

اگر واقع شعاع اور قلم کا مناظری محور دونوں قلم کی سطح کے علی التوا اعم ہوں تو چونکہ نور کی اشاعت مناظری محور کی سمت میں ہوگی جس میں معمولی اور غیر معمولی موجوں کی رفتار ایک ہی ہوتی ہے اس لیے دو خیال







لیکن صد = > ن ف ت اس لیے جب صد =  $\frac{ن}{ن}$  اور

ازروئے کلیۃ العطاء =  $\frac{جب و}{مغ}$  جس میں و ہوا میں زاویہ وقوع

ہے۔

$$\frac{جب و}{مغ} = \frac{جب و}{مغ} = \frac{جب و}{مغ}$$

$$\therefore \text{مس طغ} = \frac{1}{ب} \text{ مس صد} = \frac{1}{ب} \frac{جب و}{مغ} = \frac{1}{ب} \frac{جب و}{مغ}$$

$$\frac{1}{ب} = \frac{جب و}{مغ} = \frac{جب و}{مغ}$$

$$\text{لیکن } \frac{1}{ب} = \frac{مس}{مغ} \therefore \text{مس طغ} = \frac{1}{ب} \text{ مس صد} = \frac{1}{ب} \frac{مس}{مغ} = \frac{مس}{مغ}$$

(صد) فرض کر دو کہ واقع مستوی ناصیہ موج قلم کی سطح کے متوازی ہے

اور مناظری محور ن ل واقع مستوی میں قلم کی سطح کے ساتھ زاویہ طہ بناتا ہے۔ ملاحظہ ہو شکل ۱۸۔ معمولی منعطف شعاع سطح کے عمود ن ع سے منطبق ہے۔ غیر معمولی منعطف شعاع ن ت ہے جس میں ت گہرائی ناصیہ موج کے ساتھ سطح قلم کے متوازی خط م ت ع کا نقطہ تماس ہے۔

ان معمولی اور غیر معمولی منعطف شعاعوں کا درمیانی زاویہ معلوم کرنے کے لیے جو اس خاص صورت میں غیر معمولی شعاع کا زاویہ انعطاف بھی ہے مناظری محور ن ل کو ل تک آگے بڑھاؤ تاکہ وہ نقطہ تماس پر کے ماسی خط ت ع سے مل جائے۔ اسی طرح ن ل کے





ب<sup>۲</sup> برآمد ہوتی ہے۔

$$\frac{1}{\lambda} \times \frac{\lambda^2}{b} = \frac{n}{\lambda} = \text{پس مس طہ}$$

$$\text{اور } \frac{\text{مس طہ}}{\text{مس ذہ}} = \frac{\lambda^2}{b} = \frac{m}{\lambda}$$

$$\frac{\text{مس طہ} - \text{مس ذہ}}{\text{مس طہ} + \text{مس ذہ}} = \text{لیکن مس (طہ - ذہ)}$$

$$= \frac{m - \lambda}{m + \lambda} =$$

دُئیالے انعطاف سے متعلق ہو یلانز کے ہندسی عمل

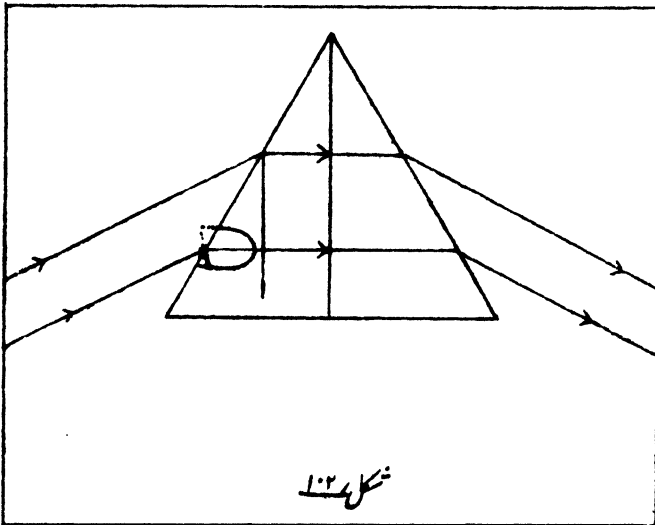
کی تجربی تصدیق۔ سب سے پہلے مالوس (Malus)

نے اس ہندسی عمل کی تجربی تصدیق کی۔ اس کے بعد اسٹوکس (Stokes) اور گلڈز بروک (Glazebrook) وغیرہ نے طیف پیماس استعمال کر کے زیادہ صحت کے ساتھ پیمائشیں کیں اور ہم اور مرغ کی قیمتیں دریافت کیں۔

یہ ثابت کرنے کے لیے کہ معمولی شعلع کا انعطاف اس کے قلم میں سے گزرنے کی سمت کے غیر تابع ہے۔ کیلسائیٹ کی قلم کی مختلف سمتوں میں تراشے ہوئے ایک ہی زاویہ کے پتلے منشور ایک دوسرے پر رکھ کر باہم دیگر جوڑ دیے گئے، اس طرح ہر کہ مساوی زاویہ انعطاف کا ایک مرکب منشور تیار ہو گیا (جس کے انعطافی کنارہ کا طول ان تمام منشوروں کے انعطافی کناروں کا حاصل مجموعہ تھا)۔ اس کو طیف پیماس کی میز پر رکھ کر چھری کو ایک لونی نور سے منور کر کے دھڑ بن میں سے دیکھا تو معلوم ہوا کہ مرکب منشور کے اجزاء اگرچہ مختلف سمتوں میں غیر معمولی خیال

پیدا کرتے ہیں لیکن ان سبھوں سے صرف ایک ہی معمولی خیال حاصل ہوتا ہے۔

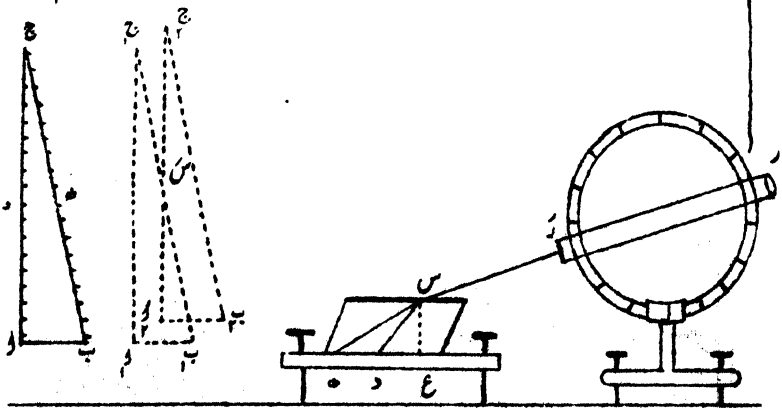
گلیو بروک نے کیڈسائیٹ کی قلم سے ایک ایسا منشور تراشا جس کا انعطافی کنارہ قلم کے مناظری محور کے متوازی تھا۔ اس منشور کو طیف پیمائی مینز پر اقل انحراف کی وضع میں رکھ کر معروف ضابطہ سے ہم اور ہر کسی کی تعین کی گئی۔ ملاحظہ ہو شکل ۹۸ جو صورت (ب) سے متعلق ہے۔



قلم سے اگر ایسا منشور تراشا جائے جس میں مناظری محور منشور کے انعطافی زاویہ کی تنصیف کرتا ہو تو شکل ۹۸ کے معائنہ سے واضح ہوگا کہ شعاعیں جب اقل انحراف کی حالت میں منشور میں سے گزریں گی مناظری محور کے علی القوائم ہوں گی اور اس لیے معمولی نور کی طرح منطقت ہوں گی۔ پس ایسے منشور کو طیف پیمائی مینز پر رکھ کر یکے بعد دیگرے معمولی اور غیر معمولی شعاعوں کے اقل انحراف کی وضع ترتیب دی جائے تو معروف ضابطہ سے ہم اور ہر کسی کی قیمتیں دریافت ہو جاسکتی ہیں۔

مالوس نے لیف پیا کی ایجاد سے پہلے صورت (ج) کے منظر و حالات کے تحت جو کیفیت پیدا ہوتی ہے (ملاحظہ ہو شکل ۱۱۹) اس کے نتائج کی تصدیق کی۔ مالوس کے تجربہ کا خاکہ شکل ۱۲۰ میں بتایا گیا ہے۔

اوج اور ب ج دو درجہ دار پیمانے ہیں جو ایک محلی فوادی تختی پر کندہ کیے گئے ہیں اور ایک دوسرے سے بہت چھوٹے زاویہ پر رائل ہیں۔ کیلسائیٹ کی ایک موٹی قلم جس کی سطحیں مناظری محور کے متوازی تراشی گئی ہیں اس پیمانے دار تختی پر ایسی وضع میں رکھ دی جاتی ہے کہ قلم کی صدر تراش پیمانہ اوج کے علی التوائم ہے۔ پیمانوں کی تختی اور قلم ایک متوازی الافق دائرہ پر رکھے جاتے ہیں جس کی پیچیدار ٹیکنوں کو حسب ضرورت ادھجایا کرنے سے قلم کی بالائی سطح صحت کے ساتھ افقی بنائی جاسکتی ہے۔ قلم کی بالائی سطح کو اب اگر دُور بین زر میں سے دیکھا جائے تو اوج اور اب ج پیمانوں کے دو دو خیال دکھائی دیں گے۔ ان کو شکل میں اوج، اب ج اور ب ج، ب ج، ب ج سے تعبیر کیا گیا ہے۔ عموماً ب ج کا کوئی ایک نشان اب ج کے کسی ایک نشان سے منطبق پایا جائیگا۔ فرض کرو کہ



شکل ۱۲۰

یہ نشان س ہے۔ واضح ہے کہ س پیمانہ اس کے کسی نشان د کا خیال ہے اور ساتھ ہی پیمانہ س ج کے کسی نشان د کا بھی۔ نقطہ جب دور بین میں سے دکھائی دیکھا تو دور بین کا محور قلم کی سطح کو کسی نقطہ س میں قطع کریگا۔ نشان د اور د جو باہم دیگر منطبق نظر آتے ہیں پیمانوں پر پڑے لیے جاتے ہیں اور فاصلہ د پیمائش کے ذریعہ دریافت کر لیا جاتا ہے۔ اگر قلم کی موٹائی س ع کو ٹ سے تعبیر کیا جائے تو

$$د = س ع - د ع = ٹ (س طغ - س طم)$$

لیکن س طم معلوم ہے اس لیے کہ زاویہ وقوع انتصابی خط اور دور بین کے محور ر س کا زاویہ میلان ہے۔ اور جب و = س م جب ط جس میں و زاویہ وقوع ہے۔ پس طم کی قیمت معلوم ہو جاتی ہے اور مندرجہ بالا ضابطہ سے طغ کی قیمت بھی دریافت ہو جاتی ہے۔ مالوس کے تجربہ سے معلوم ہوا کہ اس طرح طغ کی جو قیمت برآمد ہوئی ہوگی گنز کے ہندسی عمل والے ضابطہ

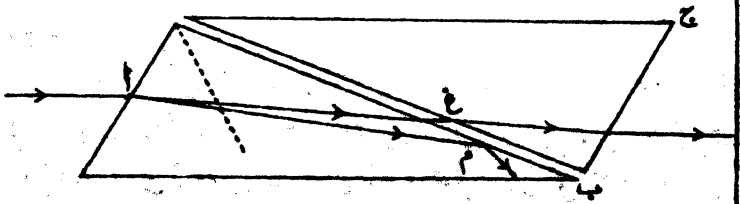
$$س طغ = \frac{س م}{س م}$$

سے حاصل کی ہوئی قیمت کے مساوی ہے۔ جس سے ظاہر ہے کہ غیر معمولی نور کے ناصیہ موج کی وہ تراش جو مناظری محور میں سے گزرتی ہے قطع ناقص ہے اور چونکہ ناصیہ موج ایک گردشی سطح ہے اس لیے وہ ایک کڑھا ہے جس کے نصف محور اعظم و اقل ۱ اور ب ہیں۔

مالوس نے صورت (د) کے منظرہ حالات کے تحت بھی جو کیفیت پیدا ہوتی ہے (ملاحظہ ہو شکل مثلاً) اس کے نتائج کی تصدیق کی۔ پس ہوگی گنز کے قیاس یعنی غیر معمولی ناصیہ موج کے گردشی کڑھا ہونے کے متعلق مزید ثبوت ہم پہنچتا ہے۔

مساوی مقطب نور کی پیدائش اور اس کے

۱۔ امتحان کے ذرائع۔ جیسا کہ قبل ازیں بتایا گیا ہے انعطاف اور انعکاس دونوں طریقوں سے مستوی مقطب نور پیدا ہو سکتا ہے اور ان طریقوں سے اس کا امتحان بھی ممکن ہے۔ پہلے ہم انعطاف والے آلات کا ذکر کریں گے اس کے بعد ان کے ذریعہ تقلیب آسانی کے ساتھ عمل میں آتی ہے اور اس کا امتحان بھی سہولت اور باریکی کے ساتھ ہو سکتا ہے۔ ان آلات میں سب سے زیادہ مفید اور مشہور نیکول کا ایسا ذکرہ منشور ہے جو نیکول کا منشور کہلاتا ہے جس کی شکل مستطیل میں توضیح کی گئی ہے۔ یہ دراصل اس لینڈ اسپار یا کیلسائیٹ کی قلم ہے جس کے دو متقابل سروں پر کی سطحوں یا پہلوؤں کے کنارے باہم دیگر مساوی اور قلم کے بقیہ کناروں کے ایک ہتائی ہوتے ہیں۔ اس کے بعد قلم کو اس کے ایک کند (یا منفرد) کونے سے دوسرے کند کوئے تک سروں کے پہلوؤں کے لمبے وتر کے متوازی مستوی میں تراش لیا جاتا ہے۔ اور اس طرح تراشے ہوئے پہلوؤں کو بچلے کر کے کینڈا بلسان کی پتلی جلی کے ذریعہ باہم دیگر جوڑ دیا جاتا ہے۔ شکل میں نقطہ در خط منطری محور کو تعبیر کرتا ہے جب شعاع شکل کے مستوی میں



شکل ۱۲

نقطہ ۱ پر واقع ہوتی ہے تو چونکہ اس قلم میں مساوی شعاع کا اوسط انعطاف تھا ۱۵۶۹ اور غیر مساوی شعاع کا اس سے کم (۱۵۴۹) ہوتا ہے اول الذکر ۱۵۶۹ نسبت دوسری یعنی ۱۵۴۹ کے زیادہ منعطف ہوتی ہے۔ کینڈا بلسان کا اوسط

انعطاف نما ۵۲ را ہونے کی وجہ سے غیر معمولی شعاع تو بلسان میں سے گزر کر منشور کے پہلو ب ج کے باہر نکل آتی ہے۔ لیکن معمولی شعاع ام بلسان پر عموماً ایسے زاویہ پر ( $\frac{1}{4}$  یا اس سے زائد) واقع ہوتی ہے کہ انعکاس کلی عمل میں آتا ہے اور وہ منشور کے ایک لمبے پہلو سے نکل جاتی ہے جس کو عموماً سیاہ رنگ دیا جاتا ہے تاکہ یہ منکس معمولی شعاع جذب ہو جائے۔ پس اس طرح صرف غیر معمولی شعاع ہی قلم کے شفاف پہلو سے برآمد ہوتی ہے۔ اور اس لیے قلم کے صدر مستوی کے علی القواکم مقطب ہوتی ہے۔

نیکول کے منشور میں علی العموم مستحق پنسلیں ہی استعمال ہوتی ہیں۔ صرف غیر معمولی شعاع کے باہر آنے کے لیے ضروری ہے کہ واقع پنسل کی انتہائی شعاعوں کا درمیانی زاویہ ہوا میں ۲۴ سے زیادہ نہ ہونا چاہیے۔

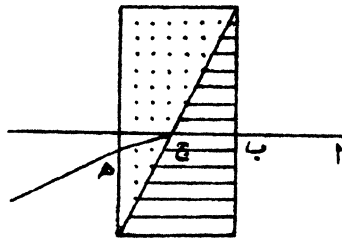
### فو کو (Foucault) کا منشور۔ نیکول کے منشور

میں تراشے ہوئے دو اجزاء کو کینڈا بلسان سے جوڑتے ہیں اور فو کو کے منشور میں محض ہوا کی جھلی سے کام لیا جاتا ہے۔ واضح ہے کہ حامل واسطہ کا انعطاف نما جس قدر چھوٹا ہوگا زاویہ فاصل بھی اس کی مناسبت سے چھوٹا ہوگا اور اس لیے کسی دی ہوئی چوڑائی کے ساتھ قلم کا طول بھی کمتر ہوگا۔

ہوا کی حامل جھلی کے لیے معمولی اور غیر معمولی شعاعوں کے فاصل زاویہ علی الترتیب ۳۴° اور ۲۲° ہیں۔ پس اگر اس جھلی پر شعاع ام کا زاویہ وقوع ان زاویوں کے مابین ہوگا تو معمولی شعاع کلی منکس ہو جائیگی اور غیر معمولی شعاع منشور میں سے باہر نکل آئیگی۔ لیکن اس منشور میں ایک بڑا عیب یہ ہے کہ ہوا کا انعطاف نما بہت ہی قلیل ہونے کی وجہ سے جھلی پر سے غیر معمولی شعاع کا نور بھی بہت منکس ہو جاتا ہے اور اس لیے تنویر میں بڑا نقصان واقع ہوتا ہے۔

### روشون (Rochoon) کا منشور۔ کیلسائیٹ (Calcite)

کے دو مساوی زاویے والے منشور اس طرح تراشے جاتے ہیں کہ ایک کا انعطافی کنارہ قلم کے مناظری محور کے متوازی ہوتا ہے اور دوسرے کا اس کے علی القوائم۔ اس کے بعد ان سطحوں کو جملے کر کے ان کے انعطافی کناروں کو بالمتقابل رکھ کر باہم دیگر ملا دیا جاتا ہے اس طرح ہر دووں کے ملاپ سے ایک قائم متوازی السطوح تیار ہو جاتا ہے۔ ملاحظہ ہو شکل ۱۰۵۔



شکل ۱۰۵

جس میں اس مرکب منشور کی عمودی تراشش بتائی گئی ہے۔ جزو منشور ب ج میں مناظری محور کی سمت ب ج لینے واقع شعاع کے متوازی ہے اور جزو ج ہ میں تراشش کے علی القوائم۔ شعاع ا ب جب پہلے جزو کی سطح پر عمود وار واقع ہوتی ہے تو معمولی اور غیر معمولی دونوں شعاعیں بلا تقسیم جوڑ ج تک چلی جاتی ہیں۔ ج پر پہنچ کر معمولی اور غیر معمولی شعاعوں میں پھیلاؤ واقع ہوتی ہے۔ معمولی شعاع ب ج کی سمت میں بلا انحراف چلی جاتی ہے اور بالآخر مرکب منشور کے مقابل والے کنارے پر سے سیدھی خارج ہوتی ہے۔ لیکن غیر معمولی شعاع جزو منشور ج ہ کے انعطافی کنارے کی طرف منحرف ہوتی ہے اگر منشور کیلکسائیٹ کی قلم کے ہوں اور اس کے قاعدہ کی طرف منحرف ہوتی ہے اگر منشور بلور کے ہوں۔

اگر جزو منشور کا انعطافی زاویہ ا ہو اور ہ غیر معمولی شعاع کا زاویہ انحراف تو جوڑ کے پاس چونکہ زاویہ وقوع بھی (ازدوے خواص مثلث قائمہ) ا ہے



اس لیے

جب (۱ + ح) =  $\frac{\text{سغ}}{\text{ب}} = \frac{۱}{\text{ب}}$  (جس میں ۱ ادب کرہ خاکہ نصف مجہولہ  
 ح عموماً چھوٹا ہوتا ہے اس لیے تقریباً)  $\frac{۱}{\text{ب}}$  نصف مجہولہ اقل ہیں)

$$۱ + ح مم ۱ = \frac{۱}{\text{ب}}$$

$$\text{پس } \dots\dots\dots = \frac{۱ - \text{ب}}{\text{ب}} \text{ مس ۱}$$

اگر مرکب منشور کی مقابل سطح پر سے غیر معمولی شعاع کے اخراج کا زاویہ طہ ہو تو

$$\frac{\text{جب طہ}}{\text{سغ}} = \frac{۱}{\text{ب}}$$

اگر ہو ا میں رفتارِ نور اکائی مانی جائے۔ لہذا ح = ۱ جب طہ اور  
 سابقہ مساوات کی رُو سے

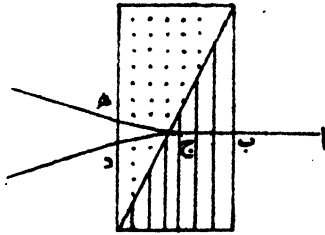
$$\text{جب طہ} = \left( \frac{۱}{\text{ب}} - \frac{۱}{\text{و}} \right) \text{ مس ۱} = (ح مم - ح سغ) \text{ مس ۱}$$

چونکہ معمولی شعاع ہا کسی انحراف کے خارج ہوتی ہے اس لیے زاویہ طہ معمولی اور  
 غیر معمولی شعاعوں کے انحراف کو تعبیر کرتا ہے۔

وَلِیْسَٹن (Wollaston) کا منشور۔ اس مرکب منشور

میں جزو منشور ب ج کا منافی محور وقوع کے مستوی میں لیکن واقع شعاع کے  
 علی التوا تم ہے (ملاحظہ ہو شکل ۱۶)۔ اور دوسرے جزو میں انعطافی کنار  
 کے متوازی۔ اس کے اجزاء بھی روشنیوں کے مرکب منشور کی طرح جوڑ دیے جاتے  
 ہیں۔ شعاع ا ب جب مرکب منشور کے ایک پہلو پر عمود وار واقع ہوتی ہے  
 تو معمولی اور غیر معمولی دونوں شعاعیں بلا انحراف جزو منشور ب ج میں سے  
 گزرتی ہیں لیکن معمولی شعاع کی رفتار نرم ہوتی ہے اور غیر معمولی کی سغ۔

جوڑ ج کے پاس پہنچ کر معمولی شعاع غیر معمولی میں تبدیل ہو جاتی ہے اور سمت ج دیں منحرف ہوتی ہے اس لیے کہ دونوں جزو منشور کے صدر مستوی باہم دیگر علی القوائم ہیں۔



شکل ۱۰۷

پس روشنون کے منشور کی طرح معمولی شعاع کے اخراج کا زاویہ طہ مساوات

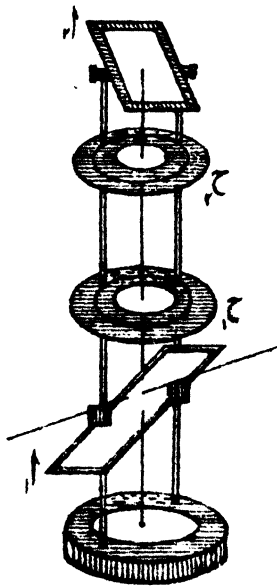
$$\text{جب طہ} = (\text{مرہم} - \text{صغ}) \text{ مس ا}$$

سے مستنبط ہوتا ہے۔

جو شعاع پہلے جزو منشور ب ج میں بحیثیت غیر معمولی شعاع گزری تھی جوڑ ج کے پاس پہنچ کر معمولی شعاع ج ھ میں تبدیل ہو جاتی ہے۔ پس مثل سابق مقابل کے پہلو سے اس شعاع کا زاویہ اخراج بھی وہی زاویہ طہ ہوتا ہے۔ اس لیے معمولی اور غیر معمولی شعاعیں یعنی جب مرکب منشور سے بالآخر خارج ہوتی ہیں تو اس کے پہلو پر کے عمود کے دونوں جانب مساوی زاویوں میں منحرف ہو جاتی ہیں۔ بدین وجہ ولیسنٹن کے منشور میں خساراج معمولی و غیر معمولی شعاعوں کا انفراق مساوی روشنون کے منشور کے انفراق کا دوچند ہوتا ہے۔ لیکن مختلف طول موج کی شعاعوں کا انحراف مختلف ہونے کی وجہ سے معمولی اور غیر معمولی دونوں خیال رنگین ہوتے ہیں۔ روشنون کے منشور میں صرف غیر معمولی خیال رنگین ہوتا ہے۔

نورس مہرگ (Norremberg) کا انعکاسی تقطیب ناما۔

اس آلہ میں نور کی تقطیب بذریعہ انعکاس عمل میں آتی ہے اور وہ پتلی قلمی تختیوں کے رنگوں اور دائری و ناقصی تقطیب کے معائنہ کے لیے بہت سودمند ثابت ہوا ہے۔ یہ آلہ آسانی کے ساتھ خود عمل ہی میں تیار کر لیا جاتا ہے اس کے لیے صرف دو صاف و شفاف شیشہ کی تختیوں کی ضرورت ہے۔ ایک تختی  $\Delta$  مقطب آئینہ کا کام دیتی ہے جو دو قبضوں یا چٹوں کے ذریعہ دو انتصابی سہاروں کے مابین ان کے ساتھ کسی بھی زاویہ پر مائل رکھی جاسکتی ہے۔ ملاحظہ ہو شکل  $\Delta$ ۔ سہارے ایک مناسب لکڑی کے قاعدہ یا ٹیکن پر نصب کیے ہوتے ہیں۔ آئینہ  $\Delta$  کے علاوہ سہارے دو دائری حلقوں  $\Gamma$  اور  $\Sigma$  کو بھی سنبھالے رکھتے ہیں۔  $\Gamma$  حلقہ کے اندر

شکل  $\Delta$ 

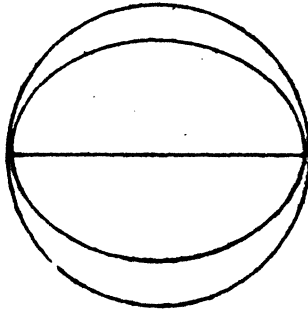
شیشہ کی ایک مدور تختی ہوتی ہے جس پر رکھ کر قلمی تختیوں کا امتحان کیا جاسکتا ہے۔ اور  $\Gamma$  حلقہ میں ایک دوسرا ہم مرکز حلقہ ہوتا ہے جس پر دو چھوٹے

انتصابی چول دار سہاروں کے ذریعہ آئینہ  $\Delta$  استادہ کیا جاتا ہے۔ آخر الذکر حلقہ کو ان سہاروں کی مدد سے انتصابی محور کے گرد حسب ضرورت گھما کر جس وضع میں چاہیں رکھ سکتے ہیں۔ چونکہ اس کے گرد کا حلقہ  $\Gamma$  درجہ دار ہوتا ہے اس لیے معلوم کر لیا جاسکتا ہے کہ اندر والا حلقہ کس زاویہ میں گھمایا گیا۔ چول دار سہاروں کی مدد سے آئینہ  $\Delta$  بھی حسب ضرورت انتصابی سمت کے مائل رکھا جاسکتا ہے اور مشتح (analysier) کا کام دیتا ہے۔ اس کی سطح پر سیاہ وڈرنش کا استر چڑھا ہوتا ہے۔ آلہ کے قاعدہ پر انتصابی سہاروں کے بیچ میں ایک چھوٹا مدور آئینہ رکھا ہوا ہوتا ہے جو منفضی شیشہ کی تختی سے بنایا جاتا ہے۔

چونکہ انعکاسی تقلیب کے لیے شیشہ کی سطح پر سے فور کا زاویہ وقوع تقریباً  $90^\circ$  ہوتا ہے اس لیے شیشہ  $\Delta$  کا میلان انتصابی خط کے ساتھ  $33^\circ$  ہونا چاہیے تاکہ انتصابی خط کے ساتھ  $96^\circ$  پر مائل واقع شعاعوں کی پینل قاعدہ پر کے آئینہ پر انتصاباً ٹکرائے اور پھر منعکس ہو کر اسی راستہ واپس جائے۔ تختی  $\Delta$  چونکہ شفاف شیشہ کی ہوتی ہے پینل اس میں سے گزر کر حلقہ  $\Gamma$  کی شیشہ کی تختی میں سے اوپر کو جاتی ہے اور بالآخر سیاہ آئینہ  $\Delta$  پر سے منعکس ہو جاتی ہے۔ ابھی انتصابی خط کے ساتھ  $33^\circ$  زاویہ پر مائل ہوتا ہے۔ پس آئینہ پر نگاہ اگر اسی وضع میں ڈالی جائے کہ انتصابی خط کے ساتھ  $96^\circ$  زاویہ بنائے تو نور کا جو ابتدائاً اسے مقطب ہو کر آیا استحان ہو سکیگا۔ واضح ہے کہ  $\Delta$  جب  $\Delta$  کے متوازی یا اس وضع سے  $180^\circ$  میں گھما کر رکھا جاتا ہے تو تنویر اعظم ہوتی ہے اور جب  $90^\circ$  یا  $270^\circ$  میں گھمایا جاتا ہے تو تنویر تقریباً صفر ہوتی ہے۔

تختی  $\Delta$  سے منعکس ہو کر مقطب نور زیر استحان شے میں سے ایک مرتبہ گزرتا ہے اگر طے حلقہ کے شیشہ پر رکھی جاتی ہے اور دو مرتبہ اگر قاعدہ پر کے آئینہ پر۔ ثانی الذکر صورت میں دی ہوئی شے کی موٹائی گویا دو چند ہو جاتی ہے۔ یہی وجہ اس آلہ کو بعض اوقات فور مابگ کا مضغف یعنی ڈبلر (doubler) بھی کہتے ہیں۔

کیلسائیٹ کے علاوہ متعدد دیگر محوری قلم پائے جاتے ہیں۔ کیلسائیٹ میں ہم نے دیکھا ہے کہ ہم اپنے معمولی انعطاف نامی (غیر معمولی انعطاف نامی) سے بڑا ہے۔ اس لیے اس میں کوئی ناصیہ موج چمپے کہ نامی ناصیہ موج کے اندر واقع ہوتا ہے اور ان کا صرف ایک مشترک قطر ہوتا ہے۔ اس قسم کی قلیں منفی کہلاتی ہیں۔ جن قلموں کا معمولی انعطاف نامی ہم ان کے غیر معمولی انعطاف نامی سے چھوٹا ہوتا ہے ان کو مثبت کہتے ہیں۔ بلور یا شفاف گار پتھر ان کی مشہور مثال ہے۔ ایسی قلموں میں کہ نامی ناصیہ موج لمبوتر اور کوئی ناصیہ موج کے اندر ہوتا ہے۔ ملاحظہ ہو شکل ۱۱۱۔



شکل ۱۱۱

جملہ مناظری یک محوری قلموں میں معمولی شعاع مستوی میں مقطب ہوتی ہے اور اگرچہ ہم اور ہرغ کی قیمتیں طول موج کے ساتھ خفیف سے تبدیل ہوتی ہیں لیکن مناظری محوری سمت طول موج کے غیر تابع ہوتی ہے۔

## دو نیلے انعطاف کی عام صورت۔ فرینیل کا نظریہ۔

اب ہم دو محوری قلموں کے دو نیلے انعطاف سے متعلق فرینیل کے نظریہ کا خاکہ بیان کریں گے۔ یہ نظریہ باوجود اس کے بین اصولی تقاضوں کے دوسرے آئینوں سے بہت بہتر مانا جاتا ہے اس لیے کہ اس کے نتائج تجربی واقعات کے ساتھ

پھر منطبق ہوتے ہیں۔ اساسی نفاض کی وجہ سے مناسب نہیں سمجھا جاتا ہے کہ اس پر تفصیل سے بحث کی جائے اور جلد ضابطے فرینیل کی طرح ریاضی ہی کے طریقوں سے اخذ کیے جائیں۔ ہماری یہ کوشش ہوگی کہ تجربی واقعات کو پیش نظر رکھ کر سر آر تھر شو سٹل (Sir Arthur Schuster) اور آر ڈبلیو ووڈ (R. W. Wood) کے طریقے استعمال کریں اور قلمی مناظر کی ریاضی کو حتی الامکان آسان کریں۔ نور کی موجیں چونکہ عرضی ارتعاش سے پیدا ہوتی ہیں متساوی السموت

(isotropie) واسطوں میں ان کی اشاعت کا ضابطہ  $\frac{1}{r}$  کے تناسب ہوتا ہے

جس میں واسطہ کی کچک اور فٹہ اس کی کثافت ہے۔ دو نیلے انعطاف والے وسطے غیر متساوی السموت ہوتے ہیں اس لیے ان کے متعلق فرض کیا جاتا ہے کہ ان کی کچک ل نقل مکان کی سمت کے لحاظ سے بدلتی ہے۔ ہر ممکن مستوی میں دو ایسی سمتیں ہوتی ہیں کہ جب ارتعاش (یعنی نقل مکان) ان سمتوں میں واقع ہوتا ہے تو ل کی قیمت اعظم یا اقل ہوتی ہے۔ اگر ان قیمتوں کو ل اور ل سے تعبیر کیا جائے تو ان کے متعلقہ نور کی رفتار علی الترتیب

$\frac{1}{r}$  اور  $\frac{1}{r}$  کے تناسب ہوگی۔ اگر ان سمتوں کے علاوہ کسی دوسری

سمت میں ارتعاش یا نقل مکان ہو تو نور کی موج کسی درمیانی رفتار کے ساتھ شائع نہیں ہوتی ہے بلکہ نور دو موجوں میں تقسیم ہو کر شائع ہوتا ہے جن کی

رفتاریں  $\frac{1}{r}$  اور  $\frac{1}{r}$  کے تناسب ہوتی ہیں اور ارتعاش کی

سمتیں باہر گیر علی القوائم ہوتی ہیں۔ جب واسطہ میں سے نور کی موجوں کے سلسلے گزرتے ہیں تو ان کے راستہ کے ذرات اس دو نیلے انعطاف کے زیر اثر فی الواقع خطوط مستقیم میں ارتعاش نہیں کریں گے اس لیے کہ ان کی حرکت ان علی القوائم ارتعاشوں کا حامل ہوگی جو کہ مختلف رفتاروں سے اشاعت پا رہے ہوں گے۔ دو نیلے انعطاف سے معمولی غیر معمولی شعاعیں جب تک

ایک دوسرے سے کمال علیحدہ ہو جائیں۔ ان کے متعلقہ باہم دیگر علی القوائم ارتعاش جیسے جیسے ایک نقطہ سے نکل کر دوسرے نقطہ کی طرف آگے کو بڑھیں گے۔ اضافی ہیئت کی تبدیلی کی وجہ سے خط مستقیم سے بدل کر ناقصی اور دائری شکلیں اختیار کرتے ہوئے کرر خط مستقیم میں تبدیل ہوتے جائیں گے۔

اگر ارتعاش یا نقل مکان کی سمت اعظم یا اقل لمبک کی متعلقہ سمت سے منطبق ہو تو واسطہ میں صرف ایک ہی مستوی مقطب موج شائع ہوگی۔

فرید نیل نے دو پہلے انعطاف والے واسطہ کے فہ کی موجی سطح کو ایسی مستوی موجوں کی لاتناہی تعداد کا لغاف فرض کیا جو واسطہ کے ایک دیے ہوئے نقطہ میں وقت واحد میں تمام ممکنہ سمتوں میں پھیلتی ہیں۔ اگر اس دیے ہوئے نقطہ میں سے ہر ممکنہ سمت میں مستویوں کی ایک لاتناہی تعداد تصور کی جائے اور ان مستویوں میں سے ہر مستوی پر اس نقطہ میں سے دو خط مستقیم باہم دیگر علی القوائم اور اعظم و اقل لمبکوں کی سمتوں سے منطبق اور نیز ان سمتوں کے متوازی ارتعاشوں کی موجوں کی رفتار اشاعت کے متناسب کھینچے جائیں تو یہ تمام خطوط دیے ہوئے نقطہ پر تنصیف پائیں گے اور ان کے سرے ایک ناقص نما (ellipsoid)

سطح پر واقع ہونگے جو لمبک کا ناقص نما کہلاتا ہے۔ فرض کر دو اس کی مساوات  $z^2 + b^2 y^2 + c^2 x^2 = 1$  سر ہے جس میں سر خلائی رفتار نور ہے۔ مستقل  $z$ ،  $b$  اور  $c$  واسطہ کے لمبکی خواص سے متعلق ہیں اور لمبک کے محوروں کے متوازی ارتعاش کرنے والی موجوں کی رفتاروں کو تعبیر کرتے ہیں۔ ان محوروں کی اس طرح تعریف کی جاسکتی ہے کہ وہ کسی نقطہ پر کی تین سمتیں ہیں جن میں اگر ایٹم کا نقل مکان وقوع میں آئے تو اس کو واپس لانے والی قوت نقل مکان کی سمت کے متوازی ہوتی ہے۔ واضح ہے کہ کسی دیے ہوئے مستوی میں ایسی صرف دو سمتیں ہونگی لیکن فضا میں تین سمتیں ہونگی۔

اگر وقت کی اکائی وہ وقت قرار دی جائے جو نور کی موج کو خلا میں اکائی فاصلہ طے کرنے کے لیے درکار ہے تو واضح ہے کہ  $z = 1$

اور  $z^2 + b^2 y^2 + c^2 x^2 = 1$

اس مساوات میں اگر لا کو صفر کے مساوی لکھیں تو  $\frac{1}{a} = \frac{1}{b} + \frac{1}{c}$  اور یہ اس ناقص کی مساوات ہے جو مندرجہ بالا ناقص ناشکل کے مستوی ماہ کے انقطاع سے بنتا ہے اور جس کے نیم محور  $\frac{1}{b}$  اور  $\frac{1}{c}$  ہیں۔ اگر نور کی موج میں ارتعاش کی سمت محور ما کے متوازی ہے تو محور لا کی سمت میں ایک مستوی مقطب موج رفتار کے ساتھ شائع ہوگی۔ اور اگر ارتعاش کی سمت محور م کے متوازی ہے تو محور لا ہی کی سمت میں رفتار ج کے ساتھ مستوی مقطب موج شائع ہوگی۔

تکافیات  $\frac{1}{a}$ ،  $\frac{1}{b}$  اور  $\frac{1}{c}$  واسطہ کے انقطاع نما کے متناظر ہیں اور اس کے صدر انقطاع نما کہلاتے ہیں۔ سہولت کی خاطر ہم ان کو 'ہم' اور 'م' سے تعبیر کر کے مساوات کو مندرجہ ذیل شکل میں لکھتے ہیں :-

$$1 = \frac{1}{m} + \frac{1}{m'} + \frac{1}{m''}$$

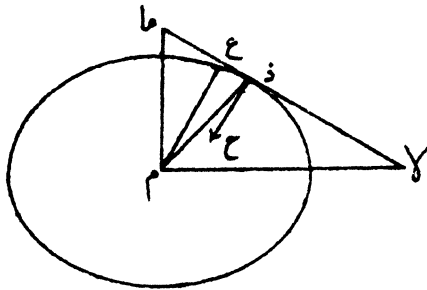
واسطہ کے پھکی خواص اس کے ذریعہ مندرجہ بالا ناقص نمائی مساوات عموماً واسطہ کے قوت سے حاصل کی جاتی ہے۔ ذیل میں ہم شوشلو کے طریقہ سے بتائینگے کہ یہ مساوات کیونکر یہ آسانی حاصل ہو سکتی ہے۔

فرض کرو کہ شکل ۹۰ میں ذاکانی 'کیت' کا ایک ذرہ ہے جو ایک مرکز م کی طرف قوت 'ا' لائے کھینچا آتا ہے جبکہ وہ محور م لا پر واقع ہوتا ہے اور قوت 'ب' م سے کھینچا آتا ہے جبکہ وہ محور م ما پر واقع ہوتا ہے۔ اگر محور لا پر امتزاز ہو تو ذرہ کا وقت دوران  $\frac{2\pi}{\omega}$  ہوگا اور اگر محور ما پر امتزاز ہو تو وقت دوران  $\frac{2\pi}{\omega'}$  ہوگا۔ اگر ذرہ اس طرح حرکت کرتا ہے کہ اس کے نقل مکان کے اجزاء قطبیلی محور م لا اور محور م ما کی سمتوں میں واقع ہوں تو اس پر عمل کرنے والی قوتوں کے اجزاء قطبیلی  $\omega$  اور  $\omega'$  ہونگے جن میں لا اور ما ذرہ کے محدود ہیں اور حاصل قوت

$$H = \omega^2 \frac{1}{a} + \omega'^2 \frac{1}{b}$$



لا و ما کے محوروں کے ساتھ یہ حاصل قوت جو زاویے بناتی ہے ان کی جیب التمام بالترتیب  $\frac{ل^۱}{ح}$  اور  $\frac{ب^۱}{ح}$  ہے۔ واضح ہے کہ حاصل قوت کی سمت نقل مکان کی سمت نہیں ہے کیونکہ نقل مکان کی سمتی جیب التمام (Direction cosines) علی الترتیب  $\frac{ل^۱}{ط}$  اور  $\frac{ب^۱}{ط}$  ہیں جن میں  $ط$  ذرہ کی نیمقطر سمتی ہے۔



شکل ۱۰۹

حاصل قوت اور ذرہ کے نیمقطر سمتی کا درمیانی زاویہ معلوم کرنے کے لیے ہم ذرہ پر عمل کرنے والی حاصل قوت اور محور لا کے درمیانی زاویہ کو  $ع$  سے تعبیر کریں گے اور ذرہ کے نیمقطر سمتی اور محور لا کے درمیانی زاویہ کو  $ح$  سے تعبیر کریں گے۔ چونکہ

جم (ع - ع) = جم ع جم ع + جب ع جب ع

$$\text{اور جم ع} = \frac{ل^۱}{ح} \text{ اور جب ع} = \frac{ب^۱}{ح}$$

$$\text{اسیذا جم ع} = \frac{ل^۱}{ط} \text{ اور جب ع} = \frac{ب^۱}{ط}$$

$$\text{پس جم (ع - ع)} = \frac{ل^۱}{ح ط} + \frac{ب^۱}{ح ط} = \frac{ل^۱ + ب^۱}{ح ط}$$

اور ذرہ پر عمل کرنے والی حاصل قوت کا جزو تحلیلی نیم قطر سمتی کی سمت میں ح جم (م-م) لینے

$$\frac{(1^2 \text{ لا}^2 + 2^2 \text{ با}^2 + 3^2 \text{ ما}^2)}{3}$$

اگر ہم مساوات  $1^2 \text{ لا}^2 + 2^2 \text{ با}^2 + 3^2 \text{ ما}^2 = ک^2$  کی شکل کا ناقص کھینچیں جو نقطہ ذ میں سے گزرتا ہو تو چونکہ ذ کے محدود  $1^2 \text{ لا}^2$ ،  $2^2 \text{ با}^2$  ہیں اور اس نقطہ میں سے گزرنے والے خط مماس کی مساوات  $1^2 \text{ لا}^2 + 2^2 \text{ با}^2 + 3^2 \text{ ما}^2 = ک^2$  اور اس مقام پر کے عماد کی مساوات  $(1^2 - 2^2) \text{ با}^2 = (3^2 - 1^2) \text{ ما}^2$   $(1^2 - 2^2) \text{ با}^2 = 8 \text{ ما}^2$

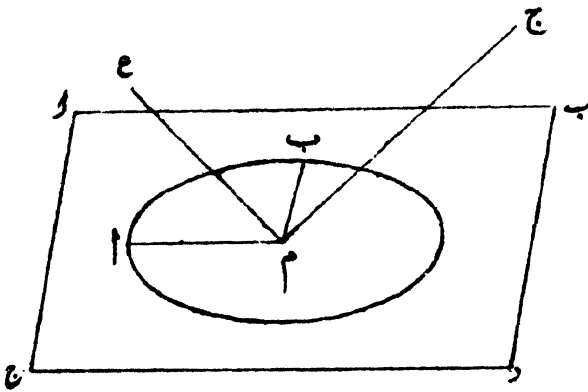
یعنی  $1^2 \text{ لا}^2 = (2^2 - 1^2) \text{ با}^2 + 8 \text{ ما}^2$   $(1^2 - 2^2) \text{ با}^2 = 8 \text{ ما}^2$  جس سے واضح ہے کہ نقطہ ذ میں سے گزرنے والا عماد لا و ما کے محوروں کے ساتھ جو زاویہ بناتا ہے ان کی جیب التمام با ہم  $1^2 \text{ لا}^2$  اور  $2^2 \text{ با}^2$  کی نسبت رکھتی ہیں اس لیے زیر بحث صورت میں حاصل قوت عمود ح م کے متوازی سمت میں عمل کرتی ہے جو مرکز م سے نقطہ ذ پر کے خط مماس پر گرایا جاتا ہے۔ حاصل قوت کا جزو تحلیلی نیم قطر سمتی کی سمت میں  $ک^2$  ہے اور قوت فی اکائی فاصلہ  $ک^2$  ہے۔ پس اگر ذرہ نیم قطر سمتی م ذ پر حرکت کرنے پر مجبور کیا جائے تو اس کا وقت دوران  $\frac{2\pi}{ک}$  ہوگا۔ چونکہ نسبت  $ک$  صرف م ذ کی سمت کے تابع ہے جو نتیجہ اخذ کیا گیا ہے کہ کسی کسی خاص قیمت کے غیر تابع ہے۔

اگر یہ تحقیق سچائے دو ابعاد کے تین ابعاد سے متعلق کی جائے اور محور م کی سمت میں کشش کا جزو ترکیبی ج ی مانا جائے تو بھی وہی نتیجہ برآمد ہوتا ہے اور قوت کا جزو ترکیبی جو کسی بھی نیم قطر سمتی م ذ کی سمت میں فی اکائی طول عمل کرتا ہے  $ک^2$  ہوتا ہے جس میں ط نیم قطر ہے جو سمت م ذ میں محترم ناقص نما (ellipsoid)  $1^2 \text{ لا}^2 + 2^2 \text{ با}^2 + 3^2 \text{ ج}^2 = ک^2$  تک کھینچا جاتا ہے۔ کسی مستوی موج کو بغیر تبدیلی اشاعت پانے کے لیے لازمی ہے کہ قوت بازو ہی (restitution) نقل مکان کے متوازی ہو۔ اگرچہ عام طور پر یہ قوت ناقصہ موج کے مستوی میں تک نہیں واقع ہوتی ہے تاہم وہ دو

اجزائے ترکیبی میں تحلیل کی جاسکتی ہے، ایک جزو ناصبیہ موج کے مستوی میں اور دوسرا جزو اس کے علی القوام - فرینیل (Fresnel) نے موخرالذکر جزو ترکیبی کو بین وجہ نظر انداز کیا کہ یہ جزو عرضی موج کی اشاعت میں کچھ بھی مدد نہیں دیتا ہے۔ ناصبیہ موج کے علی القوام یعنی موج کے طول کی سمت والا نقل جو کچھ اس اشیا میں اس عمودی جزو ترکیبی سے پیدا ہوتا ہے نور کی صورت میں واسطہ (یعنی ایقھر) کے ناقابل بچک ہونے کی وجہ سے ناپید تصور کیا جاتا ہے۔

تو قوت کا وہ جزو ترکیبی جو ناصبیہ موج کے متوازی ہے مجسم ناقص نما کے اُس نیم قطرستی کی سمت میں ہوتا ہے جو نقل مکان کی سمت کی مزدوج تراش کے علی القوام ہے۔ اس بات کو زیادہ وضاحت کے ساتھ سمجھنے کے لیے شکل نمبر ۱۱۱۱

لاحظہ ہو۔



شکل نمبر ۱۱۱۱

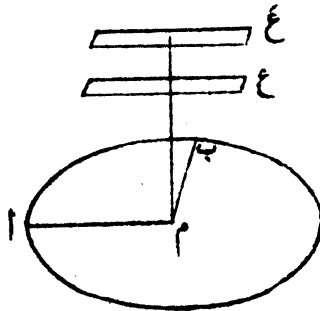
۱ ب ج د نور کی ایک مستوی موج ہے جو قلم کے اندر سے گزر رہی ہے۔  
 اب نقل مکان کی سمت ہے۔ فرض کیا جاتا ہے کہ مجسم ناقص نما ناصبیہ موج کے اندر کے ایک نقطہ م کے گرد بنایا گیا ہے جو ناصبیہ کو ناخصی تراش میں قطع کرتا ہے۔ نقل مکان ا م کی سمت میں ہے جس کی نسبت ہم

فرض کر لینگے کہ وہ ناقص کا نصف محورِ اعظم ہے۔ اور قوت بازو ہی کی سمت نیم قطر  $m$  ع ہے جو مستوی  $B$  م ج کے علی القوام ہے۔ اگر ناصیہ موج پر  $m$  ع کا نقل مکان  $m$  ا کی سمت سے منطبق ہوتا ہے تو مستوی  $m$  ع ناصیہ موج کے علی القوام ہونا چاہیے۔ اور چونکہ  $m$  ع عمود وار ہے  $m$  ب پر پس  $m$  ب عمود وار ہوگا  $m$  ا پر۔ یعنی بالفاظِ دیگر  $m$  ا و  $m$  ب ناصیہ تراش کے محور ہونگے۔ یہ وہ شرط ہے جو ابتداء ہی میں ہم نے فرض کی تھی۔ اگر نقل مکان کی سمت ناقصی تراش کے محروں میں سے کسی محور کی سمت نہیں ہے تو بازو ہی کی موثر قوت کی سمت نقل مکان کے متوازی نہ ہوگی اور جیسا کہ اوپر بیان کیا گیا ہے دو مستوی مقطبِ نور کی موجیں حاصل ہونگی۔ مجسم ناقص نما کی دو تراشیں دائری ہونگی اور ان تراشوں کے متوازی مستوی موجیں بغیر کسی جدیدی کے اشاعت پائینگے اگرچہ جیسا ہم آگے چل کر بتائینگے ان موجوں میں شعاع نور کی تقسیم ہو سکتی ہے۔ لیکن مجسم ناقص نما کی یہ دائری تراشیں قلم کے مناظری محروں کے علی القوام ہوتی ہیں۔ پس بطور اختصار ان امور کو ہم اس طرح بیان کر سکتے ہیں:-

قلم کے اندر کسی بھی دی ہوئی سمت میں اس کے عماد وار مستوی امواج کے دو نظام اشاعت پاسکتے ہیں۔ ان کے متعلقہ ابتنزاز ناقصی تراش کے محروں کی سمتوں میں ہونگے اور اشاعت کی رفتاریں ان محروں کے طول کے بالعکس متناسب ہونگی۔ لیکن قلم کے اندر دو ایسی بھی سمتیں موجود ہیں جن میں صرف ایک ناصیہ موج اشاعت پاتا ہے اور ان کو واحد موجی رفتار کے محور یا قلم کے مناظری محور کہتے ہیں۔ ان سمتوں میں مستوی موج کی عادی اشاعت کی رفتار ابتنزاز کی سمت کے غیر تابع ہوتی ہے، اگرچہ وہ سمت جس میں ناصیہ موج کا ایک محدود حصہ (یعنی شعاع کی سمت) ابتنزاز کی نوعیت کے تابع ہوتی ہے۔ اس لیے کہ علمی واسطوں میں شعاع بالالزام ناصیہ موج کے علی القوام نہیں ہوتی ہے۔

اب ہم سطح موج کی شکل کی تحقیق کرنا چاہتے ہیں۔ یہ تحقیق ایک ہندی عمل پر غور کرنے سے کی جاسکتی ہے جو عادی رفتاری سطح کہلاتا ہے۔

عمادی رفتاری سطح۔ قلم کے اندر کسی بھی نقطہ م کے گرد لچک کا جسم ناقص نما تیار کرو اور فرض کرو کہ مستوی موجوں کا ایک نظام نقطہ م میں سے تمام ممکنہ سمتوں میں وقت واحد میں گزرتا ہے۔ ہم واقف ہو چکے ہیں کہ قلم عموماً صرف ایک خاص سمت میں مقطب ابتر اذوں کو منتقل کرنے کی خاصیت رکھتی ہے اور تمام دوسرے قسم کے ابتر اذوں کو دو اجزائے ترکیبی میں تحلیل کرتی ہے جو نامساوی رفتاروں کے ساتھ آگے کو بڑھتے ہیں۔ پس اس طرح نقطہ م میں سے مستوی موجوں کے دو نظام گزرتے ہیں۔ ان موجوں کی مختلف سمتوں میں رفتار معلوم کرنے کے لیے حسب ذیل طریقہ اختیار کیا جاتا ہے۔ فرض کرو شکل ۱۱۱۱ میں نقطہ م میں سے گزرنے والی مستوی موجوں میں سے کوئی ایک موج مجسم ناقص نما کو ناقصی تراش ۱ م ب میں منقطع کرتی ہے جس کے محمدم ۲ اور م ب ہیں۔ نقطہ م پر مستوی کا عادی قائم کرو اور اس پر فاصلے م ع م ع ناپ لو جو محوروں م ۱ اور م ب کے بالعکس متناسب ہوں۔ اب اگر ناقصی تراش کے مستوی کے متوازی لقاط ع اد غ میں سے مستوی کھینچے جائیں تو وہ ان دو موجوں کی وضعوں کو تعبیر کرینگے جو وقت واحد میں (یا ایک ساتھ) نقطہ م میں سے گزری ہیں۔ ان میں سے ایک موج کے



شکل ۱۱۱

مستطیقاہتزاز محور م ۱ کے متوازی ہو گئے اور دوسری موج کے اتہزاز محور م ۲ کے متوازی۔ اب اگر ہم مستوی ۱ م ب کو نقطہ م کے گرد ہر ممکن سمت میں گھمائیں تو نقاط ع اور غ (جن کی قبل ازیں صراحت ہو چکی ہے) ایک ایسی سطح بن کر بیگے جو دو چادروں پر مستقل ہوگی اور عادی رفتاروں کی سطح بھلائی ہے۔ اس سطح کا کوئی بھی نیم قطر سمتی اس سمت میں اشاعت پانے والی مستوی موج کی عادی رفتار کی تعیین کرتا ہے۔ چونکہ مستوی ۱ م ب کی دو وضعوں کے لیے جسم ناقص نما کی تراش دائری ہوتی ہے اس لیے واضح ہے کہ نقاط ع اور غ منطبق ہو جاتے ہیں جبکہ نور کی موجیں ان تراشوں کے متوازی ہوتی ہیں۔ ذرا سا غور کرنے سے معلوم ہو گا کہ اندرونی چادر بیرونی چادر کو چار نقطوں میں مس کریگی۔ لیکن یہ سطح موجی سطح کے ماثل نہیں ہے اس لیے کہ موجی سطح ان تمام مستوی موجوں کے لف کرنے سے پیدا ہوتی ہے جن پر ابھی غور ہوا ہے۔

ان مستویوں کا خاندان مساوات

$$ل + م + ن = ی$$

سے تعبیر کیا جائیگا، جس میں ل، م، ن اس سمت کی سمتی جیوب الہتمام ہیں جس میں موج رفتار (م) کے ساتھ سفر کرتی ہے۔ یہ رفتار (ر) خود ل، م، ن کا ایک تفاعل ہے۔ ہمیں ان مقادیر کو باہم دیگر ملانے والے ایک رشتہ کی ضرورت ہے۔

اگر سمت ل، م، ن (یعنی وہ سمت جس کے جیوب الہتمام ل، م، ن ہوں) میں اشاعت کی رفتار (ر) ہو تو موجی سطح مستویوں ل + م + ن = ی = ر کا لفاف ہے جس میں ر مقادیر ل، م، ن کا وہ تفاعل ہے جس کی ذمیت ہم معلوم کرنا چاہتے ہیں۔ اگر (ل، م، ن) متناظر اتہزاز کی سمت کے جیوب الہتمام ہیں تو

$$ل + م + ن = ن$$

فریدیل کے قرار دادہ اصول کے لحاظ سے فوراً یہ نتیجہ برآمد ہوتا ہے کہ بازو ہی کی قوت (ل، م، ن) ب، م، ج، ن) فی اکائی نقل مکان، معادل ہے

ایک قوت 'ر' کے جس کی سمت (لہ مرند) ہے مع ایک اور قوت 'ف' کے جس کی سمت (ل م ن) ہے۔

محدد محوروں کے متوازی تحلیل کرنے سے ' مساواتیں

$$ل ف = ل' ل' - ر' ل' م ف = ب' م' - ر' م' ن ف = ج' ن' - ر' ن'$$

حاصل ہوتی ہیں۔ یعنی

$$ل' = \frac{ل ف}{ر' - ل'} = م' = \frac{م ف}{ر' - ل'} = ن' = \frac{ن ف}{ر' - ل'}$$

ان کو بالترتیب 'ل' 'م' 'ن' سے ضرب دینے سے اور یہ یاد رکھ کر کہ

$$ل' ل' = ل' م' + م' ن' + ن' ل' = ۰$$

$$ساوات (۱) \dots ۰ = \frac{ل' ن'}{ر' - ل'} + \frac{م' ل'}{ر' - ل'} + \frac{ن' م'}{ر' - ل'}$$

حاصل ہوتی ہے جس کو ہم اب کام میں لائینگے۔

موجی سطح - شکل III والی تراش 'م' ب کی ہر وضع کے لیے

اگر ہم نقاط 'ع' اور 'غ' میں سے تراش مذکور کے متوازی مستوی تیار کریں تو یہ مستویاں ایک سطح کو لطف کریں گے جو دو چادروں پر منتقل ہوگی اور اپنی عام صورت کے مد نظر عمادی موجی سطح کے مشابہ ہوگی جس کا ہم نے ابھی ذکر کیا ہے۔ اس وقت جس سطح کی تعریف کی جا رہی ہے حتمی موجی سطح ہے اور موج کی اس شکل کو تعبیر کرتی ہے جو قلم کے اندر فور کے شایع ہونے سے صورت پذیر ہوتی ہے۔

جو مساوات اس موجی سطح کو لطف کرنے والے مستوی موجوں کے نظام کو تعبیر کرتی ہے

$$ل' ل' + م' م' + ن' ن' = ر' \dots (۲)$$

جن میں 'ل' 'م' 'ن' اور 'ر' مندرجہ ذیل شرائط کے تابع ہیں:-

$$(۳) \dots ۱ = \frac{ل' ن'}{ر' - ل'} + \frac{م' ل'}{ر' - ل'} + \frac{ن' م'}{ر' - ل'}$$







موجی سطح کی تراشیں جو متحد و مستویوں سے بنتی ہیں۔ قلم کے اندر موجی سطح کی جو شکل ہوتی ہے اس کو ذہن نشین کرنے کا سب سے بہتر طریقہ یہ ہے کہ تینوں متحد و مستویوں سے اس کی جو تراشیں بنتی ہیں ان پر غور کیا جائے۔ اگر مساوات (۱۱) سے نسب نامہ مذکور دیا جائے تو

$$\begin{aligned} & \text{لا}^2 (\text{ط}^2 - \text{ب}^2) (\text{ط}^2 - \text{ج}^2) + \text{ما}^2 (\text{ط}^2 - \text{ج}^2) (\text{ط}^2 - \text{ا}^2) + \text{ی}^2 (\text{ط}^2 - \text{ا}^2) (\text{ط}^2 - \text{ب}^2) \\ & = (\text{ط}^2 - \text{ا}^2) (\text{ط}^2 - \text{ب}^2) (\text{ط}^2 - \text{ج}^2) \dots \dots (۱۲) \end{aligned}$$

جب لا = ۰ تو

$$(\text{ط}^2 - \text{ا}^2) \{ \text{ما}^2 (\text{ط}^2 - \text{ج}^2) + \text{ی}^2 (\text{ط}^2 - \text{ب}^2) - (\text{ط}^2 - \text{ب}^2) (\text{ط}^2 - \text{ج}^2) \} = ۰$$

یہ دے جانب کے جملہ کا دوسرا جزو صفری

$$\begin{aligned} & - \text{ما}^2 \text{ج}^2 - \text{ی}^2 \text{ب}^2 + (\text{ما}^2 + \text{ی}^2) (\text{ب}^2 + \text{ج}^2) - \text{ب}^2 \text{ج}^2 = ۰ \\ & \text{یعنی } \text{ما}^2 \text{ب}^2 + \text{ی}^2 \text{ج}^2 - \text{ب}^2 \text{ج}^2 = ۰ \text{ میں تحول ہو جاتا ہے۔} \\ & \text{پس اس سے واضح ہے کہ (ما ی) والا مستوی موجی سطح کو شکلوں} \\ & \text{ط}^2 - \text{ا}^2 = \text{لا}^2 + \text{ما}^2 + \text{ی}^2 - \text{ا}^2 = ۰ \text{ یعنی } \text{ما}^2 + \text{ی}^2 = \text{ا}^2 \text{ (اس لیے کہ لا = ۰)} \end{aligned}$$

مانا گیا ہے) اور  $\frac{\text{ا}^2}{\text{ج}^2} + \frac{\text{ی}^2}{\text{ب}^2} = ۱$  میں منقطع کرتا ہے۔

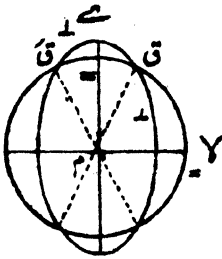
پہلی مساوات ۱ نصف قطر والے دائرہ کی ہے اور دوسری ج اور ب نصف محوروں والے ایک ناقص کی جو بالکل یہ مندرجہ بالا دائرہ کے اندر واقع ہے۔ دیکھو شکل ۳۱۱۔

جب ما = ۰ تو مساوات (۱۲)

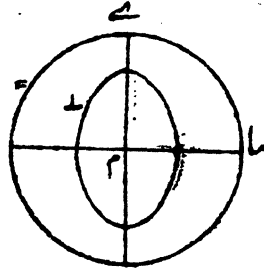
$$(ط^۱ - ب^۱) \{ لا (ط^۲ - ج^۱) + ی (ط^۱ - ز^۱) - (ط^۱ - ز^۱) (ط^۱ - ج^۱) \} =$$

میں تحویل ہو جاتی ہے۔  
اور سیدھے جانب کے چلے کا دوسرا جزو ضربی مختصر ہو کر لا<sup>۱</sup> + ی<sup>۱</sup> ج<sup>۱</sup> - ز<sup>۱</sup> ج<sup>۱</sup> =  
بن جاتا ہے۔ پس مستوی (ی لا) موجی سطح کو  
لا<sup>۱</sup> + ی<sup>۱</sup> = ب<sup>۱</sup>

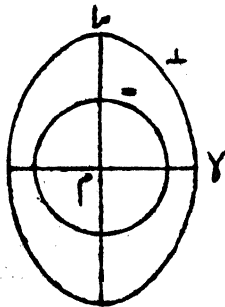
اور  $\frac{لا^۲}{ج^۲} + \frac{ی^۲}{ز^۲} = ۱$  اشکلوں میں منقطع کرتا ہے۔ جن میں سے  
اول الذکر ب نصف قطر کا ایک دائرہ ہے اور دوسرا قطع ناقص جو ایک دوسرے  
کے ساتھ چار نقطوں میں متقاطع ہیں۔ دیکھو شکل ۱۱۳۔



شکل ۱۱۳



شکل ۱۱۴



شکل ۱۱۵

جب ی = . تو مستوی (لا م) موجی سطح کو  
دائرہ لا + ما = ج

اور قطع ناقص  $\frac{لا}{ب} + \frac{ما}{ا} = ۱$  میں منقطع کرتا ہے۔ ان میں سے  
دائرہ بالکلیہ ناقص کے اندر واقع ہے۔ دیکھو شکل ۱۱۲۔

ان تینوں صورتوں میں تقطیب کی سمت یکجہ کے مجسم ناقص نما  
سے معلوم کر لی جاسکتی ہے۔ چنانچہ متذکرہ بالا تین شکلوں میں اس کی  
صرحت کر دی گئی ہے۔ علامت ۱ سے یہ مراد ہے کہ نور شکل کے  
مستوی کے علی القوائم مقطب ہے اور علامت = سے مراد ہے کہ نور  
شکل کے مستوی میں مقطب ہے۔

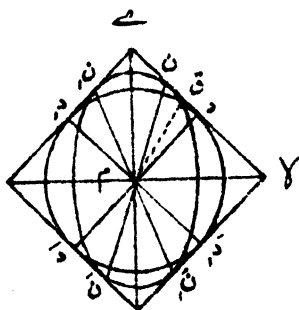
پس موجی سطح دو چادروں پر مشتمل ہے جو صرف چار نقطوں (و، ز، ژ اور ح)  
میں باہم دیگر متقاطع ہوتے ہیں اور کسی دوسرے میں نہیں۔ دیکھو شکل ۱۱۳۔  
یہ نقطے بمبادا م میں سے گزرنے والے دو خطوط مستقیم م ق، م قی پر واقع  
ہوتے ہیں جو واحد شعاعی دفنہ کے محور کہلاتے ہیں۔ واضح ہو کہ یہ خطوط  
قلم کے مناظری محوروں سے بالکل مختلف ہیں۔

جب نور کی موج دو محوری قلم کی سطح پر منعطف ہوتی ہے تو منعطف شعاع  
اور ناصبیہ موج 'موجی سطح' سے 'ہو نگینز' کے عمل سے 'ایسا ہی دریافت کر لیے  
جاسکتے ہیں جیسا کہ یک محوری قلم کی صورت میں ممکن ہے۔ لیکن دو محوری قلم  
کی صورت میں حالات زیادہ پیچیدہ ہوتے ہیں۔ جیسا کہ قبل ازیں ذکر آچکا ہے  
دونوں منعطف شعاعوں میں سے کوئی ایک بھی عموماً وقوع کے مستوی میں  
نہیں ہوتی ہے۔

اگرچہ ایک ہی عادی سے متعلق دونوں موجیں ایک دوسرے کے  
علی القوائم مقطب ہوتی ہیں، تاہم کسی دی ہوئی شعاع سے متعلق دو تقطیبی مستوی  
باہم دیگر علی القوائم نہیں ہوتے ہیں الا اس صورت میں کہ شعاع موجی عادی  
منطبع ہوتی ہے۔

مناظری محور یا واحد موجی رفتار کے محور۔ ان پر

غور کرنے کے لیے شکل ۱۱۵ ملاحظہ ہو جو شکل ۱۱۴ کی طرح موجی سطح کی 'مستوی  
لا مے والی تراش کو تعبیر کرتی ہے لیکن اس میں چار ماسی خط دن ' د ن  
اور د ن ' د ن بھی کھینچے گئے ہیں جو دائرہ اور ناقص کو علی الترتیب  
نقاط مذکور میں مس کرتے ہیں۔ یہ خطوط دراصل مستویاں ہیں جو موجی سطح کی  
چادروں کو مس کرتی ہیں۔ مستوی د ن سطح کی ایک چادر کو نقطہ د میں  
اور دوسری چادر کو نقطہ ن میں مس کرتا ہے۔ اسی طرح دوسرے مستوی  
بھی دوسری چادروں کو مس کرتے ہیں۔ د ن نصف قطر م د ( = ب )  
کے علی القوائم ہے۔ اور چونکہ دونوں چادروں کے ماسی مستوی جو نصف قطر  
م د کے علی القوائم ہیں باہم دیگر منطبق ہیں اس لیے م د مناظری محور  
ہے۔ اس طرح م د وغیرہ۔



شکل ۱۱۵

سرو ولیم ہیلٹن نے جیسا سب سے پہلے ثابت کیا تھا یہ بتایا  
جا سکتا ہے کہ مشترک ماسی مستوی 'موجی سطح کو نہ صرف دو نقطوں  
د اور ن میں مس کرتا ہے بلکہ ایک دائرہ میں جس کا د ن قطر ہے۔

اس لیے کہ مساواتوں (۱۰) میں پہلی مساوات کو ل سے اہ تیسری کو ن سے ضرب دینے سے

$$\left( \frac{ل^۲}{ر^۲ - ج^۲} + \frac{ن^۲}{ر^۲ - ج^۲} \right) ر = \frac{ن ی}{ط^۲ - ج^۲} + \frac{ل لا}{ط^۲ - ج^۲}$$

اگر (ل، م، ن) منظر کی محور کی سمتی جیوب التمام ہوں تو

$$\frac{ل^۲}{ر^۲ - ج^۲} = \frac{ن^۲}{ب^۲ - ج^۲} \quad م = ۰ \quad اور \quad ر = ب$$

پس متذکرہ بالا مساوات کے میدے جانب کا جملہ =  $\left( \frac{ل^۲}{ب^۲ - ج^۲} + \frac{ن^۲}{ب^۲ - ج^۲} \right) =$

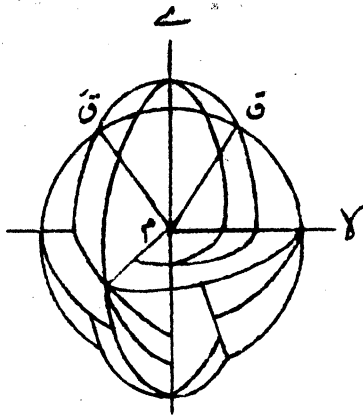
اور  $ل لا + ن ی = (ط^۲ - ج^۲) = (۱۳) \dots\dots\dots = (۱۳)$   
 اس مساوات میں لا، ی، نا صیہ موج کے ساتھ سمت (ل، م، ن) میں شعاع کے نقطہ تماس کی تعیین کرتے ہیں۔ نقطہ د پر کے ماسی مستوی کی مساوات

$$ل لا + ن ی = ب = (۱۴) \dots\dots\dots ہے$$

پس مساواتوں (۱۳) اور (۱۴) کے ملاپ سے  
 $ب (لا + ی + ج) - ل ج لا - ن ی = (۱۵) \dots\dots\dots$   
 جو مبدار میں سے گزرنے والے ایک کرہ کی مساوات ہے۔

پس نقطہ تماس کا طریق مساواتوں (۱۴) اور (۱۵) کی شکلوں یعنی مستوی اور کرہ کے تقاطع سے تعبیر یا تا ہے اور اس لیے ایک دائرہ ہے۔  
 نقطہ ق پر موجی سطح میں ایک گڑھا واقع ہے۔ ماسی مستوی دن اس کو پورا ڈھانپ دیتا ہے اور موجی سطح تو اس گڑھے کے گرد ایک دائرہ میں منس کرتا ہے۔ چونکہ شعاع کی سمت ماسی مستوی کے نقطہ تماس سے معین ہوتی ہے اس لیے صورت زیر بحث میں مبدار کو دائرہ سے ملانے والی شعاعوں کی تعداد نا متناہی ہے اور وہ ایک مخروط کی سطح پر واقع ہوتی ہیں۔ پس نقطہ م سے شعاعوں کا ایک کھوکھلا مخروط منفرد ہوگا جو ماسی دائرہ کے

محیط میں سے گزرے گا۔ اس کا نام مخروطی انعطاف (conical refraction) رکھا گیا ہے۔



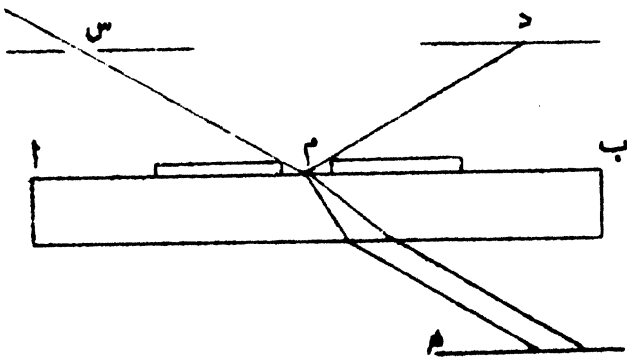
شکل ۱۱۶

فونیل کی موجی سطح کی تراشیں مزید وضاحت کے لیے شکل ۱۱۷ میں بتائی گئی ہیں۔

اندرونی و بیرونی مخروطی انعطاف - سرولیم صلیٹن

نے اپنا یہ نظری نتیجہ تجربی تصدیق کی غرض سے ڈاکٹر لائیڈ (Lloyd) کے پاس پیش کیا۔ اس نے اراگونائیٹ (aragonite) قلم کی ایک تختی لی جس کے پہلو مناظری محورین کے منصف کے علی القوائم تراشے گئے تھے۔ یعنی محدود مستوی لامہ کے متوازی تھے۔ اس قلم کے تذکرہ والا مخروط کا انحصاری زاویہ نسبت بڑا ہوتا ہے اور رڈ برگ (Rudberg) نے پیشتر ہی سے اس کے صدر انعطاف نماؤں کی کافی صحت کے ساتھ بیماٹش کر لی تھی۔

اندرونی مخروطی انعطاف کی تصدیق کے لیے لائینڈ نے دو پردوں کے سہروں میں سے نور کی ایک باریک پنسل کو گزار کر مصرعہ بالا قلم کی تختی میں سے منعطف ہونے دیا (دیکھو شکل ۱۱۷)۔ قلم کی بالائی سطح پر رکھے ہوئے پردہ کو حرکت دینے سے پنسل کا زاویہ وقوع حسب ضرورت بدلا گیا۔ قلم میں سے خارج ہو کر اس کے نیچے کی سطح سے کچھ دور رکھے ہوئے تیسرے پردہ  $د$  پر جب منعطف پنسل ٹکرائی تو عموماً دو سفید دھبے (معمولی اور غیر معمولی پنسلوں کے) صورت پذیر ہوئے۔ لیکن ایک خاص زاویہ وقوع ایسا دریافت ہوا کہ پنسل کی اس وضع میں یہ دو دھبے پردہ  $د$  پر ایک واحد منور حلقہ کی شکل میں پھیل گئے جس کے اندر کا حصہ تاریک تھا۔ پس اس سے اندرونی مخروطی انعطاف کا نظریہ قطعی طور پر صحیح ثابت ہوا۔



شکل ۱۱۷

اس خاص انعطاف سے متعلق پنسل کا زاویہ وقوع معلوم کرنے کے لیے قلم کی بالائی سطح پر سے واقع پنسل  $س$   $م$  کو منعکس کر کے پردہ  $د$  پر روک لیا گیا۔ زاویہ  $س$   $م$   $د$  ناپ لیا گیا۔ واضح ہے کہ اس کا



نصف مطلوبہ زاویہ وقوع ہے۔ اس طرح پیمائش سے زاویہ کی جو قیمت حاصل ہوئی نظری قیمت سے بالکل مطابقت ہوئی۔ ایسا ہی شعاعوں کے اندرونی مخروط کا انحصاری زاویہ بھی ناپا گیا تو نظریہ کے ساتھ مطابقت پائی گیا۔

### واحد شعاعی رفتار کے محوروں کی سمت کی

تعیین - شکل ۱۱۳ یا ۱۱۶ کے معائنہ سے واضح ہے کہ خطوط م ق اور م ق' موجی سطح سے (جیسا کہ قبل ازیں بیان ہو چکا ہے) مخروط نما گڑھوں میں ملتے ہیں۔ یہی خطوط واحد شعاعی رفتار کے محوروں ہیں۔ نقطہ ق یا ق' پر ماسی ستویں کی ایک نامتناہی تعداد کھینچی جاسکتی ہے جو ایک مخروط تیار کرتے ہیں جو نقطہ ق یا ق' پر ماسی مخروط کہلاتا ہے۔ پس شعاع م ق یا م ق' ستویں موجوں کی ایک نامتناہی بڑی تعداد کے متناظر ہے جو قلم کے اندر مختلف موجی رفتاروں سے لیکن ایک ہی شعاعی رفتار سے سفر کرتی ہے۔

قلم میں اس واحد شعاعی رفتار والی سمت کی باآسانی تعیین ہو سکتی ہے۔ چنانچہ اگر نقطہ ق شکل ۱۱۳ میں کے محدد لا' ی فرض کیے جائیں اور زاویہ لام ق = فہ تو

$$\text{جب ف} = \frac{y}{(لا' + ی)}$$

چونکہ ق دائرہ (لا' + ی = ب) پر واقع ہے اور ساتھ ہی

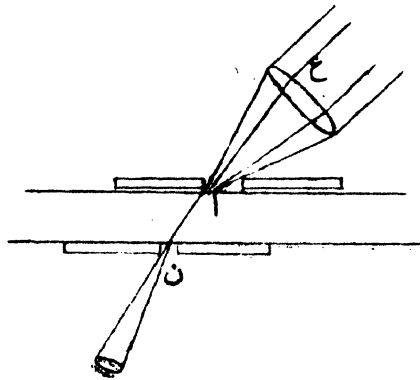
محور (ج =  $\frac{لا'}{۲} + \frac{ی'}{۲}$ ) پر آخر الذکر مساوات میں لا' کی قیمت

$$\text{تویض کرنے سے} \quad ۱ = \frac{ی'}{۲} + \frac{ب' - ی'}{۲} \quad \therefore ی' = \left( \frac{۱}{ج} - \frac{۱}{۲} \right) \quad ۱ - \frac{ب'}{ج}$$

$$\therefore ی = ۱ \pm \sqrt{\frac{ب' - ج}{۲ - ج}}$$

اس لیے جب  $f = \frac{y}{p} = \pm \frac{1}{j}$  ج-۱ ج-۲

بیرونی مخروطی انعطاف۔ سرولیم ہیلٹن کے کہنے پر ڈاکٹر لائیڈ نے بیرونی مخروطی انعطاف کی بھی تجربی تصدیق کی۔ اراگونائٹ کی جس تختی کا قبل ازیں ذکر آچکا ہے اس کی بالائی سطح کے نقطہ  $m$  پر (دیکھو شکل ۱۱۸) نور کی ایک مخروطی پنسل ماسکہ پر لائی گئی قلم کی اوپر اور نیچے والی سطحوں پر ہوں والے دو پردے یا دیا فرمے لگا دیے گئے۔ حد سے محور اور نیچے والے پردے کو حسب ضرورت ترتیب دینے سے پردوں کے سپروں کو ملانے والا خط قلم کے اندر کی واحد شعاعی رفتار کے محور کے ساتھ منطبق کر دیا جاسکا۔ ایسی صورت میں  $m$  پر شعاعوں کا جو پورا مخروط واقع ہوا اس میں سے وہ شعاعیں جو ایک خاص کھوکھلے مخروط کے متناظر تھیں اس طرح منعطف ہوئیں کہ ان کی سمت واحد شعاعی رفتار کے محور سے منطبق ہو گئی۔ جب یہ شعاعیں قلم سے نقطہ  $n$  پر خارج ہوئیں تو ایک منور کھوکھلے مخروط کی



شکل ۱۱۸

شکل میں برآمد ہوئیں جس کا محور واقع شعاعوں کی پنسل کے محور کا متوازی تھا۔

چنانچہ ن کے پاس تختی کے نیچے آنکھ رکھ کر دیکھنے سے ایک نور کو کھلا حلقہ دکھائی دیا۔

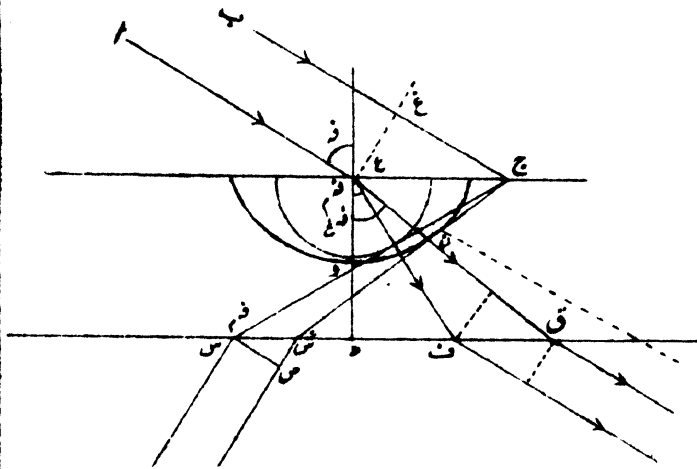
### قلمی تختیوں میں مقطب نور کا تداخل۔ دونیکول

کے منشوروں کے باہین متوازی پہلوؤں والی قلمی تختی میں سے جب نور کی پنسل گزرتی ہے تو علی العموم میدان نظر میں دلچسپ شکلیں تیار کرتی ہے۔ ہم پہلے ایک محوری قلم کی تختی سے بحث کریں گے اور بتائیں گے کہ نیکول جب متوازی وضع میں ہوتے ہیں تو تداخل نور سے کیسی شکلیں بنتی ہیں اور علی القوائم وضع میں کیسی۔ پنسل متوازی شعاعوں پر مشتمل ہو تو کیا کیفیت مشاہدہ ملتی ہے اور مستقیم یا متع شعاعوں پر مشتمل ہو تو کیا۔ اگر فردیک لونی نہ ہو سفید ہو تو اشکال کا کیا رنگ ہوتا ہے۔ چونکہ تداخل کے لیے ضروری ہے کہ معمولی اور غیر معمولی پنسلوں کے راستے مطبق ہوں اس لیے فرض کیا جائیگا کہ قلمی تختی کافی پتلی ہے۔ ایسی صورت میں شعاعیں تقریباً ایک ہی راستہ سے گزریں گی لیکن ان کی رفتاریں مختلف ہونے کی وجہ سے مقطب پنسلوں میں اختلاف بسیت واقع ہوگا جو تداخل پیدا کریگا۔ مہولت کی خاطر یہ بھی فرض کر لیا جائیگا کہ تختی کی سطحوں پر نور کا بہت کم حصہ انعکاس کی وجہ سے ضائع جاتا ہے۔

شکل ۱۱۹ میں متوازی شعاعوں کی پنسل اے ب ج ایک

قلمی تختی پر واقع ہوتی ہے جس کی سطحیں ج ع اور ف من مناظری محور ع د کے علی القوائم تراشی گئی ہیں۔ اگر تختی شعاع کے حامل نہ ہوتی تو شعاع سیدھی نقطہ دار خط کی سمت میں رفتار سما کے ساتھ چلی جاتی۔ تختی میں معمولی اور غیر معمولی شعاعوں سے متعلق ناصبیہ موج معلوم کرنے کے لیے ع کو مرکز مان کر دائرہ اد قطع ناقص بناؤ جو ایک دوسرے کو نقطہ و پر مس کرتے ہیں اور ج سے ان پر خطوط عماس ج م م اور ج ن من کشیں۔ اگر قلم میں معمولی اور غیر معمولی موجوں کی رفتاریں سما اور سما سے تعبیر کی جائیں تو شکل سے ظاہر ہے کہ سما > سما > سما۔

شعاعوں ع م ا د ح ن کو ف ق تک آگے بڑھاؤ جہاں وہ قلم کی دوسری سطح سے ل جائیں۔ یہاں پہنچ کر شعاعیں ہوا میں واقع پزل کی ابتدائی سمت کے متوازی منعطف ہو جائیں گی۔ اسی طرح ہوا میں پہنچ کر معمولی اور غیر معمولی شعاعوں کے ناصبیہ موج (ج م ا د ح ج ش) ابتدائی ناصبیہ موج ع غ کے متوازی ہو جائیں گے۔ ان کے مابین تفاوتِ راہ ص ص ہوگا جو ان کا درمیانی عمودی فاصلہ ہے۔



شکل ۱۱۹

س ص = س ش جب نہ = ع د (م ف س ج - م ف ش ج) فکل سے واضح ہے کہ ف ش ج = ف م اور اگر یہ فرض کیا جائے کہ غیر معمولی موج اور اس کے خطِ عکس ج ک کا نقطہ تماس و سے زیادہ دور نہیں ہے یعنی زاویہ وقوع نہ کافی چھوٹا ہے تو زاویہ ع ن ش قائم تصور کیا جاسکتا ہے۔ اور اس طرح ف ش ج = د ع ن تقریباً پس ف ش ج = ف ج تقریباً

اس لیے س ش = ع د (مم فم - مم فم) تقریباً  
تختی کی موٹائی ع د کو اگر ٹ سے تعبیر کیا جائے تو  
س ش = ٹ (مم فم - مم فم)

$$= \left\{ \left( \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} - \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} \right) - \left( \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} - \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} \right) \right\} \text{ٹ}$$

$$= \left\{ \left( \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} - \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} \right) - \left( \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} - \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} \right) \right\} \text{ٹ}$$

جس میں مم اور مع علی الترتیب قلم کے معمولی اور غیر معمولی انعطاف نما ہیں۔  
قلم کے باہر معمولی اور غیر معمولی ناصیہ پائے موج میں وقت کا تفاوت =  $\frac{\text{س ش}}{\text{س ش}}$

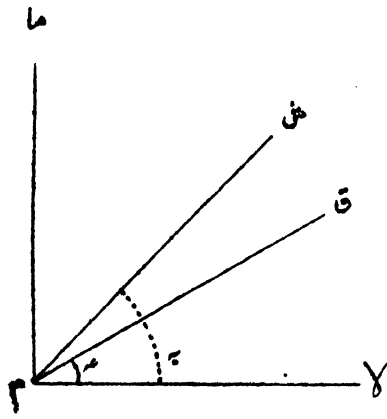
پس ان میں تفاوت ہیئت  $\frac{\pi 2}{\text{س ش}} = \frac{\pi 2}{\text{س ش}}$   
جس میں و = ہوا میں نور کے متعلقہ ارتعاشات کا وقت دوران  
و سما = طول موج نور (ہوا میں) = لہ

۔ تفاوت ہیئت  $\frac{\pi 2}{\text{لہ}} = \left\{ \left( \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} - \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} \right) - \left( \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} - \frac{\text{جبا فم}}{\text{جبا فم}} \right) \right\}$   
یعنی تفاوت ہیئت تختی کی موٹائی ٹ اور زاویہ وقوع ذ کا تفاعل ہے۔  
واضح ہے کہ اگر تختی پتلی ہو ذ کافی چھوٹا تو معمولی اور غیر معمولی شعاعیں  
قلم کے اندر تقریباً منطبق ہو جاتی ہیں۔ اگر اس منطبق راستہ کے طول کو ل  
قرار دیا جائے تو

$$\text{تفاوت ہیئت} = \frac{\pi 2}{\text{ل}} (\text{مم} - \text{مع})$$

فرض کرو کہ تختی پر واقع ہونے سے پہلے مقطب نور کا محیط ارتعاش اکائی ہے  
اور م ق (شکل ۱۲) اس کے تقطیب کا مستوی ہے۔ اگر تختی سے خارج  
ہونے پر معمولی اور غیر معمولی شعاعوں کے تقطیب کے مستوی م لا اور م ما  
قرار دیے جائیں تو یہ فرض کر کے کہ م ق کا زاویہ میلان م لا کے ساتھ

ہے۔ ان شعاعوں کے حیطہ ارتعاش علی الترتیب جم ۷ اور جب ۷ ہیں اور رفتاروں کے اختلاف کی وجہ سے ان کے مابین اختلاف ہیئت طہ پیدا ہوا ہے۔ اب اگر مشرح نیکول کی تقطیب کا مستوی م ش مانا جائے اور اس کا زاویہ میلان م ۷ کے ساتھ ہو تو چونکہ معمولی اور غیر معمولی شعاعوں کے صرف وہی اخزار ترکیبی اس دوسرے نیکول میں سے منتقل ہو سکتے ہیں جو اس کے مستوی م ش میں منعکس ہوتے ہیں اس لیے ان خارج شدہ شعاعوں کے حیطہ ارتعاش بالترتیب جم ۷ جم ۷ اور جب ۷ جم ۷



شکل ۱۲

ہیں۔ چونکہ ان کا اختلاف ہیئت طہ ہے اس لیے پتلی تختی میں سے نکل کر سمٹیوں کے متوازی الاضلاع کے اصول سے ایک واحد شعاع (یا نسل) بن جاتے ہیں جس کی حدت

$$ح = جم ۷ جم ۷ + جب ۷ جب ۷ + ۲ جم ۷ جب ۷ جب ۷ جب ۷$$

$$= (جم ۷ جم ۷ + جب ۷ جب ۷) - ۲ جم ۷ جب ۷ جب ۷ جب ۷ (۱-جم طہ)$$

$$= جم ۷ (۷-۷) - جب ۷ جب ۷ جب ۷ جب ۷ طہ$$

اگر نیکول ایک دوسرے کے متوازی ہوں تو  $e = b$  اور

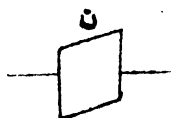
$$c = 1 - \text{جب } e \text{ جب } \frac{b}{2}$$

اور اگر نیکول باہم دیگر علی التواضع ہوں تو  $e = b \pm \frac{\pi}{2}$  اور

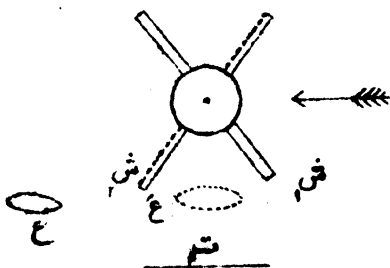
$$c = \text{جب } e \text{ جب } \frac{b}{2}$$

یعنی ان دو وضعوں میں حدیں متمم ہوتی ہیں۔

اب ہم مقطب نور کے تداعل سے متعلق چند آسان تجربے بیان کر چکے جو بغیر کسی دقت کے ہر طالب علم بطور خود کر لے سکتا ہے۔ پیمائش میں چونکہ بڑی باریکی مقصود نہیں ہے اس لیے شکل ۱۲۱ والا فوٹر مہول کا مضعف بخوبی استعمال ہو سکتا ہے۔ شکل ۱۲۱ میں اس کو ذرا تبدیل کر کے بطور ڈیاگرام کے



تم



شکل ۱۲۱

پیش کیا جاتا ہے۔ ش، شیشہ کی مقطب تختیاں ہیں جو افقی محور پر گھمائی جاسکتی ہیں۔ تختی جب وضع ش میں ہوتی ہے تو آسمان کی روشنی (یا اگر ایک لونی نور مقصود ہو تو سوڈیم کے منقلہ کی منتشہا روشنی) اس پر تقلیبی زاویہ میں واقع ہو کر بعد انعکاس انتصا با اوپر کو جاتی ہے اور سو راخذارتختی ست پر جو قلمی تختی رکھی جاتی ہے اس میں سے گزرتی ہوئی مشرَح (یا استغانی) نیکول ن میں داخل ہوتی ہے۔ اگر شیشہ کی تختی وضع ش میں ہو تو قلمی تختی نیچے کے آئینہ ست پر رکھی جاتی ہے اور اسی طرح نور کی پنسل اس کی دوجہ دثوائی میں سے گزرتی ہے۔

(۱) متوازی شعاعوں کا تجربہ۔ یہ شامیں جب شیشہ کی تختی

ش سے منقلس ہوتی ہیں تو ڈیاگرام کے مستوی میں مقطب ہوتی ہیں قلمی تختی میں داخل ہو کر شعاعیں دو پنسلوں میں منقسم ہوتی ہیں جو باہم دیگر علی التوازم مقطب ہیں۔ رفتاروں کے اختلاف کی وجہ سے قلم کے باہر آنے پر اگرچہ ان میں تفاوت ہیئت واقع ہوتا ہے لیکن چونکہ ان کی تقلیب کے مستوی مختلف ہیں اس لیے ان کے مابین اس وقت تک تداخل نہیں ہو سکتا جب تک کہ مشرَح نیکول ان کو ایک ہی مستوی میں نہ لائے۔

آنکھ تو قلمی تختی کے اوپر ماسکہ پر لانا چاہیے اور چونکہ اس تختی کی سطح کے مختلف مقامات سے آنے والی پنسلیں پتلی ہوتی ہیں اور تختی آنکھ پر جو زاویہ بناتی ہے وہ چھوٹا ہوتا ہے جو بھی شعاعیں آنکھ میں داخل ہوتی ہیں تختی میں سے عمود وار گزرتی ہیں۔ پس قلمی تختی کی سطح کے ہر نقطہ کے لیے زاویہ تفاوت ہیئت طہ کی قیمت ایک ہی ہوتی ہے۔ اور اگر تنویر ایک لونی ہو تو قلمی تختی یکساں منور نظر آتی ہے۔ اگر واقع نور سفید ہو تو چونکہ زاویہ طہ طول موج کے لحاظ سے بدلتا ہے سفید نور کے مختلف اجزاء ترکیبی مساوی مقدار میں منتقل نہیں ہوتے ہیں اس لیے تختی رنگین نظر آتی ہے۔ یہ رنگ قلمی تختی کی موٹائی کے تابع ہوتا ہے اور سب سے خالص اس صورت



میں پایا جاتا ہے جبکہ نیکول کے منشور ایک دوسرے کے علی القوام ہوتے ہیں۔

**بلوری فائبر کے ساتھ تجربہ۔** قلمی تختی کی موٹائی کے ساتھ رنگ کی تبدیلی بتانے کے لیے بجائے بالکل یہ متوازی ہیلوڈوں کی تختی کے اگر ایک ایسا بلوری فائبر استعمال کیا جائے جس کی اوپر اور نیچے کی سطحوں کے مابین نصف درجہ کا یا اس سے کم زاویہ ہو اور جس کا مناظری محور اس کے ضلعوں کے متوازی ہو تو مشترک نیکول کو [دیکھو شکل ۱۱۱] علی القوام وضع میں لاکر اس کے صدر مستوی کے ساتھ فائبر کے محور کو ۴۵° زاویہ پر گھمائی کرنے سے فائبر کا طول (یعنی اس کا سب سے لمبا ضلع) رنگین بندوں سے گھٹا ہوا نظر آئے گا۔ یعنی رنگین دھاریاں فائبر کی بازو کے متوازی دکھائی دینگیں۔

**بلوریت قلم ہے۔** سوڈیم خصلہ کے لیے اس کے معمولی انعطاف نما صہ کی قیمت ۵۴۲۲° ہے اور غیر معمولی انعطاف نما صہ کی قیمت ۵۵۳۳° ہے۔ ان میں تفاوت ۱۱۱° ہے۔ طول موج کی کمی کے ساتھ یہ تفاوت خفیف سا بڑھتا جاتا ہے چنانچہ بنفسی نور کے لیے اس کی قیمت ۵۴۹۲° ہے۔ چونکہ نیکولوں کی علی القوام وضع میں مقطب نور کی حد ح = جب ۲۴° ہے اور صورت زیر بحث میں ح = ۴۵° اس لیے

$$ح = جب \frac{2}{3}$$

اور جس وقت ط =  $\pi(1 + 2n)$  جس میں n کوئی بھی صحیح عدد ہو

۳ واضح ہو کہ فائبر کا زاویہ بہت چھوٹا ہونے سے نور کی سمت میں ناقابل لحاظ تبدیلی ہوتی ہے لیکن تفاوت ہیئت میں معتد بہ۔

یہ حدت اقل ہو جاتی ہے

پس ضابطہ ط =  $\frac{2\pi l}{\lambda}$  (حرم - مرغ) کی مو سے

$$l = \frac{(n + \frac{1}{2})}{0.91 \times 10^{-9}}$$

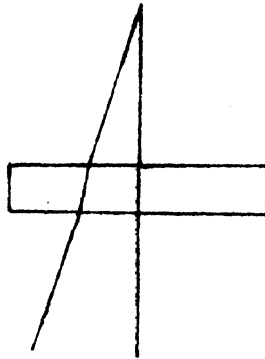
اگر حرم کی تبدیلی بلحاظ لہ نظر انداز کر دی جاتی ہے۔ اس سے واضح ہے کہ مختلف رنگوں کی اعظم حدت کے مقام مختلف ہوتے ہیں۔ اگر صورت ہذا میں نور سفید نور کے عوض ایک رنگی نور استعمال کیا جائے تو فائدہ کی بارہ کے متوازی اس کے طول کے مساوی وقفوں سے روشن اور تاریک پٹیاں یا بند مشاہدہ ہونگے۔ اگر مشرح نیکول ۹۰ زاویہ میں گھمایا جائے تو جو بند پہلے روشن نظر آتے تھے اب تاریک نظر آئینگے اور جو پہلے تاریک تھے اب روشن۔

اگر مشرح نیکول کی وضع برقرار رکھی جائے اور فائدہ کو ایک کامل گردش دی جائے (یعنی ۳۶۰ درجوں میں گھمایا جائے) تو ظاہر ہے کہ زاویہ ۹۰ اور ۲۷۰ کی قیمتوں میں ۲۲ کا اضافہ ہوتا ہے لیکن ان کا درمیانی تفاوت (ع - ب) مستقل رہتا ہے۔ ایسی صورت میں جب کبھی جب ۲۷۰ یا جب ۹۰ کی قیمت صفر ہوتی ہے بند غائب ہو جاتے ہیں۔ یہ عمل فی چکر آٹھ مرتبہ ہوتا ہے۔

مستدق مقطب پنسل کا تجربہ - شکل ۱۲۱

کے آلہ کو مستدق پنسل کے ساتھ استعمال کرنا ہوتا ہے تو قلمی تختی تختی تپ پر رکھی جاتی ہے اور نیکول ن کو نیچے اتار کر اس تختی کے قریب لایا جاتا ہے۔ آسمان سے نور شیشہ کی تختی پر (جوش وضع میں رکھی ہوتی ہے) گر کر قلم میں سے ہوتا ہوا نیکول اور آنکھ میں داخل ہوتا ہے۔ آنکھ آسمان کے مختلف حصوں کو دیکھنے کے لیے ماسک پر لائی جاتی ہے۔

شکل ۱۲۱ میں ع د قلم کا مناظری محور ہے اور آنکھ کا مقام ا ہے۔ سمت  
د ع ا میں سے آنے والی شعاعوں کے لیے تفاوت ہیئت کا زاویہ ط = صفر  
د ع ا کے گرد قلم کی سطح پر اگر مختلف قطر کے دائرے کھینچے جائیں اور ان کے  
ایک ایک محیط میں سے جو شعاعیں مثل ک ق ف ا متعینہ میدان کی مرکز میں  
اُن کے لیے تفاوت ہیئت ط مستقل ہوگا۔ پس ایک ایک رنگ کا ایک ایک  
دائرہ مشاہدہ ہوگا۔ اس طرح تدخل نور سے ہر نقطہ پر ایک ہی رنگ والے جو منحنی  
بہتے ہیں ہم لونی منحنی کہلاتے ہیں۔



شکل ۱۲۲

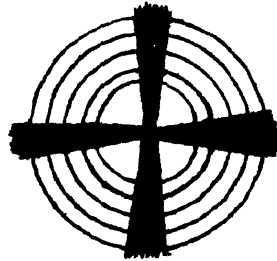
اگر نیکول علی القوائم وضع میں ہو تو نور کی مدت صفر ہوتی ہے جبکہ

جب  $\theta = 0$  پس ان تمام مرکز رنگین دائروں کے اوپر ایک سیاہ صلیب نما شکل بھی تیار ہوگی  
جس کے مسلے غلیو لونی یا بے رنگ منحنی کہلاتے ہیں۔ واقع نور جب  
ایک لونی ہوتا ہے تو ہم مرکز دائرے بجائے رنگین ہونے کے علی الترتیب روکھن  
اور تا ایک دکائی دینے کے (دیکھو شکل ۱۲۳) جو ایک لونی پنسل کے تماثل سے

متعلق ہے۔ اگر نیکول ن متوازی وضع میں رکھا ہوا ہو تو شکل ۱۲۴ متاثر ہوگی جو شکل ۱۲۳ کی شتم ہے۔



شکل ۱۲۴



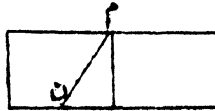
شکل ۱۲۳

قلمی تختی کو شکل ۱۲۳ میں آئینہ مت پر رکھ کر بھی مستحق پیل کے متاثر کا تجربہ کیا جاسکتا ہے۔ اس کے لیے شیڈ کی تختی کو وضع میں پھیرنے کی ضرورت ہوتی ہے اور نیز مدد کو وضع غ میں رکھ کر تہ کے اوپر ماسکہ پر لانا ہوتا ہے۔

ایک محوری قلموں کی ہم لونی سطحیں۔ فرض کرو کہ مبداء م جس سے نکل کر نور پھیلتا ہے (شکل ۱۲۵) قلم کی سطح ہی پر واقع ہے۔

معمولی اور غیر معمولی شعاعوں سے متعلق موجوں کو م سے نکل کر ن تک جانے کے لیے علی الترتیب  $\frac{2\pi}{\lambda}$  اور  $\frac{2\pi}{\lambda}$  وقت صرف ہوتا ہے اس لیے تفاوت وقت

$$\Delta t = \left( \frac{1}{v} - \frac{1}{v'} \right) \Delta x$$



شکل ۱۲۵

اور تفاوت ہیئت =  $\frac{۳۲}{۲} (و - و)$  =  $\frac{۳۲}{۲} (\frac{۱}{س} - \frac{۱}{س})$  م  
 جس میں و بیضا کہ پہلے ذکر آچکا ہے وقت دوران ہے۔ م سرخ  
 قلم کے اندر موجی سطح نصف قطرب کے ایک کرہ اور ایک کرہ  
 پر مشتمل ہے جس کا کوئی بھی سطح قطع ناقص  $۱^۲ ل + ۲^۲ ب = ۱^۲ ب$  ہے۔  
 اگر اس سطح کا ایک نیم قطر سستی س ہو تو رفتار س م تناسب  
 ہے ب کے اور س م تناسب ہے س کے۔ پس موٹائی ل کے  
 لیے تفاوت ہیئت کا زاویہ

$$ط = ل (\frac{۱}{ب} - \frac{۱}{س}) = ل (م - \frac{۱}{س})$$

اگر قطع ناقص کی مسادات

$$م ل + م ب = م ا = ا لکھی جائے$$

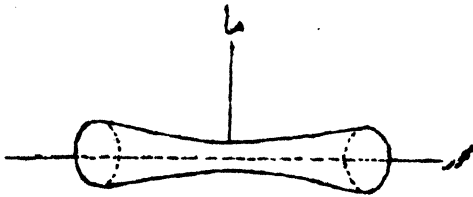
$$تو \frac{۱}{س} = م ب + م ل$$

جب اس مسادات کو ط والی مسادات کے ساتھ ترکیب دیتے ہیں تو

$$\frac{۱}{س} = (م - \frac{ط}{ل})$$

$$\frac{ط}{ل} = (م - \frac{۱}{س}) = م ل + م ب$$

$$(ط - ل صم) = ۲ = صم لآ + صم ما$$



شکل ۱۲۶

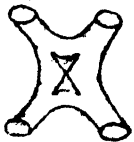
اور چونکہ  $ل = لآ + ما$  اس لیے

$$\{ (صم - صم) (ط - ما) = ۲ صم ط (لا + ما) \}$$

جو داخل نور کی ہم لونی سطح کے تکوینی مسطحی کی مساوات ہے۔ اس مسطحی کو منافی محور کے گرد گھمانے سے ہم لونی سطح (Isochromatic surface)

حاصل ہوتی ہے۔ شکل ۱۲۶ میں اس کی عام صورت بتائی گئی ہے۔ منافی محور کے علی التوالم کافی ہونی قلمی تختی کے ساتھ سطح مذکور کی تراشیں دائرے ہوتے ہیں اور محور کے متوازی کافی ہونی تختی کے ساتھ اس سطح کی تراشیں قطع زائد۔

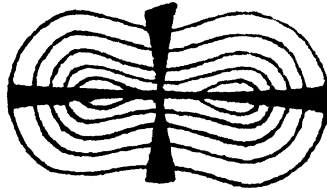
دو محوری قلموں میں مقطب نور کی پنسلوں کا قنداق



شکل ۱۲۷

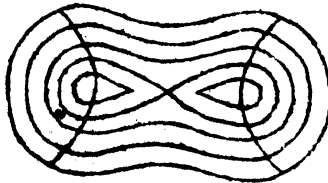
دو محوری قلموں کی ہم لونی سطح شکل ۱۲۶ میں بتائی گئی ہے۔ قلم کی تراش اگر محوروں کے متوازی ہو تو قطع زائد کے مشابہ مسطحی حاصل ہوتے ہیں۔ اگر قلم اس طرح تراشی جائے کہ منافی محور کے دبستانی زاویہ کا منقبت

اس کی سطحوں کے علی القوائم جو اور اس کے اندر سے ایک لونی نور کی مستقیم پس منظر سے تو جب مضطرب اور مشرّع نیکولوں کی وضع باہم دیگر علی القوائم ہوتی ہے تو تداخل کی روشن اور تاریک دھاریاں ایٹرنوں (Lemniscates) کے خاندان کے مشابہ ہوتی ہیں۔ جب قلم کے متناظری محوروں کا مستوی کسی ایک نیکول کے صدر مستوی کے متوازی ہوتا ہے تو ایٹرنوں کے ساتھ ایک صلیبی شکل بھی مشابہ ہوتی ہے جس کا ایک پہلو ایٹرنوں کی آنکھوں میں سے گزرتا ہے۔ دیکھو شکل ۱۲۸۔



شکل ۱۲۸

قلم کے محوروں کا مستوی جب نیکولوں کے صدر مستویوں کے ساتھ ۵۰° پر مائل ہوتا ہے تو ایٹرنوں کے ساتھ دو قطعی نظر آتے ہیں جو ان کی آنکھوں میں سے گزرتے ہیں۔ دیکھو شکل ۱۲۹۔



شکل ۱۲۹

قلم کے محوروں کے درمیانی زاویہ کی تپش کے

ساتھ تبدیلی۔ بعض دو محوری قلموں کو گرم کرنے سے ان کا درمیانی زاویہ تپش کی زیادتی کے ساتھ گھٹتا جاتا ہے حتیٰ کہ ایک تپش پر پہنچ کر قلم (زاویہ کے صفر ہو جانے کی وجہ سے) ایک محوری ہو جاتا ہے۔ بعض قلموں (نیکوٹوں کے مابین سیلینائٹ (selinite) کی ایک پتلی قلم کو جو ترمیمی وضع میں تراشی گئی ہو رکھ کر بتدریج گرم کرنے سے ایٹروں کے ملتے آہستہ آہستہ ایک دوسرے میں مخلوط ہوتے جاتے ہیں حتیٰ کہ ایک تپش پر وہ بالکل ہم مرکز دائرے بن جاتے ہیں اور صلیب کے ضلعوں کا نقطہ تقاطع دائروں کے مرکز کے ساتھ منطبق ہو جاتا ہے۔ اگر تپش آمد بڑھائی جائے تو قلم کے محور اپنے درمیانی زاویہ کے سابعہ منقعت کو عبور کرتے ہیں اور ان کے باہمی میل کا زاویہ بڑھتا جاتا ہے۔ اسی طرح دائروں کی شکل کمر ایٹروں میں تبدیل ہو جاتی ہے۔

نقلی اشیاء میں جلی فساد یا بگاڑ کے ذرائع

دُشیلے انعطاف کی پیدائش۔ اگر معمولی شیشہ کی تختی کو شکوہ میں رکھ کر آہستہ آہستہ دبائیں اور اس حالت میں اس کو علی القوائم مشدود دباؤ کے مابین رکھ کر دیکھیں تو تغاقل نور کی شکلیں فوراً مشاہدہ ہونگی۔ دباؤ بڑھا سکتا ہو جانے پر فساد باقی نہیں رہیگا اور اس طرح تختی دوبارہ اپنی ایک اضطرانی حالت اختیار کر لیگی۔

بجائے جلی ذرائع کے شیشہ کو اچانک گرم کر کے بھی فساد کی حالت میں لے سکتے ہیں۔ جیسا کہ روپرٹ کے قطروں (Rupert's drops) کے ساتھ تجربہ کرنے سے معلوم ہو سکیگا۔

قلم کے مناظری محوروں کا انتشار (dispersion)۔



اکثر دو محوری قلموں کے محوروں کی سمت نور کے طول موج کے بدلنے سے تبدیل ہو جاتی ہے۔ بروکا ٹنٹ (Brookite) اور کروائیسوبیریل (Chrysoberyl) کے مناظری محوروں کا مستوی طیف کے سرخ سرے کی شعاعوں کے لیے ایک وضع رکھتا ہے اور بنفشی سرے کی شعاعوں کے لیے اس کے علی القوائم وضع۔ اگر ان قلموں میں طیف کے سرخ سرے پر کے یک لونی نور کے تداخل سے پیدا ہونے والی ایٹرن ناشکلوں کا معائنہ کرتے ہوئے بتدریج نور کا طول موج گھمایا جائے تو ایٹرنوں کی آنکھیں "آہستہ آہستہ سنہتی جائیگی" حتیٰ کہ ایک خاص طول موج کے لیے ایٹرنوں اور ان کے صلیب کا نظام یک محوری قلم والے دائروں اور ان کے متعلقہ صلیب کے نظام میں بدل جائیگا۔ طول موج گھمائیے گئے مزید گھٹاؤ کے ساتھ ایٹرنوں کا ایک دوسرا نظام مع متعلقہ صلیب مشاہدہ ہوگا جن کی "آنکھیں" سابقہ نظام کی "آنکھوں" کو طابے والے خط کے علی القوائم سمت میں سنہتی جائیگی۔ جس سے ظاہر ہے کہ طیف کے دوسرے سرے پر کے نور کے لیے ان قلموں کے محوروں کا مستوی سابقہ مستوی کے علی القوائم ہے۔

# ساتواں باب

نور کی دائری اور ناقصی تقطیب —

محور لا کی سمت میں اشاعت پانے والی دو مقطب موجوں کے نقل مکان اگر محدود ما اور محور سے کی سمتوں میں علی الترتیب یہ اور طہ سے تعبیر کیے جائیں تو ان موجوں کی مساواتیں منفرد حیثیت سے

یہ = ب جب  $\frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\lambda}{r} - \omega \right)$  ظہ = ج جب  $\left\{ \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\lambda}{r} - \omega \right) + \text{ضہ} \right\}$  ہونگی۔ مشترک حیثیت سے یہ مساواتیں عرضی موجی حرکت کی عام ترین مثال کو تعبیر کرتی ہیں جو سمت لا میں اشاعت پاتی ہیں۔  
دوسری مساوات کو پھیلا کر

ظہ = ج  $\left\{ \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\lambda}{r} - \omega \right) + \text{جم ضہ} + \text{جم } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\lambda}{r} - \omega \right) \text{ جب ضہ} \right\}$   
لکھا جاسکتا ہے۔ اس میں پہلی مساوات سے توضیح کرنے سے

$$\frac{\lambda}{r} = \frac{\pi^2}{\omega} + \text{جم ضہ} + \text{جم } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\lambda}{r} - \omega \right) \text{ جب ضہ}$$

$$\text{یعنی جم } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\lambda}{r} - \omega \right) = \frac{\lambda}{r} - \frac{\pi^2}{\omega} - \text{جم ضہ}$$

$$\text{مہذا جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\lambda}{r} - \omega \right) = \frac{\lambda}{r} - \frac{\pi^2}{\omega}$$

پس ان آخری دو مساواتوں کے میدے اور بائیں جانب کے جلوں کے مرجوں کو جمع کرنے سے

$$1 = \left( \frac{\text{ج جب منہ}}{\text{ب}} - \frac{\text{ب}}{\text{ج}} - \frac{\text{مم منہ}}{\text{ب}} \right) + \left( \frac{\text{ب}}{\text{ج}} \right)^2$$

$$\text{یعنی } \frac{\text{ب}^2}{\text{ج جب منہ}} - \frac{\text{ب}^2}{\text{ج جب منہ}} + \frac{\text{ب}^2}{\text{ج جب منہ}} = 1$$

یہ مساوات ایک قطع ناقص کو تعبیر کرتی ہے جو کہ اس کے میدے جانب کے جلوہ کو جب صفر کے مساوی لکھا جاتا ہے تو خطوط مستقیم حاصل ہوتے ہیں جو متقابلوں کے متوازی ہیں اس لیے اس منحنی کے متقابل خیالی ہیں۔ پس واضح رہے کہ عرضی ارتعاش کی علم ترین موج ناقصی مقطب تصور کی جاسکتی ہے اگر ما اور سے کے محور ناقص کے محور اعظم اور محور اقل کے متوازی قرار دیے جائیں تو یہ اور طہ کے حاصل ضرب کی رقم خارج ہو جاتی ہے۔ اور چونکہ ب اور ج ہمیشہ محدود ہوتے ہیں یہ صرف اسی صورت میں ممکن ہے جبکہ جم منہ صفر ہے یعنی منہ =  $\pm \frac{\pi}{2}$ ۔ اس لیے ناقصی مقطب موج کی مساواتیں ناقص کے اعظم و اقل محوروں کے حوالہ سے

$$\text{یہ} = \frac{\text{ب جب}}{\frac{\text{ل}}{\text{و}}} - \left( \frac{\text{ل}}{\text{و}} \right) \text{ اور طہ} = \pm \frac{\text{ج جم}}{\frac{\pi^2}{\text{و}}} - \left( \frac{\text{ل}}{\text{و}} \right)$$

لکھی جاسکتی ہیں۔

اگر دوسری مساوات میں مثبت علامت لی جائے تو آینوالی موج کی طرف رخ کر کے مشاہدہ کرنے والے کو ارتعاش کرنے والا ذرہ قطع ناقص میں موافق سمت ساعت حرکت کرتا نظر آئے گا۔ اور اس لحاظ سے ہم اس ناقص کو عینی ناقص کہہ سکتے ہیں۔ اور اگر منفی علامت لی جائے تو ذرہ مخالف سمت ساعت حرکت کرتا نظر آئے گا اور ناقص یساری کہلائے گا۔

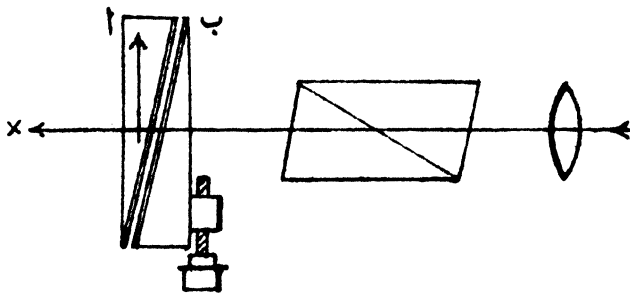
دراخالیہ کہ ب = ج ناقص دائرہ میں تبدیل ہو جائیگا اور لحاظ علامت (مثبت یا منفی) موج علی الترتیب عینی دائری مقطب یا یساری دائری مقطب

کہلائیگی۔

## مقطب نور کی نوعیت کا امتحان۔ متطاب نور یا تو

خاصاً مستوی متطاب ہوگا یا دائری یا ناقصی متطاب یا ان کا آمیزہ۔ اگر ناقصی متطاب ہوگا تو ناقص کے محوروں کی سمتیں اور ان کے طولوں کی باہمی نسبت دریافت کرنی ہوگی۔ اس تحقیق کے لیے یا تو بابینے کا معاوض (Babinet's compensator) استعمال کیا جاتا ہے

یا ربع موجی تختی (Quarter wave plate) شکل ۱۳۰ میں اول الذکر آلہ کی سادہ ترین قسم اب دکھائی گئی ہے جو چھوٹے مساوی زاویوں کے دو بلوری فائز پر مشتمل ہے۔ ان میں سے ایک فائز ثابت ہے اور دوسرا ب ایک خردہ پیمائچ کے ذریعہ ا کے بازو سے آگے یا پیچھے کو ہٹایا جاسکتا ہے۔ جس کی وجہ سے معاوض گویا تغیر پذیر موٹائی والی متوازی پہلوؤں کی تختی تصور ہو سکتا ہے۔ ثابت فائز ا اس طرح تراشا گیا ہے کہ



شکل ۱۳۰

قلم کا مناظری محور صفحہ کے مستوی میں (تیر کی سمت میں) ہے۔ حرکت پذیر فائز ب میں ا قلم کا مناظری محور صفحہ کے مستوی کے علی القوائم ہے۔ نور کی متوازی پنسل

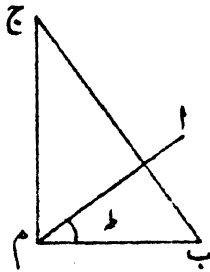
جب معاوض پر عمود وار واقع ہوتے ہوئے ۱ میں سے داخل ہوتی ہے تو اس کی دو پنسلوں میں تقسیم ہوتی ہے جن میں سے ایک پنسل صفحہ کے مستوی میں مقطب ہوتی ہے اور دوسری ان کے علی القوائم مستوی میں۔ اول الذکر پنسل فائدہ ۱ میں بہ نسبت دوسری پنسل کے زیادہ سرعت سے گزرتی ہے اور اس لیے اس کی ہیئت میں بمقابل دوسری پنسل کی ہیئت کے ابھار واقع ہوتا ہے۔ جب وہ فائدہ ۱ میں سے گزرتی ہے تو اس کی رفتار دوسری پنسل کی رفتار کی بہ نسبت کمتر ہوتی ہے اس لیے اب اس کی ہیئت میں بمقابل دوسری کی ہیئت کے اسراع واقع ہوتا ہے۔ جہاں دونوں فائوں کی موٹائی مساوی ہوتی ہے وہاں یہ ابھار و اسراع ہیئت مساوی ہونے کی وجہ سے ایک دوسرے کو تلف کر دیتے ہیں۔ اس لیے دونوں پنسلیں معاوض میں سے ایک ہی ہیئت میں خارج ہوتی ہیں۔ معاوض کے اس مقام کے دونوں جانب اس کے فاصلہ کی مناسبت سے ہیئت کا تفاوت پیدا ہوتا ہے۔ فائوں کے سامنے صلیبی تار جمائے جاتے ہیں اور اس کے پیچھے ایک امتحانی یا مشرح نیکول اہد چشمہ ہوتا ہے۔ چشمہ کو نیکول میں سے تاروں کے اوپر ماسک پر لایا جاتا ہے۔ استعمال سے پہلے معاوض کی تعمیر کی جانی چاہیے یعنی حودہ پیمانیج کے مقروؤں کو مستملہ نور کے طول موج کی رقموں میں تحویل کرنا چاہیے۔ اس کے لیے آلہ کے اندر مستوی مقطب نور کی ایک ایسی پنسل داخل کی جاتی ہے جس کا مستوی دونوں فائوں کے محوروں کے ساتھ تقریباً ۵۴ زاویہ پر مائل ہے۔ جہاں ان فائوں سے صفحہ ۲۳ کی ضعف کا تفاوت ہیئت پیدا ہوتا ہے وہاں یہ نور اسی مستوی میں مستوی مقطب ہوتا ہے۔ کسی اور جگہ اس مستوی میں مقطب نہیں ہوتا۔ پس معاوض کو نکال کر مشرح نیکول کو جب ایسی وضع میں گھما کر رکھتے ہیں جس سے واقعہ فائدہ ۱ ہوتا ہے اور پھر اس کے بعد معاوض کو اپنی جگہ رکھ دیتے ہیں تو جن مقامات پر فائدہ ۱ کے کنارے کے متوازی سیاہ بند دکھائی دیں وہاں تفاوت ہیئت ۲۲ کی ضعف ہوگا۔ اب حودہ پیمانیج کے ذریعہ

معاوض کے حرکت پذیر فائدہ کو ٹھیک ایسی وضع میں لاتے ہیں کہ ان سیاہ بندوں میں سے ایک بند صلیبی تاروں پر آجائے۔ پیچ کا نشان پڑھ لیا جاتا ہے۔ اس کے بعد پیچ کو ایک ہی سمت میں آہستہ آہستہ گھماتے ہیں یہاں تک کہ سابقہ سیاہ بند کے بعد ہی کا دوسرا بند صلیبی تاروں پر آجائے۔ پیچ کا یہ نشان بھی پڑھ لیا جاتا ہے۔ دونوں نشانوں کا تفاوت ہیئتوں کے تفاوت کا متناظر ہو گا۔

یہ معلوم کرنے کے لیے کہ صفر تفاوت ہیئت والا کون سا سیاہ بند ہے (یعنی وہ مقام کونسا ہے جہاں دونوں فائدے مساوی ہوتے ہیں) معاوض کو بجائے یک لونی نور کے سفید نور سے روشن کرنا ہوتا ہے۔ ایسی حالت میں صرف صفر تفاوت ہیئت والا سیاہ نظر آئیگا چونکہ سفید نور کے مختلف طول موج کے اجزاء کے دوسرے سیاہ بندوں کے مقام مختلف ہونگے اس لیے دوسرے بند رنگین نظر آئینگے۔

دی ہوئی پنسل کی نوعیت تقطیب دیا فت کرنے کے لیے پہلے یہ دیکھ لینا چاہیے کہ آیا پنسل مشرح نیکول سے سمجھ سکتی ہے۔ (۱) اگر سمجھ سکتی ہے تو واضح ہے کہ وہ مستوی مقطب ہے اور اس کی تقطیب کا مستوی مشرح نیکول کے صدر مستوی کے متوازی ہے (یعنی نیکول کے سرے کی سطح کے چھوٹے نور کے متوازی)۔ (۲) اگر پنسل اکیلے نیکول ہی سے سمجھ نہیں سکتی تو معاوض کو اس کی جگہ پر رکھ کر ایسی وضع میں لانا چاہیے کہ طول موج کا تفاوت ہیئت پیدا ہو۔ پھر اس کو خط نظر کے گرد گھمانا چاہیے حتیٰ کہ ایک سیاہ بند صلیبی تاروں پر آجائے۔ اس کے بعد مشرح نیکول کو ٹھیک وضع میں لانا ہوتا ہے تاکہ یہ بند جتنا بھی سیاہ نظر آئے نظر آئے۔ یعنی نور کا اتلاف صلیبی تاروں پر مکمل ہو جائے۔ ناقصی مقطب نور کے ضابطے سے ظاہر ہے کہ معاوض کے دونوں بلوری خانوں کی صدر ترانیشن کی سمتیں اب ناقصی ارتعاش کے اعظم و اقل محوروں کو تعبیر کرتی ہیں۔ معینا اگر مشرح نیکول کی صدر ترانیشن م ۱ (دیکھو شکل ص ۱۳) ایک بلوری فائدہ کی صدر ترانیشن م ۲ کے ساتھ زاویہ طہ بناتی ہے تو نور معاوض میں

نکلتے پر اس کے ارتعاش کی سمت م ا کے علی القوالم سمت ب ج میں ہوگی



شکل ۱۳۱

(کیونکہ عام طور پر فرض کیا جاتا ہے کہ مقطب نور میں ارتعاش کی سمت تقطیب کے  
مستوی کے علی القوالم ہوتی ہے)۔ پس مقطب نور کے ناقص کے محوروں کی نسبت  
 $\frac{م ب}{م ج}$  ہے۔ بالفاظ دیگر اگر مقطب نیکول کی صدر تراش معاوض کے ایک

فائدہ کی صدر تراش م ب کے ساتھ زاویہ طہ پر مائل ہے تو

$$\text{م ط} = \frac{\text{ارتعاشی ناقص کے محور کا طول م ب کے متوازی}}{\text{ارتعاشی ناقص کے محور کا طول م ب کے علی القوالم}}$$

زاویہ طہ جب ۴۵ ہوتا ہے نور کی تقطیب دائری ہوتی ہے۔ آسانی معلوم ہو جاتا ہے  
کہ مشرح نیکول کی صدر تراش کب م ب یا م ج کے متوازی ہوتی ہے کیونکہ  
ایسی صورت میں تداخل کے بند غائب ہو جاتے ہیں۔

رُبع موجی تختی، اترق یا بلور کی ایک متوازی پہلوؤں کی تختی ہوتی

ہے۔ وہ اتنی موٹی ہوتی ہے کہ معمولی اور غیر معمولی نیپلس جب اس میں سے عموداً  
گزر جاتی ہیں تو ان کے مابین  $\frac{۱}{۲}$  کا ہیشی تفاوت واقع ہوتا ہے۔ یہ تختی بھی  
با بیئے (Babinet) کے معاوض کی جگہ استعمال کی جا سکتی ہے۔ لیکن

صرف ایک لولہ موج کے نور (عموماً سوڈیم کے زرد خط) کے ساتھ - کسی دوسرے طول کی موج کے لیے مانع ہے کہ تختی کی موٹائی مختلف ہوگی۔

جزوی مقطب نور کی پہچان - اگر معمولی طبعی یعنی غیر مقطب نور

کے ساتھ مستوی دائری یا انصی مقطب نور شامل ہو تو وہ باہنے کے معاوض اور مشرح نیکول کے ذریعہ بچھا یا نہیں جاسکتا۔ البتہ یہ معلوم ہو سکتا ہے کہ نور کی مدت کس وضع میں اقل ہوتی ہے اور نور کا تقریباً کتنا حصہ مقطب ہے۔ آسمان جس نور سے منور نظر آتا ہے جزوی طور پر مستوی مقطب ہے۔ چنانچہ دن کے وقت نور مہرگ کے آلے کے ذریعہ اس کی باسانی تصدیق ہو سکتی ہے۔ لیکن سادار (Savart) کا تقطیب نما اس کام کے لیے زیادہ موزوں ہے۔ یہ آلہ بلور کی پتلی تختی کو جس کی سطحیں مناظری محور کے ساتھ ۵۴° پر مائل ہوں دو مساوی حصوں میں تراش کر بنایا جاتا ہے۔ تختی کے دونوں حصے ایک پر ایک رکھ کر اس طرح جوڑے جاتے ہیں کہ ان کی صدر تراشیں باہد گر علی التواضع ہوں۔ پھر ان کو ایک نلی کے اندر نیکول کے مشرح کے سامنے ایسی وضع میں استادہ کیا جاتا ہے کہ ان کی صدر تراشوں کے درمیانی زاویہ کا منصف نیکول کی صدر تراشوں کے متوازی ہے۔

جب مستوی مقطب نور کے کسی مبدار کی طرف اس تقطیب نما کا رخ کر کے دیکھتے ہیں تو وہی کیفیت مشاہدہ ہوتی ہے جو دو نیکولوں کے بیچ میں قلمی تختی رکھ کر مستدق نور کی ہنسل کا معائنہ کرنے سے پیدا ہوتی ہے۔ تبدخل نور کی شکلیں سیدھی دھاریاں ہوتی ہیں جو صدر تراشوں کے درمیانی زاویہ کے منصف کے متوازی ہوتی ہیں۔ جب واقع نور کی تقطیب کا مستوی منصف کے متوازی ہوتا ہے تو یہ دھاریاں واضح ترین نظر آتی ہیں۔ واقع نور جب سفید ہوتا ہے تو ظاہر ہے کہ دھاریاں رنگین ہونگی۔

اگر مستوی مقطب نور طبعی نور کے ساتھ ملا ہوا ہو تو داخلی دھاریوں کے اوپر یکساں تنویر بھی رونما ہوگی جس کی وجہ سے دھاریاں مدغم نظر آئیں گی۔ تاہم



ایسی صورت میں بھی جبکہ واقع نور کا بہت قلیل جزو مستوی مقطب ہوگا تداخل کی معایا کافی وضاحت کے ساتھ شناخت ہو سکیں گی۔ چونکہ ان کی وضاحت اعظم ہوتی ہے جبکہ وہ نور کی تقطیب کے مستوی کے متوازی ہوتی ہیں اس ذریعہ سے تقطیب کے مستوی کی سمت بھی دریافت کرنی جاسکتی ہے۔

تقطیب نور کے مستوی کی تحویل۔ (حولانہ تقطیب)

علی القوائم نیکولوں کے مابین بعض شفاف اشیاء اگر کافی "دبازت" میں رکھی جائیں (یعنی ان کے اندر سے نور کے گزرنے کا راستہ کافی لمبا ہو) تو بھی ہوئی روشنی پھر سے ظاہر ہونے لگتی ہے۔ اس کے بھانے کے لیے شیشہ نیکل کو سیدھے یا بائیں جانب ایک معین زاویہ میں گھمانا پڑتا ہے جو نوعیت شے اور اس کی دبازت کے تابع ہے (اگر شے محلول کی شکل میں ہو تو محلول کے ارتکاز کے تابع)۔ مقطب نور کے طول موج کے لحاظ سے بھی اس زاویہ میں تبدیلی واقع ہوتی ہے (طول موج کے مربع کے بالعکس تقریباً) اور شے کی پیش کا بھی اس پر اثر ہوتا ہے۔

جو اشیاء تقطیب نور کے مستوی کو محول کرتے ہیں (مثلاً شکر کا محلول) مناظری عامل کہلاتے ہیں۔ تجربہ کے وقت جبکہ مثلاً ہد سبداؤ نور کی طرف دیکھ رہا ہو مناظری عامل شے تقطیب کے مستوی کو موافق سمت ساعت گھما دے تو ایسی تحویل مثبت یا - یعنی کہلاتی ہے۔ اور اگر مخالف سمت ساعت گھما دے تو منفی یا - یساری۔

محلول کی صورت میں کسی شے کی مناظری عاملیت کی تعریف اس کی نوعی تحویل کے ذریعہ کی جاتی ہے۔ نوعی تحویل سے مراد وہ زاویہ تحویل ہے جو محلول کے ایک دسیمٹر طول میں سے نور کے گزرنے سے پیدا ہوا اور جو عامل شے کی تعداد گرام فی مکعب سنتی میٹر محلول پر تقسیم کیا جائے۔ اگر نوعی تحویل ع تہش ت درجہ مئی پر پیدا ہوتی ہے تو اس کو [ع] ت کہتے ہیں۔ فرض کرو کہ گ گرام شکر کو پانی میں حل کر کے ح مکعب سمر حجم تیار کیا جائے

اور اس محلول کو ل دی میٹر طرل کی نلی میں رکھ کر تیش پر تجربہ کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ قطب کا مستوی زو زاویہ میں محول ہو جاتا ہے تو

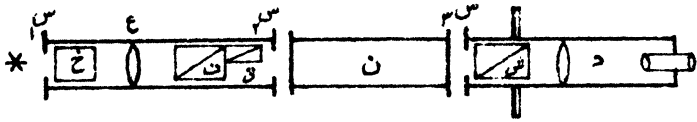
$$[a] = \frac{z \times c}{l \times d}$$

ار اگو (Arago) نے سب سے پہلے شعاع میں بلور کی مناظری حالت کا مشاہدہ کیا جبکہ نور کی فیسل قلم کے مناظری محور کی سمت میں داخل کی گئی۔ بلور کی مالیت کی پیمائش زاویہ تحویل فی ممر طرل قلم کے ذریعہ ہوتی ہے۔ مانعات کی مناظری مالیت کا بیو (Biot) کو شعاع میں انکشاف ہوا۔

مناظری مالیت والے اشیاء کے سالمات میں (یہ اشیاء خواہ جامد ہوں یا مایع) عموماً کاربن، رائنگ (tin) گندھک یا نائٹروجن کا ایک غیر متشاکل جوہر ہوتا ہے۔ جس کی وجہ سے ان اشیاء میں سے ہر ایک شے کا ایک جوائی "توام" بھی پایا جاتا ہے۔ بدین وجہ ان اشیاء کے بعض اقسام کی مناظری مالیت مثبت ہوتی ہے اور بعض کی منفی۔

**شکر پیمائی (Saccharimetry)** یا تقطیب پیمائی (Polarimetry)۔ تقطیب نور کی تحویل تجارت اور طب میں بہت مفید ثابت ہوئی ہے۔ اس کے ذریعہ دریافت کیا جاتا ہے کہ کسی دیے ہوئے مایع کے اندر شکر کی مقدار کیا ہے۔ شکر پیمائی کے مختلف آلات ایجاد ہوئے ہیں۔ ان سبھوں میں بطور خاص اس امر کا لحاظ رکھا گیا ہے کہ مشرّح نیگول کو گھما کر (یا کسی اور ذریعہ سے) ٹھیک وہ زاویہ دریافت کر لیا جائے جس میں مناظری عامل شے کی وجہ سے تقطیب کا مستوی متول ہوتا ہے۔ ایسے آلات "نصف سایہ" اصول پر تیار کیے جاتے ہیں۔ چنانچہ شکل ۱۳۲ کے معائنہ سے واضح ہوگا جو لیپچ (Lippich) والے دو مشوری تقطیب پیماکا خاکہ ہے۔ سہوہ س کے سامنے مبداء نور ہے۔ ف اور ق دو نیگول ہیں جو سہوہ س کے سامنے رکھے گئے ہیں۔ مشرّح ش سہوہ س کے پیچھے رکھا گیا ہے اور تقطیب پیماکے محور کے گرد گھومتا ہے۔ جس زاویہ میں اس کو گھمائے ہیں

اس کی مقدار درجہ دار دائرہ پر پڑھ لی جاسکتی ہے۔ نئی ن مناظری عامل محمول سے بھر کر سلم میں سپروں کے بیچ میں رکھی جاتی ہے۔ مبداء نوڈ سوڈیئم کا شعلہ ہوتا ہے۔ سپروں کے پیچھے مہذب عدسہ ع اتنے فاصلہ پر رکھا جاتا ہے کہ مناظری عامل شے کی موجودگی میں اس کا خیال سپروں پر منطبق

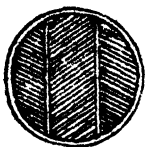


### نیکل ۱۳۲

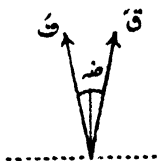
ہوتا ہے۔ د ایک چھوٹی بیہشتی دور بین ہے جو نیکول ق کے کنارہ پر فوکس کی جاتی ہے یعنی ماسک پر لائی جاتی ہے۔

جب اس دور بین میں سے دیکھتے ہیں تو میدان نظر عموماً دو غیر مساوی روشن نصف دائروں میں منقسم نظر آتا ہے جن کے بیچ میں ایک تیز خط حاصل ہوتا ہے (دیکھو شکل ۱۳۲)۔ یہ خط نیکولی منشور ق کے سرے کا خیال ہے۔ میدان نظر میں خط کے ایک جانب کا حصہ ف اور ق منشوروں میں سے گزرنے والے نور سے روشن ہے اور دوسری جانب کا حصہ اکیسے ف میں سے گزرنے والے نور سے۔ ف اور ق کے صدر مستوی ایک دوسرے کے ساتھ ایک چھوٹے زاویہ ضد پرآل میں شکل ۱۳۲ میں ان کو ف اور ق تیروں سے تعبیر کیا گیا ہے۔ جب مشرّج کا صدر مستوی ف کے علی القوائم ہوتا ہے تو میدان نظر کا ایک نصف حصہ سیاہ ہوتا ہے۔ اور جب ق کے علی القوائم ہوتا ہے تو دوسرا نصف حصہ سیاہ ہوتا ہے۔ مشرّج کو جب پہلی وضع سے گھما کر دوسری وضع میں لاتے ہیں تو سیاہ نصف حصہ کی تنویر صفر سے نکل کر بہت جلد بڑھ جاتی ہے اور اس کے ساتھ ساتھ روشن حصہ کی تنویر گھٹ کر بہت جلد صفر ہو جاتی ہے۔

پس ان دو وضعوں کے مابین ایک ایسی وضع ضرور ہوتی ہے جس میں دونوں



شکل ۱۳۵



شکل ۱۳۴



شکل ۱۳۳

نصف حصوں کی تنویر مساوی ہے۔ یہ وہ وضع ہے جبکہ مشرق کا صدر مستوی ق<sup>۱</sup> اور ق<sup>۲</sup> کے درمیانی زاویہ منہ کے منقطع کے علی القوائم ہے شکل ۱۳۳ میں یہ وضع نقطہ دار خط کے ذریعہ ظاہر کی گئی ہے۔ مشرق کو گھما کر اسی وضع میں لاتے ہیں تاکہ میدان نظر کیساں روشن نظر آئے۔

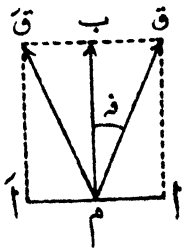
پہنچ کا ایک سہ مشوری قطب پیمابھی استعمال ہوتا ہے جس میں دو چھوٹے نیکول جن کے صدر مستوی متوازی ہوتے ہیں ایک بڑے نیکول کے سامنے رکھے جاتے ہیں۔ اس طرح میدان نظر کی تین حصوں میں تقسیم ہوتی ہے۔ دیکھو شکل ۱۳۵۔ بیچ کا حصہ بڑے نیکول میں سے آنے والے نور سے منور ہوتا ہے اور بازوؤں کے دو حصے ایک ایک چھوٹے نیکول میں سے آنے والے نور سے۔ یہ بازو والے حصے مساوی روشن ہوتے ہیں۔ دو مشوری آلہ میں یہ نقص ہے کہ آنکھ اگر آلہ کے محور سے ہٹ جائے تو میدان نظر کے نصف حصے مشرق نیکول کی غلط وضع میں مساوی روشن نظر آتے ہیں۔ سہ مشوری آلہ میں یہ صورت نہیں پیدا ہوتی اس لیے وہ زیادہ باریکی کی پیمائشوں میں متعل ہوتا ہے۔

سوڈیم کا شعلہ جیسا کرنے کا آسان ترین طریقہ یہ ہے کہ منسفی مشعل کے منہ پر پلاٹینم مار کے حلقہ میں سوڈیم بائی کاربونیٹ کا ایک منکار رکھ دیا جائے جب مشعل نیکول سوڈیم کے نور کو بھجھا دیتا ہے تو منسفی شعلہ کی پیراونی نیلی گت

مشرج کی صحیح وضع کی تعیین میں تکلیف دہ ثابت ہوتی ہے۔ اس لیے سہوہ  
س اور عدد س ع (شکل ۱۳۲) کے بیچ میں شیشہ کا ایک خانہ پٹا سیٹیم بائی کرومیٹ  
کے محلول سے بھر کر رکھ دیا جاتا ہے تاکہ یہ نیلا رنگ جذب ہو جائے۔

لوراں (Laurent) والا تقطیب پیمائی "نصف سایہ"

کے اصول پر تیار ہوا ہے۔ لیکن یہ صرف ایک مخصوص طول موج والے نور کے  
ساتھ استعمال ہو سکتا ہے۔ یہ ایک بلوری نصف دائری تختی پر مشتمل ہے  
قلم کا مناظری محور تختی کے قطر سے منطبق ہوتا ہے۔ تختی اسی موٹی لی جاتی  
ہے کہ معمولی موج اس کے اندر سے گزرتے ہوئے غیر معمولی موج پر  
نصف طول موج آگے کو بڑھ جاتی ہے۔ میدان نظر کا بقیہ نصف حصہ  
معمولی شیشہ کی تختی سے ڈھپا ہوا ہوتا ہے۔ یہ تختی اتنی موٹی ہوتی ہے  
کہ بلور کی تختی میں سے جس قدر نور گزرتا ہے اس میں سے بھی اتنا ہی  
گزرتا ہے۔ فرض کرو کہ بلوری تختی کا مناظری محور مقطب نیکول کے ساتھ  
زاویہ  $\phi$  پر مائل ہے، دیکھو شکل ۱۳۲۔ اگر خط  $m$  ب تختی کے محور کی سمت  
کو تعبیر کرتا ہے اور  $m$  ق واقع ارتعاشوں کی سمت کو تو یہ ارتعاش تختی کے



شکل ۱۳۲

اندر داخل ہو کر  $m$  اور  $b$  کی  
سمتوں میں تقسیم ہو جاتے ہیں اور باہر  
آنے پر ان میں سے کے متناظر  
تفاوت ہیئت واقع ہوتا ہے۔ پس  
اب ان کو  $m$  اور  $b$  حاصل کو  $m$  سے  
تعبیر کرنا ہو گا اور ان کے حاصل کو  $m$  سے  
سے۔ جس سے واضح ہے کہ بلوری تختی  
میں سے گزرنے کی وجہ سے تقطیب نور  
کا متوی  $\phi$  زاویہ میں محمول ہو جاتا

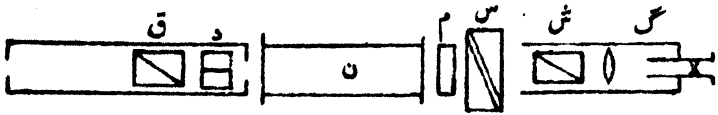
ہے۔ مقطب نیکول کے عین پیچھے وہ بلوری تختی رکھی جاتی ہے جو بلور کی

دو نصف دائری تختیوں پر مشتمل ہے۔ ایک تختی بیہنی بلور کی ہے اور دوسری سیاری بلور کی۔ دونوں تقریباً ۵، ۳ ملی میٹر موٹی ہوتی ہیں اور اپنے اپنے مناظری محور کے علی التوائم تراشی جاکر قطر کے بازو قطر رکھ کر جڑ دی جاتی ہیں۔ اگر سوڈیم کا نور استعمال کیا جاتا ہے تو میدان نظر کا ایک ایک نصف تقریباً ۸۰° زاویہ میں گھمایا جاتا ہے۔ یعنی ان کے مابین ۲۰° کا زاویہ ہوتا ہے۔ مشرق نیکول کو گھما کر میدان نظر کے دونوں نصف حصوں کو مساوی روشن کر لیتے ہیں۔

بعض شکر پیاؤں میں شش نیکول نہیں گھمایا جاتا ہے بلکہ محلول سے جو تحویل وقوع میں آتی ہے اس کی پیمائش اس طرح کی جاتی ہے کہ بلور کا ایک فائدہ شریک کر کے اس کی حسب ضرورت موٹائی نور کے راستے میں داخل کی جاتی ہے۔ تاکہ مخالف سمت میں مساوی تحویل پیدا ہو۔ یہ طریقہ شکر کے محلولوں کے ساتھ خصوصیت کے ساتھ کارآمد پایا جاتا ہے اس لیے کہ نور کے طول موج کے لحاظ سے تقطیب نور کے مستوی کی تحویل میں تبدیلی بلور کے لیے بھی تقریباً وہی ہوتی ہے جو شکر کے لیے ہوتی ہے۔ اس لیے سفید نور بخوبی استعمال ہو سکتا ہے۔ سولیل (Soleil) کے شکر یا کاعل جس میں فائدہ کے ذریعہ زاویہ تحویل کی پیمائش کی جاتی ہے شکل ۱۱۱ میں سمجھایا گیا ہے۔ ہموہ میں سے داخل ہو کر نور پہلے قطب نیکول ق میں سے گزرتا ہے پھر دو بلوری تختی د میں ہو کر مناظری عامل شے کے محلول میں سے (جوئی ن میں رکھا ہوتا ہے) نکلتا ہے۔ اس کے بعد بیہنی بلور کی تختی م میں سے (جس کی سطحیں مناظری محور کے علی التوائم تراشی گئی ہیں) ہو کر سیاری بلور کے دو مساوی زاویوں کے قانون د میں سے گزرتا ہے جو تغیر پذیر موٹائی والی تختی کا کام دیتے ہیں۔ ان قانون سے جو مرکب تختی بنتی ہے اس کی سطحیں قانون کے محددوں کے علی التوائم تراشی گئی ہیں۔ شش مشرح نیکول ہے جو ایسی وضع میں جادوا گیا ہے کہ جب فی حالی ہوتی ہے اور قانون کی مجرعی موٹائی بلوری تختی م کی موٹائی کے عینک مساوی ہوتی ہے تو حاس رنگ (بھورا بنفشی) پیدا ہوتا ہے۔

گ ایک چھوٹی گیلیلیو (Galileo) والی دوربین ہے جو دو بلوری تختی د پر

نور کی جاتی ہے۔



شکل ۱۳۷

اگر محلول تقطیب کے مستوی کو سیدھے جانب پھیر دیتا ہے تو حرکت پذیر فائنہ کو بیچ کے ذریعہ گھما کر مکرر حتمی رنگ پیدا کیا جاتا ہے۔ اور اگر بائیں جانب پھیرتا ہے تو اس فائنہ کو الٹی طرف گھما کر حتمی رنگ واپس لایا جاتا ہے۔ پیمانہ کے نشان پڑھ کر زاویہ تحویل دریافت کر لیا جاتا ہے اس لیے کہ پہلے ہی سے اس کی تعمیر کی ہوئی ہوتی ہے۔

محولانہ تقطیب کے متعلق فرینیل (Fresnel) کا

نظریہ، فرینیل نے سب سے پہلے محولانہ تقطیب (یعنی مناظری عامل اشیاء میں مقطب نور کی تقطیب کے مستوی کی تحویل) کی اس طرح توجیہ کی کہ مستوی مقطب نور کی پسل جب ان اشیاء کے اندر داخل ہوتی ہے تو دو غلیف سے مختلف رفتاروں کی دائری مقطب موجوں میں منقسم ہو جاتی ہے۔ جیسا کہ مندرجہ ذیل مساواتوں پر غور کرنے سے معلوم ہوگا:۔

$$(۱) \text{ یہ } = \text{اجب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\omega}{\omega'} - 1 \right) \text{ منہ } = \text{اجم } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\omega}{\omega'} - 1 \right)$$

ایک دائری مقطب یعنی موج کی مساواتیں ہیں جو سمت لائیں رفتار سما کے ساتھ حرکت کرتی ہے۔ اس کا محیط ارتعاش اور ذرات کا وقت دوران ہے۔

$$(۲) \text{ یہ } = \text{اجب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\omega}{\omega'} - 1 \right) \text{ منہ } = \text{اجم } \frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{\omega}{\omega'} - 1 \right)$$

ایک دوسری دائری مقطب موج کی مساواتیں ہیں جس میں ذرات کی حرکت پساری ہے اور اسی سمت لائیں رفتار سر کے ساتھ (جو ہم سے ضعیف سی مختلف ہے) حرکت کرتی ہے۔ اس کا محیط ارتعاش اور وقت دوران وہی ہے جو پہلی موج کا ہے۔

جب یہ دونوں موجیں ایک دوسرے پر منطبق کی جاتی ہیں تو

$$y = y_1 + y_2 = \left[ \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( 1 - \frac{\omega}{\omega_1} \right) + \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( 1 - \frac{\omega}{\omega_2} \right) \right]$$

$$= \left[ \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( 1 - \frac{\omega}{\omega_1} \right) + \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( 1 - \frac{\omega}{\omega_2} \right) \right] \left( \frac{1}{\omega_1} + \frac{1}{\omega_2} \right)$$

$$\text{اور } y = y_1 + y_2 = \left[ \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( 1 - \frac{\omega}{\omega_1} \right) - \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( 1 - \frac{\omega}{\omega_2} \right) \right]$$

$$= \left[ \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( 1 - \frac{\omega}{\omega_1} \right) + \text{جب } \frac{\pi^2}{\omega} \left( 1 - \frac{\omega}{\omega_2} \right) \right] \left( \frac{1}{\omega_1} - \frac{1}{\omega_2} \right)$$

جس سے مساوات  $y = 0$  حاصل ہوتی ہے۔

جیسے جیسے لاکھ قیمت بڑھتی ہے مندرجہ بالا نسبت عام التمام چاروں

رُبع دائروں میں گھوم جاتی ہے اور اس کی گردش فاصلہ  $\frac{\omega_1 \omega_2}{\omega_1 - \omega_2}$  میں مکمل ہوتی ہے۔

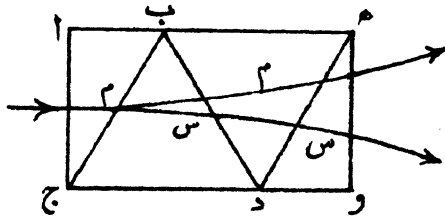
پس ان دو دائری مقطب موجوں کی ترکیب سے ایک مستوی مقطب موج بنتی ہے جس کا محیط ارتعاش ۱۲ ہوتا ہے اور جس کی تقطیب کا مستوی جیسے جیسے موج آگے کو بڑھتی ہے یکساں رفتار کے ساتھ گردش کرتا ہے۔

ایک سنتی میٹر فاصلہ میں وہ  $\frac{\pi^2}{\omega} \left( \frac{1}{\omega_1} - \frac{1}{\omega_2} \right)$  نیمقطروں میں گھوم جاتا

ہے۔ واضح ہے کہ جب دونوں دائری مقطب موجوں کی رفتاریں بالکل مساوی ہوتی ہیں تو  $\omega_1 = \omega_2$  اور حاصل موج کی تقطیب کا مستوی ثابت رہتا ہے یعنی گردش نہیں کرتا۔



اس توجیہ کی تصدیق کے لیے فرینیل نے چار بلوری منشوروں کو ملا کر شکل ۱۳۷ کے مشابہ مجسم متوازی السطوح تیار کیا۔ جس میں منشور ا ب ج اور ب ۸ د یعنی بلور سے تراشے گئے تھے اور منشور ج ب د اور د ۸ و یساری بلور سے۔ ہر منشور کا



شکل ۱۳۸

مناظری محور مجسم متوازی السطوح کے کناروں کی سطحوں کے علی القوائم تھا۔ اگر مستوی مقطب پنل سطح ۱ ج پر واقع ہوتی ہے اور جیسا کہ مندرجہ بالا استدلال کے ذریعہ بتایا گیا ہے دو پنسلوں میں منقسم ہو جاتی ہے تو یعنی موج زیادہ تیز رفتار بالفرض سہ کے ساتھ پہلے منشور میں سے گزرتی ہے اور دوسرے منشور میں سے رفتار سہ کے ساتھ گزرتی ہے۔ تیسرے منشور میں اس کی رفتار پھر سہ ہو جاتی ہے اور چوتھے منشور میں سہ۔ بدین وجہ یہ یعنی موج پنل س س کی طرح (ملاحظہ ہو شکل ۱۳۸) منعطف ہونی چاہیے اور یساری موج پنل م م کی طرح۔ فرینیل نے تجربہ کر کے دیکھا تو حقیقت میں دو پنسلیں مشاہدہ ہوئیں اور وہ باہم دیگر مخالف سمتوں میں دائری مقطب تھیں۔

### معمولی انعکاس و انعطاف نور کے متعلق

فرینیل کا نظریہ۔ نور کے برقی متناطیسی نظریہ سے پہلے انعکاس و انعطاف کے متعلق فرینیل ہی کا نظریہ بہت بڑی حد تک کامیاب ثابت ہوا۔ اس نہ صرف نظریہ اور تجربہ کے نتائج میں انطباق پایا گیا بلکہ سادگی اور آسانی کے لحاظ سے بھی اس کو دوسرے نظریوں پر بین فوقیت حاصل ہے۔ اگرچہ بعد کو

آنے والے ریاضی دانوں نے اس نظریہ کے بعض اساسی منصوبوں پر بجا اعتراض کیا ہے لیکن برقی مقناطیسی نظریہ کے سوا کوئی دوسرا نظریہ اس کا مفت بلہ نہ کر سکا۔ ہمیں وجہ مناسب خیال کیا گیا کہ اس موضوع پر بھی ایک مختصر سا مضمون لکھا جائے۔

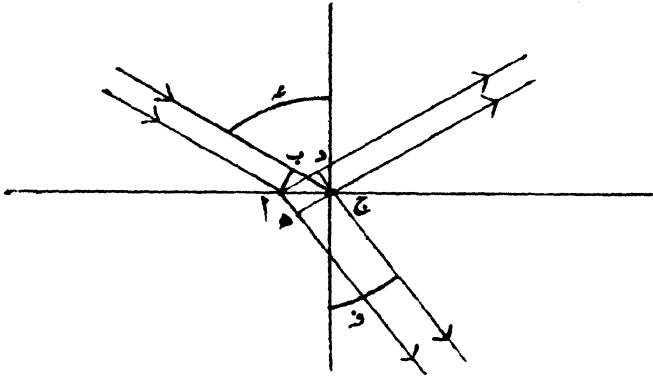
فرینیل نے نور کی موجوں کو لچکدار شے کی موجوں کے متشابہ تصور کیا اور چونکہ گیس کے اندر آواز کی موجوں یا تار پر لچک کی موجوں کی رفتار متعلقہ معیار لچک کے جذر المربع کے راست متناسب سے اور کثافت واسطہ کے جذر المربع کے بالعکس اُس نے نور کی موجوں کی رفتار کا ضابطہ بھی 
$$v = \frac{1}{\sqrt{\text{کثافت} \times \text{معیار لچک}}} \text{ فرض کیا۔}$$

اس کو یہ بھی فرض کرنا پڑا کہ تمام فضائے عالم میں خواہ وہ الکوہی ہو یا مادی اشیاء کی بین سانی، ایک انتہا درجہ رقیق واسطہ جس کو ایٹم کہتے ہیں موجود ہے جس کی لچک سب جگہ ایک ہی ہے۔ لیکن کثافت مختلف مادی اشیاء کے اندر مختلف ہے۔ اشیاء کے اندر کی ایٹم کا اختلاف کثافت اُن کے انعطاف ناؤں کے اختلاف کا باعث ہے۔ فرینیل کے نظریہ سے ہم بتائینگے کہ متساوی اہموت (isotropic)

واسطوں میں نور کی پسل جب کسی دو شفاف لیکن غیر مساوی انعطاف ناؤں والے واسطوں کی فاصل مستوی پرواغ ہوتی ہے تو اس کی کتنی توانائی منعکس پسل میں منتقل ہوتی ہے اور کتنی منعطف پسل میں۔ شکل ۱۳۹ میں فرض کرو کہ ا ب ج د اور ج ہ علی الترتیب متوازی پسلوں کے واقع منعکس اور منعطف ناصیہ ہائے موج ہیں۔ اوپر والے واسطہ میں رفتار نہر سہ ہے اور نیچے والے میں سہ۔ اسی طرح ث ثہ ان واسطوں کی شفافیتیں ہیں اور واقع پسل میں جیٹہ ارتعاش ہے منعکس پسل میں ب اور منعطف میں ج۔

صفر کے مستوی کے متوازی اس سے ایک سمر فاصلہ پر ایک دوسرا

مستوی فرض کرو۔ ان دونوں سطحوں کے بیچ میں نور کی پٹیلوں کی توانائیاں



شکل ۱۳۹

حسب ذیل ہونگی :-

واقعہ پٹیل کے طول سے سمر کی توانائی  $\infty$  ہے 'ا' سے (ا ب)  
 منعکس پٹیل ..... سے .....  $\infty$  ہے 'ب' سے (ج د)  
 منعطف پٹیل ..... سے .....  $\infty$  ہے 'ج' سے (ج ہ)  
 اگر زاویہ وقوع عہ ہو تو زاویہ انعکاس بھی عہ ہوگا۔ فرض کرو زاویہ انعطاف  
 فہ ہے۔

چونکہ اب = ج د = ا ج جم مہ اور ج ہ = ا ج جم نہ

اس لیے بقا توانائی کے اصول سے

ث 'ا' سے (ا ج) جم مہ = ث 'ب' سے (ا ج) جم مہ + ث 'ج' سے (ا ج) جم نہ

چونکہ  $\frac{\text{ث 'ا' سے (ا ج) جم مہ}}{\text{ث 'ب' سے (ا ج) جم مہ}} = \frac{\text{ث 'ج' سے (ا ج) جم نہ}}{\text{ث 'ب' سے (ا ج) جم مہ}}$

اگر اوپر کے واسطہ سے نیچے کے واسطہ میں نور کا انعطاف نما ہو  $\frac{\text{ث 'ا' سے (ا ج) جم مہ}}{\text{ث 'ب' سے (ا ج) جم مہ}} = \frac{\text{ث 'ج' سے (ا ج) جم نہ}}{\text{ث 'ب' سے (ا ج) جم مہ}}$

پس  $\frac{\text{نیا سماں}}{\text{قد سماں}} = \frac{\text{سماں}}{\text{سماں}} = \frac{1}{\text{م}} = \frac{\text{جب قد}}{\text{جب سماں}}$

لہذا  $ج = ب + ۱$  ..... (۲)  
 پہلی مساوات کو دوسری پر تقسیم کرنے سے  $۱ - ب = ج$  مس مہ مم مذ ... (۳)  
 مساوات (۲) اور (۳) کو جمع کرنے سے  $۱۲ = ج (۱ + مس مہ مم مذ)$   
 $ج = \frac{جم مہ جب مذ}{جم مہ جب مذ}$

$$ج = \frac{۱۲ جم مہ جب مذ}{جم مہ جب مذ} \dots\dots\dots (۴)$$

مساوات (۲) میں سے مساوات (۳) کو تفریق کرنے سے

$$۲ ب = ج (۱ - مس مہ مم مذ) = ج - \frac{جم مہ جب مذ}{جم مہ جب مذ}$$

$$۲ ب = ج - \frac{جم مہ مم مذ}{جم مہ جب مذ} \dots\dots\dots (۵)$$

اگر زاویہ م کے ذ پہلے واسطہ سے دوسرا واسطہ مناظری کشافت میں بڑا ہے اور جب (م - ذ) مثبت ہے۔ مہذا چونکہ (م + ذ) زاویہ ۱۸۰ سے بڑھ نہیں سکتا جب (م + ذ) مثبت ہے۔  
 پس اگر کسی آن میں واقع موج کے اندر نقل مکان ایک سمت میں ہے تو منعکس موج میں نقل مکان کی سمت اس کے مخالف ہوگی اس لیے کہ اور ب کی علامتیں مختلف ہیں یعنی کشیف تر واسطہ پر سے جب انعکاس ہوتا ہے تو ۳ کا تفاوت ہیئت صورت پذیر ہوتا ہے۔ اس کے برعکس جب لطیف تر واسطہ پر سے انعکاس ہوتا ہے تو م > ذ اس لیے جب (م - ذ) منفی ہے اور ۱ اور ب کی علامتیں ایک ہی ہوتی ہیں پس بوقت انعکاس کوئی تفاوت ہیئت پیدا نہیں ہوتا ہے۔ زاویہ وقوع اگر چھوٹا ہو تو بجائے جیب زاویہ اس کا نیم قطری پیمانہ ہی لکھا جاسکتا ہے۔

$$پس ب = ۱ - \frac{م - ذ}{م + ذ} = ۱ - \frac{م - ذ}{۱ + م} \dots\dots\dots (۶)$$

$$ج = ۱۲ \frac{م - ذ}{م + ذ} = ۱۲ \frac{م - ذ}{۱ + م}$$

پنسل کی حدت متناسب ہے تو انائی کے جو اکائی رقبہ سطح میں سے عمود وار فی ثانیہ گزرتی ہے یعنی رفتار نور، کثافت واسطہ اور محیط ارتعاش کے مربع کے حاصل ضرب کے متناسب ہے۔ پس واقع منعکس اور منعطف پنسلوں کی حدت (تقریباً عمود وار وقوع کی صورت میں)

$$\text{علی الترتیب } s_1, s_2, s_3 \text{ اور } s_4 \left( \frac{1-s_1}{1+s_1} \right) \text{ اور } s_5 \left( \frac{1-s_2}{1+s_2} \right)$$

$$\text{یعنی } s_1, s_2 \text{ اور } s_3 \left( \frac{1-s_1}{1+s_1} \right) \text{ اور } s_4 \left( \frac{1-s_2}{1+s_2} \right) \text{ کے متناسب ہے}$$

$$( \text{اس لیے کہ } s_1 s_2 = (s_1 s_2) \left( \frac{1-s_1}{1+s_1} \right) = s_1 s_2 )$$

واضح ہو کہ اراگو وغیرہ نے تجربہ سے حدت کے ان ضابطوں کی تصدیق کی ہے۔

نور کی پنسل اگر وقوع کے مستوی کے علی القیام مقطب ہو تو امیہ موج کے ارتعاش وقوع کے مستوی میں ہونگے۔ بالفاظ دیگر واقع موج کے ارتعاش اب کے متوازی ہونگے منعکس موج کے ارتعاش ج کے متوازی اور منعطف موج کے 'ھ ج کے متوازی۔ ( ملاحظہ ہو شکل ۳۹ )۔

چونکہ  $\angle \text{ب ا ج} = \angle \text{د ج ا} = \angle \text{ع د ا}$  اور  $\angle \text{ھ ج ا} = \angle \text{د ج ا}$  واقع منعکس اور منعطف موجوں کے نقل مکان کے اجزاء ترکیبی ا ج کی سمت میں علی الترتیب

$$= \angle \text{جم ع} \text{ ب جم ع اور ج جم د}$$

$$\therefore \angle \text{ا ب ج} = \angle \text{جم ع} = \angle \text{ج جم د} \text{ لیکن } \angle \text{ا ب ج} = \angle \text{ج مس ع مم د}$$

پس دوسری مساوات کو پہلی پر تقسیم کرنے سے

$$\frac{1-s_1}{s_1} = \frac{1-s_2}{s_2} \text{ ج مس ع} \therefore \angle \text{ب ج ج ب د}$$

$$\text{اور چونکہ } \angle \text{ا ب ج} = \angle \text{ج جم د}$$

$$\therefore 12 = ج \left( \frac{جب}{جم} + \frac{جف}{جم} \right)$$

$$= \frac{جب (ج + ف) + ج (جم - ف)}{جم}$$

$$\therefore ج = 12 \frac{جب (ج + ف) + ج (جم - ف)}{جم} \dots \dots (۷)$$

$$\text{اسی طرح } 2 = ج \left( \frac{جف}{جم} - \frac{جب}{جم} \right) = ج - \frac{جب (ج + ف) + ج (جم - ف)}{جم}$$

$$\text{پس } 2 = 1 - \frac{مس (ج - ف)}{مس (ج + ف)} \dots \dots (۸)$$

زاویہ (ج + ف) جب ۹۰ سے کمتر ہوتا ہے تو مس (ج + ف) مثبت ہے اور ایسی صورت میں ب اور ا کی علامتیں متضاد ہونگی جبکہ دوسرا واسطہ پہلے واسطہ سے کثیف تر ہوگا۔ یعنی  $ع < ف$ ۔ جس سے ظاہر ہے کہ کثیف تر واسطہ پر سے نور کا انکاس ہوتا ہے تو ۳ کا تفاوت ہیئت پایا جاتا ہے۔

واقع پینل جب سطح فاصل کے تقریباً عمود وار ہوتی ہے

$$ج = 12 \frac{ف}{ج + ف} = 12 \frac{1}{1 + م}$$

$$\text{اور } ب = 1 - \frac{ع - ف}{ج + ف} = 1 - \frac{1 - م}{1 + م}$$

جو وقوع کے مستوی میں مقطب نور کے نتائج کے حامل ہیں دیکھو سادہ میں (۱) نور کی پینل جب کسی سطح پر تقریباً عمود وار واقع ہوتی ہے تو نا صیہ موج کے اندر کے تمام ارتعاش سطح کے تقریباً متوازی ہوتے ہیں۔ یہیں وجہ ایسی حالت میں واقع نور کی تقطیب کا مستوی خواہ کچھ ہی ہو منعکس اور منعطف پینلوں کے لیے ایک ہی نتیجہ برآمد ہوتا ہے۔

$$\text{دراں حالیکہ } \frac{\pi}{4} = (\text{فہ} + \text{عہ}) \text{ تو مس } (\text{عہ} + \text{فہ}) = \infty$$

$$\text{اور ب} = 1 - \frac{\text{مس } (\text{عہ} - \text{فہ})}{\text{مس } (\text{عہ} + \text{فہ})} = \frac{1 - \text{مس } (\text{عہ} - \text{فہ})}{\infty}$$

اس صورت میں  $\text{مس} = \frac{\text{جب عہ}}{\text{جب فہ}} = \frac{\text{جب عہ}}{\text{جب } (\frac{\pi}{4} - \text{عہ})}$

یعنی جب پنسل وقوع کے مستوی کے علی القوائم مقطب ہوتی ہے یعنی ارتعاش وقوع کے مستوی میں ہوتے ہیں اور زاویہ وقوع  $\text{عہ} = \text{مس} \text{ اہر}$  یعنی  $(\text{عہ} + \text{فہ}) = \frac{\pi}{4}$  پنسل بالکلہ منعطف ہوگی اور انعکاس کچھ بھی نہ ہوگا۔

$$\text{منعطف پنسل کا محیط ارتعاش تب ج} = 1 - \frac{\text{جم عہ جب فہ}}{\text{جب } (\text{عہ} + \text{فہ})} = \frac{1}{\text{مس}}$$

$$\text{اس لیے منعطف پنسل میں توانائی کی حدت} = \text{مرج} = \frac{1}{\text{مس}}$$

اب اور ج ۵ مستویوں میں سے (دیکھو شکل ۱۳۸) فی ثانیہ توانائی کی مساوی مقداریں گزرتی ہیں اس لیے کہ

$$\frac{\text{ہ ج}}{\text{اب}} = \frac{\text{جم فہ}}{\text{جم عہ}} = \frac{\text{جب عہ}}{\text{مس عہ}} = \text{مس عہ} = \text{مس}$$

زاویہ  $(\text{عہ} + \text{فہ})$  کی قیمت جیسے جیسے ۹۰ میں سے ہو کر گزرتی ہے  $\text{مس} (\text{عہ} + \text{فہ})$  کی علامت + سے - میں تبدیل ہوتی ہے - زاویہ  $(\text{عہ} + \text{فہ})$  جس وقت ۹۰ سے مین کم ہوتا ہے اور ب کی علامتیں متضاد ہونگی دراں حالیکہ پہلے واسطے سے دوسرا واسطہ کشیف تر ہوگا۔ زاویہ  $(\text{عہ} + \text{فہ})$  جس وقت ۹۰ سے مین بڑھ جاتا ہے حالت مصرعہ بالا میں اور ب کی علامتیں ایک ہی ہونگی۔ پس واقع پنسل میں ارتعاش جب وقوع کے مستوی میں ہوتے ہیں اور زاویہ وقوع زاویہ تقطیب میں سے گزرتا ہے (یعنی اس کی قیمت بتدریج زاویہ تقطیب کے مساوی ہو کر اس سے بڑھ جاتی ہے) منکسر پنل میں  $\frac{\pi}{4}$  کا



تفاوت درشت پیدا ہوتا ہے۔

اگر نور کسی بھی ایک مستوی میں مقطب ہو تو ہم اس کے متعلقہ ارتعاشوں کو وقوع کے مستوی اور اس کے علی القوائم مستوی میں تحلیل کر سکتے ہیں۔ جو نتائج اور بیان ہوئے ہیں ان کے لحاظ سے ظاہر ہے کہ مقطب نور پر انعکاس کا یہ اثر ہوتا ہے کہ جیسے جیسے زاویہ وقوع زاویہ تقطیب کے قریب تر ہوتا جاتا ہے منعکس نور کے ارتعاش وقوع کے مستوی کے قریب تر علی القوائم ہوتے جاتے ہیں بالفاظ دیگر منعکس نور کی تقطیب کا مستوی وقوع کے مستوی کی طرف گھمایا جاتا ہے۔

غیر مقطب نور جب کسی شفاف واسطہ کی سطح پر واقع ہو کر منعکس اور منعطف ہوتا ہے تو ارتعاش کے وہ اجزاء ترکیبی جو وقوع کے مستوی کے علی القوائم ہیں ہمیشہ بر نسبت ان اجزاء کے جو اس مستوی کے متوازی ہیں زیادہ مقدار میں منعکس ہونگے۔ اس لیے کہ (جیسا کہ قبل ازیں بتایا گیا ہے) منعکس موجوں کے

$$\frac{\text{وقوع کے مستوی کے متوازی ارتعاشوں کا جیٹ}}{\text{وقوع کے مستوی کے علی القوائم ارتعاشوں کا جیٹ}} = \frac{\text{مس (ع - ذ)}}{\text{مس (ع + ذ)}} \div \frac{\text{جب (ع - ذ)}}{\text{جب (ع + ذ)}} = \frac{\text{جم (ع + ذ)}}{\text{جم (ع - ذ)}}$$

ہیں ان کے متناظر حدتوں کی نسبت =  $\frac{\text{جم}^2 (ع + ذ)}{\text{جم}^2 (ع - ذ)}$  (۷)

زاویہ (ع + ذ) جب تک ۹۰ سے کمتر ہے تو جم (ع + ذ) کی قیمت ہمیشہ جم (ع - ذ) سے کمتر ہوگی۔

جس وقت مس ع = مر وقوع کے مستوی والے ارتعاشوں کا ذرا بالکلیہ منعطف ہو جائیگا اور مستوی مذکور کے علی القوائم ارتعاشوں کا نور بالکلیہ منعکس۔ یہ نتیجہ بروکسٹر (Brewster) کے کلیہ کے عین مطابق ہے اور اس سے انعکاسی تقطیب کی توجیہ ہوتی ہے۔ دونوں مقطب پنسلوں کی پدیں مسافہ ہونگی

اس لیے کہ وقوع کے مستوی کے متوازی ارتعاشوں کے اجزاء تحلیل کا حاصل جمع بروئے اوسط مستوی مذکور کے علی التوائم ارتعاشوں کے اجزاء تحلیل کے حاصل جمع کے مساوی ہوگا۔

کلی داخلہ انعکاس۔ اگر نور کی پنسل کثیف تر واسطہ سے

نکل کر لطیف تر واسطہ میں منعطف ہوتی ہے اور اول الذکر واسطہ کا اضافی انطافنا (یعنی بجا نمانی الذکر واسطہ) ہر ہے تو ہر جب ع = جب ذ اور وقوع کے مستوی کے علی التوائم ارتعاشوں کے لیے

$$ب = \frac{1}{2} = \frac{\text{ہر جب (ذ + ع)}}{\text{ہر جم ع جب ع} + \text{ہر جب ع} - \text{ہر جب ع}} \quad (۸)$$

ب کی قیمت حقیقی ہونے کے لیے ضرور ہے کہ جذر المربع کی علامتوں کے اندر کے جیسے صفر یا کوئی مثبت عدد ہوں۔ بڑے سے بڑا زاویہ وقوع جس کے لیے قبل ازیں اخذ کیے ہوئے کلیے بلاتریم قائم رہ سکتے ہیں وہ زاویہ ع جس کے لیے

$$۱ - \text{ہر جب ع} = ۰ \quad \text{یعنی جب ع} = \frac{۱}{\text{ہر}}$$

سادات (۸) میں ع کی یہ قیمت درج کرنے سے سادات ب = ۱ حاصل ہوتی ہے۔ پس جس وقت جب ع =  $\frac{۱}{\text{ہر}}$  نور کی پنسل کلیۃً منعکس ہو جاتی ہے بادی النظر میں ایسا معلوم ہوتا ہے مصرعہ بالا حالت میں منعطف پنسل کا حیطہ ارتعاش ج صفر ہو جانا چاہیے۔ لیکن

$$ج = \frac{۱}{۲} = \frac{\text{جم ع جب ذ}}{۲} = \frac{\text{ہر جم ع جب ع}}{\text{ہر جم ع جب ع} + \text{ہر جب ع} - \text{ہر جب ع}}$$

پس جس وقت ہر جب ع = ۱ تو ج =  $\frac{۱}{۲}$

اس نتیجہ کی اس طرح توجیہ کی جاتی ہے کہ تجربہ بتاتا ہے کہ حالت مصرعہ بالا میں لطیف تر واسطہ کے اندر فی الحقیقت موجی حرکت سرایت کرتی ہے لیکن فاصلہ سطح سے تقریباً ایک ہی ملل موج باہر نکلنے پر وہ تلف

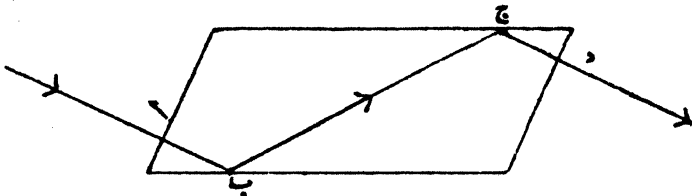
ہو جاتی ہے۔ اس لیے ج کی مندرجہ بالا قیمت اسی سطحی حرکت کا محیط ارتعاش متصور ہوئی چاہیے۔ جس وقت  $e = 90^\circ$  ہم  $e = 0$  اور ج کی قیمت صفر ہو جاتی ہے۔ پس جب کشیف ترواسط میں زاویہ وقوع  $e$  کی قیمت اس کی فاصل قیمت سے بتدریج بڑھ کر  $90^\circ$  ہو جاتی ہے تو ج کی قیمت گھٹنے گھٹنے صفر ہو جاتی ہے۔ جس وقت  $e$  کو  $b$  اور ج کی قیمتیں ملتے (complex) یعنی شکل  $a + bi - 1$  ہو جاتی ہیں۔

اس کا مفہوم سمجھنے کے لیے ہمیں یہ یاد رکھنا چاہیے کہ ہم نے اب تک یہ فرض کیا تھا کہ منعکس یا منعطف پسلوں میں صرف  $\pi$  کا تفاوت ہیئت پیدا ہوتا ہے۔ ہم نے دیکھا کہ اس مفروضہ سے ہمیشہ باہم دیگر موافق نتائج حاصل ہوئے الا اس صحت کے کہ ذر کشیف تر سے لطیف ترواسط کی سطح پر واقع ہوتا ہے اور زاویہ وقوع زاویہ فاصل سے بڑا ہوتا ہے۔ اگر اس صورت میں ہم فرض کریں کہ منعکس اور منعطف نوروں کے اندر ہیئت کی تبدیلی بتدریج زاویہ وقوع کی تبدیلی کے ساتھ عمل میں آتی ہے تو یہاں بھی باہم دیگر موافق نتائج مترتب ہوتے ہیں۔

اس مفروضہ کو پیش نظر رکھ کر فرینیل نے نظری طریقہ پراخذ کیا کہ در حالیکہ نور وقوع کے مستوی کے علی القوائم مقطب ہوتا ہے (ایسا ہی جب کہ اسی مستوی میں مقطب) داخلی انعکاس کے باعث ہیئت میں جو تبدیلی پیدا ہوتی ہے صفر سے بڑھتے ہوئے  $\pi$  تک پہنچ جاتی ہے جبکہ زاویہ وقوع اپنی فاصل قیمت سے بڑھ کر  $\frac{\pi}{2}$  ہو جاتا ہے۔ لیکن زاویہ وقوع جب ان حدود کے اندر ہوتا ہے تو داخلی انعکاس کے باعث وقوع کے مستوی میں مقطب نور کی ہیئت کی تبدیلی مستوی مذکور کے علی القوائم مقطب نور کی ہیئت کی تبدیلی سے مختلف ہوگی۔ فرینیل نے محسوب کیا کہ اگر کشیف واسطہ شیشہ ہو تو  $50^\circ$  زاویہ وقوع کے داخلی انعکاس سے متذکرہ بالا ہیئت تبدیلیوں میں  $\frac{\pi}{2}$  کا تفاوت پیدا ہوتا ہے۔

فرینیل کا مجسم معین (Rhomb) — اس تجربہ کے

امتحان کے لیے فرینیل نے شبیہ کا ایک مجسم معین تیار کیا جس کے ایک سرے میں سے نور کی شعاع  $\alpha$  ب عمود وارد اہل ہو کر دو بار  $55^\circ$  زاویہ پر واقع ہو اور کلی داخلی انعکاس کے بعد مقابل کے سرے میں سے عمود وار نکل جائے دیکھو شکل مناسی ۱۴۔ اگر واقع پنسل مستوی مقطب ہو اور اس کے ارتعاش وقوع کے مستوی کے ساتھ  $55^\circ$  مال ہوں تو ان ارتعاشوں کے



شکل مناسی ۱۴

اجزاء تحلیل جویستوی مذکور کے علی القوائم اور متوازی ہونگے باہم دیگر سادی ہونگے۔ از روئے حساب ہر کلی داخلی انعکاس پر مصرعہ بالا اجزاء تحلیل میں  $\frac{33}{2}$  کا تفاوت ہیئت ہونا چاہیے۔ یعنی معین میں سے خارج ہونے پر ان اجزاء کی ہیئتوں میں مجموعی طور پر  $\frac{33}{2}$  تفاوت کی توقع ہوگی اور وہ باہم دیگر علی القوائم ہونگے۔ بالفاظ دیگر خارج پنسل دائری مقطب ہونا چاہیے۔ تجسیر یہ کیا گیا تو ایسا ہی پایا گیا۔

اگر معین کے ایک سرے میں سے دائری مقطب نور داخل ہوتا ہے تو اس کے ارتعاشوں کے، باہم دیگر علی القوائم اجزاء تحلیل میں مزید  $\frac{33}{2}$  کا تفاوت ہیئت پیدا ہوتا ہے یعنی جملہ  $\frac{33}{2}$  کا تفاوت صورت پذیر ہوتا ہے اس لیے خارج پنسل مستوی مقطب ہوگا اور اس کے ارتعاش وقوع کے مستوی کے ساتھ  $55^\circ$  زاویہ پر مال ہونگے۔

اگر فرینیل کے معین میں سے ناقصی مقطب نور داخل کیا جائے اس طرح پر

کہ ناقصی ارتعاشوں کے محور علی الترتیب وقوع کے مستوی کے اندر اور اس کے علی القواہم ہوں تو ارتعاشوں کے اجزاء تحلیل میں علاوہ سابقہ II - تفاوت ہیئت کے II - کا ایک مزید تفاوت حادث کیا جائیگا۔ اس لیے نور جب خارج ہوگا تو مستوی مقطب ہوگا۔ فریڈنیل کا معین رُبع موجی تختی سے بہتر کام دے سکتا ہے اس لیے کہ اگرچہ وہ صرف ایک رنگ کے نور کے لیے II - کا تفاوت ہیئت قطعی صحت کے ساتھ پیدا کر سکتا ہے لیکن اس سے سفید نور کے تمام اجزاء ترکیبی کے لیے بھی تقریباً اسی قدر تفاوت ہیئت حاصل ہو سکتا ہے۔

## آٹھواں باب

### انتشار نور کے نظریے - شفاف اشیاء میں سے

جب سفید نور کی پینل گزرتی ہے تو وہ متعدد مختلف ابوالان کی پینلوں میں منقسم ہو جاتی ہے۔ جیسا کہ منشور کے تجربوں سے ظاہر ہے۔ سفید نور کے اس طرح رنگوں میں منتشر ہونے کو انتشار کہتے ہیں۔ موجی نظریہ کی رو سے نور کی شعاعیں جو کسی واسطہ میں داخل ہو کر مختلف زاویوں میں منعطف ہوتی ہیں واسطہ مذکور میں مختلف رفتاروں سے حرکت کرتی ہیں۔ اگر نور کی رفتار بین الکو اکی فضاء (یعنی ایٹھر) میں سب سے زیادہ کسی مادی واسطہ میں

سے تو کہے۔ اس نور کا واسطہ مذکور میں انعطاف نہا رہے۔ ہمارے

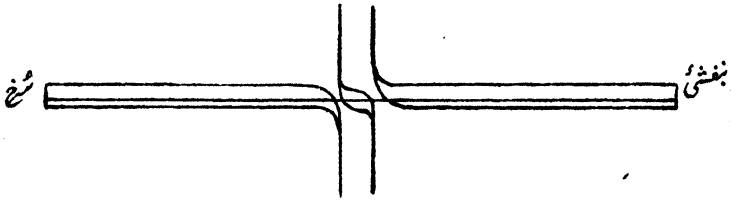
حد علم تک تمام رنگوں کے نور کی رفتار ایٹھر میں ایک ہی ہے یعنی سب کی قیمت تمام رنگوں کے لیے مستقل ہے۔ الغول جیسے تیز متغیر تنویر کے ستاروں کے مشاہدہ سے ہمیں یہ ماننا پڑتا ہے کہ ایٹھر میں تمام رنگوں کی رفتار ایک ہی ہوتی ہے۔ اگر ایسا نہ ہوتا تو الغول جیسے ستارہ کا رنگ اس کی تنویر کی مدت کے ساتھ بدلتا۔ لیکن کبھی ایسا مشاہدہ نہیں ہوا۔

منافری طیف کے مرئی حصہ میں عموماً دیکھا جاتا ہے کہ نور کے طول موج کی کمی کے ساتھ اس کی انعطاف پذیری بڑھتی جاتی ہے یعنی عام طور پر شفاف مادی واسطوں میں طول موج کی کمی کے ساتھ واسطہ کا انعطاف نہایت بڑھتا ہے۔ لیکن جہاں انجذاب واقع ہوتا ہے وہاں یہ قاعدہ ٹوٹ جاتا ہے۔ ایسے

انتشار کو بے قاعدہ انتشار کہتے ہیں۔ جیسے پفلوجو (pfluger) کے بنائے ہوئے ٹوس فکھسین (fuchsine) کے زاویہ حادثہ والے منشور کے ساتھ تجربہ کرنے سے دریافت ہوتا ہے۔ واضح ہو کہ فکھسین سبز رنگ بڑی شدت کے ساتھ جذب کر لیتا ہے پس  $1000 = 10000$  انگسٹروم اولہ  $4000 = 40000$  انگسٹروم کے مابین طول موج کے رنگ اس میں جذب ہو جاتے ہیں اس لیے اس کا لیف ان سے معتررا رہتا ہے۔ کوئٹیلنس (Christiansen) نے مشہور میں دریافت کیا کہ فکھسین کے اعلیٰ محلول میں انعطاف نما فراؤن ہوفر کے طیفی خط ب (B) سے لے کر د (D) تک بڑھتا جاتا ہے خط نر (G) تک سرعت کے ساتھ گھٹتا ہے۔ اور پھر اس کے بعد کو آنے والے خطوط کے لیے بڑھ جاتا ہے۔ کنڈٹ (Kundt) نے اس بے قاعدہ انتشار سے متعلق مزید تحقیق کی اور ثابت کیا کہ تمام سطحی رنگ والے اشیاء میں سے جب سفید نور گزرتا ہے تو طیف کے رنگوں کا سرخ سے لے کر بنفشتی تک مطالعہ کرنے پر معلوم ہوتا ہے کہ انجذابی بند کے عین پہلے انحراف بے قاعدہ طور پر بڑھ جاتا ہے اور اس کے عین بعد بے قاعدہ طور پر گھٹ جاتا ہے۔

بیکول (Becquerel) نے ایک متوزی الافق مسلسل طیف کی شعاعوں کے راستہ میں ایک فائدہ نما شعلہ حامل کیا جو سوڈیم کے بخار سے شوخ رنگین تھا۔ شعلہ گویا ایک منشور تھا جس کا انعطاف پیدا کرنے والا کنارہ متوزی الافق تھا۔ چونکہ شعلہ کی گیمیں گرم تھیں ان کی کثافت کی کمی سے طیف یکجہیت مجموعی کسی قدر اوپر کی طرف ہٹ گیا۔ (دیکھو شکل ۱۱۱) جس کی لمبی افقی لکیر مسلسل لیف کو شعلہ کے حامل ہونے سے پہلے طولاً دو ٹھیک مساوی حصوں میں تقسیم کرتی تھی لیکن اب خیف سی نیچے کی طرف اتری ہوئی نظر آتی ہے۔ طیف کا سرخ سرا شکل کے بائیں جانب ہے طیفی خط (D<sub>1</sub>) (د) کے مقام کے عین بائیں جانب لیف تیزی کے ساتھ نیچے کی طرف لینے فائدہ نما شعلہ کے قاعدہ کی طرف اتر آیا ہے جس سے ظاہر ہے کہ (D<sub>1</sub>) خط کے طول موج سے

ذرا سا بڑے طول موج کے لیے سوڈیم کے بخار کا انعطاف نا غیر معمولی طور پر



### شکل ۱۴۱

بڑھ جاتا ہے  $(D_1)$  کے عین سیدھے جانب طیف سرعت کے ساتھ اوپر کی طرف یعنی فانہ کے انعطافی کنارہ کی طرف چڑھ گیا ہے۔ جس سے ثابت ہوتا ہے کہ  $(D_1)$  کے طول موج سے خفیف سا کمتر طول موج کے لیے بخار کا انعطاف نا غیر معمولی طور پر گھٹ جاتا ہے۔ شکل سے (جو فوٹو گراف کی نقل ہے) ظاہر ہے کہ مصرعہ بالا طول موج کی شعاعوں کے لیے سوڈیم کے بخار کا انعطاف نا اکائی سے بھی معتد بہ کم ہے۔ آگے کو جوں جوں طول موج میں مزید کمی واقع ہوتی ہے۔ طیف کا اوپر کی طرف کا انحراف گھٹ جاتا ہے۔ اور پھر بالآخر  $(D_2)$  کے قریب پہنچ کر طیف جلد نیچے کی طرف جھک جاتا ہے  $(D_2)$  سے گزر جانے کے بعد طیف کو ایک دم اوپر کی جانب منحرف ہوتا ہے۔ لیکن طول موج کی کمی کے ساتھ جلد نیچے اتر آتا ہے۔ آر ڈبلیو وود (R. W. Wood) نے سوڈیم کے بخار سے متعلق بہت دلچسپ اور نتیجہ خیز تجربے کیے ہیں جن کا اس کی کتاب میں مطالعہ ہو سکتا ہے۔

انتشار نور کا جو بھی نظریہ پیش ہو اس میں ضرور اس بے قاعدگی کی توجیہ شامل ہونی چاہیے۔ سب سے زیادہ موزوں نظریہ برقی مقناطیسی ہے۔ ابھی تک برانا لچکدار محسوس والا نظریہ بھی بڑی حد تک اس کی توجیہ کر سکتا ہے۔ متعدد محققین نے اس پر طبع آزمائی کی ہے اور ان کی تحقیقات مبتدوں کے لیے





$$(۱) \quad \left\{ \begin{array}{l} \frac{ف}{و} = \frac{ا}{ف} - \frac{ک}{و} \quad (ظ - ظ) \\ \frac{ف}{و} = \frac{ا}{ف} - \frac{ک}{و} \quad (ظ - ظ) \end{array} \right.$$

ماوہ کے سالمات یافتہ اسٹ کے متعلق فرض کیا گیا کہ وہ طبعی اور قسری دونوں قسم کے ارتعاش کر سکتے ہیں۔ طبعی ارتعاشوں کا وقت دوران وہ ہے اور قسری کا و۔ یہ قسری ارتعاش ان میں ندر کی موجوں کی وجہ سے پیدا ہوتے ہیں۔

سادہ موسیقی حرکت کے مضابط سے ظاہر ہے کہ وقت دوران =  $\frac{۲۲}{۲۳}$  [پشاور] پس

$$۲۲ = \frac{۲۳}{۲۲} \quad \text{ک} = \frac{۲۳}{۲۲} \quad \text{ظ} = \frac{۲۳}{۲۲}$$

ان تفرقی مساواتوں کا ایک خاص حل مندرجہ ذیل شکل کا ہے :-

$$(ب) \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{ظ} = ب \cdot جم \cdot ۲۲ \left( \frac{و}{ل} - \frac{و}{ل} \right) \\ \text{ظ} = ب \cdot جم \cdot ۲۲ \left( \frac{و}{ل} - \frac{و}{ل} \right) \end{array} \right.$$

جن میں  $\frac{و}{ل}$  مادی واسطہ میں نور کا طول موج ہے۔  
 مل (ب) کو (۱) کی دوسری مساوات میں تعویض کرنے سے

$$(ج) \quad \frac{ب}{ل} = \frac{ل}{ل} - \frac{ل}{ل} \dots \dots \dots$$

جس میں  $\frac{ل}{ل} =$  ایٹم میں طول موج نور کا جس کا تعدد وہی ہے جو مادی سالمات یا اجزاء کا طبعی تعدد ہے۔

$$\frac{ل}{ل} = \frac{و}{و}$$

(۱) کی پہلی مساوات میں مل (ب) کو تعویض کرنے سے  $\frac{ل}{ل}$  طول موج کے

نور کا انعطاف نامر حسب ذیل حاصل ہوتا ہے :-

$$م^۲ = ۱ + \frac{۱}{۲} \frac{۱}{۲} \frac{۱}{۲} \dots (د)$$

اگر مادی واسطہ میں ایک سے زیادہ انواع کے سالمات ہوں اور ان میں سے ایک ایک نوع کے سالمات کے طبیعی ارتعاشوں کے وقت و دران مختلف ہوں تو (۱) کی مساواتوں میں ہر نوع کے سالمات کے لیے ایک مزید مساوات کے اضافہ کی ضرورت ہوتی ہے اور اس کی پہلی مساوات میں ایک متناظر رقم زیادہ کرنی ہوتی ہے۔ چنانچہ انعطاف نما کا ضابطہ ہوگا

$$م^۲ = ۱ + \frac{۱}{۲} \frac{۱}{۲} \frac{۱}{۲} \dots (ھ)$$

جس میں  $\frac{۱}{۲}$  رقوم کے جمع کی علامت ہے اور ان اور لیج واسطہ کے ہر نوع کے سالمات کے متعلقہ مستقل اور طبیعی ارتعاشوں کے طول موج ہیں۔ اگر لہ کے مقابلہ میں لہ چھوٹا ہے یعنی مرئی طیف کے نوریں مادی واسطہ شفاف ہے لیکن طیف کے بالائے بنفشی حصہ میں انجذابی بسند رکھتا ہے تو واضح ہے کہ لہ کے بڑھنے سے ہر کی قیمت گھٹتی ہے۔

ضابطہ (د) بشکل

$$م^۲ = ۱ + ۱(۱ - \frac{۱}{۲}) \frac{۱}{۲} \dots (و)$$

لکھا جاسکتا ہے جو کوٹھی والے ضابطہ کی شکل میں تحویل ہو سکتا ہے۔ اگر طیف کے بالائے بنفشی حصہ کے علاوہ پائین سرخ حصہ میں بھی ایک انجذابی بند موجود ہے جس کے لیے لہ کے مقابلہ میں لہ بڑا ہے تو مساوات (و) کو بشکل

$$م^۲ = ۱ - \frac{۱}{۲} \frac{۱}{۲} (۱ - \frac{۱}{۲}) + ۱(۱ - \frac{۱}{۲}) \frac{۱}{۲} \dots (ز)$$

$$= ۱ - \frac{۱}{۲} \frac{۱}{۲} + \frac{۱}{۲} \frac{۱}{۲} + ۱(۱ - \frac{۱}{۲}) \frac{۱}{۲} \dots$$

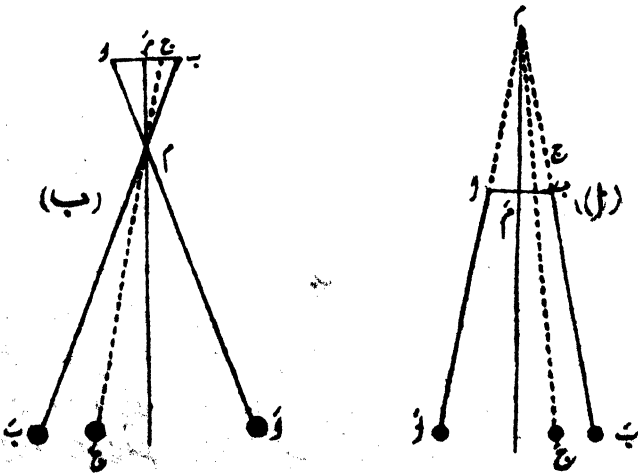
زیادہ قوتوں کی رقوموں کو نظر انداز کر کے لکھ سکتے ہیں۔  
 سلما اثر کے اس ضابطہ سے شفاف اشیاء کے انتشار نور کی بخوبی  
 تعمیر ہوتی ہے اور "خلاف قاعدہ" انتشار کی بھی توجیہ ہوتی ہے۔ چنانچہ لم  
 ایک انجذابی بند کے مناظر ہے تو مساوات (و) سے ظاہر ہے کہ لم سے  
 ذرات بڑے طول موج کے لیے ہر کی قیمت غیر معمولی بڑی ہو جاتی ہے۔  
 مساوات (ز) سے واضح ہوتا ہے کہ لم سے ذرات چھوٹے طول موج  
 کے لیے ہر کی قیمت ابتداءً "خیالی" ہوتی ہے لیکن جیسے جیسے لگھٹا جاتا  
 ہے ہر کی قیمت دوبارہ حقیقی بن جاتی ہے اگرچہ اس کی مقدار غیر معمولی چھوٹی  
 ہوتی ہے۔

انطاف نامہ کو معین اور طول موج لہ کو فصلہ مان کر اگر ترسیم کی جائے  
 تو طول موج جیسے جیسے انجذابی بند کے ایک سرے کے قریب لگھٹا جائیگا ایک  
 معنی حاصل ہوگا جو طول موج کے محد کی طرف متذب ہوگا۔ لیکن طول موج جیسے  
 جیسے انجذابی بند کے دوسرے سرے کے قریب بڑھتا جائیگا یہ معنی عموماً مذکور  
 کی طرف متذب ہوگا۔ دیکھو شکل ۱۲۔

آواز کی تھابوں میں طالب علم نے دیکھا ہوگا کہ طبعی یا آزاد اور قسری ارتعاشوں  
 کا امتیاز سمجھنے میں تنہ ہوئے افقی دورے سے مناسب طول کے لٹکائے ہوئے رقاص  
 خوب مدد دیتے ہیں۔ ہوسٹون (Houstoun) کی تقلید میں ہم سلما اثر  
 کے استدلال کی ان رقاصوں کے ذریعہ حسب ذیل توضیح پیش کرتے ہیں۔  
 چونکہ یہ فرض کیا جاتا ہے کہ مادی واسطہ کے ذرات ایچمر کے ذرات کے  
 ساتھ غیر متذب طریقہ پر ملے ہوئے ہیں اور نور کی موج جب ان پر سے گزرتی ہے  
 تو وہ آخر الذکر لینے ایچمر کے ذرات کے گرد ارتعاش کرتے ہیں اس لیے بطور  
 تشبیہ یہ تصور کریں گے کہ ایک پچکدار ڈورا افقی وضع میں تانا گیا ہے۔ تناؤ کی  
 قوت ت ہے اور دورے کے ایک سرے سے لے کر دوسرے سرے  
 تک مساوی فاصلوں سے م کیت کے چھوٹے چھوٹے رقاص (جن کا طول  
 ل) ہے لٹکائے گئے ہیں۔ فرض کرو کہ ذرات کے اکائی طول سے ن

رقاص لنک رہے ہیں جو خود دورے کی گیت فی اکائی طول ک ہے۔ اب دورے پرے رفتی مستوی میں ایک جیبی منحنی بنا (سادہ موسیقی حرکت کی) موج گزاری جاتی ہے جس کی وجہ سے دورے کا ہر ذرہ رفتی سمت میں دورے کی قبل حرکت وضع کے علی القوائم سادہ موسیقی حرکت کرنے لگتا ہے۔ بدین وجہ دورے سے آویزاں رقام بھی انتصابی مستویوں میں ایسی ہی حرکت شروع کر دیتے ہیں۔ پہلے پہل رقاموں کی حرکت ان کے لمبی یا آزاد ارتعاشوں اور قسری ارتعاشوں پر مشتمل ہوتی ہے۔ اول الذکر کا وقت دوران  $\omega = \frac{2\pi}{\lambda}$  ہے اور ثانی الذکر کا وقت دوران وہی جو رقام کے نقطہ تعلیق کا ہے۔ تھوڑی ہی دیر بعد آزاد ارتعاش صلب ہو جاتے ہیں اور صرف قسری ارتعاش جاری رہتے ہیں۔

اگر قسری ارتعاشوں کا وقت دوران و رقاموں کے آزاد ارتعاشوں کے وقت دوران و سے بڑا ہے تو رقاموں کی حرکت شکل ۱۳۲ (ا) کے قائل ہوگی یعنی ان کی ہیئتوں میں کوئی فرق نہیں آئے گا وقت برمد کمر طول کے متناظر ہوگا۔ دوسری صورت میں جبکہ  $\omega > \omega_0$  ان کی حرکت شکل ۱۳۲ (ب) کے قائل ہوگی یعنی ہیئت میں مخالف تبدیلیاں



وقت دوران گشت کر ل کے قناظر ہو جائیگا۔

اب فرض کرو رقا ص کسی درمیانی وضع م ر ج ج میں ہے اور انتہائی سمت کے ساتھ ایک چھوٹا زاویہ ط بناتا ہے۔ دورے کو بھیجنے والی قوت ک ج جم ط ہے (جس میں ج ج جاذبہ ارض کا اسراع ہے)۔ اس کا انتہائی جزو ترکیبی ک ج جم ط ہے اور چونکہ ط ایک چھوٹا زاویہ ہے اس لیے یہ جزو تقریباً ک ج ہی ہے۔ قوت کا افقی جزو ترکیبی ک ج جب ط ہے۔ چونکہ جب ط =  $\frac{م ج}{ل ج}$  اس لیے افقی جزو = ک ج  $\frac{م ج}{ل ج}$  = ک ج  $\frac{ل ج}{ل ج}$  = ک ج۔ (نقطہ تعلیق کا ہٹاؤ)۔

شکل ۱۲۴ دھڑے کے ایک حصہ کو تعبیر کرتی ہے جبکہ اس پر سے جیسی منحنی نما موج افقی مستوی میں بائیں جانب سے سیدھے جانب سرافقہ کے ساتھ گزرتی ہے۔ دورے کے ایک ٹکڑے ف س ق کی حرکت پر غور کرو۔ س اس کا وسطی مقام ہے۔ اور وضع سکون سے اس کا ہٹاؤ ن س ہے۔ اس ٹکڑے پر دو قوتیں عمل کرتی ہیں۔ ایک قوت اس سے باز رکھے ہوئے رقاصول ن (ف س ق) کا کارِ فعل ہے اور دوسری قوت اس کے دونوں سروں پر کے تناؤات ف کا حامل ہے۔ پس اول الذکر قوت =  $\frac{ن (ف س ق) ک ج}{ل ج}$  (ن س) جس میں ف س ق قوس کا طول ہے۔

ثانی الذکر قوت = ۲ ت جم > ف س ن = ۲ ت جب > ف س ن

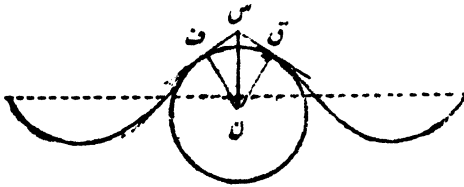
= ۲ ت > ف س ن تقریباً =  $\frac{ت (ف س ق) ک ج}{ل ج}$  جس میں ص

نقطہ س کے پاس دائرہ اغما کا نصف قطر ہے۔

دورے کے ٹکڑے ف س ق کا اسراع معلوم کرنے کے لیے فرض کرو کہ دورے پر اس کی موجی حرکت کی حالت میں سیدھے جانب سے بائیں جانب کو رفتار مرا ماند کی جاتی ہے۔ اس سے (ف س ق) کے اسراع میں

تبدیلی نہیں واقع ہوتی۔ یہ اسراع دائرہ میں یکساں رفتار کے ساتھ متحرک ذرہ کی رفتار ہو جاتی ہے۔ یعنی  $\frac{v}{c}$  پس اس کی وجہ سے قوس کے ٹکڑے پر مرکز دائرہ کی طرف عمل کرنے والی قوت

$$= \frac{F \sin \theta}{v}$$
 اس لیے حامل قوتوں کے توازن سے



شکل ۱۳۳

$$\frac{F \sin \theta}{v} = \frac{F \sin \theta}{v} - n \sin \theta \frac{v}{c} \quad \text{کے جے (ن س)}$$

$\frac{1}{v} = \pm \frac{v}{c} \frac{1}{\lambda}$  جبکہ  $\frac{1}{\lambda}$  کی قیمت چھوٹی ہوتی ہے اور شکل ۱۳۳ کے منحنی کو مساوات

$$1 = \pm \frac{v}{c} \frac{2\pi}{\lambda} \quad \text{کے ذریعہ تیسرے کر سکتے ہیں۔}$$

$$\frac{1}{v} = \pm \frac{v}{c} \frac{1}{\lambda} = \pm \frac{1}{c} \left( \frac{2\pi}{\lambda} \right) \quad \text{جب } \frac{1}{\lambda} = \pm \frac{1}{c} \left( \frac{2\pi}{\lambda} \right) \quad \text{۱}$$

قوتوں کے توازن کی سندرجہ بالامساوات میں

$$(n) = 1 = \pm \frac{1}{c} \left( \frac{2\pi}{\lambda} \right) \quad \text{تو یہی کرنے اور اس کو مساوی بنائیں دیتے}$$

$$v = \frac{c}{\lambda} \left( \frac{2\pi}{\lambda} \right) - \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{c}{\lambda} \left( \frac{2\pi}{\lambda} \right) - \frac{2\pi}{\lambda}$$

یہ دوسرے پر سے گزرنے والی موج کی رفتار کا مربع ہے جبکہ دوسرا رقاموں سے  
مترادھوتا ہے۔ ہم اس کو سہا سے تعبیر کریں گے۔

اور چونکہ  $ل = سہا$  و جبکہ  $و$  دوسرے پر سے رفتار کے ساتھ گزرنے والی موج  
کا وقت دوران اور  $ل$  اس کا طول موج ہے اس لیے

$$سہا = سہا + \frac{ل \text{ (نک ج سہا) } و}{\pi^2 (ل - ل)}$$

$$= سہا + \frac{ل (نک ج سہا) و}{\pi^2 (ل - ل)}$$

$$= سہا + (م سہا) \frac{و}{و - و}$$

اگر  $\frac{نک سہا}{و}$  کے بجائے  $م$  لکھا جائے۔

$$واضح ہو کہ  $و = \pi^2 \frac{ل}{ج}$  اور  $و = \pi^2 \frac{ل}{ج}$$$

اس لیے کہ  $ل$  موج کے وقت دوران و والے رقام کا طول ہے اور  $ل$   
دوسرے سے بندھے ہوئے رقاموں کا طول ہے جن کا وقت دوران  
و ہے۔

$ل$  جب  $ل$  سے بڑا ہوتا ہے تو اوپر والی مساوات میں بائیں جانب کے  
جلو کی دوسری رقم کے لیے وہ علامت یعنی چاہیے جس سے رفتار گھٹ جائے۔

$$ہیں  $سہا = سہا - \frac{م سہا و}{و - و}$$$

مساوات کو سہا پر تقسیم کرنے سے  $\frac{سہا}{سہا}$  یعنی انعطاف نامہ  $= 1 - \frac{م و}{و - و}$

جو اشعار و نظمیں کی سادہ ترین مساوات کے مشابہ ہے۔

فلزی انعام - جملے فلزی سلم پر سے نور جودت کے ساتھ



منعکس ہوتا ہے اس کی وجہ غالباً انتخابی انعکاس ہے۔ چاندی کی ایک پتلی یہ شیشہ پر تیار کر کے اگر مساوی کی جاسے تو بڑے طول موج کے نور پر تقریباً کال غیر شفاف پائی جائیگی۔ لیکن بنفشی اور بالائے بنفشی نور میں کافی شفاف دکھائی دیتی۔ چنانچہ برقی قوس کا مدہم بنفشی نور اس کے اندر سے صاف نظر آئیگا مگر کادربن سلاخ کا تیز دہکتا ہوا اگر مابا نکل مدہم پایا جائیگا۔ اس سے ظاہر ہے کہ چاندی کی سطح پر سے نور کا انعکاس انتخابی ہوتا ہے۔ اسی طرح سونے کے پتلے درق پر سے زرد نور شدت کے ساتھ منعکس ہوتا ہے اور سنہری مائل نیلا نور اس کے اندر سے سرایت کر جاتا ہے۔

فلزی انعطاف - کنڈٹ (Kundt) نے پلاٹینی

شیشہ پر برق پاسبیدگی کے ذریعہ مطروح کر کے ایک دقیقہ سے بھی کم زاویہ انعطاف کے فلزاتی منشور تیار کیے۔ اور ان پر نور کی تقریباً عمود وار پینل کا وقوع ملاحظہ کیا تو معلوم ہوا کہ بعض فلزات کے لیے انعطاف ناکہ قیمت اکائی سے کم برآمد ہوئی اور پینل منشور کے انعطافی کنارے کی طرف منحرف ہوئی۔

فیراڈے اثر - اگرچہ فیراڈے کے زمانہ میں زمانہ حال کے

زبردست برقی مقناطیس ہوتا ہو سکتے تھے تاہم اس نے ششہام میں دریافت کیا کہ اگر طاقتور برقی مقناطیس کے قطبوں میں مقناطیسی میدان (یعنی خطہ قوت) کے متوازی سوراخ بنائے جائیں اور کشیف (سیرے مرکب) شیشہ کی تختی رکھ کر اس کے اندر سے نیکول کے ذریعہ مستوی مقطب نور کی پینل گزاری جائے تو نور کی تقطیب کا مستوی ایک معین زاویہ میں گھوم جاتا ہے یعنی میدان مائل کرنے سے پہلے اگر خارج پینل کو مشرق نیکول مناسب وضع میں رکھ کر کجھا دیا جائے تو میدان مائل کرنے پر روشنی پھر سے نظر آتی ہے۔ اس کو کجھانے کے لیے مشرق نیکول کو ایک معین زاویہ میں گھمانا پڑتا ہے جو شیشہ کی ذہمت اور روشنی مہینر میدان کی جدت وغیرہ کے مناسب ہے۔ میدان کی سمت انسانی جاتی

ہے تو تحویل کی سمت بھی الٹ جاتی ہے لیکن اس کو پنسل کے گودرنے کی سمت سے بالکل تعلق نہیں ہے۔ یعنی اگر خاج پنسل کو آئینہ کے ذریعہ اس کے آئے ہوئے راستہ پر سے واپس لوٹا دیا جائے تو تعطیل کے مستوی کی تحویل بجائے ملکت ہونے کے (جیسا کہ لمبرڈ وغیرہ کے تجربہ میں مشاہدہ ہوتا ہے) دوچند ہو جاتی ہے۔

ورڈے (Verdet) نے مختلف اشیاء اور مختلف طول موج کی پنسلوں کے ساتھ تجربہ کر کے مندرجہ ذیل ضابطہ دریافت کیا:-

$$\text{زاویہ تحویل } \theta = M \cdot F \cdot \frac{1}{\lambda} \quad (\text{م۔ لہ} \cdot \frac{1}{\lambda})$$

جس میں  $M$  ایک مستقل ہے جو دی ہوئی شے کی نوعیت پر موقوف ہے،  $\lambda$  اس کی موٹائی اور  $F$  انعطاف منا ہے۔  $F$  متناطیسی میدان کی حدت ہے اور  $\lambda$  نور کا طول موج ہے۔

$\theta$  یعنی تحویل فی اکائی طول واسطہ فی اکائی میدان قوت ورڈے کا مستقل کہلاتی ہے۔ فیراڈے اثر کی برقی متناطیسی نظریہ سے آسانی تو جیہ ہوتی ہے۔ اس کے لیے برق کی کتابوں کا مطالعہ مناسب ہوگا۔

کٹر اثر (Kerr Effect) — ڈاکٹر کٹر (Kerr) نے

مشہور میں دریافت کیا شفاف برق گزار مثلاً شیشہ، زیتون کا تیل، کاربن بائی سلفائیڈ، ٹرینٹینا، وغیرہ جب طاقتور برقی میدان میں رکھے جاتے ہیں تو ان میں دیکھے انعطاف کی خاصیت پیدا ہوتی ہے۔ کٹر نے شیشہ کی ایک تختی کے دو متقابل پہلوؤں میں سوراخ کر کے ان سوراخوں میں ایک طاقتور الہی بجے کے ٹانوی دیکھان کے سرے جاوے پہلوں کو ایک حفرہ پیاوالی شرابی درز (Spark gap) کے ساتھ ملا دیا۔ چونکہ

امالی لمحے کے اوتی پیچوان کی رو کا انقطاع اس کے اجزاء کی بہ نسبت زیادہ تیزی سے عمل میں آتا ہے اس لیے لمحے کے سروں کے بیچ میں ایک سمتی مگر غیر مسلسل طاقتور برقی میدان پیدا ہوتا ہے۔ مشردی درز کو گھٹا بڑھا کر سروں کے درمیان حسب ضرورت تفاوت قوت عائد کیا گیا۔ لیکن لمحے کے سروں کے درمیان براہ راست خرارہ پیدا نہ ہونے دیا۔ شیش کی تختی سروں کے مابین پاؤ ایلخ موٹی تھی۔ اور اس کے اندر سے برقی میدان کے خطوط قوت کے علی القوائم مستوی مقطب نور کی ایک پنسل گزاری گئی۔ شیش میں سے گزرنے کے بعد یہ مقطب نور مشرح نیکول کے ذریعہ بجا دیا گیا۔ اس حالت میں جب برقی میدان عائد کیا گیا تو روشنی پھر سے پیدا ہوئی لیکن بتدریج تیس تیس ثانیے بعد۔ اس کو بچانے کے لیے مشرح نیکول کو مزید ایک معین زاویہ میں گھمانا پڑا۔ واقعہ نور کی تقطیب کا مستوی جب برقی میدان کی سمت کے ساتھ ۹۰° پر مائل تھا تو مندرجہ بالا اثر واضح ترین ثابت ہوا۔ تقطیب کا مستوی جب میدان کے متوازی یا علی القوائم تھا تو اثر تقریباً صفر تھا۔ پس اس سے ظاہر ہے کہ برقی میدان کے زیر اثر شیش کے اندر نور برقی میدان کے متوازی اور علی القوائم سمتوں میں مقطب ہوتا ہے۔ یہ اثر برقی میدان کی مثبت یا منفی سمت کے بغیر تابع ہے لیکن میدان کی مدت کے مربع کے متناسب ہے۔

عام طور پر مستوی مقطب نور کی پنسل جب کسی فلزی آئینہ پر پڑتی ہے تو بعد انعکاس ناقصی مقطب ہو جاتی ہے۔ لیکن واقعہ پنسل جب وقوع کے مستوی کے متوازی یا علی القوائم مقطب ہوتی ہے تو منعکس پنسل اسی مستوی میں مقطب ہوتی ہے۔

نور کا میکانی دباؤ۔ نیوٹن کے نظریہ نور سے شعلہ

چو کہ تیز رفتار ذرات پر مشتمل ہے جب وہ کسی سطح سے ٹکراتی ہے تو ان ذرات کا میاں حرکت تلف ہو جاتا ہے اس لیے توقع کی جاتی ہے کہ

سطح پر ایک معین میکانی دباؤ مائد ہوتا ہے۔ سکرو افس ٹوڈے (Du Fay) اور دیگر اشخاص نے اس دباؤ کا سراغ لگانے کی کوشش کی لیکن ناکامیاب رہے۔ فرینیل نے بھی اپنے نظریہ کی بنا پر اس دباؤ کے تجربی ثبوت کی کوشش کی اس کو بھی کامیابی نصیب نہ ہوئی۔ اس کے بعد کروس (Crookes) نے تجربے کیے جو بالآخر ریڈیا میٹر (radiometer)

کی ایجاد پر ختم ہوئے۔ اس آلہ میں پلاٹینم کے چار چھوٹے پنکھے جن کی ایک سطح کھلائی ہوئی ہوتی ہے اور دوسری جھٹکی، علی الترتیب ایک خلائی جباب کے اندر فیسے کی چلی ڈنڈی پر نصب کیے ہوتے ہیں۔ ڈنڈی انتصاباً دو ہزاروں کے بیچ میں ہمایف آسانی کے ساتھ پنکھوں کو لیے ہوئے گھوم سکتی ہے۔ جب یہ آلہ دھوپ میں رکھا جاتا ہے تو پنکھے پھرتے ہیں لیکن ان کے گھومنے کی سمت نیوٹن کے نظریے (یا میکسول کے برقی مقناطیسی نظریہ) کی سمت کے مخالف ہے۔ ریڈیا میٹر (اشعاع ہما) کے پنکھوں سے جب نور کی شعاعیں ٹکراتی ہیں تو کھلائی ہوئی سطح شعاعوں کو جذب کر لیتی ہے جس کی وجہ سے اس کی پیش بڑھ جاتی ہے لیکن حرارت مقابل کی جلی سطح میں سرایت کرنے نہیں پاتی۔ جباب کے اندر کی باقی ماندہ ہوا گرم ہوتی ہے یعنی اس کے سالمات جب کھلائی ہوئی سطح سے (اُڑتے نظریہ محرک) ٹکرا کر واپس لوٹتے ہیں تو ان کی رفتار زیادہ تیز ہو جاتی ہے اور چونکہ عمل اور رد عمل مساوی اور مخالف ہوتے ہیں کھلائی ہوئی سطح پر ایک دباؤ مائد ہوتا ہے۔ پنکھوں کی دوسری جانب کی جلی سطح پر سے نور منکس ہو جاتا ہے اس لیے یہ سطح نسبتاً ٹھنڈی ہوتی ہے اور ہوا کے سالمات اس سے ٹکرا کر واپس ہوتے ہیں تو ان کی رفتار میں کتر اضافہ واقع ہوتا ہے لہذا ان پر کا دباؤ بھی کتر ہوتا ہے۔ بدینہ پنکھے اس طرح گھومتے ہیں گویا نور ان کی کھلائی ہوئی سطح کو بہ نسبت جلی سطح کے زیادہ ڈھکیلتا ہے۔

میکسول کے برقی مقناطیسی نظریہ سے نور کے دباؤ کی قیمت بخوبی محسوب ہوتی ہے۔ پچھلے محققین کی ناکامیابی کی وجہ زیادہ تر اس دباؤ کی

قلت مقدار ہے۔ بالآخر لیبے ڈیو (Lebedew) نے اور اس کے چند ہی  
 ماہ بعد لیکن آزادانہ طور پر نیکولن اور ہل (Nichols and Hull) نے  
 ہماییت حساس آلات استعمال کر کے نہ صرف اس دباؤ کی تصدیق کی بلکہ  
 بتایا کہ اس کی وہی قیمت ہے جو میکسول کے نظریہ سے برآمد ہوتی ہے۔  
 حباب کے اندر کی باقی ماندہ گیس کا اثر سا نظر کرنے کے لیے نیکولن اور ہل نے  
 باریک تار سے پتلے شیشہ کے دو مستدیر قرص لٹکائے جنکی صرف ایک سطح  
 مضغض تھی۔ انکاس پیدا کرنے والی سطح کے استعمال سے نور کا دباؤ دو چند  
 ہو گیا اور حرارتی اثر میں انتہائی کمی واقع ہوئی۔ قوسی لمب سے نور کی پینسل  
 حاصل کی گئی اور متعدد شیشہ کے عدسوں اور تختیوں میں سے اس کو گزار کر ایسی  
 حالت میں جب کہ اس میں نور کا کوئی ایسا جزو باقی نہیں رہا جو شیشہ کی سطح کو گرم  
 کر سکے باری باری سے تار سے نصب کیے ہوئے قرصوں کی شیشہ اور چاندی کی سطحوں  
 کو منور کیا۔ اس تنویر سے قرصوں کی وضعوں میں جو انحراف واقع ہوئے ان کی نہایت  
 احتیاط کے ساتھ پیمائش کر لی گئی۔ شیشہ کی سطح پر جب اشعاع واقع ہوتا تھا تو  
 گیس کا دباؤ اور نور کا دباؤ ایک دوسرے کی مخالف سمتوں میں عمل کرتے تھے  
 لیکن جب چاندی کی سطح پر اشعاع واقع ہوتا تھا تو یہ دباؤ ایک ہی سمت میں عمل  
 کرتے تھے۔ پس دوسری صورت میں زیادہ انحراف مشاہدہ ہوتے تھے۔ اس  
 طرح گیس کا اثر ساقط کر کے ہر کے دباؤ کی کمین کی گئی۔

میکسول کی مساواتوں سے یہ نتیجہ اخذ ہوتا ہے کہ برقی توانائی  
 میدان میں معیار حرکت بھی ہے اور توانائی بھی۔ معیاری حرکت کی سمت وہی ہے  
 جو توانائی کی اشاعت کی سمت ہے۔ اور اس کی قیمت فی اکائی حجم عدد  
 توانائی فی اکائی حجم اور رفتار نور کے حاصل تقسیم کے مساوی ہے۔ پس نور کی  
 پینسل معیار حرکت کی نحو ہے۔ اگر فرد کی موج کسی مستوی جا ذب سطح پر عمود کے ساتھ  
 زاویہ نہ بنائے اور شعاعوں کے عمود وار فی اکائی رقبہ سطح فی ثانیہ توانائی ی  
 منتقل ہو تو فی ثانیہ فی اکائی رقبہ معیار حرکت بقدر (کے جی) حاصل ہوتا ہے

جس میں سہ رخ کی رفتار ہے۔ اس سے

ی جم<sup>۱</sup> فہ - عادی دباؤ اور  $\frac{\text{ی جم فہ جب فہ}}{\text{س}}$  عادی زور (stream)

پیدا ہوتے ہیں۔

اگر موج بالکلیہ جذب ہو جاتی ہے تو مندرجہ بالا دونوں قوتیں موجود ہوتی ہیں۔  
اگر موج بالکلیہ منعکس ہوتی ہے تو منعکس پینل ایک مساوی عادی دباؤ عائد  
کرتی ہے اور مساوی و مخالف عادی زور۔ اس لیے ایسی صورت میں صرف عادی دباؤ

قدر  $\frac{\text{ی جم فہ}}{\text{س}}$  پیدا ہوتا ہے۔

اگر واقع موج کی صرف ایک کسر (س) منعکس ہوتی ہے تو واقع اور منعکس  
موجوں سے

عادی دباؤ  $\frac{\text{ی جم فہ}}{\text{س}}$  (۱+س) اور عادی زور  $\frac{\text{ی جم فہ جب فہ}}{\text{س}}$  (۱-س) پیدا

ہوتے ہیں۔

پس اس سے واضح ہے کہ نور کی پینل جس سطح پر واقع ہوتی ہے اس پر ایک جاؤ  
پیدا ہونا چاہیے۔ یہ دباؤ بہت ہی کلیل ہے۔ چنانچہ سطح زمین پر آفتاب کے  
اشعاع کے لیے سی کی قیمت  $10 \times 0.165$  آرگ فی ثانیہ فی اکائی رقبہ  
ہے۔ اگر ہوائے انتخاب کا لحاظ رکھ کر حساب کیا جائے۔ پس اگر سطح کامل  
سیاہ ہو اور اشعاع عادی واقع ہو تو عادی بخرو کی مقدار صرف

$$10 \times 0.165 = \frac{10 \times 0.165}{10 \times 2} = 10 \times 0.0825 \text{ ڈائمن فی مربع سمر ہے۔}$$

پائینٹنگ (Poynting) نے آفتاب سے زمین کے فاصلہ پر ایک

چوٹے کرہ پر کے اشعاعی دباؤ اور مادی کشش (قوت جاذبہ آفتاب) کا ذیل کے  
مغز و خوں کے ساتھ مقابلہ کیا :

ص = کرہ کا نصف قطر ÷ = اس کی کثافت - اس کی سطح اشعاع کی کال جاؤ  
اور اس کے ہر فرقہ کی ایک ہی تپش - اس پر آفتاب کا اشعاع = ی ارگ فی ثانیہ  
فی مربع سمر - آفتاب سے اس کو معیار حرکت فی ثانیہ  $\pi$  ص<sup>۲</sup> ی حاصل ہوتا ہے -  
چونکہ خود اس کا اشعاع تمام سمتوں میں مساوی ہوتا ہے اس لیے اس کا حاصل منفرج ہے -  
زمین کے فاصلہ پر آفتاب کے جاؤ کا اسراع تقریباً ۵۹ .۵ سمر فی ثانیہ  
فی ثانیہ ہے - پس

$$\frac{\text{اشعاعی دباؤ}}{\text{قوت جاؤ}} = \frac{\pi \text{ ص}^2 \text{ ی}}{\frac{4}{3} \pi \text{ ص}^3 \times ۵۹ \times ۵۹}$$

یہ دونوں اس وقت مساوی ہونگے جبکہ ص =  $\frac{3}{4} \times \frac{\text{ی}}{\text{سمر}^3 \times ۵۹ \times ۵۹}$   
اگر کو اکائی مانیں اور ی کی قیمت ۱۰۰ × ۱۰ × ۱۰ اور سمر کی قیمت ۱۰ × ۳  
درج کریں تو ص =  $۱۰ \times ۴۳$  سمر برآمد ہوتی ہے جو شریخ نور کے  
طول موج کے تقریباً مساوی ہے - نور کے جاؤ کو مدارتاروں کی کوم کی تشکیل اور ستاروں  
کی اندرونی ساخت کی تحقیق میں بڑی اہمیت حاصل ہے -

# نوائے باب

ایتھر اور مادے کی اضافی حرکت - نور ایتھر کی

موجی حرکت کا نتیجہ ہے۔ فرینیل اور اس کے ہم خیال محققین نے ایتھر کو ایک پچکدار مٹوس ان کر اس موجی حرکت کے متعلق جو مفروضے قائم کیے تھے ان کا سابقہ ابواب میں کسی قدر تفصیل کے ساتھ ذکر آچکا ہے۔ کلوک میکسول نے ان مفروضوں سے اختلاف کر کے نور کو برقی مقناطیسی موجی حرکت کا نتیجہ قرار دیا۔ اگرچہ اس حرکت کے لیے بھی ایتھر کی ضرورت باقی رہتی ہے۔ لیکن ایتھر کو پچکدار مٹوس کے خواص کی محتاجی نہیں رہی۔ نور کے اس برقی مقناطیسی نظریہ کے مبادیات مولوت کے زائد مضمون برق میں طبع ہو چکے ہیں۔ بہ خوف طوالت اس مضمون کو یہاں از سر نو تفصیل کے ساتھ بیان کرنا مناسب نہ سمجھا گیا۔

جب نور کے متعلق یہ فرض کر لیا جاتا ہے کہ وہ ایتھر کی برقی مقناطیسی موجی حرکت کا نتیجہ ہے تو یہ اور کہ مادہ کی اجسام کی حرکت سے برقی مقناطیسی موجوں کی اشاعت پر کیا اثر پڑ سکتا ہے اور اس سے کس قسم کے مظاہر صورت پذیر ہو سکتے ہیں بڑی اہمیت کے مسائل بن جاتے ہیں۔ اس نوع کے جب تجربے کیے گئے تو ایسے نتائج ملاحظہ ہوئے جو اس وقت کے عارضی مسئلہ اصول کے لحاظ سے غیر متوقع تھے۔ چنانچہ یہ سمجھا گیا تھا کہ تمام فضاء ایتھر سے بھری ہوئی ہے اور مادہ جب حرکت کرتا ہے تو ایتھر ساکن رہتی ہے اور اس لیے مادہ کی حرکت ایتھر کے لحاظ سے اضافی ہوتی ہے۔ عام طور پر جب کسی جسم کی رفتار ناپنی جاتی ہے تو وہ اضافی رفتار ہی ہوتی ہے جو کسی دوسرے جسم کو بہ نظر ہولت ساکن مان کر ناپنی جاتی ہے۔ اس مفروضہ کے بموجب کہ ایتھر تمام فضاء میں پھیلی ہوئی ہے۔





میں ہو تو دُور بین کو ستارہ کی حقیقی سمت | ج میں اُل رکھنے سے ستارہ دکھائی نہ دیکھا بلکہ اس کو اس سے ذرا زیادہ سمت | ج میں جھکانے کی ضرورت ہوگی۔ اس لیے کہ اگر یہ فرض کیا جائے کہ ج | دُور بین کے دہانہ سے چشمہ کے صلیبی تاروں تک کا فاصلہ ہے تو ستارہ سے آنے والا نور جتنی دیر میں یہ فاصلہ طے کرتا ہے اتنی دیر میں زمین پر اپنے مدار میں | سے گزرتا ہے | تک پہنچ جاتی ہے اور اس طرح نور کی شعاعیں دُور بین کی تلی کی دیواروں سے ٹکرانے نہ پائیں بلکہ اُن سے بچ کر سیدھی صلیبی تاروں تک پہنچ جائیں گی۔

پس ظاہر ہے کہ ستارہ کی حقیقی اور ظاہری سمتوں کے درمیان زاویہ | ج | کی پیمائش

$$\text{جب } | ج | = \frac{| ج |}{| ج |} = \frac{| ج |}{| ج |} \text{ سے ہوتی ہے}$$

چونکہ  $\frac{| ج |}{| ج |} = \frac{\text{رفتار زمین}}{\text{رفتار نور}}$  اور رفتار نور کے مقابل میں رفتار زمین (تقریباً ۱۸ میل فی ثانیہ) بہت قلیل مقدار ہے اس لیے زاویہ | ج | کی پیمائش کی مساوات میں بجائے  $\frac{| ج |}{| ج |}$  کے  $\frac{| ج |}{| ج |}$  لکھا جاسکتا ہے اور بجائے جب | ج | کے اس کا دائری بیانیہ | ج |۔ پس

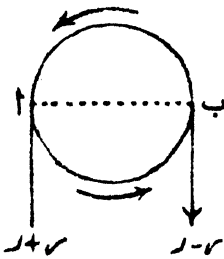
$$> | ج | = \frac{| ج |}{| ج |} = \frac{| ج |}{| ج |} \text{ جب ط}$$

ط اگر ۹۰ ہو تو  $> | ج |$  کی قیمت اعظم ہوتی ہے اور  $= ۲۰$  ثانیہ۔ طالب علم کو بخوبی یاد رکھنا چاہیے کہ نور کی اس قسم کی "ضلالت" محض اس وجہ سے مشاہدہ ہوتی ہے کہ زمین کی رفتار اس کے مدار میں یکساں نہیں ہے۔ اگر زمین خطِ مستقیم میں ایک ہی رفتار کے ساتھ حرکت کرتی ہوتی تو تمام ستارے اپنے اپنے حقیقی مقاموں سے (جو زمین کے قطعاً ساکن ہونے کی صورت میں مشاہدہ ہوتے) مساوی مقدار میں بٹے ہوئے نظر آتے۔ ان کا یہ ہٹاؤ کبھی دریافت

نہ ہو سکتا۔ اس لیے کہ زمین کے ساکن ہونے کی صورت میں ستاروں کے جو مقام ہوتے غیر معلوم ہوتے۔ پس واضح ہے کہ ”ضلائیلت نور“ کا تعلق ان مظاہر سے ہے جو غیر یکسانی حرکت کی وجہ سے وقوع میں آتے ہیں۔  
اس لیے ضلائیلت نور ستاروں کی حرکت کے غیر تابع ہے اور پس وجہ زمین کے لحاظ سے ان کی جو اضافی حرکت ہوتی ہے اس کے بھی غیر تابع ہے۔

### مبداء نور کی حرکت کا اثر رفتار نور پر۔

(۲) جبکہ مبداء اور نور دونوں ایک ہی خط مستقیم میں حرکت کرتے ہیں۔ مثلاً دوسرے ستاروں کی بعض وضعوں میں۔ ملاحظہ ہو شکل ۱۴۵۔



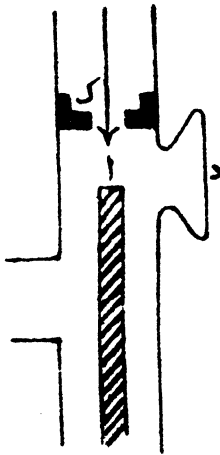
شکل ۱۴۵

فرض کرو کہ اب ایک مریخی طیف نمائی دوسرے ستارہ کا نظام ہے۔ ستارہ کے ارکان اگر ایک دوسرے سے بمقام زاویہ فاصلہ کافی دور ہیں تو طاقتور دوربین میں وہ ایک دوسرے سے علیحدہ لیکن مشترک مرکز ثقل کے گرد معتد مداروں میں حرکت کرتے ہوئے نظر آئینگے۔ اگر کافی دور نہ ہوں تو ستارہ کے دوسرے ہونے کا پتہ

اس طرح چلیگا کہ ان کے طیفی خطوط عموماً ہر وضع میں دوسرے نظر آئینگے الا اس خاص وضع کے جبکہ ستارہ کے ارکان اب کے علی التوالم قطر کے سرے پر واقع ہونگے۔ [ سہولت کی خاطر یہ فرض کیا جاتا ہے کہ مشاہدہ کرنے والا اور ب پر بیٹھے ہوئے تیروں کی سمت میں اور مدار کے مستوی میں واقع ہے۔ جب ستارہ کا ایک مرکز ا پر ہوگا تو اس کی رفتار نور کی رفتار کی سمت میں ہوگی اور جب ب پر ہوگا تو نور کی رفتار کی مخالف سمت میں ہوگی۔ اگر نور کی رفتار ستارہ کی اضافت سے سا ہو تو یہ فرض کر کے کہ مشاہدہ کرنے والا ساکن ہے

نور کی رفتار سے  $c$  کے پاس مشاہد کی اضافت سے  $c + v$  ہوگی اور  $b$  کے پاس  $c - v$  ہوگا۔  $c$  پر نور کی اشاعت کی رفتار زائد ہے اس لیے رکن ستارہ کا  $a$  پر پہنچنا بمقابلہ  $b$  پر پہنچنے کے قبل از وقت مشاہد ہوگا۔ بعض حالات میں  $a$  اور  $b$  پر پہنچنے کے اوقات ایک ہی مشاہدہ ہونگے۔ رکن ستارہ  $a$  اور  $b$  پر اپنی الحقیقت جن اوقات میں موجود ہوتا ہے وہ ڈوپلر (Doppler) کے اثر کے ذریعہ سے دریافت کر لیے جاسکتے ہیں۔ یہ ممسک الامتہ ( $\beta$  Aurigae) کے دُہرے ستارہ کے نظام کی حرکتوں کا مشاہدہ کیا گیا تو یہ امر بایہ ثبوت کو پہنچا کہ نظام کے پورے مدار کے اندر رفتار نور کا تغیر قطعی طور پر ستارہ کی رفتار کے  $1.0 \times 10^5$  حصہ سے بھی کمتر ہے۔

(ب) جبکہ مبدا اور نور کی باہر دیگر علی القوائم سمتوں میں حرکت کرتے ہیں۔ جے۔ اسٹارک (J. Stark) نے اس کا مشاہدہ ہائیڈروجن کی مثبت شعاعوں کے ساتھ کیا۔ ملاحظہ ہو شکل (۱۲۶) کی تھوڈک کے سوراخ



شکل ۱۲۶

میں سے مثبت برقائے ہوائیڈروجن کے جواہر تیر کی سمت میں  $10^5$  سمرفی ثانیہ تک کی رفتاروں کے ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ اور فلٹوسی سطح  $a$  سے ٹکراتے ہیں۔ اس فضا کے اندر پارے کا کچھ بخار بھی سکون کی حالت میں واقع ہے۔ ہائیڈروجن کے متحرک جواہر پارے کے ساکن جواہرے جو نور برآمد ہوتا ہے اس کا مشاہدہ سطح  $a$  کے عین سامنے کیا جاسکتا ہے۔

دریچہ  $d$  کے باہر ایک طیف نا کو ترتیب دے کر اس کی جھری پر (جو ہائیڈروجن کے جواہر کی سمت حرکت کے متوازی

ہے)  $a$  کے پاس کے متور خطہ کا مناظری خیال ماسک پر لایا جاتا ہے۔ پس



منتقل ہو جائینگے۔ اور ستارے کے حامل مجموعی رنگ میں کوئی فرق نہیں محسوس ہوگا۔

ڈوپلر کے صوتیاتی اصول کی مسائل نور سے متعلق صحیح ترجمانی فِٹسو (Fizeau) نے کی۔ اس لیے فرائس اور بعض دیگر اہل علمستان سے باہر مالک میں اس اثر کو ڈوپلر فِٹسو اثر کہتے ہیں۔ اس اثر کی وجہ سے مبداء نور کے انجذابی طیفی (سیاہ) خطوط یا ایک دوسرے سے جدا منور طیفی خطوط اپنے صحیح مقاموں سے (جیسا کہ ساکن مبداء سے پیدا ہونے والے حوالہ کے طیفی خطوط کے مطالعہ سے دریافت ہوتا ہے) ہٹے ہوئے نظر آتے ہیں۔ رفتار نور کے مقابلہ میں ارضی اشیا کی رفتاروں کو کوئی نسبت نہیں۔ اس لیے صرف اجرام فکلی کے طیف ہی سے ڈوپلر فِٹسو اثر کا مطالعہ ممکن ہے۔ اگر ستارہ نظام شمسی کی طرف تیز رفتار سے چلا آ رہا ہے تو اس کے طیفی خطوط طیف کے بغشی پہلو کی طرف ہٹے ہوئے نظر آتے ہیں اور اگر ستارہ نظام شمسی سے دور ہو رہا ہے تو اس کے طیفی خطوط طیف کے سرخ پہلو کی طرف ہٹے ہوئے نظر آتے ہیں۔ خطوط کے ہٹاؤ کی مقدار ستارہ کی اضافی رفتار کے تناسب سے ہے۔ جیسا کہ ضابطہ ذیل سے واضح ہے۔

$$\lambda = \lambda_0 \frac{c \pm v}{c}$$

$$\therefore \text{فرلہ} = \frac{\lambda}{\lambda_0} - 1 = \frac{v}{c} \quad \text{اور} \quad \frac{\lambda}{\lambda_0} = 1 + \frac{v}{c}$$

جس میں  $\lambda$  متحرک مبداء کے کسی خاص طیفی خط کا طول موج ہے اور فرلہ اس کی کمی یا زیادتی سما اور ر علی الترتیب نور اور مبداء کی رفتاریں ہیں۔ واضح ہے کہ اس ہٹاؤ کے مطالعہ کے لیے بڑی تحلیل طاقت کے طیف نمائی ضرورت ہے۔

داعہائے شمسی کی حرکت سے آفتاب کی محوری گردش کا پتہ چلا۔

جو داغ آفتاب کے استوائی خط پر واقع ہوتے ہیں ۲۵ و ۲۶ یوم (ارضی) میں ایک پورا چکر ختم کرتے ہیں۔ استواء سے دور خطوں پر جو داغ پیدا ہوتے ہیں ان کے چکر کی مدت اس سے زیادہ ہوتی ہے۔ جس سے ظاہر ہے کہ آفتاب کا مادہ ٹھوس جسم کے مائل نہیں حرکت کرتا ہے اور اس کی سطح مختلف اقسام کی روئیں ہوتی ہیں۔ چونکہ آفتاب کا نصف قطر ۳۳۰۰۰ میل ہے اس لیے اس کے استوائی حصہ کی خطی رفتار ۱۲۵ میل فی ثانیہ ہے۔

پس  $\frac{1}{\text{روز}} = \frac{\text{مس}}{186000} = \frac{1}{1725}$  تقریباً ۱۵۰'۰۰۰۔ ایک

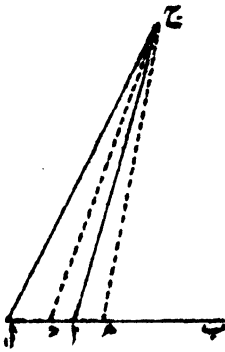
بڑی انکساری جالی کی تحلیلی طاقت اس ہٹاؤ کے مطالعہ کے لیے کافی ہے۔ یعنی دُہرے ستاروں سے متعلق یہ بات یاد رکھنے کے قابل ہے کہ عام طور پر ان ستاروں کے ارکان کی مناظری قدروں میں اتنا بڑا تفاوت ہوتا ہے کہ ان میں سے صرف روشن تر رکن کا طیف دکھائی دیتا ہے یا اس کا فوٹو گراف لیا جاسکتا ہے۔ مار کے اندر دُہرے نظام کے اس روشن تر رکن کی گردش سے اس کے طیفی خطوط کی جو یا قاعدہ دوری حرکت مشاہدہ ہوتی ہے اسی سے اس نظام کے دُہرے ہونے کا پتہ چلتا ہے اور مدتِ دوران کا تعین ہوتا ہے۔ اگر کسی دُہرے ستارہ کے ارکان کی قدروں میں ایک قدر سے زیادہ کا تفاوت ہو تو کم روشن رکن کا طیف عموماً پہچانا نہیں جاسکتا۔

سب سے پہلا طیفی دُہرے ستارہ جو مشاہدہ ہوا دب اکبر (Ursa major) کی صورتِ سماوی میں میژر (Mizar) نامی دُہرے ستارہ کا روشن تر رکن ہے۔ پکرننگ (Pickering) نے ۱۸۵۸ء میں دریافت کیا کہ اس کے طیف کے سیاہ (انجذابی) خطوط  $\frac{1}{4}$  ۲۰ دن کے وقفہ سے بالائے دُہرے نظر آتے ہیں۔ اب تک ایک ہزار سے زیادہ طیفی دُہرے ستارے دریافت ہو چکے ہیں اور ان کی تعداد روز افزوں ہے۔

ایکھرا کا ”بھاؤ“ اور اس کی تعیین - ”ضالبت نہ“ کی

توجہ میں یہ مانا گیا تھا کہ فضائی ایتھر بالکلیہ ساکن رہتی ہے اور دُوربین اور اس کے اندر کی ہوا ایتھر میں سے گزرتے ہیں۔ لیکن ایری (Airy) نے جب دُوربین میں ہوا کے عوض پانی بھر کر مشاہدہ کیا تو ستاروں کا اتنا ہی ظاہری پشادُ مشاہدہ ہوا جتنا کہ ہوا بھرنے سے ہوتا ہے۔ حالانکہ دُوربین کی نلی میں پانی پھرنے کی وجہ سے نور کی رفتار اس کے اندر پہلے سے گھٹ جاتی ہے، معیند انور کی شعاعیں دُوربین کے دہانے سے نکل کر پانی کے اندر جب جاتی ہیں تو مختلف زاویہ میں منعطف ہوتی ہیں۔ ان دونوں وجوہ سے ضلالت نور کی قیمت بڑھ جانی چاہیے تھی۔ پس ہمیں یہ ماننا پڑتا ہے کہ دُوربین کے اندر کی ایتھر اس کے ساتھ بہتی ہے جبکہ وہ پانی سے بھری ہوتی ہے۔ لیکن جب وہ ہوا سے بھری ہوتی ہے تو اس کے اندر کی ایتھر نہیں بہتی۔

ایتھر کے اس بہاؤ کی تعیین کے لیے شکل ۱۴ میں فرض کرو کہ ا ج ستارہ کی حقیقی سمت ہے اور ا ج اس کی ظاہری سمت۔ جب ستارہ کی شعاعیں دُوربین کی نلی کے پانی میں مقام ج پر داخل ہوتی ہیں تو منعطف ہو جاتی ہیں۔ چونکہ ج ا شعاعوں کے وقوع کی سمت ہے اور ج ا عمود کی سمت اس لیے انعطاف کی سمت ج د ہوگی جس میں



شکل ۱۴

جب  $\angle ج ا ب = \angle مر ج ا د$  جبکہ مر شیشہ سے پانی میں نور کا انعطاف زاویہ پھوٹے ہونے کی وجہ سے

$$\angle ج ا ب = \angle مر ا ج د$$

$$\text{یا تقریباً } \angle ا = \angle مر ا د$$



دورین کی نلی کے اندر پانی ہونے کی وجہ سے نور کی شعاعوں کی رفتار  $h$  :  
 کی نسبت میں گھٹ جاتی ہے۔ بالفاظ دیگر ان کے نلی میں سے گزرنے کا وقت  
 ۱ :  $h$  کی نسبت میں بڑھ جاتا ہے۔ اس عرض مدت میں دورین کے چشمہ کے  
 صلیبی تار بجائے اپر پہنچنے کے  $h$  پر پہنچنے کے۔

$$\text{جس میں } a = m \cdot a$$

اس امر کی توجہ کی جانی چاہیے کہ شعاعیں بجائے د پر پہنچنے کے  $h$  پر کیوں  
 جا پہنچی ہیں۔ اس کے لیے ہمیں ماننا پڑتا ہے کہ جس عرض مدت میں شعاعیں  
 دورین کی نلی میں سے گزرتی ہیں ایتھر بقدر فاصلہ  $d$  پہنچ جاتی ہے۔ یعنی  
 جتنی دوریں پانی بقدر  $a$  فاصلہ طے کرتا ہے ایتھر فاصلہ  $d$  طے کرتی ہے۔  
 بالفاظ دیگر دورین کے اندر کے پانی میں کی ایتھر اسی سمت میں حرکت کرتی ہے  
 جس سمت میں پانی حرکت کرتا ہے۔ لیکن اس کی رفتار پانی کی رفتار کا  $\frac{d}{a}$  حصہ ہے۔  
 پس ایتھر کے بہاؤ کی رفتار

$$= \frac{d}{a} \cdot r \text{ جس میں } r = \text{پانی کی رفتار}$$

$$= \frac{a - ar}{a} = \left(1 - \frac{a}{a}\right) r$$

$$= \left(1 - \frac{a}{m \cdot a}\right) r = \left(1 - \frac{1}{m}\right) r \text{ جس میں } m = \text{پانی کا انعطاف نا}$$

$$\text{اور } \left(1 - \frac{1}{m}\right) = \text{ایتھر کے بہاؤ کی قدر}$$

یہ جملہ سب سے پہلے فرینیل نے اخذ کیا۔ واضح ہے کہ اگر نلی میں ہوا بھری  
 ہو تو چونکہ ہوا کے لیے  $h = a$  ایتھر کے بہاؤ کی رفتار صفر ہو جاتی  
 ہے۔

ایتھر کے بہاؤ کی رفتار کے لیے فرینیل کا طریقہ  
فرض کرو کہ شیشہ کی ایک تختی ایتھر میں رفتار  $r$  کے ساتھ حرکت کر رہی ہے۔  
 $\theta =$  ایتھر کی کثافت  $\rho$  خلا میں

$\theta =$  ایتھر کی کثافت شیشہ میں اور  $\theta'$  کی قیمت  $\theta$  سے زیادہ ہے۔  
ان حالات کے تحت واضح ہے کہ شیشہ کے اندر کی ایتھر ایک حد تک اس کے  
ساتھ کھینچی ہوئی آسکتی، کیونکہ اگر وہ ساکن رہے تو شیشہ اس مقام سے حرکت  
کر جائیگا جہاں ایتھر کی کثافت زیادہ ہوگی۔  
اب فرض کرو کہ ایتھر کے بہاؤ کی رفتار  $r$  ہے۔ چونکہ شیشہ کی تختی کے  
کناروں پر سے کوئی بہاؤ واقع نہیں ہوتا اس لیے اس کے سامنے کی سطح کے  
اندر فی اکائی رقبہ ایتھر کی جو مقدار داخل ہوتی ہے  $\theta = r$  اور جو مقدار  
فی اکائی رقبہ اس کے پیچھے کی سطح سے خارج ہوتی ہے  $\theta = (r - r')$  چونکہ  
تختی کے اندر کی مقدار مستقل رہتی ہے، اس لیے

$$\theta = \theta' \quad \theta = (r - r') \quad r = (1 - \frac{\theta'}{\theta})$$

لیکن  $\frac{\theta'}{\theta} =$  مر جو شیشہ کے انعطاف نما کا مربع ہے۔

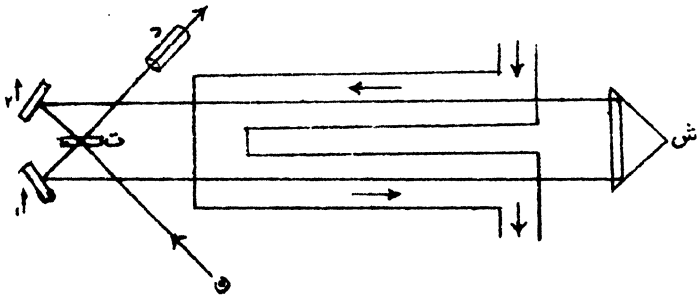
$$r = (1 - \frac{1}{m^2})$$

یہ وی رابطہ ہے جو سابقہ بحث سے حاصل کیا گیا تھا۔

فیسو (Fizeau) کا تجربہ - ایتھر کے بہاؤ کی

قدر کی تجربی تعیین سب سے پہلے فیسو نے ۱۸۵۱ء میں کی۔ اس کے بعد  
مائیکلسن اور مورے نے ۱۸۵۸ء میں اور بڑی باریکی کے ساتھ  
زمینان نے ۱۸۸۰ء میں تجربے کیے۔ ان تجربوں کا اصول شکل ۱۵۸

کے معائنہ سے واضح ہوگا۔  
مبدآن سے نور کی متوازی پسل نیم منقض تختی پر واقع ہوتی ہے۔  
یہاں وہ دو نصف مدت کی پسلوں میں تقسیم ہو کر ایک حصہ آئینہ ۱ پر منعکس ہوتا  
ہے اور پھر وہاں سے ۹۰ زاویہ کے مغزور کش میں داخل ہوتا ہے۔ اور اس میں  
دوسرے منعکس ہو کر آئینہ ۲ پر پہنچتا ہے۔ وہاں سے پھر تختی پر ٹوٹ آتا ہے۔  
دوسرا حصہ عین اس کے مخالف راستہ سے گزرتا ہے۔ اس طرح پسلی کے دونوں  
حصے تختی میں آکر دوبارہ مل جاتے ہیں۔ اور ان سے جو متاعلی مظاہر رونما  
ہوتے ہیں دور بین د میں مطالعہ کیے جاتے ہیں۔



شکل ۱۴۴

آئینہ ۱ سے فشر اور فشر سے آئینہ ۲ تک ان پسلوں کا راستہ  
دونوں میں سے ہوتا ہے جن میں سے خاص رفتار کے ساتھ پانی بہتا  
رہتا ہے۔ [ زمین کے تجربہ میں ان نیلیوں کا طویل تقریباً تین میٹر تھا اور  
پانی کی رفتار پانچ میٹر فی ثانیہ تھی ]۔ جیسا کہ شکل ۱۴۴ میں بتایا گیا ہے  
نیلیوں میں پانی اس طرح بہتا ہے کہ نور کی پسلی کا ایک حصہ پانی کے بہنے کی

سمت میں جاتا ہے۔ اور دوسرا حصہ اس کے مخالف سمت میں۔ پس اگر متحرک واسطہ (پانی) اپنے ساتھ ایٹھواڑے کو گھینچ کر لے جاتا ہے تو اس کا اثر یہ ہوگا کہ ایک نصف پسل کی رفتار میں اسراع پیدا ہوگا اور دوسرے نصف پسل کی رفتار میں ابطاء۔ جس کی وجہ سے پسلوں کی بناظری راہوں میں تفاوت واقع ہوگا۔ اور اس لیے پانی کے سکون کی حالت میں جو مداخلی بند نظر آئے تھے وہ اب اپنی جگہ سے ہٹ جائینگے۔ تجربہ کرنے سے اس طرح کا جو ہر شاؤ مشاہدہ کیا گیا کہ ایک بندگی چوڑائی کے نصف یا مساوی رتبہ کا تھا۔ اور فرینیئل کے ضابطہ سے منطبق ہوتا تھا۔ چونکہ پانی کا انعطاف نا  $\frac{1}{2}$  ہے اس لیے ایٹھواڑے کے ہواؤ کی قدر  $(1 - \frac{1}{2}) = \frac{1}{2}$  تقریباً بیسے نور کی موجوں کی ہیئت کے اشاعت کی رفتار پانی کی رفتار کی تقریباً نصف ہو جاتی ہے۔ زیمان نے متحرک ٹھوس اشیاء (مثلاً شیشہ اور بلور کے استواروں) کے ساتھ بھی تجربہ کیا اور نتیجہ فرینیئل کے ضابطہ سے منطبق پایا۔

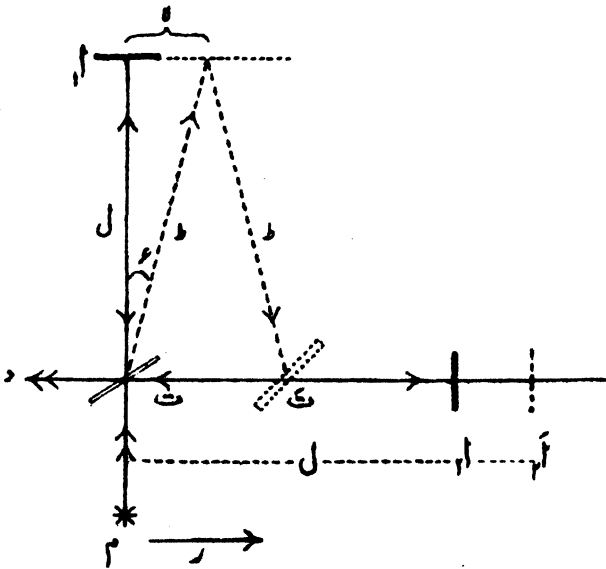
پانی کی اس حرکت سے نور کی نصف پسلوں میں جو تفاوت ہیئت پیدا ہوتا ہے اس کی تعین کے لیے فرض کرو کہ نور کی رفتار خلاء میں ہے اور پانی کی رفتار  $v$ ۔ اگر پانی کا انعطاف  $n$  اور  $n$  کی طول جس میں سے پانی بہتا ہے  $l$  ہو تو نصف پسلوں کے فاصلے میں سے گزرنے کی مدتوں میں تفاوت

$$\frac{l}{v} - \frac{l}{v - \frac{1}{2}v} = \frac{l}{v} - \frac{l}{\frac{1}{2}v} = \frac{l}{v} - 2\frac{l}{v} = -\frac{l}{v}$$

اس تفاوت اور ہوا میں نور کی رفتار کی مدد سے پسلوں کا تفاوت راہ اور مداخلی بندوں کا ہر شاؤ محسوب ہو سکتا ہے۔

مائیکلسن اور مورلی (Michelson and Morley)

کاجنبوبہ۔ جب مبداء نور آلات تجربہ اور مشاہدہ سبھوں کی ایک مشترک یکساں خط متقیم میں حرکت ہوتی ہے اور نور کی پنسل ایک بند راستے میں چکر لگائے (جس کی انتہائی صورت اس کا ایک مقام سے دوسرے مقام تک جانا اور واپس لوٹ آنا ہے) تو ایسے مظاہر مشاہدہ نہیں ہو سکتے جو مادہ اور نور کی رفتاروں کی نسبت (سے) کی پہلی قوت (عام محاورہ میں پہلے رتبہ کا اثر) کے تابع ہوں۔ اگر کوئی توقع ہو سکتی ہے تو (سے) ایسے دوسرے رتبہ کے اثر کی ہو سکتی ہے۔



شکل ۱۴۹

شکل ۱۴۹ میں ماٹکلسن کے ایک تجربہ کی توضیح کی گئی ہے جس کے متعلق پیمائش کے اصول پر مبنی ہے۔ مبداء نور ہے۔ ت ایک نیم مفلض شیفہ کی جتنی ہے جو نیکی متوازی چسل کے راستے میں ۵۴ زاویہ پرائل بھی گئی ہے۔ اس سے

فاصلہ ل پر ایک ستوی آئینہ ا پینسل کے علی اقوام واقع ہے پینسل کا نصف حصہ ت میں سے منعطف ہو کر ا سے ٹکراتا ہے واپس لوٹ آتا ہے اور تختی سے منعکس ہو کر د کی طرف چلا جاتا ہے۔ تختی ت سے پینسل کا جو نصف حصہ منعکس ہو کر مستوی آئینہ ا سے ٹکراتا ہے وہاں سے تختی پر واپس لوٹ آتا ہے اور پھر اس میں سے منعطف ہو کر د کی طرف چلا جاتا ہے۔ اسی طرح پینسل کے دونوں نصف حصے مساوی مناظری طول کے راستے طے کرتے ہیں اور ان کے تداخل سے د پر تداخلی بند مشاہدہ ہو سکتے ہیں۔

فرض کرو کہ آلہ کا ایک بازو ت ا تجربہ کے وقت زمین کی مداری رفتار کی سمت کے متوازی ہے۔ نور کو ت سے نکل کر ا تک جانے اور پھر ت پر واپس لوٹ آنے کے لیے وقت

$$\text{دیس} = \frac{L}{r+r} + \frac{L}{r-r} = \frac{L}{r-r} = \frac{L}{r} \cdot \frac{1}{1-\frac{r}{r}} = \frac{L}{r} \cdot \frac{1}{1-\frac{v^2}{c^2}}$$

درکار ہے۔ چونکہ  $\frac{L}{r}$  بمقابل اکائی کے بہت ہی قلیل مقدار ہے اس لیے

$$\text{دیس} = \frac{L}{r} \left( 1 + \frac{r}{r} \right) \quad \text{ہمایت قریب کے درجہ تک}$$

اب آئینہ ا سے واپس لوٹ کر آنے والے نصف حصہ پینسل پر غور کیا جائے تو معلوم ہو گا کہ نور تختی ت سے نکل کر آئینہ ا کے پاس جائے تک زمین کی مداری رفتار کی وجہ سے ا فضا میں سمت ت ا کے متوازی فاصلہ لا آگے کو بڑھ جاتا ہے اور نور جب اس سے منعکس ہو کر تختی ت پر واپس لوٹتا ہے تو تختی مقام ت پر پہنچ جاتی ہے۔ گویا زمین کی اس مداری رفتار کی وجہ سے نور جو آئینہ ا سے منعکس ہوتا ہے فی الحقیقت اسی زاویہ ۲۷° والے مساوی الساقین مثلث کے مساوی اضلاع پر سے گزرتا ہے جس میں ۷۷° زاویہ صلاحت نور ہے دیکھو شکل ۱۵۹۔

پس جب ۷ =  $\frac{r}{r}$  اور مثلث کے جو دو مساوی ضلع ہیں ان میں سے

ہر ایک کا طول ط ذیل کی سادات سے محسوب ہوتا ہے :-

$$ط^۱ = ل^۱ + لا^۱$$

چونکہ لا = ط جب م = ط ر اس لیے

$$ط^۱ = ل^۱ + \frac{ر}{ط} ط^۱$$

$$پس ط = \frac{ل}{1 - \frac{ر}{ط}} = ل \left( 1 + \frac{ر}{ط} + \frac{ر^۲}{ط^۲} + \dots \right)$$

نہایت قریب کے درجہ تک  
نور کو تختی ت سے نکل کر آئینہ ا سے ٹکرانے اور واپس لوٹ آنے  
کے لیے وقت

$$و = \frac{ل}{ط} \left( 1 + \frac{ر}{ط} + \frac{ر^۲}{ط^۲} + \dots \right) \text{ صرف ہوتا ہے۔}$$

اور (و - و) یعنی زمین کی مداری رفتار کے متوازی اور علی التوا  
سمتوں میں جا کر متعلقہ آئینہ سے واپس لوٹ آنے کے اوقات میں تفاوت

$$مف د = \frac{ل}{ط} \left( 1 + \frac{ر}{ط} \right) - \frac{ل}{ط} \left( 1 + \frac{ر}{ط} + \frac{ر^۲}{ط^۲} + \dots \right)$$

$$= \frac{ل}{ط} \left( \frac{ر}{ط} \right)$$

وقت کے اس تفاوت کا یہ مفہوم ہے کہ نور کی پنسل کے دو نصف حصے تختی ت  
پر جب آئینوں سے واپس لوٹ کر ملتے ہیں تو ان کی ہیئتوں میں اختلاف  
واقع ہونا چاہیے بلحاظ اس صورت کے جبکہ زمین کی کوئی مداری رفتار نہ ہوتی  
اور اس لیے اس فرضی صورت کے اعتبار سے تداخلی بندوں میں ہٹاؤ پیدا  
ہونا چاہیے۔

مف د میں نور فاصلہ (مف د) سرطے کرتا ہے اس لیے

تداخلی بندوں کا ہٹاؤ (یعنی فور کے طول موج کی رقموں میں پسلوں کا تفاوتِ راہ)

$$\text{مغلہ} = \frac{(\text{مغلہ})}{\text{س}} = \frac{\text{ل}}{\text{ل}} = \frac{\text{ر}}{\text{س}}$$

زمین کی مداری رفتار تو کسی وقت کسی طرح بھی ساقط نہیں ہو سکتی۔ رفتارِ نور پر اس کا اثر مشاہدہ کرنے کے لیے تجربہ کے سارے آلات کو ایک خاص موضع میں رکھ کر تداخلی بند مطالعہ کیے گئے اور پھر احتیاط کے ساتھ ان کو جلد ۹۰ ناویہ میں گھما کر تداخلی بندوں کا مکر مطالعہ کیا گیا۔ چونکہ زمین کی مداری رفتار آفتاب کے گرد ۳۰ کیلومیٹر فی ثانیہ (تقریباً ۸۱۶ میل فی ثانیہ) ہے اس لحاظ سے مصرعہ بالا استدلال کی بنا پر تداخلی بندوں کے جس ہٹاؤ کی توقع کی جا سکتی تھی دو متواتر بندوں کے درمیانی فاصل کا ۴۔۲ حصہ تھا۔ لیکن جو ہٹاؤ فی الحقیقت مشاہدہ ہوا صرف ۴۔۰۰ سے لے کر ۴۔۰۱ حصہ تھا۔ مائنکلسن کا یہ پہلا تجربہ سلسلہ میں جامعہ برلن اور پھر پوسٹلڈام میں کیا گیا۔ جو بھی ہٹاؤ مشاہدہ ہوا غالباً زیادہ تر آلات کے کچلی اور بیشی ظلوں کے باعث پیدا ہوا۔ واضح ہو کہ مناظری آلات کو ۹۰ درجہ میں گھمانے سے تداخل پیا کے بازو اپنی سابقہ وضعوں کے علی القوائم وضعوں میں منتقل ہو جاتے ہیں جس کی وجہ سے تداخلی بندوں جو ہٹاؤ پیدا ہونے کی توقع ہو سکتی ہے اس متوقع ہٹاؤ کے دوچند ہے جو زمین کی مداری حرکت کے اسقاط و اطلاق سے پیدا ہو سکتا ہے۔

مائنکلسن اور موسر نے یہی تجربہ مزید احتیاط کے ساتھ مقام کلویلینڈ (Cleveland) میں ماہ جولائی ۱۹۰۷ء میں دہرایا۔ اہتر ازلوں سے بچنے کے لیے تجربہ کے مناظری آلات پتھر کی ایک وسیع تختی پر جائے گئے جو بارے کے بڑے حوض پر تیر رہی تھی اور انتصابی محور کے گرد ہولت کے ساتھ گھمائی جا سکتی تھی۔ ابکی دفعہ مناظری راستہ کا طول ۱۱ میٹر تھا جو پتھر کی تختی پر جائے ہوئے آئینوں پر سے نور کی پسلوں کو ایک سمت سے دوسری سمت میں متعدد مرتبہ منعکس کرانے سے حاصل ہوا تھا۔ تداخلی بندوں کا جو ہٹاؤ اس طرح مشاہدہ ہوا ایٹھواڑے کے صرف ۸ کیلومیٹر فی ثانیہ ہٹاؤ کے متناظر تھا۔ ان تحقیقات کا سلسلہ عرصہ دراز تک جاری رہا۔ چنانچہ



موسم لے اور ملٹنے سنہ ۱۹۲۱ء سے لے کر سنہ ۱۹۲۲ء تک اور اس کے بعد اکیلا  
ملٹن سنہ ۱۹۲۲ء سے حال حال تک اس آلہ کے ساتھ تجربہ کرنا رہا۔ ان کے  
علاوہ اور لوگوں نے بھی اس تجربہ کو بار بار دہرایا ہے۔ ملٹن جس کی تحقیقات کا سلسلہ  
سب سے زیادہ وسیع ہے اس نتیجہ پر پہنچا ہے کہ ۱۰ سے ۱۱ اکیلو میٹر فی ثانیہ  
تک کا ایٹھ کرک ہواؤ مشاہدہ ہو سکتا ہے جو زمین کی "مطلق رفتار" (۲۰۸ اکیلو میٹر فی ثانیہ)  
کا میواں حصہ ہے۔ واضح ہو کر زمین کی یہ "مطلق رفتار" فضاء میں ستاروں کے  
"بڑے جلتا ابر" کے ایک نقطہ کی طرف محسوب کی گئی ہے جو ستوری مدار شمس  
کے قطب ۲۰ شعور مستقیم ۵ ساعت اور میل ساوی ۲۰۰۰ واقع ہے۔ مائنکسن  
نے اپنے آخری تجربہ سے جو سنہ ۱۹۲۹ء میں کیا گیا تھا ایٹھ کے ہواؤ کی رفتار کے لیے  
انتہائی قیمت ۶ اکیلو میٹر فی ثانیہ اخذ کی۔ دوسرے محققین نے اس سے بھی کمتر  
قیمتیں اخذ کی ہیں۔ ٹوماشک (Tomashek) نے بتایا ہے کہ یہ تجربہ  
جب سیاروں اور ستاروں کا نور استعمال کر کے کیا جاتا ہے تو بھی یہی نتیجہ  
برآمد ہوتا ہے۔ پس ہم یہ کہہ سکتے ہیں کہ

مائنکسن کے تداخل پیمائے کے ذریعہ جو تجربہ کیے گئے ہیں  
اُن سے فی الواقعہ زمین کی مکمل "مطلق حرکت" ظاہر نہیں ہوئی۔  
غالباً اس طریقہ سے کوئی بھی "مطلق حرکت" ثابت نہیں کی جاسکتی  
ہے۔

[ ٹراؤٹن اور نوبل (Trouton-Noble) کا تجربہ -

مناظری تجربوں کی طرح برقی اور مقناطیسی میدانوں کے ساتھ بھی تجربہ کر کے ماوہ  
اور نور کی رفتاروں کی نسبت کے مربع یعنی (۱/۲) کا اثر محسوس کرنے کی  
توقع کی جاسکتی ہے۔ چنانچہ ٹراؤٹن اور نوبل نے تحقیقوں کے لیے ایک  
مکثفہ برق کو تحقیقوں کے متوازی ریشہ کے ذریعہ لٹاکر زمین کی حرکت کا اثر  
سائنہ کرنا چاہا۔ دیکھو شکل منہ۔

اگر ہر تختی کا رقبہ س ہے اور این دونوں کے درمیان عمودی فاصلہ ط



$$\frac{\text{ن. ن. ر. س. د. م. ق.}^2}{\text{ط.}^2} = \text{ا. م.}$$

کشف کی برقی سکونی توانائی

$$\text{ا. م.} = \frac{1}{\text{ط.}} \text{ م. م. } \left( \frac{\text{ق.}}{\text{ط.}} \right)^2 \text{ س. ط.}$$

$$\frac{\text{م. م. ق.}^2 \text{ س.}}{\text{ط.}^2} =$$

پس کشف کی مجموعی مقناطیسی اور برقی سکونی توانائیوں میں نسبت

$$\frac{\text{ا. م.}}{\text{ا. م.}} = \text{ن. ن. م. م. ر.} \text{ یعنی ا. م.} = \text{ا. م. ن. ن. م. م. ر.}$$

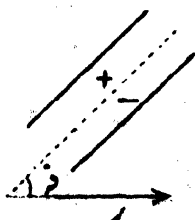
لیکن نور کے برقی مقناطیسی نظریہ کی رو سے

$$\text{ن. م.} = \frac{1}{\text{سر}} \text{ جس میں سر رفتار نور ہے}$$

$$\therefore \text{ا. م.} = \text{ن. م. ا. م.} \left( \frac{\text{ر.}}{\text{سر}} \right)$$

اگر رفتار حرکت تختیوں کے متوازی

نہ ہو بلکہ شکل (۱۵۱) کی طرح  
ان کے ساتھ زاویہ ذیہ پراثر ہو تو  
بجائے ر کے رجم ذیہ لکھنا ہوگا  
اور اس طرح



$$\text{ا. م.} = \text{ن. م. ا. م.} \left( \frac{\text{رجم ذیہ}}{\text{سر}} \right)$$

شکل ۱۵۱

پس مجموعی مقناطیسی اور برقی سکونی توانائیوں کا حاصل مجموعہ

$$1 = \text{ا. م.} (1 + \text{ن. م.} \frac{\text{رجم ذیہ}}{\text{سر}})$$

چونکہ اذروئے قواعد حکیات پر نظام کی توانائی بالقوہ کا رُجحان ہمیشہ قیاسیت اختیار کرنے کی طرف ہوتا ہے اور مکشفہ کی اس حاصل مجموعی توانائی کی قیمت اقل ہوتی ہے جبکہ جم ذہ = صفر یعنی ذہ = ۹۰° اس لیے مکشفہ ایسی وضع کا متقاضی ہوگا کہ اس کی تختیاں سمت حرکت کے علی القیام ہوں۔

مکشفہ جب زاویہ فردہ میں گومتا ہے تو توانائی کا تغیر

$$\text{فر ۱} = - \text{شش فردہ}$$

جس میں شش گردش کا معیار اثر ہے۔ اور نفی کی علامت سے ظاہر ہے کہ ذہ کے بڑھنے سے (کی قیمت میں کمی واقع ہوتی ہے) پس چونکہ اب یعنی برقی سکونی توانائی زاویہ ذہ کے غیر تابع ہے لہذا مکشفہ کا گردش معیار اثر

$$\text{شش} = - \frac{\text{فر ۱}}{\text{فردہ}} = \text{ن مراب } \left( \frac{1}{\text{فر ۱}} \right) \text{ جم ذہ جب ذہ}$$

$$= \text{ن مراب } \left( \frac{1}{\text{فر ۱}} \right) \text{ جب ۲ ذہ}$$

پس یہ گردش معیار اثر اعظم ہوتا ہے جبکہ جب ۲ ذہ کی قیمت اعظم ہوتی ہے یعنی ذہ = ۹۰° یا ذہ = ۰°، واضح ہے کہ یہ اثر (فر ۱) کے متناسب ہے اس لیے دوسرے رتبہ کا

اثر ہے۔ تراوشن اور نوبل کا تجربہ مائیکلسن اور مورلے کے تجربے سے زیادہ حتمی بنایا جاسکتا ہے۔ اس لیے باربار اور سطح بحر سے مختلف بلندیوں پر دہرایا گیا ہے۔ چنانچہ ٹوماسشک (Tomaschek) نے سمندر کی سطح سے ۲۵۰۰ میٹر کی بلندی پر بھی

آزاد یا تو معلوم ہوا کہ ایسا کوئی اثر محسوس نہیں ہوتا ہے جو ایٹھ کے بہاؤ کی  $\frac{1}{4}$  کیلو میٹر فی ثانیہ رفتار سے زائد رفتار کے متناظر ہو۔ پس برقی طریقے بھی زمین کی "مطلق حرکت" کے اظہار میں قاصر ہیں۔

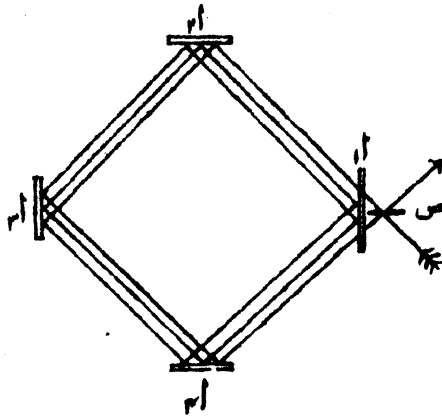
مائیکلسن اور موسر لے اور نیز ٹراوٹن اور نوبل کے قطعی تجربوں سے یہ نتیجہ برآمد ہوتا ہے کہ لمحاظ ایٹھ آلات تجربہ اور مشاہد کی کوئی اضافی حرکت ثابت نہیں کی جاسکتی۔ پس زمین کی سطح ایٹھ کے لحاظ سے وضع سکون میں ہے۔ یعنی زمین کے ساتھ اس کے اطراف کی ایٹھ بھی حرکت کرتی ہے۔

تو تہ جاذبہ زمین پر بھی زمین کی حرکت کا اثر محسوس کرنے کے لیے تجربے کیے گئے تو دریافت ہوا کہ زمین کی فضائی حرکت کا جاذبہ زمین پر کوئی قابل لحاظ اثر نہیں ہے۔

سما آلیویر لاج (Sir Oliver Lodge) کا تجربہ۔

اس تجربہ میں فولاد کے دو بڑے قوس تین تین فٹ قطر کے جو ایک دھری کے علی القیام ایک دوسرے کے اوپر ایک انچ فصل کے ساتھ مضبوط جوڑے گئے تھے بڑی تیز رفتار سے گھمائے گئے۔ قوسوں کے بیچ کی فضا میں سے دو متداخل (یعنی باہم دیگر متداخل پیدا کرنے والی) لہر کی پنسلیں ایک مربع کے چار گوشوں پر مناسب وضعوں میں جمائے ہوئے آئینوں سے ایک دوسرے کے مخالف سمتوں میں منعکس کرائی گئیں۔ دیکھو شکل ۱۵۱۔ جس میں ص ایک نصف مفضل آئینہ ہے اور ۱، ۲، ۳، ۴، ۵ پنسلوں کے منعکس کرانے کے آئینے ہیں۔ پنسلیں پید ص پر سے مساوی حدت میں منعکس اور منطف ہو کر ایک دوسرے سے طعہ ہوتی ہیں اور پھر چاروں آئینوں ۱، ۲، ۳، ۴، ۵ پر سے علی الترتیب منعکس ہوتی ہیں اور اس طرح گھماؤ کے محو کے گرد تین مرتبہ محوم کر بالا خ ص ہی پر مل جاتی ہے۔

قرصوں کی تیز حرکت سے اگر ان کے درمیان کی ایٹھران کے ساتھ  
کھینچی ہوئی آتی تو قطع کی گئی تھی کہ گردش سے قبل جو تداخلی بند مشاہدہ ہوئے تھے



شکل ۱۵۲

وہ گردش کی حالت میں اپنی جگہ سے منتقل ہو جائینگے۔ لیکن تجربہ کرنے سے  
معلوم ہوا کہ ایٹھرا کا اگر کوئی کھینچاؤ عمل میں آیا بھی ہے تو وہ اس قدر ضعیف ہے  
اگر اس کی وجہ سے گردش کی رفتار میں فرق کی رفتار کے ایک ہزارویں حصہ  
کی بھی تبدیلی نہیں واقع ہوئی۔

مداری حرکت میں زمین کا اپنے ساتھ ایٹھرا کو بھی لیے چلنا  
مانٹگلسن، موسر نے کے تجربہ سے ہم جس نتیجہ پر پہنچے ہیں کہ زمین اپنے ساتھ ایٹھرا  
کو بھی گھسیٹ کر لے جاتی ہے یا دوسرے الفاظ میں زمین کی سطح کے قریب  
برقی مقناطیسی مظاہر زمین کی اضافیت سے وقوع پذیر ہوتے ہیں بادی انتظار  
میں مسٹر آلیویرا لاج کے مصروف بالہ تجربہ کے نتائج معلوم ہوتا ہے۔ لیکن  
لینارڈ (Lenard) نے بتایا کہ مادہ کی ساخت کے حلق ہمارے جدید

معلومات کے لحاظ سے ان تمام نتائج کی ایک ساتھ توجیہ ہو سکتی ہے۔ ہم اب ماننے لگے ہیں کہ مادہ غالباً بالکلیہ برقی مقناطیسی خاصیت رکھتا ہے۔ اس کے متعلقہ قوت کے میدان دور تک فضاء میں پھیلے ہوتے ہیں۔ یہ میدان اور اس لیے مادہ خود ایتھر کے خاص خاص عمل ہیں جن کے ساتھ توانائی کی بڑی بڑی مقداریں وابستہ رہتی ہیں۔ پس ہم مان سکتے ہیں کہ ہر ایک مادی جسم اپنے ساتھ اپنے قرب و جوار کی خود اپنی ایتھر کو لیے چلتا ہے، ایسا ہی جیسا کہ اپنے تجاذبی قوت کے میدان کو۔ پس عام طور پر فضاء کے کس مقام پر بھی ایتھر کی حالت اس کے گرد و نواح کے مادے پر موقوف ہے۔ زمین کی سطح کے قریب زمین کی پوری کمیت کا اثر غالب آجاتا ہے۔ اس لیے کائنات کے بڑے بڑے اجسام اپنی سطحوں سے دور دور تک آگے کو نکلی ہوئی ایتھر کو بھی کھینچ کر لے جاتے ہیں۔ بدیں وجہ زمین جیسے بڑے مادی جسم کے قریب میں جو برقی مقناطیسی عمل صورت پذیر ہوتے ہیں اس کی اضافت سے وقوع میں آتے ہیں۔ پس نور کی رفتار بھی جسم کی اضافت سے سہا رہی ہے۔ فضاء کے اندر کائنات کے ان بڑے منفرد اجسام سے (جن کو اجرام فلکی کہتے ہیں) کافی دور فاصلوں پر ان کی متعلقہ مخصوص ایتھر ایک دوسرے میں مخلوط ہو جاتی ہیں اور ممکن ہے کہ فضاء کے ان بعید خطوں میں بقول لینارڈ ایک ”انتہائی ایتھر“ موجود ہے جو مادے سے آزاد تمام فضاء کو بھر دیتی ہے۔

فلز جیرلڈ، لورینٹس سکراؤ (Fitzgerald-Lorentz)

(Contraction) - مائٹکسن اور مورے والے تجربہ کے نتیجہ کی

فلز جیرلڈ نے ۱۸۹۱ء میں اس طرح توجیہ کی :-

کوئی جسم جب ایتھر میں کافی تیز رفتار سے حرکت کرتا ہے تو قوت کے میدانوں کی تبدیلی کے ساتھ جسم کے اجزاء کو باندھ رکھنے والی قوتوں میں بھی تبدیلی واقع ہو سکتی ہے۔ اور اس کی وجہ سے مائٹکسن کے متداخل پیمائش کا وہ بانڈ جو زمین کی رفتار حرکت کے متوازی ہے ٹھیک اس قدر سکڑ جاتا

ہے کہ اس سمجھیں نور کے جا کر واپس آنے کے لیے جو دائرہ وقفہ صرف ہوتا ہے (ایٹھم کے پہاؤ کے مفروضہ پر) اس کی عین تلافی ہو جاتی ہے۔  
 میں یورینٹس نے اس مفروضہ کو باقاعدہ طریقہ پر پیش کر کے ثابت کیا کہ اگر کسی جسم کا حقیقی طول حالت سکون میں  $l$  ہے تو حرکت کی وجہ سے حرکت کی سمت میں سے سکڑ کر  $l \sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}$  ہو جاتا ہے جس میں  $v$  اور  $c$  علی الترتیب جسم اور نور کی رفتاریں ہیں۔ پس شکل ۱۴۹ میں داخل پیمائش کا بازو  $l$  نہیں بلکہ  $l \sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}$  تصور کیا جانا چاہیے۔ اور جو بازو اس کے تقریباً علی اقوام ہے (در اصل متساوی اساقین مثلث کے مساوی ضلعوں کا طول) زمین کی رفتار کا اس پر اثر بہت ہی خفیف ہے اس لیے اس کا سکڑاؤ بالکل نا قابلِ ملاحظہ ہے۔ پس نور کو  $t$  سے  $l$  تک جا کر واپس لوٹ آتے کے لیے وقت

$$t = \frac{l \sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}}{c} = \frac{l}{c} \sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2} = \frac{l}{c} \left(1 + \frac{1}{2} \left(\frac{v}{c}\right)^2\right) \text{ تقریباً}$$

صرف ہوتا ہے۔ واضح ہو کہ اتنا ہی وقت نور کو  $t$  سے  $l$  تک جا کر واپس لوٹ آنے کے لیے محسوب ہوا ہے۔ یعنی دونوں اوقات بالکل مساوی ہیں۔  
 اس امر کا کہ آیا زمین اپنی مداری حرکت میں ایٹھم کو اپنے ساتھ کھینچ کر لے جاتی ہے یا ایٹھم ہر جگہ مطلق سکون کی حالت میں ہے، اصولاً قطعی تصدیق ممکن ہے۔  
 بشرطیکہ مائیکلسن حور لے والے تجربہ  $\left(\frac{v}{c}\right)^2$  کی تعین کا کوئی ایسا تجربہ کیا جائے جس میں تجربی نظام کافی تیز رفتار کے ساتھ سطح زمین کی اضافت سے حرکت کرے۔ اگر پہلا قیاس صحیح ہے تو تجربہ کا نتیجہ



(تداعلی بندوں کے جٹاؤ کے لحاظ سے) اثبات میں برآمد ہوگا اور اگر دوسرا قیاس صحیح ہے تو نفی میں۔ لیکن سر دست اس قسم کے تجربے کی علمی وقتوں پر حاوی ہونا انتہا درجہ مشکل ہے۔ ہم پہلے قیاس کے بموجب مان سکتے ہیں کہ ایٹھر زمین کے ساتھ کھینچی آتی ہے کیونکہ اس میں زیادہ سہولتیں ہیں اور دوسرے قیاس میں بعض اہم وقتیں جیسا کہ آگے چل کر بیان کیا جائیگا۔

### آئنسٹائن کا اصول اضافیت (Einstein's)

(Principle of Relativity)۔ اس نظریہ میں آئنسٹائن نے متحرک واسطوں کی برقی حرکیات کو ایک منظم طریقہ پر قائم کرنے کی غرض سے دو اساسی اصول موضوعہ (postulates) پیش کئے۔ ایک یہ کہ خلا میں نور کی رفتار مستقل برآمد ہوتی ہے مشاہدہ کرنے والا خواہ کسی بھی حالت حرکت میں ہو۔ دوسرا یہ کہ اضافیت کا اصول فطرت کا ایک کالاً عالمگیر کلیہ ہے۔ طالب علم نیوٹن کی میکا نیات کے اصول اضافیت سے قبل ازیں بخوبی واقف ہو چکا ہے۔ جس سے یہ ثابت ہوتا ہے کہ میکا نیات کے جملہ کلیے حوالہ کے محدود نظام کی یکساں خطی رفتار سے قطعاً متاثر نہیں ہوتے۔

لورینٹس وغیرہ نے ثابت کیا تھا کہ اصول اضافیت برقی متناہسی علموں پر بھی صادق آتا ہے بشرطیکہ رفتار مادہ اور رفتار نور کی خطی نسبت یعنی (سر) کی حد تک بحث محدود رہے۔ ماکسلسن، مورے اور ٹراؤٹن، فوہل کے تجربوں کے منفی نتائج سے ثابت ہوا کہ زمین کی مادی حرکت (سر) کے دوسرے درجہ کی حد تک بھی کوئی اثر نہیں پیدا کرتی ہے۔ اسی کو پیش نظر رکھ کر آئنسٹائن نے بطور اصول موضوعہ پیش کیا کہ اصول اضافیت تمام طبیعی عملوں پر صادق آتا ہے۔

ذیل میں ہم آئنسٹائن کے ”اختصاصی“ (special) نظریہ اضافیت کا مختصر حال بیان کریں گے جو مادہ کی یکساں خطی رفتاروں سے متعلق اور سنہ ۱۹۰۵ء میں شائع کیا گیا۔ اس کے عام (general) نظریہ اضافیت بدو

ہو کہ اس امر کی اور گروشی حرکتوں سے متعلق ہے اور سادہ ۱۹۱۵ء میں شائع ہوا یہاں بہت کم لکھنے کا موقع لیکھا۔  
 اگر کوئی حوالہ کا فریم (جو کٹھا یا قاب) جس میں کسی واقعہ (event) کے محدود 'لا'، 'ما'، 'ی' اور 'و' ہیں یکساں رفتار کے ساتھ لا کے محور کی سمت میں ایک دوسرے فریم کی اضافیت سے جس میں اسی واقعہ کے محدود 'لا'، 'ما'، 'ی' اور 'و' میں حرکت کر رہا ہو تو نیوٹن کی یکانیات کی رو سے مندرجہ بالا محدودوں کے سٹوں (Sets) کے مابین حسب ذیل مساواتیں رابطہ ظاہر کرتی ہیں:-

لا = لا - رو ، ما = ما ، ی = ی اور و = و  
 اب فرض کرو کہ مین اُس آن میں جبکہ محدودوں کے دونوں مبداء منطبق ہوتے ہیں یعنی تمام محدود صفر ہیں، فور کی ایک موج مشترک مبداء سے پیدا ہوتی ہے تو وقت و پر فور کے ناصبیہ موج کے کسی نقطہ کے محدودوں کی مساوات

$$لا + ما + ی = سُر و \quad \text{ہو گی} -$$

اس لیے کہ یہ ایک ایسے گروہ کی مساوات ہے جس کا مرکز پینڈے پر ہو اور نصف قطر سُر و 'لا'، 'ما'، 'ی' اور 'و' محدودوں کی رقبوں میں یہ مساوات

$$(لا + رو) + ما + ی = سُر و \quad \text{ہو جاتی ہے} -$$

اور واضح ہے کہ یہ اُس گروہ کی مساوات نہیں ہے جس کا مرکز نقطہ لا = لا ، ما = ما ، ی = ی پر ہو۔

لیکن آئیٹنسٹائین کا منصوبہ ہے کہ ایسا ہونا چاہیے یعنی مساوات

$$لا + ما - ی = سُر و \quad \text{صحیح ہوئی چاہیے کہ ماٹکسن}$$

اور موسر لے کے تجربہ سے ثابت ہو چکا ہے کہ نور کی رفتار تمام سمتوں میں

ایک ہی ہے مشاہدہ کرنے والا خواہ پہلے حوالہ کے فریم سے تعلق رکھتا ہو یا دوسرے سے۔

لاسرمر اور لوسرینٹس کی برقی مقناطیسی تحقیقات سے متعلق چند اہم مساواتوں کی مدد سے (جو لاسرمر) لوسرینٹس کے استحالہ کے نام سے مشہور ہیں) آئیٹنسٹائن کے اس منصوبہ کی تصدیق ہو سکتی ہے۔ وہ مساواتیں حسب ذیل ہیں :-

$$\begin{aligned} \frac{\lambda - \lambda_0}{\lambda_0} &= \frac{1}{\left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)^{1/2}} - 1 \\ \frac{\omega - \omega_0}{\omega_0} &= \frac{1}{\left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)^{1/2}} - 1 \end{aligned}$$

مساوات 'لا' + 'ما' + 'ئی' = 'سرا' و 'لا' + 'ما' + 'ئی' اور 'و' کی مندرجہ بالا قیمتیں تعویض کرنے سے فوراً ثابت ہوتا ہے کہ

$$\lambda + \lambda_0 + \lambda_0' = \lambda_0'' + \lambda_0''' + \lambda_0'''' - \lambda_0'''''$$

یہ بات یاد رکھنی چاہئے کہ استحالہ کی مندرجہ بالا مساواتوں میں نشان زدہ (یعنی 'لا'، 'ما'، 'ئی'، 'و') حروف اور غیر نشان زدہ (سادے) حروف باہم دیگر بدل دیے جانے پر بھی ان کی صحت برقرار رہتی ہے بشرطیکہ ساتھ ہی ر کے بجائے (-ر) لکھ دیا جائے۔

مہذا اگر 'ما'، 'و' اور 'لا'، 'ما'، 'ئی'، 'و' علی الترتیب کسی دوسرے واقعہ کے پہلے اور دوسرے حوالہ کے فریم کے محدود ہیں۔ اور 'لا' کے لیے 'مف' 'لا'، 'و' کے لیے 'مف' و اور دوسرے ایسے مقادیر کے لیے بھی اس طرح لکھا جائے تو چونکہ

$$\text{لا} = \frac{\text{لا} - \text{رو}}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)}, \text{ما} = \text{ما}, \text{مے} = \text{مے}$$

$$\text{اور و} = \frac{\frac{\text{لا}}{\text{ر}} - \text{و}}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)}$$

$$\text{لا} - \text{لا} = \text{مف لا} = \frac{\text{لا} - \text{رو} - \text{لا} + \text{رو}}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)} = \frac{\text{لا} - \text{لا}}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)}$$

$$= \frac{\text{مف لا} - \text{مف و}}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)}$$

اسی طرح و - و = مف و

$$= \frac{\frac{\text{لا}}{\text{ر}} - \text{و}}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)} - \frac{\frac{\text{لا}}{\text{ر}} - \text{و}}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)}$$

$$= \frac{\text{مف و} - \frac{\text{لا}}{\text{ر}}}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)} = \frac{(\text{لا} - \text{لا})}{\frac{1}{2} \left( \frac{\text{ر}}{\text{ر}} - 1 \right)}$$

پس خود محہ دوں سے متعلق جیسا کہ دیکھا گیا۔

مف لا + مف ما + مف ئی - سر مف و = مف لا + مف ما + مف ئی - سر مف و  
معمولی نیوٹن والی میکانیات میں جس میں مف و = مف و یہ مساوات

مف لا + مف نا + مف ی = مف لا + مف نا + مف ی ہو جاتی ہے۔

اور اس کا صرف یہی مفہوم ہے کہ دو واقعوں کے مابین فاصلہ پہلے اور دوسرے نظام میں ایک ہی قیمت رکھتا ہے۔ مندرجہ بالا دو آخری مساواتوں کی مشابہت کو دیکھ کر مینکوسکی (Minkowski) نے

$$\sqrt{\text{مف لا}^2 + \text{مف نا}^2 + \text{مف ی}^2} = \text{مف نا}^2 + \text{مف ی}^2$$

کو فضا اور وقت کے مرکب چار ابعادی مسلسل (Continuum) میں دو واقعوں کا درمیانی ایک قسم کا فاصلہ قرار دیا جو عموماً وقفہ کے نام سے مشہور ہے۔ پس معمولی ہندسہ میں جس طرح دو نقطوں کا درمیانی فاصلہ ایک مطلق مفہوم رکھتا ہے اسی طرح فضا اور وقت کے مسلسل میں دو واقعوں کا درمیانی وقفہ بھی ایک مطلق مفہوم رکھتا ہے۔ اس لیے کہ اس کے لیے جو جملہ اخذ ہوا ہے تمام محدود فریموں میں جو ایک دوسرے کی اضافت سے یکساں حرکت میں ہوں ایک ہی شکل رکھتا ہے۔

لاسٹر، لوسینٹس کے استحالوں کی آئینستائن نے اس طرح جو ترجمانی کی ہے اس میں بڑی خصوصیت یہ ہے کہ اس کے بموجب مطلق وقت (ایسا جو تمام مشاہدہ کرنے والوں کے لیے ایک ہی ہو) کوئی حقیقت نہیں رکھتا ہے۔ یعنی دو مشاہدہ کرنے والے جو ایک دوسرے کی اضافت سے حرکت میں ہوں کسی واقعہ کے وقوع کے متعلق نہ صرف اس کے مکان (یعنی مقام) کی تعین میں اختلاف رکھتے ہیں بلکہ اس کے زمان (یعنی وقت) کی تعین میں بھی۔

آئینستائن کے نظریہ اضافیت کے ذریعہ لوسینٹس - فاصلہ والے سکڑاؤ کی حسب ذیل توجیہ ہے:- فرض کرو کہ مشاہدہ جس کے محدود لا، نا، ی اور و ہیں اپنی گھڑی سے ایک ہی آن میں دو نقطوں کا مشاہدہ کرتا ہے یعنی مف و = ۰ اور اس کے مشاہدہ سے ان دو نقطوں کے

درمیانی فاصلہ کی تعیین مف لا ہے۔

$$\text{پس استحالة کی مساوات مف لا} = \frac{\text{مف لا - رمف و}}{\frac{1}{4} \left( \frac{2}{3} - 1 \right)} \text{ بوجہ اس کے کہ مف و =}$$

$$\text{مف لا} = \frac{\text{مف لا}}{\frac{1}{4} \left( \frac{2}{3} - 1 \right)} \text{ ہو جاتی ہے۔}$$

$$\text{یعنی مف لا} = \left( 1 - \frac{2}{3} \right) \frac{1}{4} \text{ مف لا}$$

لیکن مف لا ایک دوسرے مشاہد ب کے مشاہد سے اس فاصلہ یا طول کی تعیین ہے۔ پس ظاہر ہے کہ ا نے اس فاصلہ یا طول کی جو تعیین کی تھی ب کی تعیین سے بقدر نسبت  $\left( 1 - \frac{2}{3} \right) \frac{1}{4}$  : اکتر ہے۔ اور یہی نوں ینٹس والا سکڑاؤ ہے۔ اس طرح فرض کرو کہ مشاہد ا کے مشاہد سے دو واقعوں کے درمیانی مدت کی تعیین مف و ہے اور وہ اس کو ایک ہی مقام پر نظر آئے ہیں ( یعنی مف لا = ۰ )

$$\text{پس استحالة کی مساوات مف و} = \frac{\text{مف و - } \frac{2}{3} \text{ مف لا}}{\frac{1}{4} \left( \frac{2}{3} - 1 \right)}$$

$$\text{بوجہ اس کے کہ مف لا = ۰، مف و} = \frac{\text{مف و}}{\frac{1}{4} \left( \frac{2}{3} - 1 \right)}$$

لیکن مف و ایک دوسرے مشاہد ب کے مشاہد سے اسی مدت کی تعیین ہے۔ پس جس مدت کی ا نے تعیین کی ہے ب اُس کی تعیین بقدر نسبت  $\left( 1 - \frac{2}{3} \right) \frac{1}{4}$  : زائد کرتا ہے۔

آئینسٹائن کے نظریہ سے اضافی رفتار کا ضابطہ بھی معمولی حرکیات والے ضابطہ سے مختلف برآمد ہوتا ہے۔ چنانچہ اگر محور لا کی سمت میں کسی متحرک نقطہ کی رفتار  $r$  شخص کرتا ہے تو ب اس کو  $r -$  ر

$$\text{شخص کرے گا یعنی } \frac{\text{مف لا}}{\text{مف و}} = \frac{\text{مف لا}}{\text{مف و}} - r$$

لیکن آئینسٹائن کے نظریہ کی رو سے چونکہ

$$\frac{\text{مف لا} - \text{مف و}}{\frac{1}{2} \left( \frac{r}{c} - 1 \right)}$$

$$\text{اور } \frac{\text{مف و} - \frac{\text{مف لا}}{r}}{\frac{1}{2} \left( \frac{r}{c} - 1 \right)} =$$

$$\text{اس لیے } \frac{\text{مف لا}}{\text{مف و}} = \frac{\text{مف لا} - \text{مف و}}{\frac{\text{مف و} - \frac{\text{مف لا}}{r}}{r}}$$

$$= \frac{\frac{\text{مف لا}}{r} - \text{مف و}}{1 - \frac{\text{مف لا}}{\text{مف و}}}$$

جو معمولی حرکیات والے ضابطہ سے مختلف ہے الا آنکہ اس نامتناہی بڑا ہو۔

آئینسٹائن کی رائے کے بموجب اس مساوات سے فریڈیل کے "اتھر کے بہاؤ کی قدر" کی حقیقی توجیہ ہوتی ہے۔ چنانچہ اگر نور کی رفتار کسی ایسے جسم کے اندر جس سے مشابہ اُلحق ہو سر =  $\frac{r}{c}$  ہے۔





کی تعین آئینسٹائن کے مقررہ شرائط سے کی جاتی ہے۔ ان شرائط کی وضع نامتغیر (Invariant) ہے، یعنی تمام مشاہدہ کرنے والے فضا و وقت کے وہ خواہ کوئی سے بھی محاذ منتخب کریں، ان شرائط سے مماثل طبیعی نتیجوں پر پہنچتے ہیں۔

آئینسٹائن کے عام نظریہ اضافیت اور نیوٹن کی میکانیات کے اساسی اصولوں میں اگرچہ انتہائی فرق ہے لیکن اس کے باوجود اکثر و بیشتر صورتوں میں (اور علی الخصوص بڑے اجسام سے متعلق) ان دونوں طریقوں سے جو نتائج اخذ کئے جاتے ہیں ایک دوسرے سے تقریباً منطبق ہوتے ہیں۔ صرف چند ہی مثالیں پیش کی جاسکتی ہیں جن میں ان طریقوں سے صریحاً مختلف نتائج برآمد ہوتے ہیں۔ اور ان نتائج کی علی طور پر جانچ بھی ہو سکتی ہے۔ چنانچہ ان امتحانوں میں کامیاب ثابت ہونے کے بعد ہی نقادان طبیعیات نے نظریہ اضافیت کو صحیح مانا اور نظری طبیعیات میں اس کا استعمال روز افزوں ترقی کرنے لگا۔ وہ نتائج حسب ذیل ہیں :-

(۱) مدار عطارد کے نقطہ حضیض (Perihelion) کی آگے کو حرکت۔

(۲) تجاذب مادی میدان سے نور کی شعاعوں کا انحراف۔

(۳) طیف کے سرخ کنارہ کی طرف آفتاب اور ستاروں کے طیفی خطوط کا ہٹاؤ۔

(۱) عرصہ دراز سے ہیئت دانوں کو معلوم تھا کہ نیوٹن - کیلر کے

تجاذب مادی نظریہ سے عطارد کی مداری حرکت کی کمال توجیہ نہیں ہوتی ہے۔ اس ستارہ کو اپنی مداری گردش کے دوران میں آفتاب سے ایک قریب ترین مقام سے نکل کر اس کے بعد ہی کے دوسرے قریب ترین مقام پر پہنچنے کے لیے ۲۶۰ (ایک کال زاویہ گردش) سے خفیف سے زائد زاویہ میں گھومنا پڑتا ہے۔ آئینسٹائن کے نظریہ سے اس کی کافی تمیک توجیہ ہو جاتی ہے۔ اگر اس کال زاویہ گردش کی مدت وہو عطارد کے مدار کا نصف مدار اعظم اور مدار کا طوقج المرکزہ تو اس زائد زاویہ کی قیمت عام نظریہ اضافیت

۲۳ ۲۲ ۲۱

وہاں (۱-۱) خہ

برآمد ہوتی ہے۔ جو ایک صدی میں ۲۳ + ۲۲ ناچے ہے۔

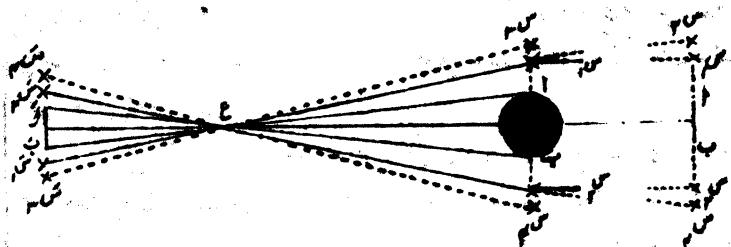
لوو ریکٹ (Leverick) نے ۱۷۹۱ء اور نیو کمب (Newcomb) نے ۱۷۹۶ء میں نظام شمسی کے بقیہ تمام سیاروں کے محل اثرات کو محسوب کرنے کے بعد بھی عطارد کی مدار کی حرکت میں نیوٹن - کپلر کے کلیہ سے خفیف سا اختلاف دریافت کیا۔ آئینسٹائن کے نظریہ سے زیادہ اختلاف کی قیمت (۲۳ + ۲۲ ثانیہ فی صدی) برآمد ہوتی ہے جو مشاہدہ کی قیمت سے قریب قریب منطبق ہے۔

واضح ہو کہ دوسرے سیاروں میں آفتاب سے دوری کی وجہ سے (اور علی الخصوص عطارد کے بعد ہی کے سیارہ زہرا کا مدار تقریباً دائرہ ہونے اور اس لیے آفتاب سے قریب ترین وضع میں پہنچنے کے وقت کا پتہ چلانا مشکل ہونے کی وجہ سے) یہ زاویہ اختلاف مشاہدہ نہیں ہو سکتا۔

(۲) عام نظریہ اضافیت کی روش سے ذر کی شعاع جب کسی مادی تجاذب کے میدان میں سے گزرتی ہے (یعنی بڑے مادی جسم جیسے آفتاب کے قریب پہنچتی ہے) تو اپنے راستہ سے ہٹ کر میدان کی طرف خفیف سا مڑ جاتی ہے۔ مثلاً اگر کسی ستارہ کی شعاع جو زمین کی طرف آرہی ہو آفتاب کے مرکز سے بقدر زاویہ  $\theta$  فاصلہ (آفتاب کے نصف قطر کی رقبوں میں) گزرے تو اس پر  $\theta$  یا انحراف کا زاویہ  $\theta$  ہو گا۔

[یہاں یہ بتا دینا مناسب معلوم ہوتا ہے کہ نظریہ کی روش سے اس انحراف کا ایک نصف حصہ نیوٹن کے کلیہ والے میدان تجاذب کے اثر اور دوسرے نصف حصہ آفتاب کی وجہ سے فضا کی ہرنکی تبدیلی کے باعث (جو عام طور پر فضا کی انحناء کے نام سے مشہور ہے)۔] اگر آسمان کے منالک جہت کا (جو مدار میں برہمن اور چاند تاروں سے

بمراہم ہو) ایسے وقت فوٹو گراف لیا جائے جبکہ آفتاب اس سے ۱۸۰ درجے واقع ہو اور پھر اسی حصہ کا فوٹو گراف جب کہ کمال کسوف کی حالت میں آفتاب اس خطہ میں موجود ہو تو دقیق پیمائش سے معلوم ہو سکتا ہے کہ ان دو حالتوں میں ستاروں کے ظاہری مقاموں میں قابل لحاظ تبدیلیاں واقع ہوتی ہیں۔ ملاحظہ ہو شکل ۱۵۲ جس میں اب قوس آفتاب ہے، ع دور بین کے دباؤ کا عدسہ اور



شکل ۱۵۲

اب اس حد کے ماسکی مستوی میں حالت کسوف میں آفتاب کا فوٹو۔ اس میں دو چکروں کے ستارے ہیں۔ اور اس میں فوٹو گرافی تختی پر ان کے مناظر کی خیال ہیں جو قوس آفتاب ان سے ۱۸۰ درجے واقع ہونے کے وقت صورت پذیر ہوتے ہیں۔ لیکن آفتاب جب حالت کسوف میں اب پر واقع ہوتا ہے اور اس کا خیال اب فوٹو گرافی تختی پر ردو نا ہوتا ہے تو اس وقت ستاروں میں اس سے آنے والی روشنی شعاعیں آفتاب کے حجاب سے متاثر ہو کر اس کی طرف اس طرح مڑ جاتی ہیں گویا اس اور اس سے آ رہی ہیں۔ یعنی ان کا درمیانی زاویہ بظاہر پہلے سے بڑا نظر آتا ہے اور اس لیے ان کا خیال فوٹو گرافی تختی پر سیدھے پیدا ہوتا ہے۔ ستاروں کا یہ ظاہری جہاں بہت قلیل ہے لیکن پیمائش کے قابل ہے چنانچہ رائل ہوسٹائی فیلڈ

اور سائل اسٹروٹامیکل سوسائٹی نے ۲۹ مئی ۱۹۱۰ء کے کال کسوف فیس کے موقع پر ستاروں کے اس انصراف کے مشاہدہ کے لیے ہیجینٹ وائفل کی ایک جماعت سادہ سامان سے آراستہ کر کے سوبرال (Sobral) بریٹل بھیجی اور ایک دوسری جماعت پرنسپل (Principe) مغربی افریقہ روانہ کی۔ فوڈ گرافوں کی بڑی احتیاط اور باریکی کے ساتھ پیمائش کی گئی تو معلوم ہوا کہ آئینسٹائن کے نظریہ سے جو انصراف محسوب ہوتا ہے مشاہدہ سے اس کی خاطر خواہ تصدیق ہوتی ہے۔

(۳) جوہر کے ہر طیفی خط کا ایک خاص طول موج ہوتا ہے اور اس لیے ایک خاص تعدد ارتعزاز۔ بدین وجہ ہم جوہر کو ایک ٹھہری تصور کر سکتے ہیں اور عام نظریہ اضافیت کے ذریعہ ثابت کر سکتے ہیں کہ جوہر کے طیفی خط سے جو نور مشایع یا جذب ہوتا ہے اس کا تعدد اس تنجاذ بی مید ان کے قوتہ کے تابع ہے جس کے اندر وہ واقع ہے۔ پس اگر کسی عنصر کا جوہر کسی جرم فلک کی سطح پر واقع ہے تو اس کا تعدد اسی عنصر کے کسی ایسے جوہر کے تعدد سے خفیف سا کمتر ہوگا جو مادہ سے خالی فضا میں یا کسی چھوٹے جرم فلک پر واقع ہوگا۔ اس لیے بڑی جسامت کے ستاروں کے طیفی خطوط اسی عنصر کے سطح زمین والے طیفی خطوط کی بہ نسبت طیف کے سرخ سرے کی جانب خفیف سا ہٹے ہوئے نظر آنے چاہئیں۔ چنانچہ ع اور ع زمین اور ستارہ پر کے متناظر طیفی خطوں کے تعدد میں تو

$$\frac{ع}{ع} = \frac{م}{ک}$$

جس میں م نیوٹن کا عالمگیر مستقل تجاذب ہے، ک اور ک رفتار خلا میں ک ستارہ کی کمیت اور م اس کا نصف قطر۔

اب تک آفتاب کے طیفی خطوط سے متعلق جو پیمائشیں مل چکی ہیں آئینسٹائن کے عام نظریہ اضافیت کے اس تیسرے نتیجہ کی صحت یا عدم صحت کے فیصلہ کے لیے ناکافی ہیں۔ نظریہ کی رو سے آفتاب کے طیفی خطوط کا یہ سرخ سرے

کی جانب کا ہواؤ ان خطوط کے طول موج کا۔ میں لاکھوں حصہ محسوب ہوتا ہے۔  
 واضح ہے ڈیپلوئڈ دباؤ وغیرہ کے اثرات کی موجودگی میں اس خفیف ہواؤ کی  
 پہچان نہایت مشکل امر ہے۔ اس کے ساتھ ہی ہمیں یہ بھی یاد رکھنا چاہیے کہ خود  
 آئینہ نشانین نے اپنے عام نظریہ کے اعلان کے وقت صاف و صیح الفاظ میں  
 کہہ دیا ہے کہ اگر اس کے معرکہ بالا تین نتائج میں سے کوئی بھی غلط ثابت ہوا تو  
 اس کا عام نظریہ امانیت قابل تسلیم نہیں رہ سکتا۔

# دسوال باب

افتراقِ نور یعنی نور کا بکھرنا (Scattering)

اور رامن اثر (Raman Effect) — نور کی پھسل جب کسی مادے میں سے گزرتی ہے خواہ وہ ٹھوس ہو یا مائع یا گیس تو اس کی اشاعت میں دو طرح کا فرق پیدا ہوتا ہے۔ پھسل ہارے میں سے جوں جوں آگے کو بڑھتی ہے اس کی حدت میں کمی واقع ہوتی ہے۔ اس کی وجہ زیادہ تر مادہ کا انجنڈا اب نور ہے لیکن بعض صورتوں میں نور بکھر بھی جاتا ہے۔ نور کی اشاعت میں جو دو سلا فرق واقع ہوتا ہے مادہ کے اندر اس کی رفتار کی تبدیلی ہے جس کی وجہ سے مرکب نور میں انتشار (dispersion) پیدا ہوتا ہے۔

یہاں ہم کسی قدر تفصیل کے ساتھ انجنڈا و افتراقِ نور پر بحث کریں گے۔ بعض اشیائے مرنی نور کے تمام اجزاء کو تقریباً مساوی نسبت میں جذب کرتے ہیں۔ چونکہ اس سے تمام طول موج کے اشاعتوں میں تقریباً مساوی کمی واقع ہوتی ہے اس لیے اس عالم انجنڈا اب سے نور کی صرف حدت گھٹ جاتی ہے رنگ میں تبدیلی نہیں ہوتی۔ اب تک کوئی ایسی شے دریافت نہیں ہوئی ہے (خواہ وہ ٹھوس ہو یا مائع یا گیس) جو تمام طول موج کے اشاعتوں کو مطابقتاً مساوی نسبت میں جذب کرتی ہے۔ ٹھوس اشیاء میں کابل کے ہرین معلق ذرات یا پلازمینہ کی نیم شفاف جھلیاں نور کے ایک وسیع سلسلہ طول موج

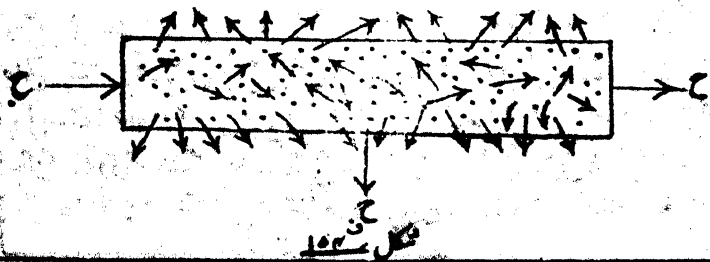
کو تقریباً مساوی حد تک جذب کر سکتی ہیں۔ بہت سے اشیاء بعض طول موج کے اشعاعوں کو زیادہ اور بعض کو کم جذب کرتے ہیں۔ اس لیے ان کا جسم رنگین نظر آتا ہے مثلاً ملوثات یا درختوں کے پھول وغیرہ۔ اس قسم کا انجذاب انتخابی کہلاتا ہے۔ ان کے اندر درجہ فاصلہ تک داخل ہو کر افتراق (بکھراؤ) یا انعطاف کے ذریعے منصرف ہو کر ان کی سطح کے باہر آتا ہے لیکن اس میں سے چند طول موج کے اشعاع جذب ہو جاتے ہیں اشیاء کی ایک اہم قسم بھی ہے جن کی سطح پر سے دور کے بعض طول موج کے اشعاع زیادہ منعکس ہوتے ہیں اور بعض کم۔ یہ خاصیت فلزات میں بہت زیادہ مشاہدہ ہوتی ہے مثلاً سونے یا تانبے کی پرتوں میں۔ اسی وجہ سے ان اشیاء میں سطحی رنگ پایا جاتا ہے جو دور این پرتوں کے اندر سے گزر کر باہر آتا ہے سطحی رنگ کا مشتم ہوتا ہے۔

### نور کے انجذاب و افتراق میں امتیاز

فضیہ کے ایک لمبے اسطوانہ میں اگر دھواں بھردیا جائے اور اس کے ایک مستوی پہلو میں سے نور کی پٹیل اسطوانہ کے محور کے متوازی گزاری جائے (دیکھو شکل ۱۵۷) تو مقابل کے مستوی پہلو میں سے خارج ہونے پر نور کی حد ذیل کے مضابط کے لحاظ سے گھٹ جائیگی:-

$$ح = ج - و$$

جس میں ح واقع نور کی حدت ہے اور ج خارج نور کی حدت۔ و دھوئیں کے اسطوانہ کا طول ہے اور و انجذابی سر یا انجذاب کی شرح۔



اس تجربہ میں اگر واقعہ نور کا کوئی جزو کبھی نہ گزرتا تو اس کے بعد صحتوں میں سے خلیج  
بہ ہوتا تو نور توانائی خارج نہیں ہوتی ہے۔ ساری کی ساری دھواں میں جذب  
ہو کر حرارت میں تبدیل ہو جاتی۔ لیکن کچھ جزو کبھی جانے کی وجہ سے مددوں کے  
ضابطہ میں حسب ذیل تزییم کی ضرورت ہے:

$$ح = ح - (لو + لب + ل)$$

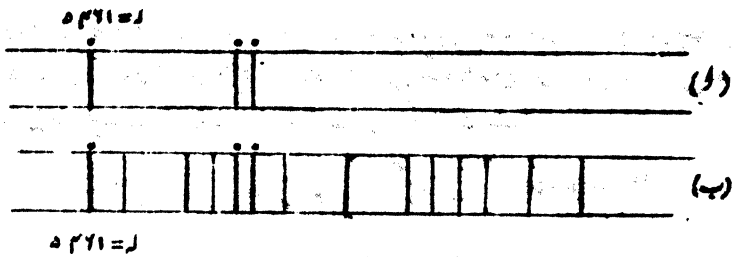
جس میں لو حقیقی انجذاب کی شرح ہے اور لب کبھار و یا افتراق کی وجہ سے  
پیدا ہونے والا جزو ہے۔ اکثر صورتوں میں کوئی ایک شرح لو یا لب بمقابل  
دوسری کے ناقابل لحاظ ہوتی ہے۔ گیسوں کے معمولی انجذاب نور اور ان کے  
انجذابی طیف پر ایک سابقہ باب میں ذکر آچکا ہے۔

یہاں گیسوں میں نور کی ملک (Resonance) اور

مسیل اسپاری تڑھڑ (فلوریسنس) کا مختصر ذکر کیا جائیگا۔ گیس کا  
دباؤ اگر پست نہیں ہے اور واقعہ نور اس میں جذب ہو جاتا ہے تو نور کی  
توانائی حرارت میں تبدیل ہو کر گیس کو کسی قدر گرم کر دیتی ہے۔ گیس کا سالمہ  
یا جوہر جب نور کی پست سے توانائی حاصل کرتا ہے اور اس کے بعد کسی اور  
سالمہ سے ٹکراتا ہے تو اس قسم کے تصادموں سے گیس کے ذرات کی  
اوسط توانائی میں اضافہ ہوتا ہے۔ نور سے توانائی حاصل کر لینے کے بعد  
سالمہ تقریباً ۱۰ یا ۱۰۰۰ سالہ تک اس توانائی کا حامل رہ سکتا ہے  
اگر اس دوران میں وہ کسی دوسرے سالمہ سے تصادم نہ ہو تو اس کی  
یہ توانائی حاصل کردہ توانائی اشعاع کی صورت میں خارج ہو جاتی ہے پست دباؤ  
کی صورت میں دو تصادموں کے مابین وقت نسبتاً زیادہ ہوتا ہے۔ اس لیے  
گیس اشعاع کا ایک ثانوی پیداواری جاتی ہے۔ ان صورتوں میں یہ اشعاع  
عموماً واقعہ نور ہی کے طول موج کا ہوتا ہے۔ اور گلی اشعاع کہلاتا ہے۔  
بعض اوقات ایسے اسباب بھی پیدا ہوتے ہیں جن سے اس ثانوی اشعاع



کامل موج طاق نور کے طاقی موج سے بڑھ جاتا ہے۔ اس کیفیت کو سیل اسپیری تیز رفتاری (ظہر) کہتے ہیں۔ خواہ مکی اشعاع ہو یا سیل اسپیری طاق نور کی پھل سے چند اشعاع متروک ہو جاتے ہیں اور اس لیے انجذالی مادہ میں سے جو نور برآمد ہوتا ہے اس کے طیف میں ان اشعاعوں کی جگہ سیاہ خطوط نظر آتے ہیں۔ شکل ۱۵۵ میں ایوڈین کے سیل اسپیری تیز رفتاری کا طیف بتایا گیا ہے۔



شکل ۱۵۵

- (ا) پارے کی قوس کا طیف۔ یہاں فرض کیا گیا ہے کہ سیدھے جانب طول موج بڑھتا ہے۔  
(ب) ایوڈین کے سیل اسپیری تیز رفتاری کا طیف۔

جامد اور مایع اشیاء کا سیل اسپیری تیز رفتاری۔

اگر کوئی جامد یا مایع شے ایسے نور سے منور کی جاتی ہے جس کو وہ جذب کر سکتی ہے تو اس سے سیل اسپیری تیز رفتاری پیدا ہو سکتا ہے۔ اسٹوکیس (Stokes) کے کلیہ کے بموجب اس تیز رفتاری کے نور کا طول موج بلند کر کے نور کے طول موج سے ہمیشہ بڑا ہوتا ہے۔ یعنی میں فلورسین کا محلول سفید رنگ کے نیلے جزو کو جذب کر لیتا ہے اور سبز رنگ کا سیل اسپیری تیز رفتاری

پیدا کرتا ہے۔ بعض شعوس اشیا، کاسیل اسپاری تہتر واقعہ کے جذب ہونے کے بعد کئی خانوں بلکہ وقتوں تک جاری رہتا ہے۔ اس کے لیے فوسفور پینسٹنس کا محض تڑھو نام رکھا گیا ہے۔

پارے کی قوس کے بالائے بخشی نور کو بعض اشیا میں سے گزر کر فلوورینس کا نہایت دلچسپ نظارہ مشاہدہ کیا جاسکتا ہے۔ نکل آکسائیڈ کے ایک خاص قسم کے شیش میں سے پارے کی قوس کا نور جب گزرتا ہے تو چونکہ وہ تقریباً تمام مرئی نور کے اشعاوں کو جذب کر لیتا ہے لیکن  $3650 =$  کے قریب کے طیفی خطوط کے تیز شدت والے جسموں کو کامل آزادی کے ساتھ اپنے میں سے گزرنے دیتا ہے اس لیے اس کے سامنے بعض شفاف نامیاتی وغیر نامیاتی اشیا (مثلاً معدنی قلمیں) ترتیب دینے سے ان کاسیل اسپاری تہتر غایت درجہ پریٹ معلوم ہوتا ہے اور جواہرات کی نمائش میں بکثرت استعمال ہوتا ہے۔

## انتخابی انعکاس — چند اشیا بعض طول موج کے

اشعاوں کو بہ نسبت دوسرے طول موج کے اشعاوں کے بہت زیادہ منعکس کرتے ہیں۔ یہ اگر غیر موصل برق (برق گزار) ہیں تو اس قسم کا انعکاس عموماً ان طول موج کے اشعاوں سے متعلق صورت پذیر ہوتا ہے جن کو وہ شدت کے ساتھ جذب کرتے ہیں۔ انتخابی انعکاس، الجذاب اور ممکی اشعا میں بہت نزدیک کا رشتہ ہے جن کی توضیح آر۔ ڈبلیو۔ ووڈ کے ایک تجربہ سے بخوبی ہو سکتی ہے۔ ایک ملی میٹر کی چوٹی کسر کے دباؤ کے تحت اگر پارے کے بخار کو پارے کی قوس کے طیفی خط  $2536 =$  کے نور سے منور کیا جائے تو بخار ممکی اشعا دینے لگتا ہے۔ جیسے جیسے بخار کا دباؤ بڑھایا جاتا ہے ممکی اشعا بخار کی سطح پر جہاں واقع اشعا داخل ہوتا ہے زیادہ زیادہ مرتکز ہوتا ہے یعنی بخار جس برق میں بھرا ہوتا ہے اس کی اندرونی سطح پر۔ بالآخر کافی بڑے دباؤ پر ٹافوی اشعا نظر سے غائب

ہو جاتا ہے الا اس صورت میں کہ زاویہ انعکاس کی سمت میں دیکھا جائے۔ اس سمت میں واقع اشعاع کا کمال ۲۵ فی صدی جزو معمولی طریقہ پر منعکس ہوتا ہے۔ اور بقیہ جذب ہو کر جواہر و سالمات کے تصادم سے حرارت میں تبدیل ہو جاتا ہے۔ یہ شدید انعکاس صرف لہ = ۲۵۳۶ کے اشعاع کے لیے مخصوص ہے۔ دوسرے طول موج کے اشعاع بخار میں سے آزادی کے ساتھ منتقل ہو جاتے ہیں۔ یہ تجربہ ہمگی اشعاع سے لے کر انتخابی انعکاس تک کے مسلسل استحالہ کی تعبیر کرتا ہے۔

چھوٹے ذرات سے نور کا افتراق یعنی بکھرنا —  
افتراق نور کے لیے جیسا کہ شکل ۱۵۲ والے تجربہ میں بیان ہوا ہے اجزاء کے ابعاد چھوٹے ہونے چاہئیں تاکہ واقعہ پنسل جس سمت میں سے گزری جاتی ہے اس کے طوائف سمتوں میں سے نور بکھر کر نکل سکے۔ افتراق نور کو انعکاس و انکسار دونوں کے ساتھ قریبی تعلق ہے جیسا کہ ذیل کے استدلال سے واضح ہو گا۔ اگر نور کی مستوی موجیں کسی ایسے غیر شفاف جسم پر واقع ہوں جس کے ابعاد واقع نور کے طول موج سے بڑے ہوں تو اس جسم کی سطح پر کے برقی بار مرتعش ہو کر نور کے مختلف ناصیہ ہائے موج میں جو ان سے شائع ہونگے، ہو لیکن ان کے اصول کے تحت ایک باقاعدہ تفاوت ہیئت پیدا کرینگے۔ البتہ جسم کے کناروں پر سے شائع ہونے والے ناصیہ ہائے موج میں تفاوت ہیئت باقاعدہ نہ ہو گا اور اس لیے ان میں انکساری کیفیت صورت پذیر ہوگی لیکن یہ حیثیت مجموعی جسم کی سطح پر سے نور کی جو موجیں شائع ہونگی ان میں تفاوت ہیئت کی باقاعدگی سے انعکاس کی کیفیت ظاہر ہوگی۔ جسم کے ابعاد اگر طول موج سے کمتر ہوں تو اس سے شائع ہونے والی موجیں مستوی نہ ہونگی بلکہ بڑی حد تک کروی ہونگی اور اس لیے ہر طرف پھیل جائیں گی اور اس طرح واقعہ نور میں افتراق پیدا ہوگا جیسے وہ ہر طرف یکجہر جائیگا۔

سب سے پہلے متوفی لارڈ ریلی نے مساعیہ میں چھوٹے ذرات

افتراق نور کا کئی حیثیت سے مطالعہ کیا اور ماحول کی فضا سے مختلف انعطاف نما والے فزات سے بکھرے ہوئے نور کی مدت کا ضابطہ دریافت کیا۔ شرط یہی رکھی کہ فزات کے خطی ابعاد واقع نور کے طول موج سے کمتر ہوں۔ اس وقت چونکہ عصر جدید کے کلیات منکشف نہیں ہوئے تھے افتراق نور کے ضابطہ کی تعیین طبیعیات کے قدیم اصول ہی پر ہوئی تھی۔ اس لیے اس قسم کا افتراق نور ریلے والا افتراق کہلاتا ہے اور اس کا ضابطہ کلاسیکل ضابطہ کے نام سے مشہور ہے۔ ابعاد کے طریقہ سے یہ ضابطہ فوراً حاصل ہو سکتا ہے۔ چنانچہ فرض کرو کہ واقع نور کا محیط ارتعاش  $\lambda$  ہے اور ذرہ سے فاصلہ  $r$  پر نور کی بکھری ہوئی موج کا محیط  $b$  ہے۔ واضح ہے کہ  $b$  براہ راست  $\lambda$  کے متناسب ہے اور  $r$  کے بالعکس متناسب۔ اگر ذرہ کا حجم  $V$  فرض کیا جائے تو  $b$  کو  $V$  کے ساتھ راست متناسب تصور کیا جاسکتا ہے بشرطیکہ  $V$  ایک حد سے متجاوز نہ ہو۔ پس

$$b = \frac{\lambda}{V} \quad (1)$$

جس میں  $\lambda$  ہر ایک مستقل ہے۔  $b$  اور  $\lambda$  کے ابعاد ایک ہی ہیں۔  $V$  کے ابعاد صفر ہیں اس لیے  $V$  کے ابعاد بھی صفر ہونے چاہئیں۔  $V$  کے ابعاد طول کے مربع ہیں یعنی  $(L^2)$  پس  $b$  کے ابعاد  $(L)$  ہونے چاہئیں۔ افتراق نور کے اس ضابطہ میں اب تک جس چیز کا لحاظ نہیں کیا گیا وہ نور کا طول موج  $\lambda$  ہے پس ضابطہ میں  $\lambda$  کو مستقل مانا گیا اصل  $(L)$  کے متناسب ہے۔ یعنی مکمل ضابطہ

$$b = \frac{\lambda}{V} \quad (2)$$

بکھرے ہوئے نور اور واقع نور کی حدیں  $b$  اور  $\lambda$  کے مربع کے

لہذا سے بدلتی ہیں لہذا بکھرے ہوئے نور کی مدت (۱) کے تناسب ہے۔  
 سُرخ نور کا طول موج تقریباً ۷۰۰ انگسٹروم ہے اور بنفشی نور کا طول موج  
 تقریباً ۴۰۰ انگسٹروم پس

لہ سُرخ = ۱.۷۸ لہذا افتراق سے ان کی مدتوں میں نسبت  
 لہ بنفشی

(۱.۷۸) = ۱ تقریباً یعنی بنفشی نور کا افتراق سُرخ نور کے افتراق  
 کی بہ نسبت تقریباً دس گنا زیادہ ہوتا ہے۔

سالمی افتراقِ نور - اگر کسی خالص بے رنگ مائع کو

گرد و غبار سے بالکل پاک و صاف کیا جائے اور اس کے اندر سے سفید نور کی  
 پینسل گزاری جائے تو اندھیرے کمرے میں پینسل کے علی القوائم سمت میں بغور دیکھنے  
 سے معلوم ہوگا کہ مائع سے نیلے رنگ کا نور بکھر کر شائع ہوتا ہے۔ اس سے یہ نتیجہ  
 برآمد ہوتا ہے کہ مائع کے سالمات خود نور کو بکھل دیتے ہیں۔ چونکہ نیلے رنگ  
 کے نور کا طول موج بہ نسبت دوسرے مرئی رنگوں کے چھوٹا ہوتا ہے اس لیے  
 وہ ریلے کے کلیہ کی روش سے بہت زیادہ بکھرتا ہے اور بازوؤں سے خارج  
 ہوتا ہے۔ گہرے سمندر اور فزات سے پاک تالابوں کا پانی بھی زیادہ تر  
 اس وجہ سے نیلا نظر آتا ہے۔ گرد و غبار سے پاک کی ہوئی گیس بھی اسی طرح  
 بازوؤں سے نیلی نظر آتی ہے لیکن اس میں نور کا افتراق نسبت کم ہوتا ہے  
 تا وقتیکہ گیس کا دباؤ کافی بڑا نہ ہو یعنی بکھرنے والے سالمات کی تعداد کافی  
 بڑی نہ ہو۔ اسی بنا پر ریلے نے ثابت کیا کہ آسمان کا نیلا رنگ ہوا کے  
 سالمات سے سفید نور کے بکھر جانے سے پیدا ہوتا ہے۔ اور طلوع و غروب  
 کے وقت آفتاب اس لیے سُرخ دکھائی دیتا ہے کہ اس کی شعاعیں ہم کو  
 اُس وقت ہوا میں سے راست گزر کر نظر آتی ہیں ان میں سے نیلے رنگ  
 کا نور بکھر کر دوسری سمتوں میں پھیل جاتا ہے اور باقی ماندہ سُرخ نور ہی ہم تک  
 پہنچتا ہے۔

## کیسوم (Keesom) اور آئنسٹائن (Einstein)

نے کیسوم کے اس سالی افتراق کے لیے مزید تحقیق کے بعد ضابطہ اخذ کیے ہیں۔ ہم ذیل میں کیسوم کا ضابطہ لکھ دیتے ہیں جن نظر پر حرکت کے جدید انکشافات کو پیش نظر رکھ کر حاصل کیا گیا ہے اور جس میں افتراق کیوجہ سے گیس کی کثافت کا اتار چڑھاؤ مانا گیا ہے۔ اس لحاظ سے اگر بکھرے ہوئے نور کی مقدار کعب سنتی میٹر ق فرض کی جائے تو

$$Q = \frac{1}{18} \cdot \frac{1}{\rho} (1 - \rho^2) (2 + \rho^2) \cdot \frac{1}{N} \cdot \frac{1}{\text{حجم دہ}} \cdot \frac{1}{\text{حجم دہ}}$$

جس میں  $\rho$  گیس کا انعطاف نما ہے،  $\rho$  گیس کا مستقل،  $N$  اس کی مطلق

تپش،  $N$  سالمات کی تعداد فی اکائی حجم یعنی ایووگیڈرو کا عدد ہے اور  $\rho$  اور  $\rho^2$  بالترتیب گیس کا دباؤ اور حجم ہیں۔ لہ بکھرے ہوئے نور کا طول موج ہے۔ اس ضابطہ کی مدد سے ایووگیڈرو (Avogadro) کا عدد دریافت ہو سکتا ہے۔ کیسوم کا ضابطہ جب ہوا کے افتراق نور پر عائد کیا جاتا ہے تو نائٹروجن اور آکسیجن کے انعطاف نماؤں کی قیمت ایک ہی تصور کی جاسکتی ہے اور  $(2 + \rho^2)$  میں  $\rho$  کو تقریباً اکائی مانا جاسکتا ہے اس لحاظ سے  $(2 + \rho^2)$  کی قیمت تقریباً ۹ برآورد ہوتی ہے اور چونکہ کلیئہ بائیل کی ٹوے  $\rho = \frac{1}{18} \cdot \frac{1}{\rho} \cdot \frac{1}{\text{حجم دہ}} =$  دینے گیس کا دباؤ اس لیے

$$Q = \frac{1}{18} \cdot \frac{1}{\rho} (1 - \rho^2) \cdot \frac{1}{N} \cdot \frac{1}{\text{حجم دہ}} \cdot \frac{1}{\text{حجم دہ}}$$

تپش پاریوں پر سے آفتاب کی چمک اور آسمان کی سمت راس کی چمک کا شاہد کر کے ہماریے وغیرہ کے ضابطوں کی مدد سے  $N$  کی قیمت  $6.0 \times 10^{23}$  کے قریب دہوار میں برآورد ہوتی ہے جو دوسری اور براہ راست حاصل شدہ قیمتوں سے مطابقت پاتی ہے۔

رامن اثر (Raman Effect) — میکانات کے اصول سے ہمیں معلوم ہے کہ جب کسی بسیط مادہ موسیقی بہتر از کرنے والے جسم پر ایک بیرونی قوی قوت عمل کرتی ہے تو جسم بھی قوی حرکت کرنے لگتا ہے جو صرف دو تعددوں پر مشتمل ہوتی ہے ایک وہ جو خود اس جسم کا طبعی تعدد  $\omega$  ہے اور دوسرا جو بیرونی قوی قوت کا تعدد  $\omega_0$  ہے۔ یہ اسی وقت تک صحیح ہے جب تک کہ جسم کو اس کی اصلی وضع میں بازگشت کرانے والی قوت ہٹاؤ یا نقل مکان کے راست تابع ہوتی ہے۔ اگر یہ قوت ہٹاؤ کے مربع یا کعب وغیرہ کے بھی متناسب ہو یعنی غیر موسیقی بہتر از کرنے والے جسم پر قوی قوت عمل کرتی ہے تو  $\omega \pm \omega_0$  کے مزید ترکیبی بہتر از بھی وقوع میں آتے ہیں۔ صوتیات میں طالب علم نے ترکیبی سُرروں کی پیدائش وغیرہ کا مطالعہ کیا ہوگا۔ سیر سی وی رامن (Sir C. V. Raman) نے بڑی مدت کے یک رنگی نور کو گرد و غبار سے پاک اشیاء میں سے بکھرا کر ثابت کیا کہ ترکیبی تعدد نور کے اشعاع میں بھی پیدا ہوتے ہیں۔ جس مادے میں سے نور بکھرتا ہے اس کے سالمات کے مرکزہ (Nucleus) کے بہتر ازوں اور محمدی گردشوں وغیرہ کے طبعی تعدد  $\omega$  واقعہ کے تعدد  $\omega_0$  کے ساتھ ترکیب کھانے سے بکھرے ہوئے نور میں نہ صرف  $\omega \pm \omega_0$  کا اشعاع مشاہدہ ہوتا ہے بلکہ  $\omega \pm 2\omega_0$  کے اشعاع بھی دکھائی دیتے ہیں۔ ان تجربوں کا آغاز اگرچہ رامن اور اس کے ساتھیوں نے کلکتہ میں ۱۹۲۱ء میں کیا تھا لیکن صحیح کیفیت کا انکشاف رامن کو ۱۹۲۸ء میں ہوا جبکہ وہ کو مپٹن اثر (Compton Effect) کا مطالعہ کر رہا تھا۔ اس نے خیال کیا کہ جوہر میں سے جب برقیہ خارج ہوتا ہے تو جوہر کی برقی حالت میں ایک شدید تبدیلی پیدا ہوتی ہے پس اگر برقیہ پوری طرح خارج نہ ہو بلکہ جوہر کے اندر ہی رہ کر توانائی کے بلند تر ذرہ تک پہنچا دیا جائے تو جوہر کی حالت میں خفیف تبدیلی ممکن ہے جو اشعاع کے طول موج کے آثار چڑھاؤ کی شکل میں رونما ہو سکتی ہے۔

۱۹۲۸ء میں رامن نے خاص پانی اور چند نامیاتی مایعات مثلاً

بنزین، ٹوئین، وغیرہ میں سے پارے کے قوسی لپ کے چند طیفی خطوط کے اشعا عوں کے علاوہ بکھرا کر دیکھا تو بکھرے ہوئے نور میں سب سے زیادہ مدت کا نور واقع نور ہی کے تعدد کا تھا (جیسا کہ قدیم طبیعیات کے نظریہ سے متوقع ہوتا ہے) لیکن اس کے علاوہ اس سے کمتر تعدد کے کئی نئے طیفی خطوط اور چند زائد تعدد کے مذہم خطوط بھی دکھائی دیے۔ فلوریسنس کے طیف کی تقلید میں اول الذکر خطوط کے لیے اسٹو کسی خطوط اور ثانی الذکر کے لیے ضد اسٹو کسی خطوط نام رکھا گیا۔ یہ بھی معلوم ہوا کہ خطوط کے تعدد میں اس طرح کی جو بیشی اور کمی پائی جاتی ہے۔ اس کی مقدار نور کو بکھرانے والے مادہ کی نوعیت پر منحصر ہے۔ اور ہر واقع یک رنگی نور جب بکھرتا ہے تو عموماً متعدد اسٹو کسی اور ضد اسٹو کسی خطوط پیدا کرتا ہے جن میں سے چند مستوی مقطب ہوتے ہیں۔

رامن اثر اور فلوریسنس میں بڑا فرق یہ ہے کہ فلوریسنس والے خطوط کے تعدد ان کے محرک خطوط کے غیر تابع ہوتے ہیں لیکن رامن اثر کے خطوط کو ان کے محرک خطوط کے ساتھ حسب ذیل ربط ہے :-

اگر  $\nu$  واقع ہونے والے محرک نور کا تعدد ہے تو رامن خطوط کے تعدد  $\nu \pm \nu'$  جہاں  $\nu'$  ہوتے ہیں جن میں  $\nu'$  جہاں  $\nu'$  ..... یا تو نور کو بکھرانے والی شے کے انجذابی طیف کے واقعی پائیں سرخ تعدد ہیں یا ایسے تعددوں کے تفاوت۔ مثلاً اگر محرک خطوط پارے کے بخاری لپ سے  $24352$ ،  $24390$ ،  $24404$  اور  $22939$  سمر موج عدد (wave numbers) کے ہوں تو بنزین کے سالمات سے بکھرنے کے بعد ان سے علی الترتیب  $22294$ ،  $22231$ ،  $21646$  اور  $19844$  سمر موج عدد کے رامن خطوط پیدا ہوتے ہیں جس سے ظاہر ہے کہ ہر ایک خط طیف کے سرخ کنارے کی جانب تقریباً بقدر  $30.6$  سمر ہسٹ جاتا ہے اور پائیں سرخ خط لہ  $= 24326$  مہ  $(14)$  یعنی  $32400$  انکسٹروم اکائیوں کے متناظر ہے۔ واقعہ یہ ہے کہ بنزین کے پائیں سرخ انجذابی طیف میں لہ  $= 25$  و  $30$  مہ کا ایک زبردست بند



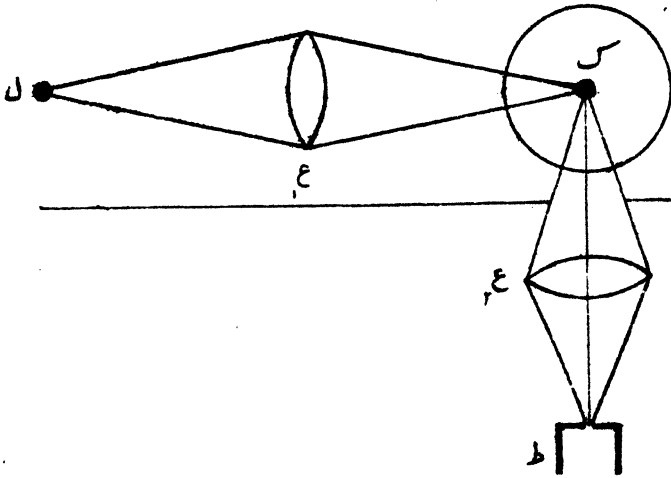
شامل ہے۔ ظورینس اور رامن خطوط میں ایک دوسرا فرق یہ ہے کہ ان کی مدتیں ایک دوسرے سے مختلف رتبہ کی ہوتی ہیں اور اکثر رامن خطوط شدت کے ساتھ مقطب ہوتے ہیں۔

چند مستثنیات کو چھوڑ کر رامن خطوط پائین سرخ طیف کے مشاہدہ شدہ بندوں کے متناظر ہوتے ہیں، لیکن ان میں سے ہر خطہ کی اضافی مدتوں اور ان کے متناظر پائین سرخ بندوں کی مدتوں میں کوئی تعلق نہیں ہوتا ہے۔ مثلاً بنزین کا  $\lambda = 9,450$  مہ والے خط پر ایک زبردست انجذابی بند ہے۔ ٹولومین کا  $\lambda = 6,861$  مہ پر اور کلورون بنزین کا  $\lambda = 6,440$  مہ پر۔ لیکن پرنسز ہاٹیم (Pringsheim) نے دریافت کیا کہ بکھرے ہوئے نور میں ان بندوں کے متناظر تعددوں کے ہٹاؤ والے خطوط کا پتہ نہیں چلتا۔ معذرا ان اشیاء کے سب سے بڑی مدتوں کے رامن خطوط کا جب مطالعہ کیا جاتا ہے تو ان کے ہٹاؤں کے تعدد علی الترتیب ۱۰.۵۲، ۱۰.۵۲ اور ۱۰.۵۲ پائین سرخ والے بندوں کے متناظر ہوتے ہیں جو ان اشیاء کے سب سے زیادہ زبردست پائین سرخ والے بند نہیں ہیں۔ ایک رامن خط پائین سرخ طیف کے ایک ایسے مرور (transition) کے متناظر ہے جو قواعد انتخاب (Selection Rules) کی نوب سے ممنوع ہے جس سے ظاہر ہے کہ رامن اثر کے خطوط کے ذریعہ سالمات کی توانائی کی ایسی سطحوں کا بھی پتہ چلانا ممکن ہے جو کسی اور طریقہ سے دریافت نہیں ہو سکتیں۔

## آلات تجربہ — رامن اثر کے مطالعے کے لیے ابتداء

نہایت ہی سادہ آلات استعمال ہوئے چنانچہ اول اول جو تجربے کیے گئے ان میں پارے کے قوسی لمپ ل کا نور ایک بڑے محدب عدسہ ع کے ذریعہ سفید کے بڑے کرہ ک کے مرکز پر مرکوز کیا گیا۔ جس مانچ کا افتراق نور مقصود تھا وہ کرہ میں بھر دیا گیا۔ اور بکھرا ہوا نور وقوع کے

علی القوائم سمت میں (دیکھو شکل ۱۵۶) ایک دوسرے علسہ ع کے ذریعہ طیف پناط کی جھری پر مرکوز کیا گیا۔

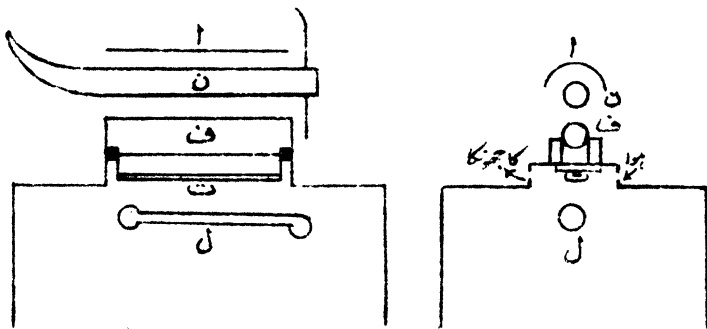


شکل ۱۵۶

شکل سے واضح ہوگا کہ تجربہ کا اصول انتہا درجہ سادہ ہے۔ صرف اس بات کی کوشش درکار تھی کہ میدانے دور بڑی سے بڑی حدت کا ہو اور اچھی استعداد کا طیف نکال رہوتا کہ کبھر سے ہوئے نور کے طیفی خطوط صاف دکھائی دیں اور کم وقت میں ان کے فوٹو گراف حاصل کیے جائیں۔ مندرجہ بالا ترتیب سے ابتداءً چند گھنٹوں کے تجربہ بنیر فوٹو گراف دستیاب نہ ہو سکے۔ یہی وقتیں تھیں جو اس ہمہ گیر اثر کے اس سے پہلے منکشف ہونے میں حاصل ہوئیں۔

رامن اثر کی بڑھتی اہمیت کے مد نظر تجربہ کی ترتیب میں بہتری اصلاحیں کی گئیں۔ چنانچہ آر۔ ڈبلیو۔ ووڈ (R. W. Wood) نے

جو آلہ استعمال کیا ہے شکل ۱۵۱ میں بتایا گیا ہے۔  
 ن ایک لمبی ٹلی ہے جس کے اندر مایع یا بڑے دباؤ کے تحت گیس بھری جاتی ہے۔ تل کا وہ سرا جو طیف مذا کے مقابل ہوتا ہے ستوی ہے اور دوسرا سرا قرن منا اہ کھلا یا ہوا تاکہ نور ادھر سے منعکس نہ ہونے پائے۔ اس کے نیچے پارے کی لمبی قوس کا ایک لمپ لی ٹلی کے تقریباً متوازی رکھا ہوتا ہے۔ ان دونوں کے بیچ میں ایک دوسری متوازی ٹلی ف سوڈیم نائٹریٹ یا کسی دوسرے مناسب محلول سے بھری رکھی جاتی ہے تاکہ فلٹر کا کام دے یعنی قوس کے طیف سے حسب ضرورت خاص خاص اشعاع استعمال کیے جاسکیں۔ ٹلی ف مہذب بطور اسطوائی عدسہ کے ٹلی ن کے اندر نور کو مرکز بھی کرتی ہے۔ نور کا کبھرا و بڑھانے کی غرض سے ن کے اوپر ایک نصف اسطوائی غول کی شکل کا آئینہ ۲ بھی رکھا جاتا ہے۔ بعض اوقات ٹلی ف کے نیچے ایک تختی ت بھی رکھ دی جاتی ہے تاکہ مزید فلٹر کا کام دے اور ف کے اندر کے محلول کو کیمیائی تجزیہ سے بچائے۔ دوران تجربہ قوسی لمپ اور فلٹر ٹلی کے بیچ میں سے ہوا مسلسل جمی جاتی ہے تاکہ آلہ گرم نہ ہونے پائے۔



شکل ۱۵۱

شکل ۱۵۷ کے بائیں جانب آلہ کی ایک تراش بتائی گئی ہے جو مشاہدہ کی نلی ن اور فیلٹرف وغیرہ کے محوروں میں سے گذرتی ہے۔ طیف نگار کا توازی گرن کے سامنے رکھا جاتا ہے۔ دونوں کے محور ایک سیدہ میں ترتیب دیے جاتے ہیں۔ اسی شکل کے سیدھے جانب آلہ کی علی التوا تراش بتائی گئی ہے۔ اس آلہ سے رامن اثر کے نوٹو گراف چند منٹوں میں حاصل ہو سکتے ہیں۔

### رامن اثر کے مطالعہ کے لیے مبداء نور —

رینے کا افتراق نور کا کلیہ کہ بکھرے ہوئے نور کی حدت محرک نور کے طول موج کی چوتھی قوت کے بالعکس بدلتی ہے یا بالفاظ دیگر اس کے تعدد کی چوتھی قوت کے راست متناسب ہے عام طور پر رامن اثر والے افتراق کے لیے بھی صادق آتا ہے (اگرچہ ایسا معلوم ہوتا ہے کہ محرک نور کا تعدد جب بکھرنے والے سالمہ کے انجذابی تعدد کے قریب پہنچتا ہے تو اس کلیہ سے انحراف واقع ہوتا ہے)۔ اس لیے واضح ہے کہ رامن اثر کے مطالعہ کے لیے یک رنگی چھوٹے طول موج کے تیز حدت کے فزہیت موزوں ہیں۔ پارے کے قوسی لمپ کے ساتھ عموماً ۲۳۵۸ (انگسٹروم) ۲۳۵۰، ۲۳۶۵، اور ۲۳۷۵ طول موج کے اشعاع بطور محرک استعمال ہوتے ہیں۔ اگر بطور کا طیف نگار اور آلات ہیمانہ ہو سکیں تو صرف پہلے دو طول موج ہی کے اشعاع کام آ سکتے ہیں۔ پارے کے قوسی لمپ کے طیف کا معائنہ کرنے سے معلوم ہوگا کہ  $\lambda = ۲۳۵۸$  والے خط کے بڑھتے طول موج کی جانب خوش قسمتی سے ایک وسیع خطہ طیفی خطوط سے مترا ہے جس کی وجہ سے یہ خط رامن اثر کے اسٹوکی خطوط کے مطالعہ کے لیے بہت موزوں و مفید ثابت ہوتا ہے۔

آر۔ ڈبلیو۔ ووڈ نے ہیلیم کے قوسی لمپ کا طیفی خطہ  $\lambda = ۲۸۸۹$  میٹر کی پیمائی کے ساتھ رامن اثر کے تجربوں میں بطور محرک استعمال کیا ہے۔ اس خط کے نور میں اشیاء سے بکھرنے کی خاص صلاحیت ہے اور وہ معمولی شیشے کے

اتدر جذبہ نہیں ہوتا ہے۔ ہلیئم کے قوسی لمب کے ساتھ ہنگل آکسائیڈ کے شیشہ کا قلم استعمال کرنے سے ایک رنگی اشعاع آسانی سے حاصل ہوتا ہے۔

ٹھوس اشیاء کا رامن اثر مطالعہ کرنے کے لیے پار سے کی قوس کا نور مدسہ کے ذریعہ ٹھوس شے کے کندے (قلم وغیرہ) پر مرکوز کیا جاتا ہے اور علی التوائم سمت میں جو نور بکھرتا ہے اس کو طیف نگار کی جھری پر ماسک پر لگاتے ہیں۔ بار اور اے۔ سی مینزیز (Bar and A. C. Menzies) نے ٹھوس اشیاء کو سفوف کی حالت میں استعمال کر کے ان کا رامن اثر شاہد کیا۔

مینزیز نے اپنے ایک ابتدائی تجربہ میں پوٹیم نیٹریٹ ( $KNO_3$ ) کی قلموں کو نوے سفوف کی شکل میں صراحی کے اندر بھر کر ۲۵۷.۰۴ اور ۲۲۹.۳۷ سمتر موج عدد والے محرک خطوط کے نور کو ان سے بکھرایا تو ۲۳۶.۵۱ اور ۲۱۸.۵۵ سمتر موج عدد کے رامن خطوط مشاہد ہوئے۔ گویا ۱۰۵.۳ اور ۱۰۵.۲ سمتر موج عدد کی تبدیلی واقع ہوئی جو طول موج ۹.۵۲ مہ کے ساتھ شامل ہیں۔

### رامن اثر کے طیفی خطوط کی حدت اور ان کی

تقطیب — تجربہ اور نظریہ دونوں سے ثابت ہے کہ اسٹوکی خطوط (ج - ع) کی حدت ضد اسٹوکی خطوط (ج + ع) کی حدت سے زیادہ ہے۔ آغزالذکر خطوط پیش کی زیادتی کے ساتھ حدت میں ترقی کرتے ہیں۔ لیکن قلموں کے ساتھ تجربہ کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ پیش کی ترقی سے بکھرے ہوئے نور کی حدت میں کمی ہوتی ہے۔ یہ نتیجہ قدیم طبیعیات کے نظریہ کے خلاف توقع ہے۔

رامن اثر کے تمام اشعاع جو ایک ہی تغیر تعدد  $\pm$  ع مختص ہیں ایک ہی حالت تقطیب میں ہیں محرک اشعاع کا تعدد ع خواہ کچھ ہی ہو۔ معذایہ تقطیبی حالت ع کی تبدیلی کے لحاظ سے وسیع حدود کے اندر بدلتی ہے۔ یعنی مختلف خطوط کی تقطیب مختلف ہے۔ اس کو غالباً ان خطوط کی اضافی حدت کے ساتھ

قریبی تعلق ہے اور وہ پائین سُرخ والے انجذابی خطوط کے ظہور و عدم ظہور کے بھی تابع ہے۔

### ۹ لاقطیبت (Depolarization) سے مراد وہ نسبت

ہے جو واقع نور کی مپل کے متوازی ارتعاشوں کے لحاظ سے مفترق (یعنی بکھڑے ہوئے) اشعاع کی حدت کو مپل کے علی القوائم ارتعاشوں کے لحاظ سے مفترق حدت کو ہے۔

کم از کم مائعیات میں ریلے (Rayleigh) والے مفترق نور کی لاقطیبت میں اضافہ ہوتا جاتا ہے اور جیسے جیسے طیف کے بالائے بنفشی حصہ کے قریب تر پہنچتا ہے یعنی اس کا طول موج گھٹتا ہے نام نہاد بے قاعدہ انتشار نور کا نظریہ بھی اسی نتیجہ پر پہنچاتا ہے۔ جے کیبیلنز (J. Cabannes) نے دریافت کیا کہ بلور اور آئسلینڈ اسپار کی قلموں میں رامن خطوط کی حدت اور لاقطیبت قلموں کی محوری سمت کے تابع ہے۔

جن قلموں کی لاقطیبت اکائی سے بڑھ کر ہے ان میں رامن اثر کی حدت زیادہ ہے مگر مائعیات میں لاقطیبت کی قیمت ہمیشہ اکائی سے کم پائی گئی۔

مانزیز نے کاربن ڈیٹرا کلورائیڈ (CCl<sub>4</sub>) کے ساتھ تجربہ کر کے یہ رائے قائم کی کہ اگر یہ فرض کر لیا جائے کہ رامن اثر کے مقطب خطوط میں سالمہ کے اندر ارتعاش کی ابتدائی اور آخری سمتیں ایک دوسرے کی متوازی ہیں، غیر مقطب خطوط میں باہم دیگر علی القوائم و جزوی مقطب خطوط میں ترجیحی تو اکثر مشاہدات کی توجیہ ہو سکتی ہے۔

چوڑائی کے لحاظ سے رامن خطوط کی تین بڑے گروہوں میں تقسیم ہوتی ہیں۔

- (۱) ایک انگسٹروم سے کم چوڑائی (قلموں میں)
- (۲) ایک سے لے کر تین انگسٹروم تک (اکثر و بیشتر مشاہدہ شدہ خطوط)
- (۳) پانچ سے لے کر تیس انگسٹروم تک (معدنی مرکبات میں)

## رامن اٹوگیسوں اور بخاروں میں — گیسوں اور بخاروں

سے جو نور کبھرتا ہے اس کی حدت بہ نسبت مائعات اور ٹھوس اشیاء سے کبھرے ہوئے نور کے بہت کم ہوتی ہے۔ اس لیے گیسوں میں اس اثر کا مطالعہ کرنے کے لیے بھاری دباؤں اور بڑی طاقت کے طیف مناؤں کی ضرورت ہے۔

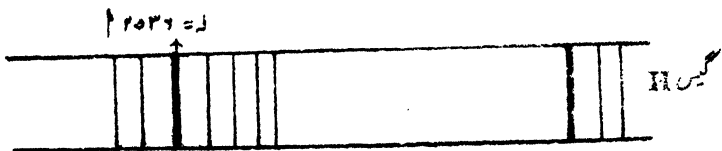
ایچ۔ ایس۔ ایلن (H.S. Allen) نے اپنا یہ خیال ظاہر کیا تھا کہ ہائیڈروجن گیس میں برقی اخراج سے جو ناؤمی لیٹ ڈونما ہوتا ہے اس کے اکثر ذہم خطوط رامن اثر سے پیدا ہوتے ہیں جن کی تحریک باصط خطوط سے اشعاع سے ہوتی ہے۔ بعد کو ہندوستان میں دیودھار نے اس کی تصدیق کی اور اسٹوکسی اور ضد اسٹوکسی ہر دو قسم کے رامن خطوط کا پتہ چلایا۔

آر۔ ڈبلیو۔ ووڈ (R. W. Wood) نے ہائیڈروکلورک گیس (HCl) میں پارے کے طیفی خط ل = ۴۰۴۶ کے نور کو کبھرے کر رامن خط ل = ۴۵۸۱۶۸ مشاہدہ کیا جس کا موج عدد  $\sigma$  پائمن سرخ خط ل = ۳۱۶۶۶۳۰ کے متناظر ہے اور جو HCl گیس کے انجذابی بند کے انتہائی حدود کے تقریباً عین وسط کا طول موج ہے۔

کڑہ ہوائی کے دباؤ پر امونیا گیس (NH<sub>3</sub>) سے ہر محرک خط کا نور ایک واحد رامن خط پیدا کرتا ہے۔ کاربن مان آکسائیڈ (CO) ایک رامن خط دیتا ہے جو گیس کے پائمن سرخ انجذابی بند کے تعدد کا فرق رکھتا ہے۔ اور کاربن ڈائی آکسائیڈ (CO<sub>2</sub>) سے جو رامن خط حاصل ہوتا ہے وہ پائمن سرخ انجذابی بندوں کے تفاوت کا فرق رکھتا ہے۔

شکل ۱۵۱ میں ریستی (Rasetti) کے تجربہ سے ہائیڈروجن گیس کے رامن خطوط نقل کیے گئے ہیں۔ [ پارے کا قوسی لمپ بطور محرک استعمال ہوا ہے ]۔

جے۔ سی۔ ایم۔ میک لینن (J. C. M. Mc Lennan) نے



### شکل ۱۵۵

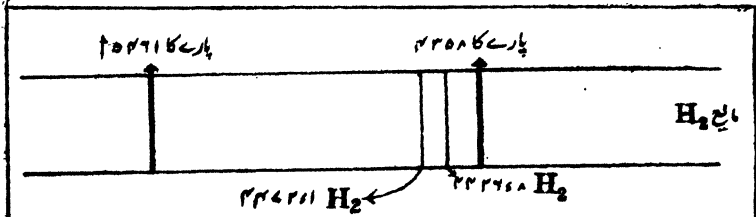
آکسیجن ہائیڈروجن اور نائٹروجن گیسوں میں رامن اثر کے خطوط باہم گیر ساوی فاصلوں پر واقع ہیں۔

مانع آکسیجن، نائٹروجن، ہائیڈروجن اور نیٹرس آکسائیڈ ( $N_2O$ ) کے ساتھ تجربے کیے۔ اور معلوم کیا کہ مانع نائٹروجن میں ایک رامن خط ملتا ہے جس کا اوسط موج عدد تقریباً ۲۳۲۸۴۵ سمٹر ہے۔ اور مانع آکسیجن میں تقریباً ۱۵۵۱۵۵ سمٹر اوسط موج عدد۔ چونکہ ۱۵۵۲ سمٹر آکسیجن کے سالمہ کا طبعی حالت میں اولی (primary) ارتعاشی موج عدد تصور ہوتا ہے اس لیے اس کے چار رامن خطوط کی پیدائش میں جو موج عدد شامل ہوتے ہیں یہی اولی ارتعاشی موج عدد ہیں۔

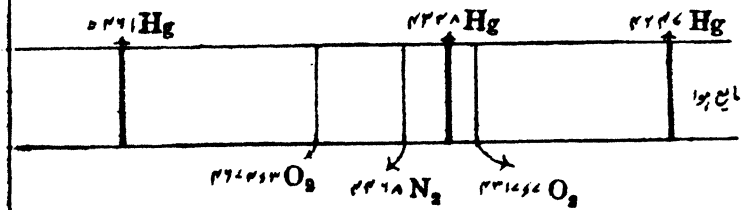
نظریہ بتاتا ہے کہ مانع ہائیڈروجن میں سالمات کا ایک ایسا گروہ ہوتا ہے جن میں گردنوں کا مرور  $m = 2$  سے  $m = 1$  تک ہو سکتا ہے اور ایک دوسرا گروہ جن کا گردشی مرور  $m = 3$  سے  $m = 1$  تک ہے۔ ہیک لیٹن کے تجربوں سے ظاہر ہوتا ہے کہ مانع ہائیڈروجن کے چند سالمات صفرا ارتعاشی اور صفرا گردشی حالتوں میں ہیں اور چند دوسرے سالمات صفرا ارتعاشی اور پہلی قدری گردشی حالتوں میں۔ مہذا قسم اول کے سالمات تعداد میں قسم دوم کے سالمات کے دو چند و سہ چند کے بین بین واقع ہیں۔ بدین وجہ پست تیشوں پر ہائیڈروجن دو بالکل مختلف نوعیتوں کے سالمات کا آمیزہ ہے۔

شکل ۱۵۶ میں مانع ہائیڈروجن کے رامن خطوط بتائے گئے ہیں اور شکل ۱۵۷ میں مانع ہوا کے۔





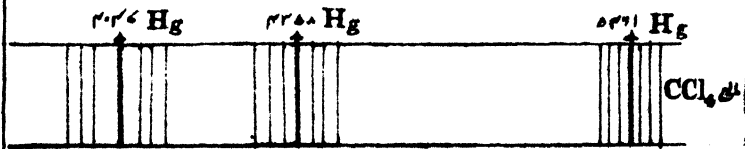
شکل ۱۵۹



شکل ۱۶۰

رامن اثر مایعات میں — جیسا کہ شکل ۱۶۱ میں

بتایا گیا ہے کاربن ڈیٹرائڈ ( $CCl_4$ ) کے رامن اثر کا طیف مرکب اشعاعی خط کے ہر دو جانب تین تین متساوی الفاصل خطوط پر مشتمل ہے۔



شکل ۱۶۱

ڈاڈیو (Dadieu) اور کوہلراؤش (Kohlrausch) نے بہت اچھی طرح پاک و صاف کیے ہوئے پانی میں تقریباً  $l = 3$  مہ کے قریب دو چرٹے بند مشاہدہ کیے تھے۔ گنیشن (Ganesan) اور ونگٹیسوارن (Venkateswaran) نے بتایا کہ یہ بند تین علحدہ علحدہ اجزاء پر مشتمل ہیں جن کے طول موج علی الترتیب  $2.64$  مہ،  $2.90$  مہ اور  $3.13$  مہ ہیں۔

نمکوں کے آبی محلولوں کے رامن اثر میں نمک اور پانی دونوں کی خصوصیات پائی جاتی ہیں۔ گنیشن اور ونگٹیسوارن نے سلفیورک ہائیڈروکلورک اور نیٹرک ترشوں کے آبی محلولوں میں پانی کے معروف بند مشاہدہ کیے جو ترشہ کے ارتکاز کی ترقی کے ساتھ زیادہ تیز ہوتے جاتے ہیں۔ مختلف فلزی اسیلیوں کے کاربونیٹوں کے آبی محلولوں سے بھی اسی نوع کے رامن خطوط پیدا ہوتے ہیں۔ سلفیٹوں اور نیٹریٹوں کے آبی محلولوں سے بھی ایسے ہی خطوط مشاہدہ ہوتے ہیں۔ پس رامن خطوط کے تعددوں (ع  $\pm$  ع) میں جو اختصاصی تعدد (ع  $\pm$  ع) شامل ہیں وہ ترشوں کے روانی شدہ (ایونا سٹزڈ) اسیلیوں سے پیدا ہوتے ہیں۔

رامن اثر قلماء کے پانی والے ٹھوس اشیاء میں۔

کرشنن (Krishnan) نے جپسم ( $\text{CaSO}_4 + 2\text{H}_2\text{O}$ ) کے رامن خطوط کا مطالعہ کیا تو  $(\text{SO}_4)$  والے خطوط کے علاوہ مزید تین تیز خطوط (جو قلماء کے پانی سے متعلق ہیں)  $l = 2.8$  مہ،  $2.9$  مہ اور  $3.0$  مہ کے تقریباً اس جگہ مشاہدہ ہوئے جہاں پانی اور سچ کے انجذابی بند کے اجزاء دکھائی دیتے ہیں۔ شفیق (Schaefer) کو اس تجربہ میں قلماء کے پانی کے صرف دو خط دریافت ہوئے۔ اس کی رائے ہے کہ کرشنن نے جو تین خط مشاہدہ کیے تھے ان میں سے دو ایک دوسرے خط (doublet) سے متعلق ہیں جو پانی کے سالمات

کے سبجوں کی اثر سے رُونا ہوتے ہیں۔  
 قلموں کے رامن خطوط تیز ہوتے ہیں اور تپش کی ترقی کے ساتھ ان کی  
 تیزی گھٹتی اور انتشار بڑھتا ہے۔

لینڈز برگ اور مینڈیلسٹام (Landsberg and Mandelstamm)

نے دریافت کیا کہ آئس لینڈ اسپار کے رامن طبعی خطوط میں سے ایک خط ( $CO_3$ )  
 روال (ایون) کے مناظری غیر عامل اساسی تعدد کے مناظر ہے۔

شیفر، ماٹوسی (Matossi) اور آڈرہولڈ (Aderhold)  
 نے لامہ (کاربونیٹ، نیٹریٹ، کلوریٹ اور برومیٹ) گروہوں اور  
 نیز لامہ (سلفیٹ، سیلینیٹ، امونیم فوسفیٹ اور امونیم کلورائیڈ)  
 گروہوں کے رامن طیفوں کے فوٹوگراف لیے تو معلوم ہوا کہ لامہ گروہوں  
 میں غیر عامل تعدد کا خط ہمیشہ بہت ہی واضح ہوتا ہے اور محور کے متوازی  
 ارتعاشوں کا خط ہمیشہ معدوم رہتا ہے۔ لامہ گروہوں میں چار تعدد  
 ہوتے ہیں جن میں سے دو غیر عامل ہیں۔

رامن اثر کا مختصر نظریہ - مادی واسطوں میں

سے جب نور گزرتا ہے تو واضح ہے کہ عام طور پر مادہ کے سالمات اور  
 واقع نور کے مابین توانائی اور معیار حرکت کا تبادلہ ہوتا ہے۔ گویا سالمہ اور  
 نور کے قدریہ میں ایک طرح کا تصادم واقع ہوتا ہے جس میں سالمہ ایک  
 قدری حالت سے نکل کر دوسری قدری حالت میں چلا جاتا ہے اور نتیجہ  
 توانائی جذب کرتا ہے یا خارج۔ پس عموماً بکھرے ہوئے نور کے قدریہ کا  
 تعدد اور اخراج کی سمت واقع نور کے قدریہ سے مختلف ہوتے ہیں۔ یہ  
 تصور کیا جاسکتا ہے کہ واقع نور کا قدریہ جذب ہو جاتا ہے اور ایک دوسرا  
 قدریہ سالمہ سے خارج ہوتا ہے جو ”بکھرے ہوئے“ نور کا قدریہ کہلاتا  
 ہے۔ اس عمل میں دو مختلف صورتیں غور طلب ہیں۔

اگر نور کے بکھرنے میں سالمہ کی قدری حالت نہیں تبدیل ہوتی ہے تو بکھرے ہوئے اشعاع کا تعدد واقع نور کے تعدد سے تقریباً منطبق ہوتا ہے۔ یہ صورت افتراق بلا تبدیلی تعدد یا انتصالی افتراق (Coherent scattering) کی ہے۔ قدیم طبیعیات کے نظریہ (Classical theory) میں اس قسم کے بکھراؤ سے بحث کی جاتی ہے۔

۱۹۲۳ء میں اسمیکال (Smekal) نے ایک دوسرے قسم کے بکھراؤ کا امکان ظاہر کیا جس میں سالمہ توانائی کی ایک سطح سے نکل کر ایک دوسری سطح تک پہنچتا ہے یعنی اس کی توانائی میں تبدیلی واقع ہوتی ہے۔ ذرا کر وہ واقع اور منفرد نور کے تعدد علی الترتیب ع اور ع ہیں۔ پس اصول بقائے توانائی کی رو سے

$$ع + ع = ع + ع \quad \text{جس میں } ع = \text{پلانک کا مستقل}$$

پس بکھرے ہوئے نور میں تعدد کا تفاوت

$$ع - ع = \frac{1}{h} (ع - ع) \quad (۱)$$

اس سے یہ نتیجہ برآمد ہوتا ہے کہ بکھراؤ کے دوران میں توانائی کی تبدیلی بالانتزام سالمہ کے اخراجی (Emission) طیف کے تعددوں میں سے ایک تعدد کے مساوی ہے۔ اگرچہ یہ ممکن ہے کہ قاعدہ انتخاب (Selection Rule) اس کے متناظر مورد کو ممنوع قرار دے۔ یہ صورت غیر انتصالی افتراق کی ہے جو اب رامن اثر کے نام سے مشہور ہے۔

ان دو قسم کے افتراقات میں بڑا اختلاف یہ ہے کہ جو نور بلا تبدیلی تعدد منفرد ہوتا ہے یعنی بکھرتا ہے اس کا واقع نور کے ساتھ تداخل ہوتا ہے۔ انتشار نور (dispersion) اسی تداخل سے پیدا ہوتا ہے۔ لیکن رامن اثر میں جو نور منفرد ہوتا ہے اس کا واقع نور کے ساتھ تداخل نہیں ہوتا۔

رامن اثر کی توجیہ میں فرض کیا جاتا ہے کہ یہ اثر نور کے ایک قدریہ اور مادہ کے سالمہ کے تصادم سے پیدا ہوتا ہے جس میں قدریہ  $h$  ع توانائی کا تفاوت (ستار - ستار) یا تو خارج کر دیتا ہے یا جذب کر لیتا ہے۔ اور اس طرح ایک دوسرے قدریہ میں تبدیل ہوتا ہے جس کا تعدد

$$ع_2 = ع_1 - (ستار - ستار) = ع_1 \pm ع_2 \dots (۲)$$

جس میں حروف و ادرق واقع اور منفرد قدر سے متعلق ہیں۔

رامن اثر کے خطوط کی حدتوں میں جو اختلاف مشاہدہ ہوتا ہے اس کی اس طرح توجیہ ہو سکتی ہے۔ ہمیں معلوم ہے کہ مادّی واسطہ کے سالمات 'ت'، 'ت'، 'ت' وغیرہ توانائیوں کی قدریہ حالتوں میں منقسم رہتے ہیں۔ انہیں تقسیم کو بولٹسمان (Boltzmann) کے کلیہ کے تابع تصور کیا جائے تو ایسے سالمات کی تعداد  $N$  جو کسی نوعی حالت  $ت$  میں ہوں مساوات ذیل سے دریافت ہوتی ہے:-

$$N = N_0 e^{-\frac{ت}{کس}} \dots (۳)$$

جس میں  $N_0$  ایک مستقل ہے،  $N$  سالمات کی جملہ تعداد، حالت زیر بحث کی اعداد و شماری (Statistical) اہمیت یا وزن ہے اور  $ک$  بولٹسمان کا مستقل۔ (ط مطلق تپش اور قوی نیگریو کا تپش کا اساس)۔ اس جملے سے ظاہر ہے کہ اسٹوکی خطوط کی حدت ضلّہ اسٹوکی کی حدت سے کس لیے زیادہ ہے۔ اول الذکر خطوط ایسے سالمات کے متناظر ہیں جن کی توانائی کی قیمت گھٹتی ہے اور یہ سالمات دائرہ توانائی والے سالمات سے تعداد میں بڑے ہوئے ہوتے ہیں۔ واقعہ یہ ہے کہ  $ت$  کی قیمت جس قدر کم ہوگی  $ک$  کی قیمت زیادہ ہوگی پس اعداد و شماری

توازن کا نتیجہ یہ ہوتا ہے کہ اسٹوکسی مرور کی بہ نسبت ضد اسٹوکسی مرور کم کثرت کے ہوتے ہیں۔  
غیر انقبالی افتراق میں خطوط کی مدت کا مسئلہ بڑی اہمیت رکھتا ہے۔ قدری میکانیات اور اور برقی حرکیات سے بکھرے ہوئے نور کے خط کی مدت کے لیے حسب ذیل ضابطہ حاصل ہوتا ہے :-

$$ع = ع_0 \pm ع_0 \omega$$

$$مدت ح = \left[ 1 \pm \frac{v}{c} \right] \{ \text{جم} \} \approx (ع_0 \pm ع_0 \omega)$$

$$\left[ \left( \frac{v}{c} - \frac{v}{c_0} \right) \times \left( \frac{c_0}{c} + \frac{c}{c_0} \right) \right] \dots \dots \dots (5)$$

اس ضابطہ میں  $1 =$  اولی اشعاع کا حیطہ ارتعاش ہے،  $v$  اس ایک مستقل ہے جو دو حالت میں موجود سالمات کی تعداد کے تناسب سے ہے۔  $v$  اور  $v_0$  کی اعداد ہیں جو حالت ک سے  $v$  اور  $v_0$  حالتوں میں از خود مرور کے احتمالات کو تعبیر کرتے ہیں۔

یہ ضابطہ کریمرز (Kramers) اور ہائیزنبرگ (Heisenberg) نے ۱۹۲۵ء میں اپنے نظریہ انتشار نور سے متعلق اخذ کیا تھا اور اب قدری میکانیات کے ذریعہ زیادہ صحیح اصول پر ثابت ہوا ہے۔ اس ضابطہ میں یہ قدرت ہے کہ اس میں مرور و  $v$  کا احتمال شامل نہیں ہے۔  $(ع_0 \pm ع_0 \omega)$  تعدد والے رامن خط کی مدت، غیر منقطع ہونے کے لیے اس کا کافی ہے کہ  $v$  اور  $v_0$  حالتیں ایک تیسری حالت ک کے ساتھ مرکب بننے کے قابل ہوں۔  $v$  مرور ممنوع بھی ہو سکتا ہے۔ اس سے یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ اگرچہ ہر ایک رامن خط سالمہ کے طیف کے ایک میٹن خط کا منظر ہے۔ تاہم ان دونوں صورتوں میں ان کی مدتیں بالکل مختلف ہو سکتی ہیں۔

سالمات کے خواص اور ان کی ساخت کی تحقیق میں رامن اثر کو بڑی اہمیت حاصل ہے۔ چنانچہ ستمبر ۱۹۲۹ء میں فیراڈے موساسٹی کے ایک اجلاس میں اس اثر پر بہت تفصیل کے ساتھ بحث کی گئی اور متعدد مضامین پڑھے گئے۔ اس اثر کے ذریعہ منجملہ اور امور کے  $N_2$  کی منفی کے دو جوہری سالمات کے جمود کے معیار اثر کی لحاظ ”عرضی“ محور حالی تعیین ہو سکتی ہے۔ سالمات کی ساخت کے متعلق معلوم ہو سکتا ہے کہ آیا وہ اپنے جواہر کی ترتیب کے لحاظ سے متشاکل ہیں یا غیر متشاکل، خطی ہیں یا کروی، وغیرہ وغیرہ۔

---

تاکر شد

# فہرست اصطلاحات

## طبیعی مناظر

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
A		B	
Aberration	ضماالت	Band spectrum	بندناطیف
Absent (spectrum)	مفقور یا غیر موجود (طیف)	Betelgeuse	ابط الجوزاء
Absolute motion	مطلق حرکت	C	
Absorption (spectrum)	انجذاب (طیف)	Canada Balsam	کینیڈا البسال
Achromatic (curves)	غیر رنگی یا بے رنگ (منحنيات)	Canal rays	نہری شعاعیں
Aelotropic	غیر قسروی انکسرت	Capella	عقروں
Analyzer	مشرح	Cirrus (cloud)	ریشہ نما (ابر)
Anomalous (dispersion)	بیقاعدہ انکسار	Class (of spectrum)	(طیف کا) صنف
Antares	قلب العقرب	Co-efficient	سر
Aperture	سہوہ	Coherent (scattering)	اتصال دار (فرق)
Astigmatism	عدم ماسکیت	Compensator	مساویض
Astrophysics	بیشتی طبیعیات	Complex	مکلف
Atomic number	جوہری عدد	Concave grating	مقعر جالی
Azimuthal	الستمی	Conical refraction	مخروطی انکسار



انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Continuum (four-dimensional)	{ چار ابعادی } مسلسل	Emission (spectrum)	اخراجی طیف
(Fitzgerald-Lorentz)	{ فزجرلڈ-لورینٹس }	Empirical	استحالی
Contraction	{ سکڑاؤ }	Enhanced (lines)	ازدیادی (خطوط)
Converging	{ متقارب (موج نمبر) }	Envelope	لغات
(wave number)		Ether drift	ایٹھری بہاؤ
Corona	اکلیل	Event	واقعہ
Curvature (of space)	{ انکسار (فضائی) }	External (conical refraction)	{ بیرونی (مخروطی انکسار) }
D		F	
Depolarization	لاقطبیت	Field	میدان قوت
Diffraction (of light)	{ انکسار (نور) }	Fine structure	{ (خطوط کی) باریک ساخت }
Diffuse Series	منتشر سلسلہ	(of lines)	
Direction cosines	سمتی جیب تمام	Fluorescence	{ فلورینس یا سیل اسپاری تنہتر }
Dispersion	انتشار	Frequency	تعدد
Displacement	ہٹاؤ	Fundamental Series	اساسی سلسلہ
Doubler	مضاعف	G	
Double refraction	{ دوہراہ کلا انکسار }	General Theory	{ عام نظریہ اضافیت }
Doublet	{ دوہرا (طیفی خط) }	of Relativity	
Draco	رتین	Grating	جالی
E		Gravitational	ستہاذبی
Electronic band	برقی بند	H	
Electron Spin	برقی گھاؤ	Halo	ہالہ
Ellipsoid	کرہ نما		

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Head (of a series)	(سلسلہ کا سر)	Micron	مائکرون
I		Mizar	میزر
Infra-red	پائین سرخ	Molecular scattering	سالمی کجراؤ یا فرق
Integral	مختل	Moment of inertia	جور و کامیاری اثر
Interference	تداخل	Mounting	تقسیم
Interferometer	تداخل پیم	Multiplet	صنعتی خط
Internal (Conical refraction)	اندرونی (مخروطی انکسار)	N	
Interval	وقفہ	Non-coherent (scattering)	غیاثی (انثرق)
Inverse (Zeeman Effect)	مقلوب زیمانی اثر	Non-crystalline	نقلا
Ion	رواں یا ایون	Normal	عماد
Isochromatic	ہم لونی	Nucleus	مرکزہ
Isotropic	متساوی السموت	O	
L		Oblate (spheroid)	چپا کرہ نما
Larmor Precession	لارمری استقبل	Orbital motion	مداری حرکت
Lemniscate	ایٹرن یا دو چشمہ منحنی	Order (of spectrum)	(طیف کا) رتبہ
M		Oscillator	ہیترز
Magellanic cloud	مچھانی ابر	P	
Magneton	مقنیتہ	Parameter	مبدل
Magnitude (optical)	(مناظری) قدر	Parallax	اختلاف نظر
Mechanical pressure	میکانی دباؤ	Perihelion	حقیض
Meteorology	جراتیات	Phase integral	ہستی مکتل
		Phosphorescence	توتھر

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Polarization	تقطیب	Selective reflection	انتخابی انعکاس
Polarizer	مقطب	Series	سلسلہ
Postulate	اصول موضوعہ	Set	سٹ
Potential	قوتہ	Sharp (series)	تیز (سلسلہ)
Primary	اولی	Singlet	اکہرا خط
Principal (series)	صدر (سلسلہ)	Singular ray velocity	واحد شعاعی رفتار
Projection	تلق	Singular wave velocity	واحد موجی رفتار
Pupis	شکلات		
Q			
Quantum	قدرتہ	Sirius	شرا
Quantum number	قدرتی عدد	Slit	چھری
R		Space curvature	فضائی انحناء
Radiometer	ریڈیا میٹر	Special theory	اختصاصی نظریہ اضافیت
Radius vector	نقطہ سمتی	of relativity	
Rectangular	مستطیل	Spectrograph	طیف نگار
Relativity	اضافیت	Spiral	ولبی
Resolving power	تحلیل طاقت	Splitting factor	افتران جزو ضربی
Resonance	مکمل	Stark Effect	اشاد کی اثر
Restitution (force of)	قوت باہمی	Stratus cloud	طبق نما ابر
Rhomb	رومب یا مجسم مستطین	Stress	ماسی زرد
Rotational band	گردشی بند	Systematic (error)	تبیعی (خطا)
S		T	
Satellite	تابع	Transformation	استعمال
Scattering	بکھروا یا افراق	Transformer	متبدل

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Transition	مرور	Venus	زہرا
Triplet	تہرا خط	Vibro-rotatory	اہترازی گردش
U		W	
Undetermined	غیر معین ضارب	Wave front	ناحیہ موج
multiplier		Wave mechanics	موجی میکانیات
Unvariant	نامستقر	Z	
V		Zeeman Effect	زیمانی اثر
Valency electron	گرفتہ برقیہ	Zone plate	منطقہ تختی



# اغلاطانا

## طبعی مناظر

صحيح	غلط	صحيح	غلط	صحيح	غلط
و	د	ثانوی	ثانوی	۸	۸
قطر فطری	قطر فطری	کبا ج پر چوٹے سوراخ کے نشان نہ ہونے چاہیے	کبا ج پر چوٹے سوراخ کے نشان نہ ہونے چاہیے	۲۲	۲۲
Breust-	Browster	مجازی	مجازی	۱۰	۲۸
د د	و و	م	م	۴	۲۹
صلیبی	صلیبی	فرینیل	فرینیل	۱۳	۳۵
قلب بند	قاند	(دیکھو)	(دیکھو)	۲۴	۳۶
د	د	-	=	۶	۳۷
ث ث	ث ث	متوازی	متوازی	۲۰	۳۹
ا ا	ا ا	س س	س و	شکل ۱	۴۰
ا ا	ا ا	ع ع	ع ع	"	"
پ پ	پ پ	ع ع	ع ع	"	"
قریب	قریب تر	و غ تہ	و غ تہ	۱۳	۴۲
۲ ف	۲ ف	۱-۲ غہ	۱-۲ غہ	۶	۴۳
جب	جب				
منفذ	منفذ				

صحیح	غلط	۱	۲	صحیح	غلط	۱	۲
مستقیم	مستقیم	۵	۳۲۳	زیادہ رتبوں	زیادہ درجوں	۷	۱۱۲
تفاوت	تفاوت	۱۲	۴	دو رتبوں	دو درجہ	۵	۱
تقطیعی	تقطیعی	۳	۳۲۷	رتبہ	درجہ	۱۳	۴
اتنی	اتنی	۷	۳۳۸	کا رتبہ	کا درجہ	۵	۱۱۵
پیدا	پیدا	۱۰	۳۴۹	رتبہ	درجہ	۱۸	۱۱
پساری	پساری	۲	۳۵۱	کے رتبہ	کے درجہ	۷	۱۳۶
عہ = ۹۰°	عہ = ۹۰°	۲	۳۶۲	H $\beta$		۳	۱۳۳
۵۵	۵۵	۲۲	۴	متعلقہ	متعلقہ	۱۳	۱۴۱
Becquerel	Becquerel	۱۶	۳۶۶	He اکبرے	H اکبرے	۲۰	۱۳۴
برہ	برہ	۱۲	۳۷۲	h	h	۱۷	۱۴۷
عین	مین	۱۳	۱۱	ایسے	ایسی	۷	۱۵۶
دباؤ	جاؤ	۱۲	۳۸۱	H $\gamma$		۱۲	۱۶۱
مائیکلسن	مائیکلسن	۸	۳۹۶	انکسٹرومن	انکسٹرومن	۱۴	۱۸۶
$\frac{r}{r_0} - 1$	$\frac{r}{r_0} - 1$	۵	۳۹۸	طبیعی رتبوں	طبیعی درجوں	۱۱	۲۱۶
ایتھر	ایتھر	۱۰	۴۰۶	کی تقصیب	کی تقصیب	۱۱	۲۲۱
عمومی	عام	۱۰	۴۰۸	میدان	میدان	۳	۲۳۸
اضافیت	اضافیت	۱۰	۴۱۵	شوائشیلڈ	شوائشیلڈ	۱	۲۵۶
عمومی نظریہ	دعام نظریہ	۱۳	۱۱	H $\gamma$	H $\gamma$	۱۲	۲۵۸
سک	سک	۱۳	۴۱۸	منعطف	منعطف	۱۲	۳۶۵
تفاوت	تفاوت	۲۰	۴۲۶	ایٹھن	ایٹھن	۱۷	۲۶۱
زبردست	زبردست	۷	۴۳۲	گلایز بروک	گلایز بروک	۳	۲۹۰
خط	خط	۲۲	۴۳۵	کٹ	کٹ	۱۲	۳۰۵
۳۳۳۸	۳۳۳۸	۲۲	۴۴۰	رفتار (ر)	رفتار (ر)	۱۹	۳۰۹
		۲۲	۴۴۰	نقطہ	نقطہ	۳	۳۲۱
		۲۲	۴۴۰	سہول	سہول	۶	۴







